UNIVERSIDAD DE SANTANDER

Facultad de Ciencias

ANALISIS DE LOS MECANISMOS DE EMISION Y DE LAS CORRELACIONES ANGULARES DE LOS PRODUCTOS DE INTERACCION DEL 0-16 a 2,1 Gev/A CON NUCLEOS DE EMULSION.

> Memoria presentada por Alberto Ruiz Jimeno, para optar al Grado de Doctor en Ciencias. Sección de Físicas.

EUGENIO VILLAR GARCIA, Catedrático Director del Departamento de Física Fundamental de la Facultad de Ciencias de Santander

CERTIFICA:

Que la presente Memoria, "Análisis de los mecanismos de emisión y de las correlaciones angulares de los productos de interacción del 0-16.2,1 Gev/A con núcleos de emulsión", ha sido realizada bajo mi dirección en el Departamento de Física Fundamental de la Facultad de Cioncias de Santander, por el Licenciado en Ciencias Físicas D. Alberto Ruiz Jimeno y constituye su tesis para optar al grado de Doctor en Ciencias, sección de Físicas.

Y para que conste, en cumplimiento de la legislación vigente, presento ante la Facultad de Ciencias de la Universidad de Santander la referida Tesis Doctoral, firmando el presente certificado en Santander, a uno de abril de mil novecientos setenta y ocho. Quiero dejar constancia de mi agradecimiento a las siguientes personas y entidades, que han cooperado de un modo importante a la realización de este trabajo:

Al profesor D. Eugenio Villar García, por su guía y dirección y los medios que ha puesto a mi disposición. Asimismo al resto de los componentes del equipo de Alta Energía, Ramón Niembro Bárcena, Laura Bravo y Alicia Lavín, por su constante ayuda y valiosas críticas.

De un modo muy especial quiero considerar la desinteresada ayuda de los Profesores C. Jacquot, J. N. Suren y D.Karamanoukian del SADVI del C.N.R.S. de Strasbourg, en cuyo centro he realizado una parte notable del trabajo y han sido puestos a mi disposición los medios necesarios para ello, tanto materiales como de discusión y planificación de trabajos.

Al Profesor Dr. Bo Jakobsson, de la Universidad de Lund (Suecia) y al Dr. E. Higón del IFIC de Valencia, con quienes he mantenido trabajos conjuntos de gran interés.

Al Departamento de Física Fundamental de la Facultad de Ciencias de Santander, al IFIC de la Universidad de Valencia y al SADVI del C.N.R.S. de Strasbourg, por los medios puestos a mi disposición para la realización del trabajo.

Al Ministerio de de Educación por la concesión de una Beca de Formación de Personal Investigador para llevar a cabo esta tarea. Asimismo a la Fundación Marcelino Botín por su aportación económica a los trabajos del grupo en que me encuadro.

Al equipo de microscopistas formado por las Srtas. Pilar Velloso y Milagros Martin por su paciente y valioso trabajo. Asimis-

١,

iv

mo quiero hacer constar la esmerada tarea de mecanografiado de la Srta. Mª Paz Ruiz y la ayuda en la confección de figuras de D. Alberto Ruiz y lasSrtas. Olga Acinas., y Mª Teresa Ruiz.

Santander, Abril de 1.978.

INDICE

•

	Página
INTRODUCCION	1
CAPITULO I : Dispositivo y Método experimental	6
Dispositivo experimental	
1. Experimento	77
Obtención de datos	
1. Scanning-Selección de sucesos	8 11 17
Bibliografía	29
CAPITULO II : Secciones eficaces de reacción	30
II-1. Resultados experimentales	31 36
-Modelos geométricos	36
	38
Bibliografía	43
CAPITULO III : Análisis de multiplicidades	44
III-1. Introducción	45 47
-Secciones eficaces individuales.	47
siones efectivas	52
-Formulación general	52
-Aproximación óptica	56
meros resultados	59
-Cálculo del nº efectivo de co-	-
lisiones	71
-16SULTACOS Y CLISCUSION • • • • TTT_3 Análicia do trazos griesos	14
III-4. Otros análisis de las multiplici-	
dades. Comentarios	92
Bibliografía	96

* * *

Página

CAPITULO IV : D	istribuciones angulares	98
-		,
1	V-I. Distribuciones angulares en	00
	el espacio longitudinal · ·	100
	-Trazas blancas	100
	-Trazas grises y negras	108
	-Teoria de la evaporación	
•	nuclear.Particulas 🖌	100
	"forward"	108
1	-Teorías hidrodinámicas .	116
. I	V-2. Distribuciones angulares en	
	el espacio transverso	123
	-Generación del espacio-fase	124
	-Análisis de resultados. ,	125
1	Bibliografía	134
CAPITULO V : Di	stribuciones angulares en espacio	
tr	cansverso (II)	135
	• •	
-]	. Adquisición de datos	137
	-Medidas	139
	-Errores	141
]	1. Ánálisis	145
	II-1. Función característica	146
	II-2. Espacio-fase	147
	II-3. Sucesión señal	150
_1	II. Resultados	152
	III-1. Test de conlanaridad	157
	III-9. Estructura de las copla-	
	naridadaa	158
	IV Discusión teórica	166
		100
B	ibliografía	168
	•	
APENDICES		169
Apéndice l	: Características del Disnositivo	
mponutoo 1	experimental	170
Andndice 9	Programs geometris	177
Andulion 3	Dongidad donivada dol modelo a es-	T 1 1
Abeurice 0	tmustumes /	191
Amdandian		101
Apendice 4	r runciones de onde y fiementos de	104
h fuilter M		104
Apendice 5	· rrograma ulaub · · · · · · · · ·	100
Apendice 6	: Rapidity y pseudorapidity	190
Apendice 7	: rrograma Slunal.	T 89
Bibliograf	ía	917
DINITORIGI		611
анан Алар		
CONCLUSIONES .		218

;

INTRODUCCION

1

El advenimiento de los potentes aceleradores de partículas y sus mejoras sucesivas, ha aportado durante los últimos años un medio importante para el estudio de las interacciones hadrónicas y toda la dinámica subyacente.

Anteriormente, el estudio de las interacciones hadrónicas se efectuaba mediante la observación y el análisis de los procesos provocados por la radiacción cósmica, lo cual llevaba consigo la necesidad de utilizar métodos de discriminación, tanto de la carga como de la energía, de los iones incidentes.

Inicialmente, los aceleradores se programaron para la aceleración de partículas de carga unidad y posteriormente se introdujeron diversas mejoras, permitiendo la aceleración de iones cada vez más pesados.

Hoy en día, es posible la obtención de iones acelerados hasta 2,1 Gev/nucleón en un vasto dominio dentro de las masas de los iones y prioritariamente en aquellas cuya relación carga/masa es igual a $\frac{1}{4}$.

Diversas colaboraciones internacionales se fueron formando a raiz de esta situación para abordar de un modo sistemático el estudio de reacciones entre diferentes proyectiles y blancos, utilizando diversos métodos de detección entre los que cabe destacar la cámara de burbujas, la emulsión fotográfica y dispositivos electrónicos en conexión con contadores.

En nuestro la boratorio las interacciones hadrónicas se vienen investigando en tres campos diversificados, a saber:

-interacciones de protones y partículas relativistas de carga unidad con núcleos de emulsión (Ref. In-1) -interacciones de iones pesados relativistas con núcleos de emulsión (Ref. V-1)

-interacciones de fotones con núcleos de emulsión, mediante un método mixto de detección: emulsión + OMEGA (Ref. In-3)

Si bien la emulsión tiene la desventaja, con respecto a otros métodos de detección, de su lentitud en el proceso de medición y la dificultad en la separación de blancos, tiene la ventaja de su gran poder de resolución geométrica, precisión en la observación de los productos de la reacción y detección de trayectoria de tiempos de vuelo muy cortos. Sin embargo, actualmente se vienen efectuando diversas modificaciones y experiencias en las técnicas de utilización, en una de las cuales estamos trabajando (Ref.V-1)

La característica fundamental de esta técnica es que presenta la ventaja de detectar partículas de corta vida (Ref. In-3) lo cual la coloca en un plano importantísimo con respecto al análisis de la dinámica subyacente en la propia estructura de las partículas conocidas y verificación de los modelos "parton".

En este trabajo analizamos las interacciones producidas por núcleos 0-16 acelerados a 2,1 Gev/nucleón en el acelerador de Berkeley (U.S.A.), con núcleos de emulsión.

Nos hemos propuesto, de una parte, el análisis fenomenológico de los sucesos en cuanto al estudio de las secciones eficaces de reacción y las multiplicidades, a la luz de las teorías que suponen el núcleo compuesto de nucleones que interactúan individualmente, y otros modelos colectivos que tienen en cuenta, bien sea la estructura en agregados, ó bien la interacción colectiva de la materia nuclear que el proyectil encuentra a su paso, habida cuenta de que el factor fundamental en estos modelos es el tiempo necesa-

3

rio para lograr el equilibrio asintótico tras la interacción simple, comparada con el tiempo de paso a través de la materia nuclear.

Este análisis lo hemos expuesto en los Capítulos II y III, dedicando el capítulo I a una explicación general sobre el proceso de experimentación y detección así como del proceso de medición.

Por otra parte hemos efectuado un estudio do las distribuciones angulares de los productos de la reacción y las correlaciones entre ellos. Esto supone la aportación más importante que puede suministrarnos el detector, dada la calidad geométrica del mismo y está directamente relacionada con la dinámica hadrónica. Hemos analizado de un modo particular el espacio transverso, dada la posibilidad de introducir un espacio-fase adecuado. Esto lo hemos expuesto en el Capítulo IV para el conjunto global de sucesos obtenidos. Por su parte, en el Capítulo V presentamos los resultados de un análisis efectuado con métodos más precisos, tanto de detección, como de cálculo, concluyendo asimismo en la necesidad de utilizar técnicas diferentes durante el proceso experimental que puedan complementar los cálculos efectuados.

Por último, hemos realizado una discusión de los resultados a la luz de los modelos "parton", basados en la idea de que los iones incidentes pueden considerarse como hadrones con número bariónico superior a l, cuyos "partones" son los propios nucleones ó agregados de éstos.

Más detalles sobre los métodos de cálculo, los exponemos en una colección de Apéndices al final del texto.

4

In-1: Col. Batavia . Lett. Nuov Cimento ,20,8,257,(1977)..... In-3: Proposal Boługna-Cern-... col. CERN/SPSC/77-108,(1977)

Cap. I: DISPOSITIVO Y METODO EXPERIMENTAL

Dispositivo Experimental

1.Experimento 2.Medidas

Obtención de datos

Scanning-Selección de sucesos
Geometría del suceso
Ionización

.

Bibliografía

DISPOSITIVO EXPERIMENTAL

1 Experimento

El dispositivo experimental se adecúa al siguiente esquema: <u>Haz</u>: Iones de 0-16 acelerados a 2,1 Gev/nucleón. <u>Acelerador</u>: Tandem formado por un acelerador lineal, el LINAC, y un Bevatron. El primero acelera hasta 5 Mev y ioniza completamente. <u>Detector</u>: Emulsión nuclear Ilford K-5, distribuidas en apilamientos de capas de 600µ de espesor inicial y con dimensiones de 3,5 x 10,5

cm²

La experiencia fué realizada en el LBL de la Universidad de Berkeley, en el primer semestre de 1.972, dentro del programa común de estudio de la fragmentación de inones pesados acelerados (ref: 1-4).

El flujo de partículas incidentes fué de alrededor de 10 partículas/cm², altamente colimadas (con una precisión del 2%) y con una contaminación en energía y otros iones, nunca superior al 10%.

Las placas fueron reveladas en el SADVI de Strasbourg (Francia) por el método de las dos temperaturas.

<u>Eolaboración científica</u>: En un principio las emulsiones reveladas se repartieron entre los laboratorios de Strasbourg, Barcelona y Valencia, que habían establecido una colaboración para su estudio. Posteriormente los grupos de Barcelona, Valencia y Strasbourg, nos cedieron las placas que han servido de base para realizar la presente Memoria.

2 Medidas

Para la localización de las interaciones registradas en la emulsión se ha efectuado "scanning along the track", realizándose posteriormente el dibujo de las interacciones, así como la medida de su geometría y ionización de las trazas blancas y grises.

Para ello nos homos valido de un equipo de microscopios de las siguientos características:

-microscopio Koristka M-53, con unidad adyacente de adquisición de datos "on line" sobre perforadora-impresora (ref.1-1)

-microscopio Vickers M-41

-microscopio Orthoplan, de Leitz-Wetzlar, con fotómetro incorporado MPV para medidas fotométricas de opacidad (ref.1-2)

A este último se le ha incorporado un goniómetro ocular de la misma marca, con precisión de l', así como una pieza de profundidad provista de un nonius, que aprecia la décima de micra.

OBTENCION DE DATOS

La obtención de datos se ha efectuado en varias fases: por una parte se ha realizado el "scanning" de las placas y dibujado las interaciones proyectadas en el plano de la emulsión. Posteriormente se han efectuado medidas de la geometría del suceso, así como de la ionización y alcance de las trazas secundarias.

1-Scanning - Selección de sucesos

El "scanning" se ha realizado "along the track", es decir, siguiendo traza por traza hasta que escapa de la emulsión ó sufre una interacción.

Este método presenta considerables ventajas en cuanto a la obtención del recorrido libre medio y la sección eficaz de reacción.

En el proceso seguido se han eliminado las zonas de la placa más expuestas a distorsión, y, por tanto, a errores en la determinación de los observables experimentales, de acuerdo con la fig. 1.



El recorrido libre medio de los iones de 0-16, puede relacionarse directamente con la longitud total seguida y el número de interacciones encontrada si se admite la hipótesis de que todas las trazas de estos iones del Haz, poseen el mismo recorrido dentro de la emulsión (ref. 1-3).

Por tanto, el error engendrado en el cálculo de este observable a partir de nuestras medidas estará relacionado con la homogeneidad de la emulsión.

En nuestro trabajo hemos realizado el estudio del recorrido libre medio en zonas diferentes de las placas, así como en placas diferentes, obteniendo los siguientes resultados:

Placa	Zona	λ (recorrido libre medio)	٤٢
	16	14.7 cm.	2.0 cm.
23	25	18.0 "	3.2 "
	3#	12.9 "	2.2 "
	1*	. 16.2 "	2.0 "
24	28	13.2 "	0.9 "
		•	
Res. global		14.2 "	0.7 " (1)
		14.5 "	0.7 " (2)
1	e e e e e e e e e e e e e e e e e e e	·	

TABLA I.1: Recorrido Libre Medio

TABLA I.2: Datos recorrido libre medio (diversos laboratorios)

Laboratorio	Recorrido libre medio	Referencia
Valencia	14.0 0.5 cm.	I.3
Col. Bar-Str Val.	13.4 1.2 "	1.6
Lund *	12.3 1.3 "	1.7
Santander	14.2 0.7 "	este trabajo

* Emulsión Ilford K2

- (1) Calculado, de acuerdo con las expresiones II.5 y II. 6 de ref.I.3
- (2) Calculado teniendo en cuenta la dispersión de los valores ,en las diversas zonas de la placa, con un peso estadístico igual a la inversa de de los errores individuales.

Se han seguido 1.222 trazas obteniéndose 422 interacciones en un recorrido global de 5.998 cm.

Como puede observarse de la tabla I.1, la influencia de la composición de la emulsión puede ser importante, aunque todos los resultados caigan dentro de los márgenes de error.

Es interesante también comparar nuestros resultados con los de otros laboratorios, cuando se toman resultados globales promediados a todas las placas; presentamos los valores en la tabla I.2

Como puede observarse, los resultados de los diversos laborator rios están de acuerdo y podremos utilizar nuestros resultados en el cálculo de las secciones eficaces de reacción.

2-Geometría del suceso

La emulsión, como detector, tiene una ventaja importante con respecto a otros detectores que es su capacidad de registro temporal de todos los secundarios procedentes de una interacción, que sean cargados, con una alta precisión geométrica, por lo que las medidas angulares han de ser lo más finas posibles.

Sin embargo, la precisión en la toma de las medidas angulares, es inversa al tiempo necesario para tomarlas y en consecuencia habrá de buscarse una solución eficaz, de acuerdo con las características específicas del estudio que se pretenda realizar.

En nuestro trabajo, hemos tomado una muestra standard de aproximadamente 300 interacciones, a las que hemos analizado por dos métodos angulares, el goniométrico y el método de las 4 coordenadas, que detallaremos a continuación. Sin embargo, y como explicaremos en la 2ª parte de esta Tesis, nos vimos obligados a realizar análisis más precisos, y por ello más costosos en el tiempo, en otra muestra de interacciones, más pequeña estadísticamente pero suficientemente válida en el estudio que se pretendía, basado en el análisis sobre cada interacción aisladamente.

<u>Método goniométrico</u>.- Consiste en tomar independientemente las medidas del ángulo azimutal, en el plano de la emulsión, y de "dip" en un plano perpendicular a ella, para el primario y para cada una de las trazas secundarias cargadas.

El ángulo azimutal se realizó con un goniómetro ocular graduado en unidades de $(1/4)^2$

Por su parte, el "dip" se obtuvo midiendo para cada traza la diferencia de cota entre dos puntos, uno cercano al centro de la interacción y otro a una distancia corta, de unas 50 micras. Primeramente se calculó el factor de contracción en dicho punto, tomando la diferencia en profundidad entre la superficie y el vidrio, y dividiendo por el espesor inicial de la placa utilizada.

Ello nos permite obtener los cosenos directores del primario y de cada una de las trazas, según la expresión (Fig. 2)



 $COX = \cos \delta \cdot \cos \varphi /$ $COY = \cos \delta \cdot \sin \varphi /$ $COZ = \sin \delta /$ $\Delta = \sqrt{\cos^2 + \cos^2 + \cos^2}$

En la expresión del error para el ángulo real \ll interviene sen \ll en el denominador, con lo cual las trazas muy "forward", vienen afectadas por barras de error importantes.

Con el fin de limitar sus errores, se realizó la medida de estas trazas por un método diferente.

Método de las 4 coordenadas

Consiste en determinar las coordenadas X,Y,Z, de cuatro puntos del primario y cuatro puntos de cada uno de los secundarios, tomando uno de los puntos próximos al centro de la estrella y los restantes a intervalos regulares de 200μ

Posteriormente se ajustaba espacialmente a una recta, el conjunto de los 4 puntos, mediante un método de mínimos cuadrados aplicado a los 3 planos ortogonales del espacio y tomando como resultados la intersección de los dos que dieran mayor bondad de ajuste.

Una vez obtenidos los cosenos directores para el primario y cada uno de los secundarios, se calcula la matriz rotación $\underline{\mathbb{R}}$ que permite llevar al primario sobre el eje OX, y se rotan los secundarios.



De este modo, puede calcularse el ángulo real

$$\alpha = \operatorname{arc.cos.}(\operatorname{S1_{rotado}})$$

 $\Delta \alpha = \Delta \operatorname{S1_{rotado}}/\sqrt{1-\operatorname{S1_{rotado}}^2}$

El cálculo se ha efectuado mediante el programa GEOM que exponemos en el Apéndice II.

En consecuencia, en las trazas muy "forward", se han efectuado medidas según los dos métodos. Creemos interesante constatar las diferencias observadas entre las diferentes mediciones y comparado con los resultados teóricos de los errores calculados por ambos métodos. Para ello presentamos los histogramas I,II y III.

Presentamos también en el histograma I el resultado teórico de conjugar los histogramas 2 y 3, presumiendo que los errores dan la desviación standard en una distribución normal para los valores obtenidos del ángulo centradas en su auténtico valor. Es válido el hacerlo siempre y cuando la gama de ángulos estudiados, no sea muy variable y en nuestro caso, ésto se refiere a trazas "forward"

Para un valor σ_1 obtenido sobre el H II, la probabilidad de obtener una diferencia $\mathbf{r} = \mathbf{x} - \mathbf{u}$ entre el valor del ángulo medido X y su auténtico valor u es

$$P(x-u) = \frac{1}{\sigma_1 \sqrt{2}} \exp(-\frac{\pi_1^2}{2 \sigma_1^2})$$

Asimismo para sus valores σ , r sobre el H III

$$P(y-u) = \frac{1}{\sigma_2 \sqrt{2\gamma}} \exp\left(-\frac{r_2^2}{2\sigma_2}\right)$$





Podemos observar, de acuerdo con el H I ..., que los resultados se corresponden con la precisión estimada de lus medidas, si bien el método coordenado suministra para las trazas "forward" un sistema de medida mucho más preciso por lo cual lo hemos aceptado.

Sin embargo, en un proceso de estudio, suceso por suceso, donde tanto la precisión como la fiabilidad de las medidas individuales deba ser considerada, habrá que emplear métodos en los cuales los estativos mecánicos de los aparatos jueguen un papel mínimo y donde los efectos por distorsión, curvatura de campo,.... sean considerados. De ahí el nuevo método puesto a punto que explicaremos en la purto segunda.

3 Ionización

Suficientemente conocido es el hecho de que las partículas cargadas atraviesan la emulsión perdiendo energía que emplean en la ionización de los átomos de bromuro de plata, de acuerdo con la expresión de Bethe:

$$-\frac{dE}{dx} = \frac{2\eta n_{\theta} e^{4} z^{2}}{m c^{2} \beta^{2}} (\ln \frac{(2mc^{2}\beta^{2}\gamma^{2})T}{W^{2}} - 2\beta^{2} - \delta - U)$$

para la energía perdida por unidad de longitud del recorrido, sien-

 $n_{\rho} = n^2$ electrones por unidad de volumen

- w = potencial medio electrónico
- T = energía máxima transferida a un electrón
- γ, β = factores cinemáticos

= carga del electrón

17

 δ , U = términos correctivos debidos, respectivamente, a

la polarización del medio (efecto de densidad) y a la no participación de las capas internas etómicas.(ref. 1-8)

Cuando un electrón, recibe, de este modo, energía suficiente, puede tener un rango capaz de ser observable tras el proceso de revelado, lo cual depende, entre otros factores, de la composición química de la emulsión. En tal caso, se denomina a tal traza, un rayo

En el proceso de pérdida energética por efectos ionizantes hay que considerar dos aspectos diferentes en cuanto a la formación de imagen latente: la densidad de grano primaria y la densidad de grano secundaria.

a) Densidad de grano primaria

Se refiere al corazón de la traza, imagen latente del recorrido de la partícula ionizante producida por la cesión de energía a los fotoelectrones insuficiente para que éstos adquieran un recorrido necesario para ser considerados como rayos S.

En el proceso, altamente estocástico, intervienen tres factores para que el acto sea autosuficiente en cuanto a la revelabilidad:

-la sensibilidad local

-la expresión efectiva de la pérdida de energía, calculable de la curva espectral de sensibilidad obtenida al medir la sensitividad de la emulsión para fotones de todas las energías.

-el elemento de longitud recorrido.

b) Densidad secundaria

Si los rayos 5 están comprendidos dentro de una gama de ener-

gías del orden de 2 Kev a 22 Kev, pueden producir granos secundarios que forman parte de la traza. Cuando la densidad de tales rayos δ es muy grande, contribuyen al efecto de espesor de la traza.

De acuerdo con la fórmula de Bethe, la densidad de rayos o crece con el cuadrado de la carga de la partícula.

<u>Medida</u>

Volviendo a la expresión de Bethe observamos que es una función complicada de la velocidad, resultando necesario hacer un calibrado para emulsiones "standard" de la variación de la ionización relativa g* definida por la relación existente entre la densidad de grano primaria y el mínimo para una partícula de carga unidad (ref,1-9) (fig. 4)

Pues bien, basándonos en la ionización relativa podemos dividir las trazas observables en la emulsión en tres grupos característicos:

> trazas blancas: $g^* < 1,65$ trazas grises: $1,65 < g^* < 8$

trazas negras: g*< 8

Bien entendido que la ionización mínima $g_{\min} \sim 1,18 g_p$ siendo g_p la ionización "plateau", que corresponde a las trazas ultrarelativistas de carga unidad, que hemos preferido no adoptar como parámetro comparativo dado que no constituye un verdadero "plateau", sino que a energías ultrarelativistas crece y está sometido a muy ligeras fluctuaciones.

Trazas blancas

Las trazas blancas corresponden a partículas relativistas de carga unidad; en nuestra experiencia las velocidas características son del orden de $\beta \sim 0.95$ c, que está en el entorno de la ionización mínima. En tales casos el contaje de granos puede hacerse directa-



FIGURA 4: Curvas ionización-energía

mente, dado que las formaciones de grupos de granos es escasa y visible en cualquier caso. En consecuencia, hemos efectuado medidas de la densidad de granos primarios para trazas con un ángulo de salida muy pequeño en las interacciones, correspondientes, como luego observaremos, a protones de desintegración del núcleo proyectil, con ionización mínima.

Dado que la ionización depende de factores locales, consecuencia de la sensibilidad de la emulsión y el proceso de revelado, hemos construído una curva de calibrado, ajustando por mínimos cuadrados la nube de puntos que nos da la variación de la ionización mínima en función de la profundidad. Ello lo hemos efectuado para cada una de las placas objeto de estudio y exponemos en la Fig. 5 el resultado para una de ellas.

Trazas grises

En este caso no es siempre posible la determinación directa de g, y se recurre al contaje del nº medio de agrupaciones de granos, ó "blobs", por unidad de longitud, ó bien de agujeros ó "gaps" entre agrupaciones, H.

Este valor está relacionado con la densidad de granos primaria g, mediante la expresión

 $H = g \exp \left(-g(\alpha + 1)\right)$

siendo 🗠 «, el diámetro medio de grano

1, la longitud mínima a considerar para

existencia de gap.

En consecuencia, es necesaria la determinación de \prec , que hemos obtenido por los métodos clásicos (ref. 1-3), resultando

 $\alpha = 0,40 \pm 0,08 \ \mu$.





Trazas negras: Opacidad

En el caso de las trazas negras no sirve ninguno de los dos métodos anteriormente expuestos, dado que la densidad de grano primaria alcanza su máximo y la influencia de la carga y velocidad se manifiesta en la densidad secundaria.

Para ello, la anchura de la traza es la magnitud a determinar, por un método indirecto, cual es el análisis de la opacidad ó disminución del flujo luminoso que atraviesa una rendija cuando la traza se coloca en su centro, con respecto a la intensidad cuando no existía la traza.

En el proceso de medida hay que tener en cuenta la influencia de factores externos e internos a la traza, como son la profundidad, el dip, la sensibilidad y el ruido de fondo, en general no homogéneo.

Se define la opacidad como la diferencia de las intensidades lumínicas, antes definidas

$$0_0 = I_0 - I$$

Para la medida se utiliza un fotomultiplicador alimentado por una fuente altamente estabilizada, y que dará una respuesta lineal en función de la anchura de la traza

> Se verifica (ref. I-9,I-2) $0_p(Z,\beta) = K Z^X f(\beta)$

siendo Z la carga de la partícula y β su velocidad y x un parámetro a determinar independiente de la partícula y que resulta determinable a partir de las medidas de opacidad de partículas de carga y velocidad β conocidas.

Tomamos el valor $x=0.7\pm0.04$ (ref.I-3)

Las medidas se efectúan para cada traza en diversos puntos a lo

largo de su recorrido y han de eliminarse todas aquellas medidas que se separen mucho del valor medio, consecuencia del ruido de fondo no homogéneo y la proximidad de otras trazas.

Para evitar los efectos de superficie y fondo solamente se han efectuado medidas de opacidad en aquellas trazas separadas más de 50 μ de ambas partes.

Asimismo, para tener en cuenta tanto el efecto de gradiente de revelado, ya observado en el análisis de la densidad de grano, como la difusión de la luz, se ha efectuado un análisis de opacidades para iones incidentes a diversas profundidades y hemos realizado un ajuste por mínimos cuadrados, obteniendo los resultados de la Fig. 6.

Las opacidades de las trazas producto de una interacción, estarán relacionadas con la carga, por las expresiones

$$\log \langle 0 p \rangle_{Zpr} \log \langle 0 p \rangle_{Zsec} = x(\log Zp - \log Zs)$$

$$\frac{\Delta Z_{s}}{Z_{s}} = \frac{1}{x} \left(\left(\frac{\Delta \langle 0_{p} \rangle Z_{p}}{\langle 0_{p} \rangle Z_{p}} \right)^{2} + \left(\frac{\Delta \langle 0_{p} \rangle Z_{s}}{\langle 0_{p} \rangle Z_{s}} \right)^{2} \right)^{1/2}$$

4 Otras medidas

Otro tipo de medidas interesantes que hemos efectuado, en orden a la discriminación del tipo de partículas, para el caso de trazas grises, es la variación de la ionización en función del recorrido residual dentro de la emulsión.

Hemos observado anteriormente, cómo la ionización primaria, responde a la expresión

$$I_{a} = \frac{n_{\theta} Z^{2}}{\beta} F(W,\beta) = \left| \frac{dE}{dx} \right|$$

24



por si misma incapaz de determinar la identidad de la partícula.

Como consecuencia de esta pérdida energética, la partícula tendrá un rango residual hasta quedar frenada, que vendrá determinado por:

$$R = \int_{E}^{0} \frac{dE}{\left| \frac{dE}{dE/dx} \right|} = \frac{M}{n_{e} Z^{2}} \int_{\beta}^{0} F_{1}(W,\beta) d\beta \equiv$$
$$\equiv -\frac{M}{Z^{2}} F_{2}(\beta)$$

Al ir disminuyendo su velocidad, la ionización va aumentando y pueden obtenerse unas curvas teóricas que nos den la variación de la ionización con el alcance.

Hemos hecho uso de esta situación mediante las curvas de la Fig. 7, que representam la variación de g con el recorrido a partir de la interacción para partículas con una ionización inicial igual a 4 veces la ionización "plateau", correspondiente a partículas ∝ relativistas ó bien a partículas de carga unidad con energía cinética de 80 Mev.

De este modo podemos identificar las partículas « relativistas, midiendo su ionización en puntos diferentes, a distancia perfectamente conocidas.





.

I-1: J. Amorós. Tesis doctoral (IFIC), Valencia, (1.972)

I-2: L. Bravo. Tesina licenciatura (Univ. Santander), (1.976)

I-3: E.Higón. Tesis doctoral (IFIC), Valencia, (1.977)

Tesina licenciatura (IFIC), Valencia, (1.974)

I-4: H. Heckman: Proposal for Bevatrón experiment LBL(U.Berkeley) USA, (1.971)

I-5: A. Durá. Tesis doctoral (LFC, Univ. Autónoma de Barcelona)(1.973)

I-6: Col. Barcelona-Strasbourg-Valencia: Proceedings of 5th Int. Conf.

on High-Energy and Nuclear Structure (UPPSALA), (1.973)

I-7: B. Jakobsson et al. LUIP- CR-75-14, (1.975)

I-8: U. Fano. Ann. Rev. of Nucl. Science, pag. 1-67, (1.963)

I-9: Barkas, W. H. Nuclear Research Emulsions. Academic Press, (1.963)
Cap. II: SECCIONES EFICACES DE REACCION

II-I. Resultados experimentales

II-II.Análisis por modelos existentes

- Modelos geómetricos

-Métodos derivados de la teoría de Glauber.

BIBLIOGRAFIA

II-1 Resultados experimentales

Analizamos en este capítulo las secciones eficaces obtenidas para colisión de núcleos de 0-16 a 2,1 Gev/nucleón, con los distintos tipos de núcleos que conforman la emulsión, a partir de nuestros resultados experimentales de los recorridos libres medios expresados en el Capítulo anterior.

Exponemos, en primer lugar, los criterios adoptados en el cálculo efectuado, a partir de datos experimentales, de un modo rápido, ya que coinciden con los criterios utilizados por la mayor parte de los autores en interacciones de iones relativistas con emulsión (ref. I-7, I-3, II-1, II-2, I-1).

Primeramente, las secciones eficaces de reacción pueden obtenerse a partir de los resultados de los recorridos libres medios λ_i , mediante la sencilla expresión

$$\sigma_{i} = \frac{1}{\lambda_{i} N_{i}}$$
(1.1)

donde $N_i \equiv$ concentración de núcleos del grupo i en el contenido de la emulsión

Nuestros resultados dan, para la sección eficaz de reacción total

$$\sigma_{\rm R} = \frac{1}{\lambda_{\rm N}} = \frac{1}{14.5 \,{\rm cm.x}\ 7.898 {\rm x10}} = 87 \pm 4 \,{\rm fm.}^2$$

tot.

Esta sección eficaz se reparte entre los diferentes tipos de núcleos de la emulsión, de modo que

$$\sigma_{\rm R} N_{\rm T} = \sum_{i=1}^{3} \sigma_{i} N_{\rm Ti}$$
 (1.2)

donde N_{Ti}son las concentracciones de cada uno de los 3 grupos componentes.

Para el cálculo de las proporciones : de interacciones asociadas a cada uno de los grupos, hemos utilizado el método clásico de discriminación por construcción gráfica del histograma de frecuencias para sucesos con un nº determinado de ramas pesadas (grises ó negras) (ref II-1, I-3, I-1)

En la Fig. 1 exponemos los resultados.

Ajustando por el método de mínimos cuadrados a las 3 rectas que aparecen en la figura, obtenemos los resultados siguientes:

recta I: y = 98	,80 - 7,45x	r ² (factor	de ajuste)=0,99
recta 2: y = 57	,55 - 1,88x	$r^2 = 0,99$	
recta 3: 对 = 50	,15 - 1,3x	$r^2 = 0,98$	

donde los cambios de pendiente se han escogido, de modo que la bondad del ajuste sea máxima. Así, el primer cambio corresponde, como debería esperarse a un N_{II} = 8,límite de fragmentación de iones blancos ligeros.

En la misma figura presentamos los resultados obtenidos al restar de cada curva la siguiente correspondiente a la suposición de que pueden extrapolarse los resultados obtenidos para cada una de ellas a valores de N_H más pequeños.

Ello corresponde a la hipótesis de que cada recta responde a una situación dinámica diferente y así, mientras I dé las interacciones con iones ligeros en emulsión, 2 y 3 corresponden a interacciones con iones pesados, diferenciándose en que la última corresponde a colisiones centrales, mientras 2 corresponde a colisiones más periféricas.

De este modo obtenemos las siguientes proporciones para las interacciones



Núcleos blanco ligeros + H : 41,4% Núcleos blanco pesados : 58,6%

En cuanto a la discriminación experimental en los sucesos observados, hemos adoptado el criterio de Barkas (ref.I-9) puesto a punto en experiencias similares con otros autores (ref. I-3, I-7) y que exponemos rápidamente

 $(N_{II} = número de trazas grises + negras-productos de fragmentación del proyectil)$

Colisiones con núcleos ligeros

- a) $N'_{\rm H} \leq 7$
- b) No existen "recoils"; trazas de alcance $R \lesssim 10$ que suelen producirse en las interacciones periféricas con núcleos pesados.

c) No existen electrones lentos

- d) Hay probabilidad de encontrar ramas con R comprendido entre 10 y 50
- e) Si $N_{\rm H} \leq 1$, además, la colisión suponemos que se produce con H.

El resto corresponde a colisiones con núcleos pesados.

Estas condiciones surgen de la consideración de conservación de la carga, de una parte y del hecho de que las barreras de potencial en los núcleos pesados son muy grandes atenuando fuertemente el número de partículas lentas. Asimismo, los electrones lentos aparecen asociados a los reajustes electrónicos ó a las desintegraciones

de los núcleos pesados.

De este modo, en nuestros sucesos, hemos obtenido los porcentajes siguientes:

> Interacciones con núcleos pesados: $56\% \pm 7\%$ Interacciones con núcleos ligeros: $29\% \pm 5\%$

Interacciones con núcleos H : $15\% \pm 4\%$

que observamos ajustan bastante bien a los resultados obtenidos en la discriminación gráfica.

35

Con estos datos podemos evaluar. las secciones eficaces individuales, a partir de las expresiones

$$\sigma_{j} = \frac{1}{\lambda_{j} N_{T_{j}}} \quad con \quad \lambda_{j} = \frac{\lambda}{Proporción \ de \ inter. \ j} \quad (1.3)$$

resultando los valores que exponemos en la tabla II-1

TABLA II.1

Laboratorio	Blanco S	Sección eficaz	de reacc ión(m	
Barcelona	CON H Ag Br Emulsión	910±80	(ref I-5)	
Lund	CON H Ag Br Emulsión	$1010 \pm 180 \\ 340 \pm 70 \\ 2180 \pm 270 \\ 1030 \pm 110$	(ref I-7)	
Valencia	CON H Ag Br Emulsión	$780 \pm 90 \\ 190 \pm 40 \\ 2200 \pm 200 \\ 910 = 70$	(ref I-3)	
CON H Santander Ag Br Emulsi		$750 \pm 130 \\ 320 \pm 90 \\ 1920 \pm 260 \\ 870 \pm 40$	(este trabaj	

Hemos comparado nuestros resultados con los de otros autores y observamos un acuerdo en general salvo en el caso del H. En principio, los criterios adoptados en la valoración de los blancos presentan su punto más debil en este caso. Sucesos con N'_H \leq 1 bien pueden presentarse en interacciones con núcleos ligeros (ó incluso pesados) muy periféricas. En consecuencia, en los análisis posteriores y comparación con los modelos solo distinguiremos interacciones con núcleos pesados y (ligeros + H)

II .- Análisis por los modelos existentes

Vamos a analizar en esta sección los valores de las secciones eficaces de reacción, a la luz de dos clases genéricas de modelos: los modelos geométricos, con el formalismo de Bradt y Peters (ref. II-3) y los modelos basados en el cálculo de Glauber de primer orden, con una distribución nuclear adecuada.

II-1 Modelos geométricos

Desde un punto de vista meramente geométrico, la sección eficaz para la interacción de dos núcleos de pesos atómicos A y A' de radios:

$$R_{A} = r_{o}A$$

$$R_{A} = r_{o}A$$

$$R_{A} = r_{o}A$$

donde r es el radio de Fermi

es: $\sigma_{geom} = \Pi (R_1 R_2)^2 = \Pi r_0^2 (A^{1/3} + A^{1/3})^2$ (2.1)

resultando los valores de la tabla siguiente para proyectil 0-16

TABLA II.2

Blanco	r (fm.)	geo	(fm. ²)
c ¹²	1.07	83.2	3
	1.18	101.5	2
0 ¹⁶	1.07	91.4	4
	1.18	111.	1
N ¹⁴	1.07	87.1	5
	1.18	106.	3
Br ⁸⁰	1.07	167.	7
	1.18	204.	0
108 Ag	1.07	190.'	7
	1.18	232.	0

Los resultados son bastante buenos, si se toma un radio de Fermi de 1,07 fm. Sin em margo, es más adecuado el valor 1,18, correspondiente a la sección eficaz experimental observada para la interacción nucleón-nucleón.

Es por esto que Bradt y Peters propusieron la introducción de un radio efectivo que tenga en cuenta el efecto de transparencia observado, suponiendo que la colisión tiene lugar con un solapamiento entre los núcleos.

(2.2

En tal situación

De aquí obtenemos los valores experimentales observados de b, para cada blanco.

 $d^{+} = \prod r_{0}^{2} (A^{1/3} + A^{1/3} - b)^{2}$

Es curioso destacar como b disminuye, a medida que aumenta el peso atómico del blanco, dando cuenta de efectos colectivos que dísminuyen la transparencia nuclear.

2월 - 1945년 - 2월 2일 일종 전 전 전 2019년 - 2019년 1947년 - 1947년 1947년 - 1947년 -

II-2 Análisis por métodos derivados de la teoría de Glauber

Como veremos, de un modo más detallado, en el Capítulo siguiente, la teoría de Glauber nos proporciona un marco adecuado para el análisis de la interacción núcleo-núcleo conocidas las variables de la interacción en sucesos similares para colisión entre subestructuras de blanco y proyectil, en particular nucleones.

La aproximación óptica, consistente en abordar el problema mediante el primer término del desarrollo en serie de Glauber para el defasaje, da una sencilla idea y a la vez con un sentido físico apropiado, que está en conexión bastante directa con los mótodos geométricos, por lo cual la adoptaremos para nuestros cálculos. De acuerdo con Karol (ref. II-4) la sección eficaz total de reacción responde a la expresión

$$\sigma_{\rm R} = 2\Pi \int_0^{\infty} (1-T(b))b \ db \qquad (2.3)$$

donde

У

$$T(b) = \exp\left(-\int_{-\infty}^{\infty} Q(b,z) dz\right)$$
(2.4)

$$Q(b,z) = \overline{\sigma} \rho_{(b)anco}(b,z) \rho_{proyectil}(b,z)$$
 (2.5)

siendo \overline{o} la sección eficaz nucleón-nucleón a la energía de incidencia.

La función Q(b,z) es la función "delgadez" y representa el solapamiento de materia nuclear de blanco y proyectil, en el curso de la interacción, siendo b el parámetro de impacto y OZ el eje de recorrido del núcleo proyectil.

La densidad de materia nuclear es por tanto, crucial en el tálculo. Hemos considerado, en primer lugar, densidades de tipo gaussiano para los núcleos ligeros

 $\rho(r) = \rho(0) e^{-r^2/b^2} = \frac{A}{(a\sqrt{\Box})^3} e^{-r^2/a^2} a=R_{r.cuad.medio}^{\sqrt{2/3}}$

siendo A la masa atómica del proyectil

Y densidades tipo Fermi para los núcleos pesados, que ajusten al scattering electrónico

 $\rho(r) = \rho_0 (1 + \exp((r-c)/4.4t))^{-1}$

En el capítulo siguiente, para el análisis de las multiplicidades desarrollaremos con más detalle los cálculos realizados, por lo cual nos limitaremos aquí a exponer los resultados obtenidos, en la lª columna de la tabla II-3.

Sin embargo, los iones ligeros muestran características de clusterización en agregados \propto , según se ha observado en diversas reacciones a más baja energía. Por ello vamos a analizar las densidades a partir de los modelos existentes de clusterización \propto (ref. II-5).

Para ello nos basamos en la idea de que las partículas \propto son estructuras muy estables (con una energía de enlace de 29 Mev) y que a las energías en estudio, como han observado diversos autores (ref. II-6) se han detectado partículas \propto a gran momento transverso no explicables por la teoría de la evaporación.

El modelo es muy aceptable para núcleos ligeros, dando cuenta de efectos superficiales en medios y pesados.

El estado fundamental para el 0-16 se supone constituido de 4 partículas 🗙 en estructura tetrahédrica, según muestra la Fig.2.

TABLA II.3

(Resultados secciones eficaces; Proyectil 0-16 2.1 Gev/nucleón)

Blanco	$\overline{U_R}(fm)(1)$	σ _R (fm) (2)
C	98.5 104.1	83.3 ±0.5 83.4 ±0.6
N	105.2	116.8 ±0.2
H Br	27.7 228.1	23.53±0.08 210 ±6
Ag Emulsiδn	258.2 107.8	241 ± 3 97 ± 5

(1) Densidades determinadas por el scattering electrónico

(2) Estructura en agregados alfa

Nota. : Hemos tomado la sección eficaz individual cómo:

 $\sigma(\mathbf{E}) = \left(\left(-\frac{\mathbf{Z}_{\mathrm{T}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{T}}}\right)\left(-\frac{\mathbf{Z}_{\mathrm{P}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{P}}}\right) \pm \left(-\frac{\mathbf{N}_{\mathrm{T}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{T}}}\right)\left(-\frac{\mathbf{N}_{\mathrm{P}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{P}}}\right)\right)\sigma_{\mathrm{ii}}(\mathbf{E})$ $\left(\left(-\frac{\mathbf{N}_{\mathrm{P}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{P}}}\right)\left(-\frac{\mathbf{Z}_{\mathrm{T}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{T}}}\right) \pm \left(-\frac{\mathbf{N}_{\mathrm{T}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{T}}}\right)\left(-\frac{\mathbf{Z}_{\mathrm{P}}}{\mathbf{A}_{\mathrm{P}}}\right)\right)\sigma_{\mathrm{ij}}(\mathbf{E})$

siendo $Z_{T}(P)$, $N_{T}(P)$, $A_{T}(P)$, los números de protones, neutrones y masa atómica de blanco y proyectil, respectivamente.

Por su parte:

 σ_{ii} = sección eficaz total p-p = 44.9 mb(a 2.1 Gev) p-n= 43.1 " ⊽ij =

	<u>TABLA II.4(</u> Parámetros de la Fig.2)		
	0-16(tetraédrico)	C-12(triangular)	
d	1.5 fm.	2.4 fm.	
b	1.5 fm.	1.45fm.	
R _{r.m.s.}	2.36 fm.	2.41 fm.	





Estructura del 0-16 - (est. fundamental) Estructura del C-12 (est. fundamental)

A su vez, el C se supone que adquiere una estructura triangular en su estado fundamental (ref. II-7)

En 1ª aproximación, se adopta una estructura gaussiana para la densidad interna de cada partícula 🛛 :

$$\binom{\alpha_{i}(\vec{r}_{i}) = \alpha_{i}(\vec{r} - \vec{R}_{i}) = A \exp(-r_{i}^{2}/b^{2})}{(2.6)}$$

siendo A una cte. de normalización y b un parámetro definido para ajustar elrradio cuatrático medio de la partícula «

En principio, no consideramos ninguna dirección privilegiada, por lo cual la expresión anterior la promediamos a todas las posibles direcciónes (el detalle de los cálculos, en Apéndice 3)

El caso del N¹⁴ lo analizamos mediante una estructura C¹²+ deuterón mediante una distribución gaussiana para el deuterón y a una distancia del core que nos la suministren los datos del radio cuadrático medio del N¹⁴ En definitiva adoptamos una distribución de densidad uniforme para el H con el radio cuadrático medio del nucleón, y una densidad tipo Fermi para los núcleos pesados.

Obtenemos, para núcleos ligeros, una expresión del tipo

(C,0)
$$\rho(R) = \frac{e^{2aR/b^2} - e^{-2aR/b^2}}{4\pi\beta/2abR} e^{-(a^2-R^2)/b^2}$$
 (2.7)

(N)
$$\binom{P(R) = \frac{6}{7} - x \frac{\exp(-(a_1 - R)^2/b_1^2) - \exp(-(a_1 + R)^2/b_1^2)}{4 \prod \sqrt{\prod a_1 b_1 R}}}{\frac{2}{14} - x \frac{\exp(-(a_2 - R)^2/b_2^2) - \exp(-(a_2 + R)^2/b_2^2)}{4 \prod \sqrt{\prod a_2 b_2 R}}}$$

(2.8)

donde a_1 , b_1 son los parámetros asociados al "core" de C y a_1 , b_1 los asociados al deuterón.

Con estas expresiones, y a partir de los valores de los parámetros, que exponemos en tabla II-4, para los núcleos en cuestión, hemos determinado las secciones eficaces de reacción, a partir de la expresión (2-3), que exponemos en la tabla II-3.

Observamos que los resultados experimentales concuerdan, dentro de los errores, con los obtenidos en la suposición de estructuras « Ello conduce, una vez más, al pensamiento de que las estructuras en agregado, incluso desde un punto de vista estático, adquieren gran importancia en el análisis de las colisiones nucleares. Ello, aún a energías relativistas, en cuanto a aquellos factores donde adquiera importancia la constitución nuclear.

BIBLIOGRAFIA

- II-1: E. Villar etal. Nuclear Physics 82, 662, (1.966)
 - E. Villar at al. Anales de la R.S.E.F.Q., 62 (A), pág. 45, núm. 1 (1.966)

43

Gómez Aleixandre. Tesis doctoral (IFIC), Valencia, (1.965)

- II-2: Barashenkov, V.S., etcal. Nucl. Phys. 14, 522, (1.959).
- II-3: Bradt & Peters. Phys. Rev. 77, 54 (1.950)
- II-4: P.J. Karol. Phys. Rev. C, 11,4,1.203, (1.975)

II-5: D. M. Brink. Proceedings of the Int. School of Physics. E. Fermi (Acad. Press, N.Y.), (1.966)

II-6: Otterlund stal. Arkiv for Fysik, Band 35, nr 10, 133, (1.967)

II-7: Ch. Bargoltz. Nuclear Physics A243, 449, (1.975)

Cap. III: ANALISIS DE MULTIPLICIDADES

III.1 Introducción

III.2 Producción piónica

-Secciones eficaces individuales

44

-Probabilidades de un número de colisiones efectivas.

-Formulación general -Aproximación óptica -Elección de densidades y primeros resultados -Cálculo del nº efectivo de colisiones.

-Resultados y discusión

III.3 Análisis de trazas grises

III.4 Otros análisis de las multiplicidades. Comentarios.

BIBLIOGRAFIA

III-1.- Introducción

El análisis de las diversas componentes de la gama total de los "productos" que resultan de las interacciones núcleo-núcleo y que se manifiestan en emulsión como trazas blancas, grises y negras, dan luz a la interpretación de la dinámica de la reacción y a la influencia de la entidad nuclear de ambos proyectiles, blanco e incidente, en el producto final.

En las colisiones núcleo-núcleo a energías del orden de los Gev y superiores, las trazas blancas en emulsión constituyen una componente que está directamente relacionada con la producción piónica, fundamentalmente, asi como con la desintegración del núcleo proyectil, si bien ésta se distribuye en un agudo cono "forward" del orden de 5º de magnitud.

La componente gris da cuenta, en un 85% aproximadamente, de los protones de retroceso que adquieren energía suficiente para superar el potencial nuclear durante el clásico proceso de cascada. El resto de los productos es fundamentalmente debido a piones lentos y a las partículas « de desintegración del proyectil, las cuales son caracterizables fácilmente por su ionización característica, 4 gmin, que es constante a lo largo del recorrido durante varios cm.

Por su parte, las trazas negran dan cuenta de los productos emitidos durante el proceso de "evaporación" del núcleo blanco, proceso definido clásicamente como aquél, más lento y posterior al proceso de cascada durante el cual el núcleo alcanza su equilibrio por emisión de nucleones y partículas más pesadas (\prec fundamentalmente) debido a la energía de excitación adquirida durante la cascada nuclear. Hay otra componente, minoritaria, debida a los fragmentos pesados del proyectil, que son característicos por su emisión hacia adelante y medibles por procesos fotométricos (ref. III-1).

La producción mesónica ha sido analizada ampliamente a la luz de diversos modelos de interacción. Alexander y col. (Ref. III-2) ya estudiaron la multiplicidad pionica partiendo de un modelo de interacción como suma de interacciones nucleónicas individuales introduciendo un nº efectivo de nucleones colisionantes

$$N_{IT}(b) = \iiint ((x-b), y, z) (1 - \exp(-\sigma n_T(x, y))) dx dy dz$$

$$r n_T(x, y) = \sigma \int_{T}^{+\infty} (r_T(x, y, z)) dz ,$$

con

definido como el número medio de colisiones hecho por un nucleón, con sección eficaz de reacción ∽ moviéndose en la dirección Z, donde b es el parámetro de impacto y donde I,T especifican incidente y blanco respectivamente. En aquel momento no se disponía más que de datos de radiación cósmica y ello conllevaba un problema de indeterminación tanto en la energía, como en la naturaleza del proyectil.

En la misma perspectiva de estudio, con radiación cósmica y a partir de las interacciones nucleón-núcleo, están los trabajos de Gagarin y col. (ref. III-3).

Posteriormente, y con el advenimiento de los potentes aceleradores, otras preguntas y motivaciones surgieron, tanto en el estudio de la influencia de los fenómenos colectivos en la producción piónica (ref. III-4), (III-5,....), como en el marco de las interacciones nucleón-nucleón (ref. I-3, III-6, III-7). Asimismo en el análisis de la dinámica hadrónica surgieron conceptos como el scaling (ref. III-9), fragmentación límite y otros (ref. III-8, III-10, I-4) Nos hemos propuesto el análisis de las multiplicidades a partir de los resultados nucleón-nucleón a energías equivalentes, valiéndonos de formulaciones apropiadas como es la teoría de Glauber (ref-III-11) ó la aproximación óptica, equivalente a tomar el primer término del desarrollo en serie de Glauber. Continuamos y completamos, de este modo, un análisis iniciado con cálculos de Montecarlo (ref-III-7).

III-2. Producción piónica

III-2-1 Secciones eficaces individuales

Supondremos, en el análisis que vamos a llevar a cabo, que la interacción núcleo-núcleo, responde a las características de una suma de colisiones individuales nucleón-nucleón, lo cual puede admitirse con suficiente validez si tenemos en cuenta que la longitud de onda asociada a los nucleones proyectil, es del orden de 0,4 fm., mientras que la interacción nuclear es del orden de los fm.

El hecho de efectúar un análisis de este tipo está motivado también, en gran medida, por el conocimiento que actualmente se tiene sobre las interacciones nucleón-nucleón en un amplio rango energético (ref. III-12, III-13), en contraste con otro tipo de colisiones Eluster-nucleón ó cluster-cluster (ref. III-14), que podrían ser de gran interés en el análisis de fenómenos colectivos.

Presentamos, en la Fig. 1 y 2 los resultados más notables de las secciones eficaces individuales en todos aquellos canales de reacción con sección eficaz o superior a 0,1 mb. en algún intervalo.de energía. Los valores han sido obtenidos de las tablas existentes (Ref. III-12, III-13) y las curvas surgen como resultado de ún ajuste a los valores individuales correspondientes. Las fluctuaciones estadísticas pueden llegar a ser importantes en la región inferior





a 0,5 Gev para la sección eficaz elástica, pero ello no alterará de modo significativo nuestros resultados, debido a que en dicha zona la producción piónica es muy pequeña.

No se tienen datos de las secciones eficaces n-n pero puede admitirse que para este orden de energías son prácticamente semejantes a las correspondientes reacciones p-p.

A partir de estos datos podremos obtener las secciones eficaces de producción de un determinado nº de piones, si conocemos:

- a) la distribución energética de los nucleones en el seno del núcleo proyectil y blanco.
- b) la distribución de inelasticidades en las interacciones individuales, es decir, las energías adquiridas por las partículas tras la interacción.

Ambos procesos han-sido tratados (ref. III-7) y nos limitaremos a exponer brevemente los criterios adoptados:

> -en cuanto a la distribución energética, se supuso que los nucleones se mueven en una doble esfera de Fermi con radio de 235 Mev/c (ref. III-15)

> -la distribución de inelasticidades se obtiene mediante un análisis de Montecarlo con el programa "FOWL" de la librería de programas del CERN, que genera aleatoriamente sucesos que respeten la cinemática, para los canales inelásticos. A su vez, para el canal elástico se utilizan las curvas experimentales d σ /dt (ref. III-12)

De este modo, y habida cuenta de que en la emulsión se cumplen los siguientes requisitos:

> a) los piones con energías superiores a 60 Mev se registran como trazas blancas



b) los protones con energías superiores a 400 Mev se registran como trazas blancas,

podremos determinar las distribuciones de probabilidad de obtención de un determinado nº de piones cargados en emulsión.

Los resultados están expuestos en la Fig. 3, donde n_s^i se refiere a la produción de un número n_s de partículas capaces de registrarse como trazas bluncas en emulsión.

III-2-2 Probabilidades de un nº de colisiones efectivas

Aún queda por determinar cuántos nucleones del proyectil van a interactúar y cuántas colisiones van a producir cada uno de ellos.

Jakobsson y col. (ref. III-7) ha resuelto el problema mediante un análisis de Montecarlo. En este trabajo lo abordamos mediante una formulación teórica basada en el análisis del Scatering múltiple de Glauber.

III-2-2-i Formulación general

La base de la teoría de Glauber (ref. III-11), se encuentra en la aproximación eikonal donde la amplitud de dispersión para el scattering elástico de una partícula libre, desplazándose en la dirección del eje 02, viene dada por la expresión

$$f(\vec{k},\vec{k}') = \frac{ik}{2\Pi} \int d^2 b e^{i\vec{q}\vec{b}} (1-e^{i\chi(\vec{b})}) \qquad (2.1)$$

donde:

 \vec{b} es el vector parámetro de impacto; \vec{q} el vector transferencia de momento, \vec{k}, \vec{k} 'los vectores de onda asociados a los estados inicial y final de la partícula, y χ (\vec{b}) es la función defasaje que adopta la forma

$$\chi(\vec{b}) = \frac{-1}{v} \int_{-\infty}^{\infty} dz \ V(\vec{b}, z) \qquad (2.2)$$

o la forma asociada, de la función perfil

$$\vec{\Gamma}(\vec{b}) = 1 - e^{i\chi(\vec{b})}$$
(2.3)

siendo v la velocidad de la partícula y $V(\overline{b},z)$ el potencial de interacción.

Aplicando el teorema óptico, podemos determinar la sección eficaz total, mediante la expresión

$$\sigma = \frac{4\Pi}{k} \quad \text{Im } f(\vec{k},\vec{k}) = 2 \int d^2 b (1 - \text{Re } e^{i \lambda(\vec{b})}) \quad (2.4)$$

Y, a partir de la expresión para la sección eficaz de dispersión elástica:

$$\sigma_{\text{disp.}} \int d\Omega \left| f(\vec{q}) \right|^2 \qquad (\Omega: \text{ángulo sólido})$$
$$= \int d^2 b \left| 1 - e^{i\chi(\vec{b})} \right|^2 \qquad (2.5)$$

obtenemos la sección eficaz total de absorción, ó inelástica:

$$\sigma_{abs.} = \sigma_{tot.} \sigma_{disp.} \int d^2b \left(1 - \left|e^{i\lambda(b)}\right|^2\right)$$
 (2.6)

Glauber considera la interacción con un núcleo como una suma de interacciones individuales con los nucleones del blanco, en un símil con la teoría de la difracción óptica, como si la partícula

fuese una onda electromagnética atravesando diversos medios difractivos y absorbentes. De tal modo que entre la onda entrante y la saliente existe un defasaje calculable como suma de los defasajes individuales

$$\chi_{\text{tot}}(\vec{b};\vec{s}_1,\ldots,\vec{s}_A) = \sum_{i=1}^{A} \chi_i(\vec{b}-\vec{s}_i) \qquad (2.7)$$

siendo \vec{S} i las proyecciones en el plano paramétrico de impacto de los vectores posición de las partículas que componen el blanco.

En una generalización de la teoría, expresamos la amplitud de difusión (scattering) para procesos en que el sistema interactivo (núcleo incidente núcleo blanco) pasa de un estado inicial

$$|i\rangle = |\uparrow_{iT}, \uparrow_{iP}\rangle$$

a un estado final

$$|\uparrow_{\rm fT}, +_{\rm fP}\rangle$$

como

$$F_{fi}(\vec{q}) = \frac{i}{2\pi} \int e^{i\vec{q}\vec{b}} \left\langle f \left| \int (\vec{b};\vec{s}_{1}...\vec{s}_{A};\vec{s}_{1}'...\vec{s}_{B}') \right| i \right\rangle d^{2}b$$

$$(2.8)$$

$$\int (\vec{b};\vec{s}_{1}...\vec{s}_{A};\vec{s}_{1}'...\vec{s}_{B}') = 1 - e^{i\lambda(b;\vec{s}_{1},\vec{s}_{1}')} = 1 - e^{i\lambda(b;\vec{s}_{1},\vec{s}_{1}')} = 1 - \frac{A}{\prod_{j=1}^{B} \prod_{i=1}^{B} (1 - \int ij(\vec{b}-\vec{s}_{i}+\vec{s}_{j}'))}{(2.9)}$$

donde el significado de los diversos elementos que intervienen en la anterior expresión vienen clarificados en la Fig. 4



De este modo, la expresión final para la función perfil, será:

$$\begin{bmatrix}
 (\vec{b}; \vec{s}_{i}; \vec{s}_{j}') &= \sum_{n=1}^{AB} (-1)^{n+1} \vec{\Gamma}^{(n)} \\
 \vdots &= \sum_{(k_{1}, j_{1}) < (k_{2}, j_{2}) < \dots < (k_{n}, j_{n})}
 \end{bmatrix}$$
(2.10)
(2.10)

(producto de perfiles individuales)

donde

 $(\mathbf{k}_{i},\mathbf{j}_{i}) < (\mathbf{k}_{1},\mathbf{j}_{1}) \Longrightarrow ((\mathbf{k}_{i} < \mathbf{k}_{1}) \land (\mathbf{j}_{i} < \mathbf{j}_{1})) \lor ((\mathbf{k}_{i} < \mathbf{k}_{1}) \land (\mathbf{j}_{i} < \mathbf{j}_{1}))$

El significado físico de la expresión (2.10) es claro, como suma de todos los términos correspondientes a difusión simple, doble, triple, de modo que la alternación de signos impide que las aportaciones de las regiones de solapamiento a 2, 3, nucleones sean considerados más de una vez.

En las expresiones (2.4) a (2.10) están encerradas, por tanto, todas las características dinámicas y estructurales que deberemos tener en cuenta en el cálculo de las probabilidades de colisión de un cierto nº de nucleones:

- a) las características nucleares, por la expresión de las funciones de onda $|i\rangle$, $|f\rangle$ a partir de los nucleones que forman los núcleos interactuantes y su dinámica nuclear interna.
- b) las características dinámicas, que, en nuestro supuesto de interacciones independientes, están ligadas a la expresión de la función perfil individual

En los siguientes subcapítulos desarrollamos nuestros cálculos a la luz de estas teorías, primero mediante aproximación óptica y posteriormente con un análisis más severo de la estructura nuclear y de la interacción.

III-2-2-i-i Aproximación óptica

Supondremos, en primer lugar:

- ausencia de correlaciones nucleónicas y un modelo de partículas independientes para los núcleos interactuantes, así:

$$\left| \Upsilon_{A} \right|^{2} = \prod_{j=1}^{A} \beta_{(A)j} (\mathbf{r}_{j}^{A})$$

$$\left| \Upsilon_{B} \right|^{2} = \prod_{k=1}^{B} \beta_{(B)k} (\mathbf{r}_{k}^{B})$$

$$(2.11)$$

producto de densidades nucleónicas individuales.

 - límite óptico, aplicable en general al caso en que A y B son grandes, mientras la sección eficaz individual σ es pequeño, de modo que ABσ→cte (ref. III-16)

El conjunto de ambas hipótesis es viable, más que la consideración de cada una de ellas por separado (ref. III-17), ya que mutuamente se complementan, y en cualquier caso las discrepancias son más notorias, en el cálculo de secciones eficaces diferenciales. En este marco, el resultado final para el defasaje experimentado por una partícula que atraviesa un blanco de B nucleones a un parámetro de impacto \vec{b} , viene dado por la expresión (ref. III-16)

$$\chi(\vec{b}) = -\frac{2\pi}{k} - f(0) T(\vec{b})$$
 (2.12)

dando cuenta la función $T(\bar{b})$ de la integral de materia nuclear a lo largo del camino recorrido por el proyectil y f(o) la amplitud de dispersión elástica individual nucleón-nucleón hacia adelante.

Considerando a todos los nucleones del blanco idénticos y determinando la densidad de materia nuclear por la función

 ${}^{\circ}(\vec{r}) = {}^{\circ}(\vec{b},z)$, normalizada a la unidad, tendremos:



Cuando un núcleo proyectil compuesto de A nucleones incide con parámetro de impacto \mathbf{b} sobre un núcleo blanco compuesto de B nucleones, si queremos estudiar la probabilidad para la interacción de n nucleones y ausencia de interacción de los (A-n) restantes, a la luz de las hipótesis expuestas y considerando indistinguibles e indiscernibles los nucleones tanto de blanco como de proyectil, tendremos, de acuerdo con la expresión (2-6)

$$\begin{array}{l} P_{n}^{A}(\vec{b}) = {A \choose n} P_{n}(\vec{b}) (1 - P_{(A-n)}(\vec{b})) \qquad (2.14) \\ P_{1}(\vec{b}) \propto 1 - e^{2Re\,i\,\chi_{1}(\vec{b})} ; P_{n} = (P_{1})^{n}, \text{al considerar independen-cia nucleónica.} \end{array}$$

dónde adoptamos:

1

$$\chi_{1}(\vec{b}) = \frac{2\pi}{k} f(0) \langle T(\vec{b}) \rangle \qquad (2.15)$$

siendo $\langle T(\vec{b}) \rangle = \frac{\iint T(\vec{b} + \vec{s}) f_{P}(\vec{s}) d^{2}s}{\int f_{P}(\vec{s}) d^{2}s} \qquad (2.16)$

$$\binom{\rho}{p}(\vec{s}) = \int_{-\infty}^{\infty} \binom{\rho}{p}(\vec{s}, z) dz$$
 (2.17)

y dónde , por aplicación del teorema óptico:

$$\overline{J}_{\text{tot.}} = \frac{4 \, \overline{\eta}}{k} \quad \text{Im } f(0)$$

2Re i
$$\chi_1(\vec{b}) = -\vec{\sigma} < T(\vec{b}) >$$
 (2.18)

siendo 🗸 la sección eficaz total nucleón-nucleón.

En consecuencia, nuestra expresión final para la probabilidad de interacción de n nucleones, integrada para todo parámetro de impacto será:

$$P_{n} = C \begin{pmatrix} A \\ n \end{pmatrix} \int d^{2}b \ (e^{-\sigma \langle T(\vec{b}) \rangle})^{A-n} \ (1-e^{-\sigma \langle T(\vec{b}) \rangle})^{n} \quad (2.19)$$

siendo C una constante de normalización, tal que $\sum_{n=1}^{A} P_n = 1$, sumando desde l porque nos interesa comparar resultados en que ya haya existido alguna interacción.

III-2-2-i-i-i Elección de densidades-primeros Resultados

Para el cálculo de la función $T(\vec{b})$ es necesaria la consideración de densidades de materia nuclear para los núcleos blanco y proyectil.

En nuestra experiencia, el núcleo proyectil es 0-16, mientras que el blanco es la emulsión, compuesta fundamentalmente por iones ligeros (C,O,N) y iones pesados (Ag, Br.) además de H.

Se ha tomado, en primera aproximación, densidades de tipo gaussiano, que ajusten a las colas de las distribuciones de densidad más realistas, adoptado como consecuencia de la influencia predominante de los efectos de superficie en el cálculo de las secciones eficaces (ref. III-18).

Resulta, de este modor

iones ligeros
$$\int_{-\infty}^{\infty} (\mathbf{r}) = \frac{1}{r_{cm}^3} - \frac{3\pi^3}{2} e^{-\frac{\mathbf{r}}{r_{cm}}/\frac{3}{2}}$$
 (2.20)

donde r_{cm} es el radio cuadrático medio observado experimentalmente.

iones pesados
$$\rho(r) = \rho(0) e^{-(R/a)^2}$$
, dónde $\rho(0)$ y a son parámetros que

ajustan a la densidad de tipo Fermi (ref. III-18)

La ventaja de tener este tipo de densidades estriba en la simplicidad de los cálculos para $\langle T(b) \rangle$, que puede efectuarse de modo analítico, Sin embargo, y como observaremos posteriormente, el

hecho de que la densidad para los iones pesados no esté normalizada y no ajuste en el "core" interno nuclear a las distribuciones realistas tiene una influencia considerable en el cálculo de las probabilidades de colisión de un cierto nº de nucleones y discrepa de los resultados más exactos. Un efecto de eclipsamiento que posteriormente discutiremos, introduciendo fundamentalmente en esta región central, puede obviar en parte dicha dificultad.

En un tratamiento más realista hemos efectuado el análisis con las densidades de carga obtenidas mediante experiencias de scattering electrónico, por Hofstädter y col. (ref. III-19). Consideramos para ello la aproximación de que las densidades nucleónicas son similares a las densidades de carga, criterio que no induce prácticamente ningún error en nuestros cálculos, dado que las fuerzas de caracter culombiano apenas tienen influencia en el análisis de las probabilidades de colisión.

Las expresiones siguientes han sido adoptadas: Iones ligeros: Densidades tipo oscilador armónico

$$f'(\mathbf{r}) = \frac{2}{n^{3/2} a_0^3 (2+3\alpha)} (1+\alpha \frac{\mathbf{r}^2}{a_0^2}) \exp(-\frac{\mathbf{r}^2}{a_0^2}) \quad (2.22)$$

 $a_o = (\frac{h^2}{M \epsilon})$, siendo: M, la masa del protón

C, el intervalo equidistante de ener gías entre niveles sucesivos del o lador armónico.

 $\alpha = 1/3(2-2)$ $Z = n^2$ atómico del núcleo con capa p, acomodado a nuestros núcleos C¹² (1s¹ 1p⁴),0¹⁶ (1s¹ 1p⁶) resultando los valores de la tabla 3-1

con

_	Núcleo	Config.	á _o (fm)	€ (Mev)	×
	c ¹²	$1s^2 1p^4$	1.64	12.0	4/3
	0 ¹⁶	1s ² 1p ⁶	1.77	10.3	2

TABLA III.1

los coeficientes del polinomio de (2.22), corresponden a la normalización y obtención del radio cuadrático medio correcto.

Para núcleos más pesados se ha adoptado una densidad de tipo Fermi

$$\begin{pmatrix}
(r) = \int_{0}^{0} (1 + \exp(-\frac{r - c}{z_{1}}))^{-1} \\
c = 1.07 \text{ A}^{1/3} \text{ fm.} \\
t = 4.4 z_{1} = 2.4 \text{ fm.}
\end{cases}$$
(2.23)

 $\rho_{o} = 3 (4nc^{3} (1 + (n^{2} t^{2} / 19.36 c^{2}))),$

procedente de la normalización a la unidad.

con:

Esta última expresión no es analíticamente integrable, por lo que la hemos ajustado a una función polinómico-exponencial de la forma

$$f'(r) = f(0) \sum_{i=0}^{n} c_i r^{2i} \exp(-r/a)^2$$
 (2.24)

mediante una subrutina de ajuste que utiliza el algoritmo de Marquardt, investigando el gradiente en la lejanía de los valores óptimos y utilizando la extrapolación parabólica, aproximado con la linealización de la función de ajuste cerca de aquellos valores (ref. III-20, III-21)

Se obtienen los valores de la tabla 3-2

	• (0)	° _o	°1	cg	с ₃	c ₄	8.	. 12 10
Ag	0.2254	0.763	0.172	-9.32x 10 ⁻³	3.45x 10 ⁻³	-4.11x 10 ⁻⁵	2.314	
Br	0.1638	1.076	0.0988	0.0352	1.39x 10 ⁻⁴	-8.73x 10 ⁻⁶	2.414	F

TABLA III-2

En las Fig. 6, 7, 8 y 9 exponemos las diversas densidades discutidas, para los núcleos de interés.

Asimismo, en las Fig. 10, 11 presentamos los resultados obtenidos, a partir de estas densidades, por aplicación de las expresiones (2.19) (ref. III-20).



2

I

Ξ

ч

0.005

63

S REFERMES





FIGURA 8






Conjuntamente están los resultados obtenidos por aplicación de métodos de Monte-Carlo (ref. III-7) y comprobamos que éstos cálculos ajustan de un modo más exacto a las distribuciones de probabilidad para el caso de densidades realistas, sobre todo en las zonas de N(nº nucleones que interactúan) grande.

Una primera corrección a estos cálculos, de caracter fundamentalmente cualitativo, sería la consideración del eclipsamiento que ejercen entre sí los nucleones que entran al mismo parámetro de impacto, como consecuencia del barrido que producen los primeros que llegan al blanco. Físicamente, ello constituye un proceso similar al que tendría lugar si la cantidad de materia nuclear atravesada por el nucleón proyectil estuviese disminuida ó análogamente, y por simetría, como si la densidad entrante dissminuyera.

El grado en que ésto disminuya depende del grado de eclipsamiento y vamos a hacer el tratamiento considerando eclipsamiento total. For ello entendemos que solo la densidad de materia nuclear contribuida por las probabilidades individuales de encontrar un nucleón, interesa, y no las contribuciones del solapamiento a 2, 3,.... nucleones. Esto, entendido en el plano paramétrico de impacto (plano perpendicular a la trayectoria del ión incidente)

En tal caso, adoptaríamos una densidad efectiva

$$\rho_{\text{eff}} = \rho^{(1)} - \rho^{(2)} + \rho^{(3)} - \rho^{(4)} + \dots \qquad (2.25)$$

donde el superíndice (n) indica solapamiento a n nucleones. De modo que, en la superficie σ de interacción nucleón- nu cleón, para el proyectil:

$$\sigma_{\text{off}}(\vec{s}) = \sigma_{\rho}(\vec{s}) - \frac{A-1}{2}\sigma^{2}\rho^{2}(\vec{s}) + \frac{(A-1)(A-2)}{6}\sigma^{3}\rho^{3}(\vec{s}) - \dots$$
(2.26)

donde hemos mantenido el principio de independencia, y no considerado las correlaciones nucleónicas.

De este modo

$$\int_{\text{eff}}^{\rho} (\vec{s}) = \sum_{i=1}^{A} (-1)^{i+1} \begin{pmatrix} A \\ i \end{pmatrix} - \frac{1}{A\sigma} (\sigma \rho(\vec{s}))^{i}$$

$$Y \text{ analogamente}$$

$$P$$

$$P$$

$$T_{eff}(\vec{b}) = \sum_{i=1}^{B} (-1)^{i+1} {B \choose i} \frac{1}{\sigma} (\sigma t(\vec{b}))^{i}$$
(2.28)

con $t(\vec{b}) \equiv C T(\vec{b})$, donde C es una c^{te} de normalización a la unidad.

Para el caso de una densidad exponencial, estas expresiones conducen a

$$\langle T(\vec{b}) \rangle_{CON} = \sum_{i=1}^{B} \sum_{j=1}^{A} (-1)^{i+j} {B \choose i} {A \choose j} \frac{1}{A \sigma^2} (\frac{\sigma}{T})^{i+j} \alpha^i \alpha'^j \frac{T}{i\alpha+j\alpha'}$$

$$\langle T_{ec}(\vec{b}) \rangle_{AgBr} = \sum_{i=1}^{B} \sum_{j=1}^{A} (-1)^{i+j} {B \choose i} {A \choose j} \frac{1}{A \sigma^2} \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i,j} a^i}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\rho^i(0)}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\pi}{i^{\alpha+j} \alpha^{i}} \cdot \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i,j} a^i}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i,j} \alpha^{i,j}}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i+j}}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i,j}}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i,j}}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i+j}}{\pi^{(j-i/2)B^i}} \frac{\sigma^{i+j} \alpha^{i+j}}{\pi^{(j-i/$$

dónde :

 $\int_{CON}^{\infty} (r) = \left(\frac{\alpha}{\pi}\right)^{3/2} e^{-\alpha r^2} , (\propto \text{ correspondiente al blanco})$ $\int_{AgBr}^{\alpha} (r) = \int_{CON}^{\infty} (0) e^{-r^2/a^2} , (\alpha^{i} \text{ " al proyectil})$

Los resultados de estas expresiones para la probabilidad de colisión de un nº de nucleones los exponemos en la Fig. 12,conjuntamente con resultados obtenidos mediante un análisis cualitativo y por métodos de Monte-Carlo (ref. III-7).

Hay que observar que este resultado es un caso límite, ya que en la situación física, más realista, el eclipsamiento no es total, si bien los cálculos más exactos, incluyendo algún tipo de correlaciones nucleares, dan idea de la existencia de un cierto porcentaje de eclipsamiento, bajo a estas energías.



<u>III-2-2-iV Cálculo del nº efectivo de colisiones</u>

En los capítulos anteriores hemos desarrollado el cálculo de la probabilidad de que interactúen n nucleones del núcleo proyectil, sin considerar el nº de veces que cada nucleón interactúa.

Hemos efectuado, además, el cálculo, en la aproximación óptica y hemos despreciado las correlaciones nucleares.

En este capítulo tratamos el problema en una situación más realista.

En primer lugar, haremos uso de la expresión que nos fija la probabilidad de que un nucleón que incide sobre el blanco a un parámetro de impacto $\vec{b} + \vec{s}$ interactúe \aleph veces, a la luz del desarrollo del scattering múltiple de Glauber. (ref. III-22)

$$\mathbf{s}_{\mathcal{V}}(\mathbf{\vec{b}}+\mathbf{\vec{s}}) = -\frac{1}{\mathcal{V}!} \left(2 \operatorname{Re} \mathbf{i} \not(\mathbf{\vec{b}}+\mathbf{\vec{s}}) \right)^{\mathbf{v}} e^{-2\operatorname{Re} \mathbf{i} \not(\mathbf{\vec{b}}+\mathbf{\vec{s}})}$$
(2.31)

donde, según la expresión (2.3)

Re $i \not (\vec{b} + \vec{s}) = \text{Re } \ln \langle \uparrow_{\text{blanco}} |_{j=1}^{B} (1 - \prod_{nn} (\vec{b} + \vec{s} - \vec{s}_{j}) | \uparrow_{\text{blanco}} \rangle$ (2.32) con Fnn la "función perfil" individual nucleón-nucleón, y donde consideraremos que la función de onda que describe el núcleo blanco, y que nos determina la distribución de probabilidad de localización de nucleones blanco es prácticamente invariante en el curso de la interacción, aproximación válida a alta energía incidente.

En el proceso que estamos estudiando, inciden 16 nucleones, componentes del núcleo proyectil 0-16, de modo que asumiendo la independencia de las colisiones individuales tendremos:

$$P(\vec{b};\vec{s}_1,\ldots,\vec{s}_{16}^{(1)})^{2,3},\ldots,16;\nu_1,\nu_2,\nu_3,\ldots,\nu_{16}) =$$

=
$$(\frac{1}{v_1!} (2 \text{ Re } i)^{(\vec{b}+\vec{s}_1)})^{v_1} e^{2 \text{ Re } i} (\vec{b}+\vec{s}_1)$$
.....

$$\frac{-1}{V_{16}!} (2 \text{ Re } i)^{(\vec{b}+\vec{s}_{16})}^{(\vec{b}+\vec{s}_{16})} (\vec{b}+\vec{s}_{16})) \qquad (2.33)$$

para la probabilidad de que el nucleón i interactúe 🖓 veces, i = l,...l6, y donde b es el parámetro de impacto de la interacción de los dos núcleos.

En realidad, lo que nos interesa es describir que un nucleón interactúa \checkmark_1 veces, otro \checkmark_2 otro \curlyvee_{16} , sea cual sea cada uno de estos nucleones. Por otra parte, nos interesa también el valor esperado de la expresión (2.33), para un determinado parámetro de impacto \vec{b} , dada la función de onda asociada al núcleo proyectil, que consideramos también, en lª aproximación, invariante en el curso de la interacción.

$$P_{\vec{b}} (1, \dots, 16; \gamma_{1}, \dots, \gamma_{16}) = \langle \uparrow_{Pro}(\vec{s}_{1}, \dots, \vec{s}_{16}) |$$

$$P_{(\vec{b}, \vec{s}_{1}, \dots, \vec{s}_{16})} (1, \dots, 16; \gamma_{1}, \dots, \gamma_{16}) | \uparrow_{Pro}(\vec{s}_{1}, \dots, \vec{s}_{16}) \rangle$$

$$(2.34)$$

$$(2.35)$$

$$(\vec{b}, \vec{s}_{1}, \dots, \vec{s}_{16}) = \frac{16}{17} 0_{i} (\vec{b} + \vec{s}_{i}) , \qquad (2.35)$$

de acuerdo con (2.33).

Construímos el operador:

$$0_{\nu_{1},\nu_{2},\ldots,\nu_{16}} = (\underline{\Sigma}_{per})^{P}(\vec{b},\vec{s}_{1},\ldots,\vec{s}_{16})$$
 (2.36)

con (per) = todas las permutaciones de $los_{1}^{\gamma}, \dots, \gamma_{16}^{\gamma}$

Y de este modo obtenemos

$$P_{\vec{b}} (1, \dots, 16; \overset{\nu}{_{1}}, \dots, \overset{\nu}{_{16}}) = \langle \uparrow_{\text{pro}}(\vec{s}_{1}, \dots, \vec{s}_{16}) | \overset{0_{\nu}}{_{1}} \dots \overset{\nu}{_{16}} | \uparrow_{\text{pro}}(\vec{s}_{1}, \dots, \vec{s}_{16}) \rangle$$

donde no importa ya cual de los nucleones interactúa $\overset{\nu}{_{1}}$ veces. (2.37)

El operador (2.36) es un operador simétrico al intercambio entre nucleones y las funciones $|\uparrow_{\text{pro}}\rangle$ son determinantes de Slater en las funciones de onda individuales de los nucleones ψ_i (\vec{s}_j). De este modo, habremos considerado las correlacciones definidas por el principio de exclusión de Pauli. Dada la simetría de (2.36), bastará antisimetrizar a uno de los dos lados en la expresión del 22 miembro de (2.37), resultando: $P_{\vec{b}}$ (1,...,16; ψ_1 ,..., ψ_{16})=(16!)^{$\frac{1}{2}$} ($\langle \prod_{i=1}^{16} \varphi_i(\vec{s}_i) | 0\psi_1,...,\psi_{16} |$

$$T_p (det.Slater)$$
 (2.38)

$$= \underbrace{\sum}_{(\text{per})} \det \left\langle \varphi_{i}(\vec{s}_{i}) \right\rangle _{\varphi_{i}} (\vec{b} + \vec{s}_{i}) \left| \varphi_{k}(\vec{s}_{i}) \right\rangle$$
(2.39)

donde cada determinante es un producto de dos determinantes $8 \ge 8$ análogos, correspondientes, respectivamente, a protones y neutrones, dado que los operadores 0_{v_i} son independientes de la carga.

$$0_{v_{i}}(\vec{b}+\vec{s}_{i}) = -\frac{1}{v_{i}!} (2 \text{ Re } i \times (\vec{b}+\vec{s}_{i}))^{v_{i}} e^{2 \text{ Re } i \times (\vec{b}+\vec{s}_{i})} (2.40)$$

Similarmente, en el cálculo de las expresiones (2.32) tendremos un det. de Slater para la función de onda del núcleo blanco y utilizaremos el mismo proceso de cálculo.

Funciones de onda

En el caso de iones ligeros, C y O, los nucleones ocupan las ca-

$$0^{16}$$
: $(s_{1/2}^2 p_{3/2}^4 p_{1/2}^2)$
 c_{12}^{12} : $(s_{1/2}^2 p_{3/2}^4)$

cuyas funciones de onda asociadas, así como los valores de las expresiones

$$\langle \varphi_{i}(\vec{s}_{i}) | 1 - \Gamma(\vec{b} - \vec{s}_{i}) | \varphi_{j}(\vec{s}_{i}) \rangle$$

que intervienen en los cálculos de Re i $\lambda(b)$, los desarrollamos en el Apóndice IV.

En el caso de iones pesados hemos adoptado una densidad tipo Fermi para los núcleos blanco, adaptadas a las experiencias de scattering electrónico (ref. III-19)

Los cálculos los hemos realizado mediante el programa GLAUB, del que exponemos un organigrama de los procesos seguidos.

En el Apéndice 5º exponemos el listado del programa, que hemos procesado en el Ordenador UNIVAC 1100 del centro de Cálculo del "Centre des Recherches Nucleaires" de Strasbourg.

III-2-3 Resultados y discusión

A partir de las expresiones discutidas podemos obtener las probabilidades para interacción a un determinado parámetro de impacto b. Para calcular las probabilidades totales realizamos una integración numérica en el plano paramétrico de impacto, mediante una subrutina "standard" QG9 que integra exactamente polinomios hasta de grado 18 mediante la fórmula de cuadratura de Gauss con 9 puntos (ref. III-23)

Hemos evaluado anteriormente la variación con b de nuestras probabilidades, y presentamos en las Fig. 13,14 algunos de los casos. La integración introducirá un error muy pequeño, siempre y cuando introduzcamos un "cutt-off" al límite superior que hemos acordado del orden de 7 fm. para blanco ligero y de 10 fm. para blanco pes<u>à</u> do, correspondientes, aproximadamente, a la región de posible int<u>e</u>r acción.

Los resultados globales para las probabilidades de colisión de N nucleones los exponemos en la Fig. 15, para los cuatro blancos de interés. Observamos, con respecto a los resultados obtenidos en la aproximación óptica, un equiparamiento global de las pro babilidades, para los diversos N, correspon diente en gran medida a los efectos de correlación nuclear.

A partir de los resultados obtenidos del programa GLAUB, tenemos los valores de :

P_{ni}(ν)≡ probabilidad de que, interactuando h_i nucleones, lo hagan γ veces cada uno de ellos, por término medio.

En las tablas 3-3 exponemos dichos resultados para interacción con un blanco ligero y un blanco pesado, restringiendo 🈕 a 2 en el primer caso, dado que las probabilidades globales de interacción más de 2 veces son despreciables. En el caso de blanco pesado, toma valores importantes entre 1 y 5.

En consecuencia, disponemos de las 3 distribuciones

P(n_i) = probabilidad de colisión de n_i nucleones
P_{ni}(𝔅) = " " colisionando n_inucleones, cada uno sufra 𝔅 colisiones
P_{𝔅 𝔅}(n[']_𝔅) probabilidad de observar n[']_𝔅 trazæs blancæs, en

la vª colisión de un nucleón.

Por tanto, obtendremos

$$P(n_{s}^{+}) = [P(n_{i}) P_{n_{i}}(v) P_{v}(n_{s}^{+})]$$
 (2.41)

para la probabilidad de obtener n's trazas blancas, donde sumamos a todos los conjuntos de v y n_ique den n's trazas y donde P_v (n's)es la probabilidad de obtener n's trazas tras v colisiones.

De este modo tenemos las distribuciones de probabilidad de obtener un determinado n'_s , que exponemos en la tabla 3-4 y en las Fig. 16 y 17.

TABLA	III-3
the party of the second s	and all the second s

==

	ni	v	P(v,n _i)(BL.ligero)	P(v,n _i)(BL.pesado)
	1	1 2 3 4 5	0.79 0.21	0.76 0.11 0.07 0.04 0.02
-	2	1 2 3 4 5	0.72 0.28	0.65 0.17 0.10 0.05 0.03
	3	1 2 3 4 5	0.67 0.33	0.52 0.25 0.13 0.07 0.03
	4	1 2 3 4 5	0.63 0.37	0.495 0.267 0.1333 0.07 0.035
	5	1 2 3 4 5	0.61 0.39	0.49 0.275 0.13 0.07 0.03

(Sigue)

6	1	0.59	0.48
	ā	0.41	0 00
	4	0.41	0.29
	3		0.13
	· 4		0.07
	1		0.00
	D		0.03
7	1	0.57	0.41
-	â	0.01	0.00
	2	0.43	0.33
	3		0.15
	А		0.07
			0.01
	Ð		0.04
8	1	0.56	0,30
	ā	0.44	0.00
	. 2	0.44	0.38
	3		0.18
	4		0.09
	-		0.00
	ð		0.05
9	1	0.56	0.26
	ā	0 44	0 00
	2	0.44	0.09
	3		0.21
	4		0.09
			0.05
	0		0.05
	vs		
10	1	0.55	0.26
	5 O	0.45	0.38
		0.40	0.00
	3		0.22
	4		0.09
	:5		0.05
	9		0.00
11	1	0.55] 0.26
l '	9	0 45	
	1 LJ	U_47	0.36
1	2	V•40	0.36
1.	3	0.40	0.36 0.22
	3 4	0+40	0.36 0.22 0.10
	3	0+45	0.36 0.22 0.10 0.06
	3 4 5	0,40	0.36 0.22 0.10 0.06
	3 4 5	0,45	0.36 0.22 0.10 0.06
12	3 4 5	0,45	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25
12	3 4 5 1 2	0.55	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34
12	3 4 5 1 2 3	0.55 0.45	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34
12	3 4 5 1 2 3	0.55 0.45	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22
12	2 3 4 5 1 2 3 4	0.55 0.45	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115
12	3 4 5 1 2 3 4 5	0.55 0.45	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075
12	3 4 5 1 2 3 4 5	0.55 0.45	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075
12	3 4 5 1 2 3 4 5	0.55 0.45	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075
12	3 4 5 1 2 3 4 5 1	0.55 0.45 0.54	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075 0.19
12	3 4 5 1 2 3 4 5 1 2	0.55 0.45 0.54 0.46	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075 0.19 0.34
12	3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3	0.55 0.45 0.54 0.46	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075 0.19 0.34 0.23
12	3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5	0.55 0.45 0.54 0.54 0.46	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075 0.19 0.34 0.23
12	3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5	0.55 0.45 0.54 0.46	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075 0.19 0.34 0.23 0.14
12	2 3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5	0.55 0.45 0.54 0.46	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075 0.19 0.34 0.23 0.14 0.23 0.14 0.10
12	3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5	0.55 0.45 0.54 0.46	0.36 0.22 0.10 0.06 0.25 0.34 0.22 0.115 0.075 0.19 0.34 0.23 0.14 0.23 0.14 0.10

TABLA III-3 (Cont)

(Sigue)

TABLA III-3(Cont.)

*##: #::

14	1 2 3 4 5	0.54 0.46	0.12 0.32 0.26 0.17 0.13
15	1 2 3 4 5	0.54 0.46	0.09 0.22 0.28 0.225 0.185
16	1 2 3 4 5	0.54 0.46	0.05 0.13 0.30 0.27 0.25

TABI	A	I	I	Ι	4	

(Resultados probabilidad de bi's)

n's	P (n's, núcleo blanco ligero)	P (n's,núcleo blanco pesado)
-2	0.0006	0.0013
-1	0.018	0.016
0	0.247	0.163
1	0.173	0.121
2	0.166	0.1195
3	0.107	0.084
4	0.079	0.069
5	0.059	0.060
6	0.044	0.053
7	0.033	0.048
· 8	0.024	0.043
9	0.017	0.039
10	0.012	0.034
11	0.008	0.030
12	0.005	0.0255
13	0.003	0.022
14	0.002	0.018
15	0.001	. 0.0145
16	0.0007	0.011
17	0.0000	0.008
18	_	0.006
19	-	0.0044
20	- .	0.003
21		0.002
22	-	0.0012
23	_	0.0008

•

Sigue ...

TABLA III.4 Cont.

'n's	P (n's,núcleo blanco ligero)	P (¤'s núcloo blanco pesado)
24	0.0000	0.0003
25	–	0.0002
26	—	0.0001
27	-	0.0000
28	-	-
29	-	
30	_	-







En las mismas figuras exponemos los resultados obtenidos por (ref. III-7) con cálculos de Monte-Carlo, a los que se ha aplicado un porcentaje de eclipsamiento nulo ó total. Observamos que los cálculos realizados mediante la teoría de Glauber corresponden a un porcentaje de eclipsamiento intermedio, como ya preveíamos cuando hablábamos de los efectos de eclipse.

Asimismo presentamos en la misma figura los resultados experimentales obtenidos en el análisis de nuestras interacciones, donde los valores de n'_{s} , por su propia definición, los hemos obtenido a partir de la expresión siguiente, en cada una de las interacciones registradas.

$$n'_s = n_s - (Z_{ion incidente} - Z_{Fr} - 2 n_{\alpha})$$
 (2.42)

donde Z especifica la carga de los fragmentos del ión incidente Fr analizados por métodos fotométricos y n_{α} el nº de partículas \ll relativistas procedentes de la desintegración del ión incidente. A su vez n_s es el nº de trazas blancas observadas.

Observamos que el ajuste es bastante bueno en las colas de las distribuciones correspondientes a colisiones más centrales, mientras que en las periféricas es peor, sobre todo en el caso de blanco ligero. Ello nos hace pensar en la importancia de fenómenos colectivos y de estructura en agregados nucleares, como comentábamos en el estudio de las secciones eficaces de reacción. Las estructuras tipo \prec han sido comentadas por diversos autores y son más notables en la superficie nuclear (ref. III-24, III-25, III-26).

Otro posible efecto, comentado por algunos autores (ref.III-7) es el de la consideración de la reabsorción piónica. En cualquier caso, si ello fuera importante, debería ser más acusado en las colas de las distribuciones, por lo que nos inclinamos a pensar que pueda ser despreciable a estas energías, ó al menos comparable con otros sucesos de 2º orden de magnitud como producción Kaónica, etc.

III-3 Análisis de trazas grises

El tratamiento efectuado para el cálculo de las probabilidades $P(N_0, N_1, N_2)$ probabilidad de que N_0 nucleones del proyectil no interactúen, N_1 lo hagan l vez y N_2 , dos ó más veces, puede servirnos para el cálculo de la distribución de trazas grises, si adoptamos la hipótesis aproximativa de que las trazas grises están constituidas en un alto porcentaje próximo al 100%, de <u>protones de retroceso</u>, es decir, protones del proyectil ó del blanco que en el curso de la interacción adquieren energía suficiente para salir despedidos del núcleo del que forman parte como consecuencia de un choque.Estos protones, si adquieren la energía adecuada (comprendida entre 30 y 400 Mev) se registrarán en emulsión como trazas grises.

Ahora bien, nosotros disponemos de las distribuciones de inelasticidad, para las diversas energías de choque nucleón-nucleón, según informábamos en el apartado anterior.

En consecuencia, podemos calcular la probabilidad de que un nucleón que interactúe \vee veces, salga con energía adecuada para dar traza gris y ello sopesarlo con las probabilidades $P(N_0, N_1, N_1)$, así como con la contribución de protones al núcleo en consideración, con respecto al nº de nucleones que lo constituyen.

Por su parte, si el blanco es un ión ligero, las probabilidades de interacción y las distribuciones de inelasticidad serán similares en su propio sistema, si bien el rango de energías necesario para que ese protón dé traza gris, será la transformada de Lorentz del rango en el sistema laboratorio (30-400 Mev) al sistema en que el proyectil está en reposo.

Para una energía incidente de 2 GeV, corresponden a (420-1380 Mev).

En general, si la energía entrante es Ee (energía cinética)

 $E_{\rho} = m(\gamma - 1)$, $\gamma = 1/\sqrt{1 - \beta^2}$, $\beta \equiv velocidad$ m \equiv masa nucleón

)

siendo:

$$\beta = (1 - 1/(1 + -\frac{E_e}{m})^2)^{1/2}$$
 (3.1)

Las velocidades transformadas serán:

$$\beta(1) = \frac{-\beta + 0.247}{1 - 0.247 \beta}$$

$$\beta(2) = \frac{-\beta + 0.713}{1 - 0.713 \beta}$$
(3.2)

cont

$$0.247 = {}^{3}_{1aboratorio} \xrightarrow{\leftarrow} E_{e} = 30 \text{ Mev}$$

$$(3.3)$$

$$0.713 = {}^{3}_{1aboratorio} \xrightarrow{\leftarrow} E_{e} = 400 \text{ Mev}$$

y de ahí obtenemos las correspondientes energías límites (consideramos desviación nula a efectos de simplificación de los cálculos, sin que ello altere el contenido sustancialmente).

De este modo, si denominamos

I $(E_i, E_j) \equiv$ distribución de energías de salida E_i para una energía entrante E_j

 $\Omega =$ intervalo de energía correspondiente a traza gris, tendremos: (con E = energía incidente inicial ~ 2.1 Gev)

$$P^{(1 \text{ (blanco)})} = \int_{\Omega} I (E, E_0) dE$$
 (3.4)

para la probabilidad de obtener traza gris para un nucleón del blanco que interactúa una vez

$$P^{(1 \text{ (proyectil)})} = \int_{30}^{400} I(E,E_0) dE$$
 (3.5)

idem para el proyectil.

$$P^{(2)}$$
 (blanco) = $\int_{Ee} dE_e \int_{\Omega} I(E_e, E_o) I(E, E_e) dE$ (3.6)

para la probabilidad de obtener traza gris para un nucleón del blanco que interactúa dos veces.

$$P^{(2} \text{ (proyectil)} = \int_{Ee}^{\int} dE_e \int_{30}^{400} I(E_e, E_o) I(E, E_e) dE \quad (3.7)$$

idem para el proyectil....

y así sucesivamente. Puesto que la probabilidad de que un nucleón sufra más de 2 interacciones en una interacción ión ligero-ión ligero, es despreciable, no lo consideraremos este caso.

Dado que el proceso ha de ser simétrico, en el cálculo habrá que establecer las probabilidades conjuntas Pproyectil (No, N₁, N₂) Pblanco (N'o, N'₁, N'₂) que sean compatibles entre sí, ya que el n^g de colisiones global ha de ser el mismo calculado en cualquiera de los sistemas.



FIGURA 18

Diagramas compatiblesen el análisis de las probabilidades $P(N_0, N_1, N_2)$

TABLA III.5

6

7

8

9

	N	Contribución
-	11	1.87×10^{-5}
	10	5.19 x 10^{-4}
	9	0.0067
	8	0.017
	7	0.030
	6	0.048
	5	0.095
	4	0.110
	3	0.123
	2	0.183
	1	0.232
	0	0.149
	TABLA III.	<u>6</u>
بية علم من من من	N grises	P (N grises)
	0	0.337
	1	0.303
	2	0.181
	3	0.101
	4	0.048
	5	0.018

0.0055

0.0013

0.00021

0.00002

•

(Contribución en energía correspondiente a traza gris)





Con este criterio, analizamos para cada Pp (No, N₁, N₂) aquellas Pb (No, N'₁, N'₂) que le son compatibles y que representamos esquemáticamente para alguno de los casos en los diagramas de la Fig. 18.

De este modo llegamos a los resultados de la tabla 3-5 que posteriormente analizamos en orden a la distribución en nº de protones, y por tanto, trazas grises, resultando los valores de la tabla 3-6, valores que hemos representado en la Fig. 19, junto con los valores experimentales.

Para el caso de blanco pesado, no disponemos de elementos para hacer el problema simétrico, por lo que, de un modo cualitativo, consideramos solamente aquellos diagramas en que los nucleones del blanco interactúen una sola vez. Ello sobrevalorará la probabilidad en la zona de mayor nº de trazas grises, pero en contrapartida es en esta zona donde la consideración de las trazas grises observadas en emulsión como protones de retroceso, es más debil, debido a la existencia de un mayor nº de píones lentos.

Los resultados están expuestos en la Fig. 20

Observamos, de un modo análogo a la producción piónica que la consideración de otros efectos no despreciables, y en particular de efectos colectivos, es más importante en las zonas de más baja multiplicidad, correspondientes a colisiones más periféricas.

III-4 Otros análisis de las multiplicidades - Comentarios

Los estudios realizados para explorar la producción mesónica en su aspecto de distribución de multiplicidades y distribuciones angulares, utilizando diversos tipos de reacciones, en una amplia gama de energías y elementos involucrados en la interacción, así

como detectores, es muy extensa y no existe una explicación absoluta a todos los fenómenos dinámicos subyacentes.

En este capítulo hemos intentado abordar el análisis de las multiplicidades a la luz del formalismo de Glauber y en un modelo de interacción nucleón-nucleón.

Recientemente han aparecido algunos trabajos que utilizando el mismo formalismo intențan explicar la producción piónica a la luz de modelos colectivos, pero en su caracter estático, en la consideración de los núcleos compuestos por partículas \propto ú otros agregados (ref. III-27, III-28, III-29).

Sin embargo, como ya dijimos al principio del Capítulo, los datos que se disponen para interacciones individuales \prec -nucleón ó $\prec - \propto$ son escasos, por lo cual los cálculos no son verificables experimentalmente, ahora.

Otros autores intentan explicar la componente piónica, a la luz de los modelos colectivos dinámicos, por aplicación de teorías estadísticas, hidrodinámicas.

Un modelo propuesto en primer lugar fué el modelo de Fermi (ref. III-31) que, dicho a grandes rasgos, prevé el mecanismo de producción como consecuencia de que los hadrones proyectil y blanco que llegan a pararse, forman un conglomerado que permanece ligado hasta su desintegración. Posteriormente, este análisis se ha restringido a las llamadas "colisiones centrales", para distinguirlas de colisiones más periféricas en las cuales la tranferencia de momento es pequeña y los hadrones se excitan fragmentándose posteriormente, separados. Además se ha observado la posibilidad de que el conglomerado se expansione hasta alcanzar un volumen crítico en que se desinteDe este modo, los trabajos de Pomeranchuk, Landau,... (Ref. III-33, III-32) consideran esta última posibilidad, pero no discriminan entre colisiones centrales y más periféricas. Los trabajos de Gottfried y Meng-Ta Chung entre otros (Ref. III-34) (Ref. III-30) ya consideran los dos tipos de interacciones, y además el mecanismo de "decay" y de expansión son diferentes. Una idea básica es que la temperatura nuclear del conglomerado en el momento de la desintegración, crece con la energía incidente greciente.

El análisis de multiplicidades y distribuciones angulares, a la luz de todas estas teorías, no es sencillo a las energías intermedias que nos ocupan, ya que están pensadas con fines de explicación a energías asintóticas. Higón, (ref. I-3) ha analizado los datos de producción piónica, a la luz del modelo de Landau, encontrando resultados satisfactorios desde un punto de vista cualitativo.

Simplemente digamos que la idea básica de los modelos colectivos dinámicos, estriba en el tiempo necesario para la formación de la componente mesónica. Si éste es suficientemente grande, comparado con el tiempo que el hadrón incidente (ó conjunto de hadrones)emplea en atravesar el núcleo blanco, es lógico pensar que la producción tendrá lugar como consecuencia de una interacción colectiva de toda la materia nuclear que encontró a su paso. Es de este modo, como Mathis y col. (ref. III-35) encuentran que la distribución piónica es una función'; universal de la variable de

"scaling".

.94



 $u = \frac{E_{cinética proyectil}}{\sqrt{h}}$ $con h = A^{-1/3}_{blanco} (2 A^{1/2}_{blanco}-1)$ e = energía laboratorio por nucleón incidente.

III-1: Powell, Fowler and Perkins. The study of elementary particles
 by the photografic method.Pergamon Press

III-2: G. Alexander et al. Il Nuovo Cimento, XX, 4, 1.960, (1.961)

III-3: Yu F. Gagarin et al. Soviet Journal of Nuclear Physics, 11,

6, 698, (1.970)

III-4: A. M. Baldin et al. Sov. Jour. of. Nucl. Phys. 18,1,41,(1.974)
III-5: A. M. Baldin etcal. Sov. Journ. of Nucl. Phys. 21,5,517,(1.975)

III-6: B. Jakobsson et al. LUIP-CR-75-14, (1.975)

III-7: B. Jakobsson, A. Ruiz et al. Cosmic and Subatomic Physics Report LUIP 7708, (1.977)

> XV th Intern.Conference on Cosmic Ray, Plovdiv (Bulgaria), HE-38,(1977)

Comunicación presentada al OAK-RIDGE Meeting on Heavy Ion Collisions, (1977)

B. Jakobsson. CHN/PN 77-3, (1.977)

III-8: J. Papp et al. Phys. Rev. Letters, 34,10,601, (1.975)

III-9: R.P. Feynman. Phys. Rev. Letters, 23, 1.415, (1.969)

III-10: L. S. Schroeder. LBL, 5082,5083,5084, (1.976)

III-12: CERN-HERA-Report 73-1, (1.973)

III-13: UCRL-Report 20000 NN, (1.970)

III-14: A.Chaumeaux gtal. Nuclear Physics A 267, 413, (1.976)

III-15: E.J. Moniz stal. Phys. Rev. Letters, 26, 8, 445, (1.971)

III-16: W. Czÿz & L. Maximon. Ann. of Physics 52, 59, (1.969)

III-17: V. Franco and W. Nutt. Internal Report Brooklyn College, NY,(1.977 III-18: P.J. Karol. Phys. Rev. C, 11, 4, 1.203, (1.975)

III-19: Hofstädter et al. Ann. Rev. of Nuclear Science, 7, (1.957)

III-20: A. Lavín. Tesina licenciatura (Univ. Santander, 1.977)

III-21: V. Bevington. Data Reduction and Error Analysis for the Physical Sciences (Mc Graw-Hill), (1.969)

III-22: J.S. Trefil and F.V. Hippel. Phys. Rev. D, 7, 7, 2000, (1.973)

III-23: V.I. Krylov. Approximate Calculation of Integrals (Mc Millan NY),

London, (1.962), pp. 100-111 & 337-338

III-24: K. Harada. Prog. Theor. Phys. 26, 667, (1.961)

III-25: Y. Maeda. Journal of the Phys. Soc. of Japan 18,7,945, (1.963)

III-26: A. Osman. Lettera al Nuovo Cimento 14,11,413, (1.975)

III-27: G. Füldt.Nuclear Physics A254, 341, (1.975)

III-28: A. N. Antonov. Bulg. Journal Phys. II, 4, 287, (1.975)

III-29: I. Ahmad. Internal Report Int. Conf. for Theor. Physics, Trieste

III-30: Meng-Ta Chung. Phys.Rev. D, 15,1,197, (1.977)

III-31: E. Fermi. Prog. Theor. Phys. 5, 570, (1.950)

Phys. Rev. 81, 683, (1.951)

III-32: L.D. Landau. Collected Papers of L.D. Landau (Gordon & Breach)(1.9 III-33: I.Ya Pomeranchuk. Dokl. Akad. Nauk. USSR, 78,889, (1.951)

III-34: K. Gottfried. High Energy Physics and Nuclear Structure-1.975

proceedings of the 6ª intern. Conf. Los Alamos y Santa Fé (edi-

tado por D.E. Nagle, AIP, NY, pag. 211), (1.975)

III-35: H.B. Mathis and Meng-Ta Chung. FUB-HEP. Abril 77/11

(1.977)

Cap. IV. DISTRIBUCIONES ANGULARES

IVI.1 Distribuciones angulares en el spaco longitudinal

> - Trazas blancas - Trazas grises y negras

> > Teoría de la evaporación nuclear. Partículas ∝ "forward"

> > > Teorías hidrodinámicas

98

IV.2 Distribuciones angulares en el espacio transverso.

> - Generación del espacio fase - Análisis de resultados

BIBLIOGRAFIA

El análisis de las distribuciones angulares proporciona un marco adecuado al estudio de la dinámica interactiva. Estudios tan dispares como teoría de la cascada y la evaporación, hidrodinámica y termodinámica nuclear, modelos "fireball" ó procesos "Knock-on" dan diferentes resultados en este análisis. Todos ellos son, en definitiva, modelos apropiados al caso nuclear, pero el análisis de las leyes asintóticas que rigen el comportamiento hadrónico puede ser también estudiado en este caso. Ello es debido a que los modelos hadrónicos actualmente elaborados se refieren en gran parte a las interacciones individuales entre subsistemas componentes. Y en el caso nuclear, éstos son bien conocidos, los nucleones (ref. IV-1)

En tal situación, analizaremos en primer lugar la fenomenología subyacente en nuestras distribuciones angulares en el espacio longitudinal y posteriormente en el espacio transverso, teniendo éste la ventaja de poder construir un espacio fase que respete la cinemática de la interacción y la conservación de las leyes fundamentales.

I.-Distribuciones angulares en el spacio longitudinal

Hemos analizado, en primer lugar, las distribuciones de ángulos reales para los conjuntos de trazas blancas, grises y negras, de nuestras interacciones. La separación en el análisis la hacemos de acuerdo con los presupuestos clásicos que atribuyen las primeras a las partículas de carga unidad, procedentes de la fragmentación del proyectil y a la producción múltiple, mientras las grises son fundamentalmente protones de retroceso producidas en el proceso de cascada intranuclear, y partículas α de la fragmentación del proyectil. Por su parte las negras constituyen la componente de evaporación del núcleo blanco y los fragmentos de carga superior a 2 del núcleo proyectil.

Las distribuciones están expuestas en las Fig. I a 3.

Exponemos asimismo en las Fig. 4 a 6, las distribuciones correspondientes, en la variable

$$y=-\ln tg \theta/2$$

siendo Θ el ángulo real de la traza con respecto a la dirección de incidencia.

Esta variable tiene la ventaja de asimilarse a la "rapidity", a energías asintóticas, con lo cual sus distribuciones aproximan la geometría a la dinámica de la interacción, que muy diversos modelos (Landau, Carruthers, Gottfried,...) la utilizan como base de sus cálculos y predicciones. No obstante, éste no es nuestro caso, como demostraremos en el apéndice 6, por lo cual nos limitamos a exponerla como una variable geométrica más, que pueda ser indicativa a la hora de las conclusiones.

I-1 Distribuciones de trazas blancas

Observamos, en la Fig. 1, la existencia de un gran pico "forward", junto a una extendida distribución de partículas a gran ángulo. Cálculos de la distribución piónica (ref. IV-2) basados en la producción múltiple en interaccience individuales nucleón-nucleón, y supuesta isotropía en la distribución angular en sistema C.M. dan los resultados expuestos en la misma figura. Observamos que los acuerdos con los resultados experimentales son buenos para ángulos grandes, dando soporte al mecanismo de producción piónica. Sin embargo, a ángulos pequeños no es el caso. En esta zona, la distribución es atribuíble a protones de evaporación del núcleo proyectil, que serán más frecuentes en las interacciones periféricas, es decir, en














aquéllas que presentan menor proporción de trazas grises y negrás, características de la materia nuclear interactuante.

Ello resulta confirmado en las Fig. 7, 8 y 9 donde exponemos las distribuciones angulares de trazas blancas, separándolas según el tipo de interacción.

Sin embargo, aún queda una zona intermedia, entre 5º y 20º, que no puede ser atribuible a ninguno de los dos mecanismos anteriones. Esta zona hay que atribuirla a protones de retroceso que en el proceso de cascada intranuclear salen con energía suficiente para dar traza blanca, ó bien a fenómenos colectivos no considerados en este sujeto, como procesos "Knock-on" con agregados \propto

I-2 Distribuciones de trazas grises y negras

Según podemos deducir en las Fig. 2 y 5, hay 2 componentes fundamentales en la distribución de trazas grises:

-una componente con un ángulo inferior a l radián, atribuible sobre todo a las partículas ∝ procedentes de la fragmentación de ión incidente.

-una componente extendida, a todo el espectro, debida a protones de retroceso emitidos en el proceso de cascada y a píones lentos producidos en el mismo.

Ello viene reafirmado en las Fig. 10 a 12, donde observamos que el pico "forward" aparece sobre todo en las colisiones de naturaleza más periférica, mientras sucede lo contrario con las partículas emitidas a gran ángulo.

Una estructura similar aparece en las distribuciones de trazas negras, Fig. 3 y 6, si bien mucho más acusada en la componente a gran ángulo, que a su vez está desplazada hacia ángulos mayores y es atribuible fundamentalmente a procesos de evaporación del núcleo blanço. (Fig. 13 a 15). Antes de efectuar un análisis más detallado de estas componentes, observamos la asimetría existente entre trazas hacia delante y hacia detrás ("forward - backward") en la distribución de trazas negras, contrariamente al presupuesto de emisión isotrópica en su propio sistema, dado por la teoría de la evaporación nuclear.

Resulta

$$\frac{F}{B} = 1.33 \pm 0.13$$

Si adoptamos el criterio seguido por Anderson y col. (ref. IV-2) de suponer que esta asimetría es una consecuencia de que el núcleo blanco sufre un retroceso como consecuencia de la interacción y, en consecuencia, el sistema de emisión tiene una velocidad β_r según la dirección incidente, se verificará

$$\cot g \theta_{\frac{1}{2}} = \frac{\beta_r / \beta_{\hat{0}}}{1 - \beta_r^2}$$
(1.1)

siendo $\theta_{\frac{1}{2}}$ el ángulo medio de evaporación de las partículas , en el sistema laboratorio y β_0 la velocidad media de las partículas de evaporación en C.M. Resulta así:

 $\left(\frac{\partial_{\frac{1}{2}}}{\partial_{0}(\langle E \rangle = 18 \text{Mev/nucleón}) = 0.19c}\right) \implies \beta_{r} = 0.020 \text{ c}$

un valor bastante próximo a otros resultados experimentales anteriores (0,029, Alexander et al (ref.III-2); 0,022, Anderson et al (ref. IV-2); 0,020, Baker et al (ref. IV-3))

<u>I-2-1 Teoría de la evaporación nuclear. Partículas ∝ "forward"</u> Hemos indicado anteriormente como la componente "forward" de la distribución de las grises era atribuible, sobre todo, a partículas ∝ de fragmentación del ión incidente. Si ello fuera así, sus distribuciones angulares correspondorían a las obtenidas mediante el análisis de la fragmentación por el proceso de evaporación, en el sistema en que el proyectil está en reposo. Sin entrar en detalles de exposición de la Teoría, seguimos el proceso utilizado por Le Cauteur (ref. IV-5, IV-4) para concluir que:

- en el sistema centro de masas de los fragmentos excitados, las partículas se emiten isotrópicamente, con una distribución de probabilidades en energía dada por

P(E) dE =
$$\frac{E-V}{T^2}$$
 exp (- $\frac{E-V}{T}$) dE (1.2)

siendo <u>V</u> la barrera de Coulomb para las partículas en consideración, habida cuenta de la electrostática clásica y de los efectos cuánticos asociados a la penetrabilidad de la barrera, así como los efectos debidos a la expansión térmica y a las vibraciones superficiales del núcleo.

Su valor es del orden de 2 Mev para protones y de 4 Mev para partículas « de acuerdo con los resultados obtenidos por algunos autores (Ref. IV-6)

T es la temperatura nuclear, de la que depende la energía de excitación del núcleo residual, resultando ser del orden de 5 a 7 Mev en interacciones relativistas.

<u>E</u> es la energía cinética adquirida por las partículas, que resulta ser inferior a 30 Mev/nucleón.

-en el sistema laboratorio podremos obtener las distribuciones angulares resultantes sin más que efectúar la transformación de Lorentz adecuada, habida cuenta de la velocidad de retroceso $\binom{3}{r}$ adquirida por el núcleo excitado en su propio sistema, y que hemos analizado en el apartado anterior.

De acuerdo con Werbrouck (ref. IV-7)

$$S(E, \cos \theta) = S^* (E^*, \cos \theta^*) P/P^*$$
 (1.3)

111

(1.5)

siendo S y S^{*}, respectivamente, las distribuciones en sistema laboratorio y sistema c. de m. y E,E, θ , θ , θ , P,P, las energías, ángulo real y momento en los sistemas respectivos.

Dada la isotropía en c. de m.

$$S^{*}(E^{*}, \cos \theta^{*}) \equiv S^{*}(E^{*}) \propto \frac{E_{c}^{*}-V}{T^{2}} \exp(-\frac{E_{c}^{*}-V}{T})$$
 (1.4)

luego

$$S(E,\cos\theta) \propto \frac{E_c^*-V}{T^2} \exp\left(-\frac{E_c^*-V}{T}\right) \frac{P}{\left(\gamma^2 \left(P\cos\theta - \beta E\right)^2 + P^2 \sin^2\theta\right)^{\frac{1}{2}}}$$

siendo: y el factor de Lorentz

$$\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$$

β, vel. del sistema c. de m. respecto al sistema laboratorio. Por su parte, la energía cinética:

$$E_{c}^{*} = E^{*} - m = \sqrt{P^{*2} - m^{2}} - m$$

$$P^{*} = (\gamma^{2} (P \cos \theta - \beta E)^{2} P^{2} \sin^{2} \theta)^{\frac{1}{2}}$$

$$P = \sqrt{E^{2} - m^{2}}$$
(1.6)

con lo cual la expresión (1.6) es calculable directamente en función exclusivamente de E, θ y (³, m, V,T.

En el caso que nos ocupa $\beta_r <<\beta_{proyectil}$, en consecuencia $\beta \sim \beta_{proyectil}$

Sin embargo, en nuestras distribuciones angulares puede tener influencia el ángulo de salida del proyectil y las observaciones responderán al esquema de la Fig. 16, siendo δ el ángulo de observación.



Se verifica

$$\cos \Theta = \operatorname{sen} \theta_{p} \operatorname{sen} \delta \cos \left(\varphi - \varphi_{p} \right) + \cos \delta \cos \theta_{p} \quad (1.7)$$

A su vez

$$S(E, \theta) = S(E, \cos \theta) \cdot \sin \theta$$

$$S(\cos \delta, \varphi - \varphi_p) = S(\cos \theta, \varphi') \frac{\partial \cos \theta \partial \varphi'}{\partial \cos \theta \partial (\varphi - \varphi_p)} = S(\cos \theta, \varphi')$$
(1.8)

dada la ortonormalidad de la transformación y, en definitiva:

$$S(\delta) d\delta = sen \delta \int d\varphi \int S(E, cos \delta) dE$$
 (1.9)

donde la integración ha de efectuarse a todas las energías laboratorio correspondientes a la gama de energías c. de m., entre 0 y 30 Mev. Para ello nos valemos de la expresión:

$$P = \frac{\chi \beta E^* \cos \theta \pm \gamma \sqrt{P^*^2 - (\gamma \beta m)^2 \sin^2 \theta}}{1 + (\gamma \beta)^2 \sin^2 \theta}$$
(1.10)

donde:

si $\beta > \frac{P^{\star}}{E}$, valen ambos signos. Si no, sólo el signo + P^{*}> $\gamma\beta$ m sen θ

A partir de estas expresiones hemos calculado las distribuciones teóricas de emisión de partículas « en sistema laboratorio, procedentes de la evaporación del núcleo residual incidente y las exponemos en la Fig. 20, junto con las distribuciones observadas experimentalmente. Estas han sido construídas a partir de los datos angulares en nuestras interacciones y mediante normalización en superficie, dados los errores asociados a cada una y ásignando una distribución uniforme dentro de la barra de error.

Observamos, como otros autores (ref. IV-8, I-3), la existencia de partículas emitidas a gran ángulo, no explicables por la teoría de la evaporación.

De otra parte, exponemos en las Fig. 17, 18 y 19, las distribuciones correspondientes a diferentes blancos. Podemos observar un ensanchamiento en las distribuciones y un desplazamiento hacia mayores ángulos, a medida que crece el número atómico del núcleo blanco.

Todo ello indica la existencia de otros mecanismos, entre los que puede adquirir importancia los procesos cuasielásticos entre partículas \propto del proyectil y nucleones ó partículas \propto del blanco. Ello explicaría la forma de las distribuciones, dado que los resultados de la Fig. 19 son provenientes, fundamentalmente, de colisiones periféricas y es bien sabido que la mayor proporción de partículas \propto se encuentran en la superficie nuclear.





Sin embargo los procesos "knock-on", según ha sido observado por otros autores (ref. IV-8), no son capaces de explicar la distribución total. De hecho, hemos observado partículas \propto relativistas a gran ángulo (en 19°, una de las interacciones) dándose la circunstancia de ser más frecuentes en colisiones centrales con núcleos blanco pesados. Ello es una indicación de fenómenos colectivos explicables hasta cierto punto por modelos hidrodinámicos, como veremos posteriormente.

I-2-2 Teorías hidrodinámicas

La existencia de partículas a gran momento transverso, no explicables por las teorías clásicas de cascada y evaporación, junto con el interés despertado por la posibilidad de producción de núclidos con una densidad de materia nuclear muy superior a la normal, hizo que se desarrollaran ideas hidrodinámicas en torno a las interacciones nucleares. Para ello se asimilan los núcleos interactuantes a gases y se analiza la interacción a partir de la dinámica relativista de fluidos, mediante las ecuaciones de conservación de la cinemática y del nº de nucleones y adoptando una ecuación de estado para la materia nuclear.

En la interacción se originan ondas de choque como consecuencia de que la velocidad del proyectil es superior a la velocidad del "sonido" en materia nuclear ($c_v 0.2 c$)

Quizás el trabajo más significativo a propósito del mecanismo de que hablamos, sea el de Baumgardt y col. (ref. IV-9) en que analizan interacciones de 0-16 de 2,1 Gev/nucleón con núcleos de Ag, entre otros, y por tanto es directamente comparable con nuestros resultados.

A partir de los resultados de la teoría de la evaporación, ob-

tenidos en el apartado anterior y de la distribución de la Fig. 15, correspondientes a colisiones centrales con núcleos de Ag y Br empleamos el mismo procedimiento de Baumgardt et al. de ajustar la distribución predicha por la teoría de la evaporación a la distribución do trazas negras para ángulos de 90º y mayores de 150º, donde no se esperan efectos hidrodinámicos.

Los resultados están en la Fig. 21.

Restando posteriormente la distribución observada de la predicha por la teoría de la evaporación obtenemos los resultados de la Fig. 22. No podemos afirmar la existencia de ningún pico, ya que las diferencias observadas hay que atribuirlas a fluctuaciones estadísticas. De hecho, trabajos posteriores al referido (ref. IV-10), ponen en duda la existencia de dicho pico, si bien afirman la existencia de fenómenos colectivos.

Además, en las consideraciones efectúadas en dicho trabajo, solo las partículas de baja energía (protones hasta 28 Mev y partículas \propto hasta 200 Mev/A) son detectadas y analizadas. Parece, sin embargo, interesante el análisis de zonas más altas en el espectro de energía que, por otra parte, dan la componente a gran momento transverso, difícilmente explicable por teorías de evaporación ó procesos cuasielásticos.

A este fin citamos otro trabajo básico en el análisis hidrodinámico de las interacciones nucleares relativistas: suscrito por el grupo de la Universidad de los Alamos (ref. IV-11, IV-12). En sus análisis introducen nuevos conceptos como la dependencia del tamaño nuclear y los efectos relativistas. Además, en sus últimos trabajos analizan el proceso mediante un modelo a dos fluídos que de cuenta de la transparencia parcial de los núcleos que interactúan. Sin embargo, no tienen en cuenta la producción mesónica, lo



cual puede acarrear errores importantes.

Vamos a analizar sus valores teóricos en la aproximación a la dinámica de un fluído para colisiones centrales con un ión pesado. Ellos efectúan una subdivisión energética entre partículas con energías entre 0-20 Mev, 20-200 Mev y > 200 Mev.

Si consideramos la ionización relativa y el rango residual de protones y partículas ∝ en emulsión K5, obtenemos los siguientes resultados (tablas Barkas ref. I-9)



Desafortunadamente no tenemos medio de distinguir entre partículas ∝ ó protones, y en consecuencia nuestros resultados experimentales los estudiaremos de un modo cualitativo, sumando las contribuciones a todos los intervalos. Los resultados están expuestos en la Fig. 23, junto con los valores teóricos de Amsdem et al.

No se observa correspondencia alguna, ni de orden cualitativo. En la Fig. 24 hemos dividido los resultados en intervalos energéticos admitiendo que la proporción de partículas de carga unidad es mucho mayor. En este caso se advierte una mayor igualdad cualitativa, en la componente de baja energía, si bien nuestra distribucción es mucho más isótropa. Ello es debido, en gran parte a la existencia de un gran nº de partículas energías inferiores a 20 Mev/nucleón, que no consideran los cálculos de Amsdem et al. En cuanto a la componente de alta energía se observa un desplazamiento del máximo experimental hacia ángulos más pequeños. Esto debería esperarse, por dos motivos fundamentalmente:

i)- la contribución de la componente piónica, que, según vimos al comienzo de este capítulo, adquiere un máximo en la dirección hacia delante. Este componente no se considera en los cálculos hidrodinámicos y en cambio su influencia es notable no solamente por su contribución, sino además, como hace notar Sano y col. (ref. IV-13) por el efecto de la condensación piónica en el comportamiento de los máximos. De hecho, según ha puesto de manifiesto dicho autor, el efecto de pionización predice ángulos Otaboratorio más pequeños. Ello es consecuencia de que, en una colisión central, el máximo está aproximadamente determinado por la expresión

 $\cos\theta_{C.M.} = \frac{c}{v}$ siendo $\theta_{C.M.}$ el ángulo en c.m. entre la normal al frente de onda y el eje de incidencia, y c la "velocidad del sonido" en materia nuclear. \underline{v} representa la velocidad del flujo de masa en la región frontal del frente de ondas y ésta decrecerá como consecuencia de la energía cinética invertida en la producción piónica.

ii) De otra parte, los cálculos hidrodinámicos están efectuados para colisiones centrales, mientras que, nuestros resultados experimentales están tomados de aquellas interacciones, ciertamente centrales, pero con un parámetro de impacto no nulo. En consecuencia, aunque pensamos que éste efecto no sea tan acusado como el anterior, provocará tumbién un ligero desplazamiento del pico hacia ángulos más pequeños, como pone de munifiesto el propio Amsdem en sus trabajos más recientes (ref. IV-12)





En la Fig. 25 exponemos la distribución angular de trazas grises con ionización menor de 2,26 g_{mfnima} , constituida fundamentalmente por protones con energía superiores a 200 Mev. Ob-servamos que, en este caso, el acuerdo con los resultados teóricos es mucho más notable, lo cual reafirma la idea de la importancia de la contribución piónica al estudio de las distribuciones angulares.

II.- Distribuciones angulares en el espacio transverso

Definimos como tal el plano perpendicular a la dirección de incidencia.

El análisis de las distribuciones angulares en el espacio transverso tiene un notable interés en el estudio de las interacciones hadrónicas, debido al hecho de que los modelos de mayor interés actual, los modelos de colisión "dura" predicen la existencia de coplanaridades, a dos ó más partículas, es decir que las partículas son emitidas a ángulos iguales ó a 180º en el plano transverso (ref. IV-14).

En el caso que nos ocupa, los subsistemas dominantes, correspondientes a los partones de las interacciones hadrónicas, son los propios nucleones ó "chasters" de éstos y, en consecuencia, los efectos de alineamiento pueden aparecer.

Un análisis cuidadoso de la existencia de estos alineamientos desarrollamos en este capítulo y el siguiente, habida cuenta de que las complicadas dinámicas subyacentes en la interacción, así como la escasa energía de la experiencia, comparada a las energías donde se han desarrollado la mayor parte de los análisis de las colisiones "duras", harán que el ruido de fondo provoque fluctuaciones estadísticas intensas que amortigüen fuertemente el efecto de las posibles señales físicas de coplanaridad.

En cualquier caso, hemos intentado poner a punto un método cuidado y preciso, así como suficientemente general para ser aplicado a todo tipo de interacciones. En una primera parte, analizaremos el grueso de nuestras medidas y en una segunda parte, que desarrollamos en el capítulo siguiente, hemos empleado un método de medida más severo, aunque más lento, así como un método de análisis adecuado a una menor estadística.

II-1 Generación del espacio fase

En el análisis de la existencia de alguna señal física es importante la comparación con la estadística que se produciría en el supuesto de que nuestros elementos correspondiesen a un conjunto aleatorio.

Ahora bien, la formación de este conjunto aleatorio de datos ha de ser efectuada a partir de los datos experimentales, de modo que toda la física subyacente y conocida de antemano sea conservada. A saber, el conjunto de datos aleatorios ha de cumplir las siguientes leyes de conservación, con respecto al suceso físico:

-la multiplicidad

-las masas de las partículas y la carga total

-las energías de las partículas

-los momentos longitudinales y transversos, dentro de los errores de medida

-la geometría longitudinal y, en consecuencia, el cumulante de los alineamientos fortuitos.

En resumen, la generación del espacio fase asociado al suceso físico (en esta primera parte estudiamos sin embargo un espacio fase reunión de todos los individuales correspondientes a cada suceso) ha de respetar las leyes de conservación físicas y las propiedades geométricas individuales de los sucesos.

La generación del espacio-fase consistirá en deformar aleatoriamente los ángulos transversos, alrededor de sus posiciones medidas.

Si un suceso medido viene descrito por sus ángulos real y transverso, conjuntamente con sus errores

$$(\Theta_n, \Psi_n, \Delta \Theta_n, \Delta \Psi_n), n=1, \dots, N$$
 (n^ototal de partículas)

un suceso aleatorio vendrá descrito por

$$(\theta_n, \varphi_n + \delta_n, \Delta \theta_n, \Delta \varphi_n), n=1,...,N$$

donde \int_n es un ángulo obtenido por generación de números aleatorios con distribución uniforme entre:

$$(-\delta_{máx}, \delta_{máx})$$

Observamos que la generación así efectúada únicamente afecta a la conservación del momento transverso. Precisamente para que el efecto de la deformación no sea nunca superior al error estimado del momento transversal total de cada suceso, debemos escoger un valor de $\delta_{máx}$ adecuado.

En nuestro caso, y, dados los cálculos que expresaremos en el capítulo siguiente, hemos obtenido un valor

$$\delta_{mnx} \simeq 200$$

II-2 Análisis de resultados

Hemos obtenido una estadística de diferencias de ángulos transversos para el grueso de los sucesos y la hemos comparado con la correspondientes estadística generada aleatoriamente.La muestra contiene todas las partículas que salen de la interacción con un ángulo real superior a 5º, dado que en el cono "forward" el error sobre el ángulo transverso es muy grande (dependencia inversa del seno) y en consecuencia dichas trazas tenderán a acrecentar el ruido de fondo.

Para asegurarnos de que el proceso de generación del espaciofase es adecuado, hemos efectuado un análisis χ^2 del histograma obtenido con respecto a una distribución uniforme, y dibujado el histograma correspondiente de frecuencias de

$$r_n = \frac{\chi_n^2}{\chi_{n+1}^2}$$

entre el n suceso deformado y el siguiente. Los resultados están expuestos en la Fig, 26 para 50 deformaciones.

Asimismo el " λ^2 " medio obtenido en el conjunto de deformaciones, para un paso de 5º correspondiente a 36 grados de libertad adquiere un valor próximo a 36 en todos los análisis efectuados, lo que nos garantiza la validez del proceso de generación.

Hemos efectuado el análisis para todas las trazas entre sí y separándolas de acuerdo a su ionización así como al tipo de suceso, caracterizado por su N_H

Presentamos, en primer lugar, en la Fig. 27, un histograma representativo de las relaciones

$$R_{\phi} = \frac{f_{\phi}}{f_{S_n}}$$
, $Rg = \frac{f_n}{f_{S_{n+1}}}$

indicando f_{ϕ} , f_{S_n} , respectivamente, las frecuencias física y de cada uno de los conjuntos generados para los dos canales que representan coplanaridad, el primero y el último (0^o-5^o; 175^o-180^o); n indica el n^o de la deformación.



Observamos cómo la superficie a izquierda y derecha de R₅ es aproximadamente igual, como corresponde a una generación uniforma de sucesos aleatorios, mientras R_{ϕ} está desplazada hacia la derecha indicando la existencia global de coplanaridad.

Sin embargo, un análisis más adecuado debe tener cuenta del error estadístico asociado a la población muestral de modo que, asociando a la población en cada canal una distribución normal

 $\mathbb{N}(N_i^{\phi}, \sqrt{N_i^{\phi}})$ para el canal i con población N_i y suponiendo las muestras aleatorias con una distribución normal:

 \mathbb{N} ($\overline{N_1^5}$, $\overline{\sigma_{N_1^5}}$) siendo $\overline{N_1^5}$, $\overline{\sigma_{N_1^5}}$ respectivamente la media y la variación del conjunto de deformaciones, hemos efectuado un cálculo de la superficie común a ambas distribuciones, habida cuenta de que en el caso ideal de que el suceso físico fuese idealmente aleatorio, ambas distribuciones coincidirían.



Definimos, de acuerdo con la Fig. 28, el caracter estadístico de la situación física, mediante la expresión:

$$A = 0.5 - \int_{-\infty}^{\infty} dy \int_{-\infty}^{\infty} dx P_{S}(x) P_{\phi}(y) \qquad (2.1)$$

suponiendo ambas distribuciones normalizadas a la unidad. De este modo

- A >> 0 indica situación física con señal de no corresponder a la situación estadística.
- A \sim 0 indica situación física similar a la estadística.
- A << 0 indica situación física con antiseñal.

verificándose

-0.5 ≤ A ≤0.5

Otra variable de interés, que tiene una estrecha relación con ésta, es la variable σ_i

$$\overline{v_{j}} = \frac{N_{i}^{\phi} - \overline{N}_{i}^{S} k}{\sqrt{N_{i}^{\phi} + \sqrt{\overline{N}_{i}^{S}} k}}$$
(2.2)

$$k^{-1} = \frac{\sum_{j=1}^{Z} N_{ij}^{S}}{\sum_{i=N_{i}^{\phi}} N_{i}^{\phi}}$$
(2.3)

extendiéndose j al nº de deformaciones e i al nº de canales. k es una constante de normalización, que es necesario introducir también en el anterior planteamiento.

Presentamos una tabla de valores de σ_i , para el conjunto total de las trazas, observando que no existen picos notables que hagan pensar en una estructura significativa de la situación física global. (tabla IV-1)

En el análisis efectuado con separación del tipo de trazas, llegamos a conclusiones bastante similares por lo que se refiere a trazas grises y negras (que, por otra parte, están afectadas por mayores errores geométricos debido al scattering en emulsión y efectos de distorsión,....), mientras que en las blancas nos aparecen algunos picos, en partícular a 0º, algo más significativos.

Hemos efectuado el análisis en este último caso eliminando aquellas trazas que formen entre sí un ángulo real, menor de 5º, para evitar el posible efecto del "decay" de resonancias.

En la tabla IV-2 y Fig. 29, exponemos los resultados obtenidos en los casos de tomar un origen de ángulos definido por la zona de mayor coplanaridad (con el fin de observar más cómodamente la existencia de otros posibles picos. Por lo demás, el origen puede ser arbitrario ya que nos interesan las diferencias de ángulos) y asimismo en el caso de acoplamiento de las trazas coplanares en un vértice común centrado entre ellas, con el fin de observar alineamientos a tres ó más ramas.

Concluímos que las medidas observadas presentan una señal muy baja de coplanaridad, en cualquier caso limitada por el hedho de que el análisis global sobre el conjunto de medidas puede enmascarar el efecto de sucesos aislados (lo cual hemos observado en nuestros sucesos para los picos secundarios) así como que las fluctuaciones estadísticas son excesivas, por lo que se requiere un análisis más cuidadoso, que se concrete sobre cada suceso aisladamente para pasar despues a un análisis global. Ello lo desarrollaremos en el Capítulo siguiente.

TABLA IV-1

(todas las trazas sin origen) (paso canal=5 o)

	Canal	<u>Ծ</u> i			
	1	0.13			
	2	0.84			
	3	- 0.48			
	4 、	1.02			
	Б	- 1.01			
	6	- 0.76			
	7	- 0.16			
	8	- 0.86			
	9	0.97			
	.10	0.57			
	11	- 10,20			
	12	-0.10			
	13	0.36			
۰. ۲	14	0.11			
	15	- 0.68			×
	16	- 0.19	•		
	17	0.07			
	18	1 17			
	10	1+11			
	19	0.00			
	20				
	21	- 0.10			
	22	0.09		-	
	. 23	0.23			
	24	- 0.82			
	. 25	- 0.64	-		
	26	0.45	,		
	27	1.75			
	28	- 1.78			
	29	- 0.07			
	30	- 0.22			
n.	31	0.56			4
	32	- 0.24			-
*	33	- 0.11			
n	34	0,58			
۲,	35	- 2.34			
	36	2.38	San an a		
		2.00			:

132

TABLA IV-2

	Canal	σi	Canal	σι
** **********************************	1	2.11	19	-0.62
	2	0.57	20	-2.41
	3	0.64	21	-0.32
	4	-1.72	22	2.00
	5	-1.71	23	1.53
	6	-0.01	24	-0.35
	7	0.36	25	-0.39
	8	-0.80	26	-1.15
	9	-0.12	27	0.26
	10	-1.51	28	0.10
	11	0.88	29	1.34
	12	0.49	30	-0.25
2 3 2	13	-0.73	31	· 0.00
	14	0.31	32	0.20
	15	-1.10	33	-0.25
	16	-2.07	34	0.94
1.	17	0.11	35	-0.72
	18	0.52	36	-2.88
		* **		

(trazas blancas con origen en la mayor coplanaridad. Col. con Ag,Br)

.



IV-1: R.Blankenbecler & I.A. Schmidt. SLAC PUB 2010 (Sept. 1977)
IV-2: B. Anderson et al. Arkiv for Fysik, Bd 31, nr 37, 527, (1966)
IV-3: E. Baker et al. Phys. Review 117, 1352, (1960)
IV-4: V. Weisskopf. Phys. Rev., 32, 295, (1937)
IV-5: K.J.Le Couteur. Proc. Phys. Soc. (London) A63, 259, (1950)
IV-6: I. Otterlund et al. Arkiv for Fysik, 38, 467, (1968)
IV-7: A. Werbrouck. Relativistic Kinematics-Report interno Univ.

de Torino, (1965)

IV-8: B. Jakobsson et al. Z. Physik 268,1, (1974)

IV-9: Baumgardt et al. Z. Physik A273,359,(1975)

IV-10: A.M.Poskanzer. Phys Rev. Letters 15,25,1701,(1975)

IV-11: A.Amsdem et al. Phys. Rev. Lett. 35,14,905,(1975)

IV-12: A.Amsdem et al. Phys.Rev. C 15,6,2059,(1977)

Phys.Rev. Lett. 38,19,1055,(1977)

LA-UR-77-2691, (1977)

IV-13: Y. Kitazoe & M. Sano. Lettere al Nuovo Cimento, 14, 11, 407, (1975) Progr. Theor. Physics, Vol54, 1574, (1975) (Lett.toEdito.

IV-14: D. Sivers et al. Phys. Reports C 23,1,1,(1976)

Cap. V : <u>DISTRIB. ANG. EN ESPACIO TRANSVERSO</u> (II)

I. Adquisición de datos

Medidas Errores

II. Análisis

.

II.I Función característica

II.2 Espacio - fase

II.3 Sucesión señal

III. Resultados

III.1 Test de coplanaridad

III.2 Estructura de las coplanaridades

IV. Discusión teórica

BIBLIOGRAFIA

Como ya hemos avanzado en el capítulo anterior, el análisis de las distribuciones angulares en el espacio transverso para el caso que nos ocupa, exige por una parte unas condiciones óptimas en cuanto a la realización de las medidas, y por otra un método de análisis que sea apropiado a una estadística baja.

El tema que se desarrolla en este capítulo se enmarca en el con texto de una colaboración internacional franco-española, (Strasbourg-Lyon-Santander), que persigue dos metas fundamentalmente, (ref. V-1). De una parte el poner a punto nuevas técnicas y métodos de medida en emulsión, a fin de alcanzar una mayor precisión en las medidas y una mejor discriminación de las partículas. Por otra parte, el estudio de una metodología adecuada al tratamiento de estadísticas bajas y la pue<u>s</u> ta a punto de modelos teóricos de la dinámica interactiva generalizada, (ref. V-2), en la que la geometría de la interacción juega un papel importante.

En conseduencia, se han analizado los resultados de otros grupos obtenidos en cámaras de burbujas, en interacciones p-p a 200 Gev, (ref. V-3), y se vienen analizando interacciones con piones en las que se conocen todas las características de los secundarios, (ref. V-2).Por lo que se refiere a emulsión como detector, se han analizado interacci<u>o</u> nes p-núcleo a 400 Gev, (ref. V-4) y se viene efectuando un análisis de interacciones similares, con diferentes blancos y técnicas, (ref. V-1).

Asímismo se comenzó un análisis de las interacciones de iones pesados relativistas con núcleos de la emulsión, en exposición horizontal (ref. V-3), que nos ocupa en esta tesis, donde hemos ampliado la estadística e introducido algunos conceptos nuevos.

Es importante tener un espectro experimental lo suficientemente

amplio para poder abordar posteriormente un análisis crítico de los parámetros periódicos en experiencias diversas, que serán indicativos de la dinámica común subyacente a las interacciones hadrónicas.

Pues bien, en este contexto hemos efectuado un análisis fenomenológico de las distribuciones angulares en el plano transverso, para un conjunto de 91 colisiones, de las cuales han sido medidas 64 en nue<u>s</u> tro laboratorio, 16 en el SADVI de Strasbourg y 11 en el Laboratorio de Física Corpuscular de la Universidad Autónoma de Barcelona. No se ha seguido ningún criterio de selección salvo que, por las características de las medidas que apuntaremos, la multiplicidad es, desafortunadamente débil.

I. Adquisición de datos

Para observar la existencia de correlaciones en el espacio tran<u>s</u> verso, es muy importante poseer un conjunto de medidas muy fiables y r<u>e</u> productibles, y lo más precisas posibles, a fin de eliminar las correlaciones fortuítas que aumentan el ruido de fondo en el espacio-fase asociado.

Se ha adoptado un conjunto de <u>precauciones técnicas</u>, que pasamos a exponer:

- se mantienen las placas y los aparatos en condiciones higrométricas y de temperatura normales, a fin de eliminar variaciones en el espesor de las placas y en los juegos mecánicos de los aparatos.

- se eliminan los efectos de vibración, mediante un soporte pesado en los microscopios y cuidando su estabilidad.

- se eliminan los errores debidos a los juegos mecánicos de las platinas mediante la supresión de los movimientos horizontales.

- las medidas se realizan tras un período conveniente de estabilización, observando que la posición del centro del suceso no varía en el curso del tiempo.
- Se reduce en lo posible la profundidad de campo, utilizando un juego ocular de 10 x y un objetivo 100 x. Asimismo el dominio de medida será lo suficientemente restringido para reducir los errores por distorsión.

- Se ha instalado, para desplazamientos verticales, una pieza especial provista de nonius a 1/10, a fin de reducir en lo posible el error sistemático asociado al ángulo de "dip".

- Por último, se ha medido la curvatura de campo y se han efectuado las correcciones debidas. El método utilizado ha sido el siguiente:

Se ha tomado un conjunto de trazas blancas que no tenían mucha pendiente en profundidad, con el fin de eliminar efectos de distorsión, y de ellas 3 puntos, según se indica en la Fig. I, midiendo las cotas de cada una de ellas.



A causa de la curvatura de campo, el punto A es observado en la posición A'', mientras B no cambia y C se observa en C''.

Siendo $\overline{AB} = \overline{BC}$, se verifican las relaciones:

c=
$$Z_A - Z_{A'} = Z_C - Z_{C''} \equiv curvatura de campo$$

 $\begin{array}{c} a=c-s\\ b=c+s \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{c} c= (a+b)/2\\ s= (b-a)/2 \ , debido \ a \ la \ inclinación \ de \ la \ traza \end{array}$

Hemos efectuado 10 medidas sobre cada lado de la traza, en un conjunto de 30 trazas, obteniendo los valores de la tabla V-I. Ello nos da un valor, para la curvatura de campo

$$C = 0,28 \pm 0,09 \mu$$
, para 50 μ

En consecuencia, en las medidas que realizamos posteriormente, debemos corregir este error introducido, mediante el cálculo del incremento de cota correspondiente, si la curvatura de campo representa una flecha de 0,28 μ para una semicuerda de 50 μ

Medidas

Estas deben efectuarse sin interrupción, en el curso de dos etapas:

a) por una parte se han efectuado medidas de profundidad, ó "dip", para todas las trazas de una interacción.

Se efectúa para cada una de ellas diez medidas independientes, a fin de reducir el error estadístico; las medidas se realizan para un punto próximo al centro de la interacción y un punto alejado unas $50 \ \mu$, efectuándose siempre en el mismo sentido, para evitar errores provenientes de los huelgos de los tornillos del microscopio. El punteo del grano, se efectúa en el momento de máximo contraste.

b) asimismo, se efectúan, en otra fase, diez medidas independien-



T.

20,000 24 40,00

See.

Frecuencia

2 2 2 2 3 4

e Φ (•)

1

tes del ángulo azimatal (en el plano de la emulsión) con ayuda de un goniómetro ocular graduado al minuto de arco. El movimiento debe hacerse siempre en el mismo sentido, partiendo del primario y mediante un ajuste paralelo del retículo goniométrico con la traza.

A la hora de la realización de las medidas, debe efectuarse además, una determinación del espesor de la emulsión en dicho punto, con el fin de obtener el factor de contracción adecuado, habida cuenta del espesor inicial de la emulsión.

Errores

A fin de evaluar el efecto posible de los errores que intervienen en las medidas, como punteo, distorsión, efectos de difusión multiple,..., se efectuó el siguiente test:

Se tomó sobre una traza blanca un conjunto de cuatro puntos, que formasen sobre el campo del microscopio dos segmentos de longitud máxima, como si se tratase de dos trazas formando un ángulo de 180º. Se efectuó el análisis normal a este conjunto y ello sobre un grupo de 30 trazas blancas, de diferentes características.

La distribución de los ángulos reales la representamos en la Fig-2. Concluímos que la incertidumbre sobre la medida de una dirección es del orden de 5 miliradianes.

Otra fuente de error es la geometría particular del suceso, más particularmente la emisión de trazas relativistas muy colimadas hacia delante y la emisión de trazas negras, más anchas, y con un ángulo de "dip" notable.

Para obtener una estimación global de los errores sobre los ángulos transversos, se ha medido ocho veces un suceso formado de trazas negras emitidas en un dominio de ángulos extenso, y además en días diferentes, a fin de asegurar la independencia entre ellas.

TABLA V-1

Valores medios de a, b, c (en 50μ)

8.	b	C	a	Ъ	C
-0.50	1.02	0.31	-0.27	0.72	0.22
-1.16	1.60	0.22	0.99	-0.76	0.12
-3.96	4.35	0.19	-1.36	1.78	0.21
2.05	-1.28	0.38	0.28	0.43	0.36
+0.39	0.25	0.32	0.42	0.10	0.26
× 0.77	-0.41	0.18	0.39	0.04	0.21
0.32	0.28	0.30	0.46	0.10	0.28
-0.33	0.69	0.18	-4.57	5.26	0.35
0.28	0.14	0.21	- 0.21	0.38	0.29
0.34	0.27	0.30	-11.13	12.17	0.52
-0.59	1.11	0.26	0.47	0.0012	0.24
0.20	0.44	0.32	0.19	0.44	0.31
0.28	0.25	0.27	-1.56	2.19	0.31
-13.65	13.93	0.14	0.29	0.29	0.29
-2.47	3.57	0.55	0.05	0.51	0.28

 $0.28 = \bar{C}$

± 0.09 p

Tabla V-2

- 25 -

Medida	1ª 0	۴	and the second second	Medida 2ª	θ	
1	180.0	.0		1	180.0	0.0
2	97.5	233.2		2	98.1	230.7
3	38.6	149.0		3	38.4	153.5
4	78.9	96.2		4	78.2	96.4
5	0.8	292.3		5	1.1	269.6
6	48.7	58.4	•	6	43.7	52.6
7	79.3	336.0	-	7	77.5	340.8
8	90.1	276.4		8	89.8	276.3

Medida	3 ¤ Ə	۴-	Medida 4ª	0	Ŷ
1	180.0	0.0	1	180.0	0.0
2	97.7	234.2	2	98.0	232.4
3	39.7	148.9	3	. 39.5	149.7
4	79.3	95.6	4	79.2	95.9
5	0.9	267.8	5	0.7	261.1
6	48.3	59.1	6	47.3	58.1
7	78.1	335.3	7	77.7	337.1
8	90.0	276.1	8	89.9	276.5

Medida 5ª	0	Ý	Medida 6ª	ð	۴
1.	180.0	0.0	1	180.0	0.0
2	97.3	234.3	2	97.5	236.0
3	39.6	150.0	3	40.0	148.0
4	78.6	96.0	4	79.3	95.6
5	0.7	261.7	5	0.5	267.1
6	48.5	59.6	6	48.2	58.8
7	77.8	334.9	7	78.8	332.5
8	89.9	276.1	8	90.1	275.6

Medida	74	θ	Ý	•.	Medida 8ª	0	ዋ
1	18	0.0	0.0	r.	1	180.0	.0
2	98	8.1	233.8		2	96.7	241.4
3	39	9.1	151.1		3	40.6	148.7
. 4	79	9.0	96.0		4	78.0	98.4
5	· (0.9	271.9		5	0.3	138.1
6	41	7.8	58.2	,	6	51.0	62.5
7	78	8.4	335.2		7	78.0	331.8
8	9(0.1	276.0		8	89.2	276.1

.

Presentamos una tabla de resultados donde θ indica el ángulo real y φ el ángulo azimutal. Asimismo presentamos un histograma de dispersiones de las medidas individuales respecto a la media (Fig. 3 y tabla V-2)

Concluímos:

a) La dispersión media corresponde a una precisión del orden de 2º, para trazas suficientemente abiertas.

b) Para trazas muy colinadas hacia el frente, el error de las medidas en φ es muy grande y habrá de tenerse en cuenta en los cálculos a realizar.

Además hemos observado una menor fiabilidad de las medidas para trazas con un gran ángulo de "dip" y para trazas correspondientes a partículas lentas, debido a su espesor y los efectos de scattering.

II.- Análisis

A fin de obtener la probabilidad de existencia de mecanismos de alineamiento, utilizamos el método de análisis siguiente: (ref. V-5)

Un suceso está caracterizado por una función continua, llamada "función característica", que será maximal para un nº máximo y una definición óptima de alineamientos elementales.

A cada suceso medido se asocia un espacio-fase según se expuso en el Capítulo anterior.

Para cada suceso se genera una sucesión de señales que nos permitan evaluar el nivel de significación de la existencia del fenómeno. El nivel de significación será calculado individualmente y globalmente sobre el conjunto de sucesos medidos.

11-1.- Función característica

La función característica se escoge de modo que sea simétrica, máximal en las condiciones que establecimos y con un decrecimiento rápido, a uno y otro lado de las condiciones de máximo (lo que podemos llamar de caracter \mathcal{T} acentuado). Además debe ser continua en todo punto con el fin de no introducir errores de "corte" en los procesos numéricos de estudio.

Nos interesamos, en principio, en los alineamientos invariantes para la transformación del sistema laboratorio al sistema centro de masas, es decir los alineamientos con la traza incidente.

Una función característica adecuada, que cumpla con los anteriores requisitos, es la siguiente:

$$F = \sum_{j \neq k \neq 1} A_{1jk} \exp(-(V_{1jk} / \Delta V_{1jk})^2)$$
 (5.1)

indicando 1 la traza incidente y j,k, las otras dos trazas en el conjunto total de secundarios de la interacción.

 V_{1jk} puede representar el producto mixto, por ejemplo, pero ello tiene la desventaja de venir afectado por el ángulo real, pudiendo llevar a situaciones erróneas que, de hecho, hemos observado. En particular, las trazas más colimadas al frente, darían valores excesivos a la función característica.

Por ello hemos preferido tomar como V la diferencia de ángulos entre los planos definidos por la dirección incidente y las trazas j y k, respectivamente.

 Δ V_{1 jk} es el error asociado a tal medida.

El parámetro A_{1jk} es una c^{te} de normalización adecuada al estudio que puede hacerse si normalizamos en superficie ó en altura, cada uno de los sumandos característicos. Una normalización en superficie tiene mayor cuenta de los errores, pero debe producirse en la seguridad plena de la validez de los errores obtenidos. Para ello debe hacerse un análisis más "artesano" sobre las medidas, y hemos concluído, como veremos posteriormente, que la normalización en superficie es la adecuada.

II-2.- Espacio-fase

Ya hemos definido en el Capítulo anterior cual es el modo de generación del espacio-fase asociado a cada suceso.

Allí veíamos cómo la única violación era la del momento transverso, siendo dependiente del valor dado al ángulo de deformación máximo δ_{max}

Para evaluar la incidencia de S_{max} sobre la no conservación del momento transverso, comparativamente a los errores sobre ellos, hemos efectuado los tests siguientes:

Hemos generado, con ayuda del programa Fowl, reacciones características O-16 núcleo emulsión, con una multiplicidad media final determinada por los sucesos medidos. Para escoger dichas reacciones nos hemos basado en los resultados de la Ref. V-6, sobre fragmentos emitidos en una determinada reacción de protones sobre emulsión.

No hay mucha diferencia en los resultados con respecto a la elección de la reacción apropiada. Solamente ha de tenerse en cuenta que Fowl respeta la cinemática, pero no tiene en cuenta efectos dinámicos como conservación del momento angular, en sucesos muy periféricos. Dado que ellos constituían la mayor parte de nuestros sucesos, y que Fowl generaba sucesos virtuales mucho más abiertos angularmente, hicimos un análisis de Fowl en dos fases, suponiendo que los procesos tienen lugar exclusivamente entre las partes de los núcleos más cercanos entre sí, lo que es válido a efectos de nuestros cálculos. El conjunto de las dos fases, nos proporciona el valor glebal.

Por ejemplo, la reacción

$$0^{16}$$
 $C^{12} \rightarrow B^{10}$ $p + n + 2 \propto + Li + d + \pi^{+}\pi^{-}$

la descomponemos en

$$B^{11} + p \longrightarrow B^{10} + p + n$$

$$He^{5} + B^{11} \longrightarrow 2\alpha + Li + d + \Pi^{\dagger} \Pi^{-}$$

e imponemos al ión pesado B¹⁰ una apertura máxima de 1,5º, correspondiente a los resultados experimentales de la Fig. 4.

Sobre el suceso generado por Fowl se han efectuado 50 deformaciones, en forma similar al análisis llevado a cabo en nuestros sucesos físicos, y hemos construído un histograma de las desviaciones respecto al momento transverso total.

Esto se ha realizado para diversos ángulos máximos de deformación. Presentamos los resultados en la Fig. 5, junto a un histograma de las desviaciones debidas a los errores, que hemos calculado a partir de los errores en los ángulos, mediante los siguientes pasos:

$$q_{i}^{i} = |\vec{q}_{i}^{i}| \qquad k_{i} = |\vec{k}_{i}|$$

$$\hat{y}, \hat{z}, \text{ vectores unitarios}$$

$$q_{i}^{i} = k_{i} \text{ sen } \theta_{i}$$

$$\Delta q_{i}^{i} = k_{i} |\cos \theta_{i}| \Delta \theta_{i}$$



8. **8.5**

Frecuencia

-

ta:Z

 $\mathbb{C}^{\times \mathbb{N}}$

相位.

FIGURA 7

1.

Distribución de los errores calculados en el ángulo real.

0(°)







 $|\Delta \vec{q}_{\perp}|^{2} |\sum_{i} \Delta \vec{q}_{\perp i}|^{2} = (\Sigma (k_{i}|\cos\theta_{i} \cos\varphi_{i}|\Delta\theta_{i}+k_{i}| \sin\theta_{i}\sin\varphi_{i}|\Delta\varphi_{i}))^{2}$ $(\sum_{i}^{i} (k_{i}|\cos\theta_{i} \sin\varphi_{i}|\Delta\theta_{i}+k_{i}| \cos\varphi_{i}\sin\theta_{i}|\Delta\varphi_{i}))^{2}$

Para estimar $\Delta \theta$, error sobre el ángulo real, hemos construído un histograma para los sucesos medidos (Fig. 7), y obtenemos

Δ θ ~0.410 °

A su vez hemos tomado $\Delta \varphi$ máximo de 2º, lo cual hace que la desviación debida a los errores, esté infravalorada, dándo mayor peso al razonamiento que exponemos.

Observamos que para un δ máx. comprendido entre 20º y 30º, las desviaciones debidas a deformación, corresponden a un Δq_{\perp} máximo del orden de 300 Mev/c, dentro del orden de magnitud debido a los errores y muy pequeño frente al momento total de incidencia, del orden de 40 Gev/c.

Es por ello que hemos tomado. $\mathcal{S}_{max} = 20^{\circ}$

II-3.- Sucesión señal

Para el i $\frac{esimo}{d}$ suceso medido se obtiene un valor Fi (ϕ) de la



función característica y valores Fi (r;) para los v sucesos deformados que constitutyen el espacio fase asociado.

Sobre estos resultados podemos hacer diversos test estadísticos y obtener el nivel de significación del resultado físico.

En particular, podemos definir la relación

$$R_{ji} = \frac{F_{i}(\phi)}{F_{i}(r_{j})} \qquad j=1,\ldots, \forall$$

y la sucesión Si = _____ <u>Frec.Rji</u>, que ha de ser próxima a Frec $R_{jj} \leq 1$ la unidad, en el caso de ausencia de mecanismo de alineamiento y para un nº de deformaciones lo suficientemente grande.

Sobre esta sucesión de señales Si, i = 1, ... N, donde N es el n² de sucesos medidos, puede hacerse el test signo, por ejemplo.

III.- Resultados

Hemos efectuado los málculos por medio del programa SIGNAL, que exponemos en Apéndice 7. Enfactos Tr Emogname TIENCE.

Antes de pasar a la exposición y análisis de los resultados, es conveniente insistir en el hecho de que, mediante diversos test realizados:

- sobre los errores asociados a las medidas

- sobre la función señal, escogiendo producto mixto

- sobre la normalización de la misma

hemos llegado a la conclusión de que los cálculos que responden más adecuadamente a la realidad y, por otra parte, los que tienen un significado físico más consistente, corresponden a los efectuados con normalización en superficie y mediante la función $\Delta \varphi$. No obstante, en el conjunto global de medidas realizadas, no se observa un desfase entre los resultados obtenidos por unos u otros métodos, lo cual es consecuencia de la inexistencia de picos parásitos que pudieran perturbar el cálculo. Es importante, sin embargo, disfrutar de valores precisos y fiables de los errores subyacentes, lo que justifica los métodos de medida efectuados,

Nº suceso	<u>Si (50 def.)</u>	<u>Si (100 def.)</u>	Si (150 def.)	Si (200 def.)
1	30/20	50/50	78/72	105/95
2	27/23	50/50	80/70	112/88
3	15/35	29/71	47/103	58/142
4	41/9	81/19	121/29	162/38
5	2/48	10/90	19/131	23/177
6	34/16	60/40	90/60	114/86
7	12/38	24/76	28/122	32/168
8	11/39	20/80	25/125	29/171
9	16/34	25/75	32/118	50/150
» 10 .	47/3	95/5	142/8	191/9
11	38/12	- 72/28	108/42	142/58
12	· 32/18	65/35	96/54	129/71
13	18/32	33/67	47/103	56/144
14	48/2	95/5	144/6	193/7
15	42/8	83/17	127/23	168/32
16	28/22	52/48	74/76	101/99
17	26/24	49/51	76/74	99/101
18	5/45	23/77	37/113	52/148
19	9/41	16/84	22/128	25/175
20	27/23	51/49	77/73	95/105
21	38/12	78/22	119/31	162/38
22	43/7	81/19	120/30	161/39
23	26/24	55/45	79/71	104/96
24	43/7	86/14	130/20	172/28
25	43/7	83/17	119/31	158/42
26	31/19	57/43	85/65	113/87 _(Sigue)

•

•

,

27	11/39	29/71	45/105	61/139
28	18/32	35/65	53/97	66/134
29	40/10	73/27	106/44	140/60
30	38/12	72/28	110/40	137/63
31	45/5	91/9	133/17	177/23
32	50/0 .	99/1	148/2	197/3
33	36/14	66/34	89/61	121/79
34	41/9	84/16	127/23	169/31
35	45/5	82/18	123/27	166/34
36	4/46	6/94	11/139	16/184
37	29/21	52/48	85/65	108/92
38	9/41	19/81	26/124	35/165
39	29/21	65/35	95/5 5	125/75
40	32/18	60/40	92/58	124/76
41	31/19	60/40	85/65	115/85
42	27/23	45/55	67/83	92/108
43	31/19	57/43	87/63	107/93
44	26/24	52/48	81/69	112/88
45	50/o	100/0	150/0	200/0
46	42/8	82/18	129/21	171/29
47	26/24	45/55	70/80	99/101
48	31/19	67/33	101/49	132/68
49	50/0	100/0	148/2	198/2
50	24/26	51/49	78/72	102/98
51	20/30	40/60	63/87	84/116
52	25/25	58/42	87/63	120/80
53	18/32	32/68	47/103	62/138
54	40/10	82/18	127/23	169/31
55	1/49	1/99	2/148	3/197
56	42/8	77/23	113/37	152/48(Sigue)

()	57	46/4	92/8	141/9	189/11 155
	58	12/38	22/78	38/112	51/149
	59	32/18	58/42	90/60	127/73
	60	15/35	25/75	32/118	46/154
	61	19/31	42/58	62/8 8	84/116
	62	39/11	74/26	115/35	152/48
	63	19/31	36/64 ·	60/90	75/125
	64	10/40	19/81	32/118	40/160
	65	21/29	42/58	65/ 85	84/116
	66	46/4	88/12	134/16	178/22
	67	18/32	30/70	42/108	61/139
	68	26/24	51/49	75/7 5	104/96
	69	47/3	96/4	142/8	184/16
	70	32/18	66/34	100/50	130/70
	71	34/16	68/32	99/51	133/67
	72	27/23	57/43	80/70	108/92
	73	9/41	18/82	32/118	40/160
	74	14/36	30/70	44/106	57/143
	75	31/19	68/32	107/43	146/54
	76	41/9	81/19	124/26	166/34
	77	20/30	43/57	60/90	83/117
	78	46/4	92/8	140/10	188/12
	79	44/6	91/9	138/12	185/15
	80	36/14	70/30	104/46	146/54
	81	16/34	37/63	57/9 3	82/118
	82	20/30	33/67	48/102	66/134
	83	21/29	44/56	63/87	85/115
	84	1/49	5/95	9/141	11/189
	85	14/36	31/69	45/105	53/147
	86	15/35	22/78	30/120	38/162
	87	11/39	31/69	47/103	61/139
	88	39/11	83/17	130/20	174/26
	89	29/21	48/52	82/68	107/93
	91	47/3	00/35 97/3	103/47 146/4	132/68 193/7

÷



que si bien no aumentan en demasía la precisión con respecto a los métodos clásicos, como consecuencia de la existencia de errores sistemáticos y límites físicos (por ejemplo el diámetro de grano, ...), sí que aumentan la fiabilidad de los resultados y proporcionan la base para un análisis estadístico adecuado.

Hemos efectuado 200 deformaciones sobre cada uno de los sucesos, en grupos de 50 deformaciones por cada paso de programa. Exponemos en la Tabla V-3, los resultados obtenidos para las S:

Podemos observar que 200 deformaciones nos proporciona una estadística suficiente al 12% de margen de error en los valores de las señales, según se desprende de la Fig. 8, donde hemos representado el histograma de relaciones:

 $\overline{S_{i}^{j+1}}$ para j variando de l a 4, correspondiente a las columnas de la tabla V-3.

III-l Test de coplanaridad

s^ji

Un primer análisis de los resultados en ella expuestos, puede ser el test "signo" sobre el conjunto de datos de la última columna. Este nos dará una primera idea a propósito de la existencia física ó no de mecanismo de coplanaridad, si bien habrá que buscar test estadísticos más potentes, en una fase posterior.

Test signo:

Bajo la condición de que no exista ningún mecanismo físico de alineamiento, se verifica

$$P(N_{+}=r) = {\binom{N}{r}} (1/2)^{N}$$

siendo N el nº total de medidas y N₊ aquellas que dan $S_i > 1$

En nuestro caso, hemos obtenido:

 $N-N_{+} = 36$

El nivel de significación es, por tanto:

$$\propto = -\frac{1}{2^{91}} \sum_{j=0}^{36} {91 \choose j} = 0.02929$$

indicándonos la probabilidad de que el conjunto de sucesos aleatorios caiga dentro de la región de coplanaridades, cuyo límite fijan los sucesos físicos.

Test de la distribución $D(\ln R_{ji})$

Aquello nos indicó una cierta señal de coplanaridad, no lo suficientemente grande como para considerar los sucesos físicos como influídos por un mecanismo importante de alineamiento, pero sí indicó una tendencia hacia ello, por lo que vamos a hacer test más potentes.

Para ello construímos la distribución de los valores:

 $D(\ln R_{ji}^{-1})$ donde R_{ji} ya lo definimos anteriormente como la relación entre la señal física y la señal estadística, para cada suceso y deformación.

El resultado lo exponemos en la Fig. 9, junto con la distribución correspondiente a la muestra aleatoria.

Nuevamente observamos un ligero desplazamiento de la señal física hacia la zona de mayor índice de coplanaridad.

El máximo de la distribución física está centrado en el valor:

$$\overline{\ln R} = 0.125 \pm 0.003$$

III-2 Estructura de las coplanaridades



Como ya indicamos anteriormente el análisis para esta experiencia exige una multiplicidad baja como consecuencia de la necesidad de efectuar todas las medidas en un intervalo de tiempo reducido y así aumentar la fiabilidad de los resultados.

Sin embargo puede ser interesante hacer una estimación cualitativa de la correlación existente entre coplanaridad y multiplicidad, así como la naturaleza de las trazas coplanares y el nº de ellas, etc... Es lo que intentaremos exponer en la presente sección.

Para ello hemos construído la tabla V-4, donde resumimos en las diferentes líneas, todos aquellos aspectos.

•••				1	:,= ;= = = =		. 20. 25. 25. 62. 5			
Número suceso	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Multipl. total	6	11	16	14	11	10	12	11	14	10
ns (blancas)	4	3	8	8	5	3	3	1	10	4
ng (grises)	0	3	3	3	1	2	5	5	1	3
nb (negras)	2	5	5	3	5	5	3	5	3	3
Alineam.a 3 ramas	1	1	4	3	1	2	3	0	1	2
Alineam.a más de 3 ramas	0	0	0	2	1	0	0	1	1	0
Alineam. entre bl.	0	0	1	0	0	00	1	0	1	1
" entre grises	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0
" " negras	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
" mixtos	0	1	3	5	2	2	1	0	1	1
ðr. 1									(в	igue)

TABLA V-4

Nota: Consideramos como alineamiento, si cumple:

 $1^{\circ} \Delta \phi \prec$ error sobre $\Delta \phi$

2º 4 4 < 50

para eliminar los alineamientos fortuitos,consecuencia de la gran barra de error

	1						J		1	1	Gre)
õ	9	2	Ч	~	Ч	0		0	0	0	(s
29	4	~	0	∾	0	0	0	0	0	0	
28	ω	Ч	~	4	ч	0	0	0	0	ч	
27	7	. Ч	[.] N	4	0	0	0	٥	0	0	
26	6	1	ч	2	Ч	0	0	0	0	ч	
25	5	0	~	'n	ч	0	0	0	0	ч	
24	9	4	N	0	Ч	ы	o	0	0	0	
23	12	5	m	4	m	0	0	0	0	e	
22	10	m	2	5	0	н	0	ο	0	Ч	
51	6	Ø		ò	ы	н	N	0	0	0	
20	ω	9	2	0		0	.0	0	0	Ч	
19	6	N	ō	7	2	0	0	0	Ч	ы	
18	рг Г	8	ы	ы	ч	0	ы	0	0	ο	
17	9	ч	0	4	ч	0	0	0	ч	0	
16	9	4	2	0	Ч	0	0	0	0	Ч	
15	ω	4	Ч	m	0	ч	ы	0	0	0	
14	ω	0	2	9	N	0	0	0	н	ч	
13	9	н	ы	4	0	0	0	0	0	0	
12	ဆ	m	Ч	m	Ч	0	0	0	н	0	
÷	6	⊳	ч	9	~	0	0	0	0	∾	
									• .		

161

((cont)

1	t	i	1	t		1	1	1	I	1	(me
50	7	0	∾	6	m	0	0	0	m	0	3
49	23	0	0	23	~	N	0	0	4	0	
48	14	0	9	ω	н.	N	0	0	ĊV	г	
47	19	0	5	14	4	ы	0	0	m	2	
46	50	0	٥	20	0	N	0	0	4	0	
45	34	2	19	ω	0	4	0	0	0	4	
44	30		22	2	ы	4	0	~	0	n	
43	7	0	0	6	2	0	0	0	~	0	
42	7	∾	∾.	m	ч	0	0	0	0	Ч	
41	7	н	н	5	0	0	0	0	0	0	
40	9	ۍ ۲	0		Ч	o.	ы	0	0	0	
39	5	N	m	0	~	0	0	0	0	~	
38	9	4	N	0	~	0	н	ч	0	0	
37	H	9	~	~	ч	0	0	0	0	Ч	
36	2	Ň	2	m	н	0	0	0	ч	0	
35	12	2	~	m	ы	0	ы	0	0	0	
34	-	N	N	m	ч	0	0	0	ч	0	
33	10	6	ы	0		⊳	~	0	0	-	
32	~	5	N	0	ч	0	ч	0	ò	0	
ц	10	P	0	0	N	0	2	0	. 0	0	
ł											

Cert)

												Sigue
	7(7	Ŭ	CC.	-		Ч	0	Ŭ	0	
	69	6	0	ч	5	Ч	0	0	0	0	1	
	68	6	4	2	m	0	r-1	0	0	0	1	
	67	6	N	m	4	2	0	0	0	0	N	
	66	Ø	ω	0	0	0	ы	ч	0	0	0	
	65	8	N	ы	5	2	0	0	0	0	0	
	64	7	8	N	· m	0	0	0	0	0	0	
2	63	11	7	ы	4	ч	Ö	0	0	0	Ч	
	62	10	o _.	8	8	2	0	0	0	ы	-1	
	19	10	0	9	4	Ъ	0	0	0	ы	0	
	60	Ì3	ۍ	N	: 9	З	o	0	0	0	m	
	59	25	5	14	9	2	4	0	4	0	N	
	58	29	10	6	13	7	1	1	5	ч	4	
	57	25	m	17	5	ñ	З	0	4	0	N	
	56	22	0	H	11	5	ы	0		N	m	
	55	6	0	N	2	ы	0	0	0	0	Ч	
	54	7	0	m	4	N	0	0	0	Ч	Ч	
	53	15	0	ы	14	S	0	0	0	ŝ	0	
	52	13				ы	ο					
(trees	51	6,	0	ŝ	4	5	0	0	. 0		н	
E				-						<u>.</u>		

Tota		353	277	390	151	50	¥	22	ম	109	
5	14	7	4	M	ч	Ч	0	0	0	4	
6	10	5	N	m	ч	~	0	0	0	3	
68	13	4	ъ	4	1	1	0	0	0	2	
88	14	6	m	N	ч	2	٦	0	0	5	
87	19	14	4		2	Ч	ч	0	0	2	
86	ω	4	0	4	ı	0	0	0	0	ы	
85	14	10	ы	m	4	0	ñ	0	0	1	
8	11	4	ŝ	ຸ	5	0	ο	0	0	8	
83	13	6	9		4	0	J	ы	0	N	
83	10	4	, m	~	5	0	ο	0	0	2	
ଞ	15	· 8	m	4	S	0	0	0	0	٣	
සි	6	. H	4	4	J	0	0	0	0	н	
79	17	14	N	ы	5	Ч	4	0	ο	2	
78	6	5	-1	m	ч	ч	T	0	0	IJ	
77	13	8	m	N	۳	0	Ч	г	0	н	
76	10	2	5	~	5	0	0	2	0	0	
75	14	5	2	N	4	0	2	N	0	0	
74	16	7	4	5	ч	2	0	0	0	m	
73	13	5	4	4	ы	0	0	o .	0	ы	
72	10	6	2	2	2	н	0	0	0	~	
11	11	٣	, m	5	2	0	0	• •	0	N	

164

er G

Observamos que, dividiendo el conjunto total de sucesos en grupos de multiplicidad, con pasos de 10, y mediante los resultados de la Tabla V-3, obtenemos:

- el 44% de las interacciones con multiplicidad < 10, dan señal de coplanaridad.
- el 36% de las interacciones con multiplicidad entre 10 y 20, la dan.

- el 71% de las interacciones con multiplicidad > 20 dan señal. Parece, por tanto, manifiesta la existencia global de mecanismo en estas últimas interacciones, correspondiente a los choques más centrales.

Además estas interacciones corresponden, en general, a mayor precisión global de medida, dado que fundamentalmente están compuestas por trazas abiertas en ángulo. A este propósito, se están efectuando actualmente análisis de los "jets forward" para exposición vertical, a fin de obtener una mayor precisión en las medidas de las trazas que las componen (ref. V-1)

Observamos, además que los alineamientos simples, a 3 ramas, son mucho más frecuentes en el conjunto global, salvo en este último grupo, donde fundamentalmente existen alineamientos a más de 3 ramas. Estos alineamientos presentan el dato curioso de contener la partícula "lider" (partícula a menor ángulo real) y siempre en el mismo sentido que la siguiente traza a menor ángulo real, como se ha puesto de manifiesto anteriormente (ref. V-3). Sin embargo, no hemos detectado dicho caso en el resto de los alineamientos a más de 3 ramas.

No se observa, por otra parte, prioridad en cuanto al tipo de ramas que forman alineamiento. El test de coplanaridades es básico en la interpretación de las interacciones hadrónicas a energías ISR, a partir de los modelos de colisión "dura", según han expuesto diversos autores (un importante "review"" lo constituye la ref. IV-13).

En nuestro caso, la energía incidente es muy inferior y dicha interpretación no sirve. Sin embargo, hay un hecho importante que reseñar y es que dichos modelos explican la producción a gran momento transverso, resultando:

 $E - \frac{d^3 \sigma}{dp^3} \sim p_T^{-2N} \quad f(x_T, \theta), \text{ siendo } x_T \simeq \frac{2 p_T}{\sqrt{s}}$

y f una función universal de las variables de "scaling". Ello está en contraposición a los modelos del "boostrap" estadístico de Hagedorn et al. (ref. V-7), que obtienen:

 $E \frac{d^3}{dp^3} \propto exp(-6p_T)$

Sin embargo, y en una versión más moderna de este modelo (ref. V-8) se efectúan consideraciones que pueden explicar, en parte, los anteriores resultados, además de predecir la existencia de coplanaridades.

El mecanismo básico, según este modelo, sería la existencia de procesos cuasielásticos entre constituyentes del núcleo blanco y del núcleo proyectil. Como consecuencia de ellos, a un determinado parámetro de impacto, la conservación del momento angular implica la adquisición de "spin" elevado para dichos constituyentes, perpendiculares a la dirección incidente y al vector parámetro de impacto.

De este modo se favorece la emisión de partículas en un plano que contiene la dirección incidente y la partícula difundida.

Este modelo predice cualitativamente las características de los alineamientos observados, a saber la presencia de la partícula "lider" en los alineamientos a más de 3 ramas, que serían debidas al "decay" de alguno de los sistemas involucrados.

Ahora bien, no es éste el caso general encontrado por lo cual ca-

be pensar en la posibilidad de varios mecanismos de producción.

Para finalizar, diremos que la existencia de resultados similares en una amplia gama de interacciones hadrónicas, y leptónicas incluso, hace pensar en la existencia de mecanismos básicos generalizados y en una dinámica interactiva común para todos los procesos, que aclararía mucho más la identidad de las "partículas".

BIBLIOGRAFIA

V-1: Col. Strasbourg-Lyon-Santander, Experiencia Batavia E 547, (1978)

J.N.Suren et al. Theor. & exp. High Energy Nucleus-Nucleus cross sections. Internal Report SADVI,Strasbourg,(1974) V-2: J.N.Suren . Internal Report (SADVI,Strasbourg) 7612-1 (1977)

Tesis(en preparación)

V-3 : D. Karamanoukian. Tesis 3^o Ciclo. Strasbourg,(1977)

V-4 : C. Jacquot et al. Internal Report(SADVI, Strasbourg) 7605-1, (1977)

V-5 : J.N.Suren . Comunicación privada

V-6 : C.Jacquot et al. C.R.Acad. Sc. Paris, t. 266, p. 1286, (1968)

V-7 : R. Hagedorn et al. Nuovo Cimento Suppl. 6,169,(1968)

",X,56A,1027,(1968)

V-8 : R. Hagedorn et al. Nucl. Physics B123, 382, (1977)

,,

APENDICES

Apéndice	1	:	Caracteristicas	del	Dispo-
			sitivo experimen	ntal	
			SICING Caperane.		

Apéndice 2 : Programa geometría.

- Apéndice 3 % Densidad derivada del Modelo a estructuras 🔨
- Apéndice 4 : Funciones de Onda y elementos de matriz

Apéndice 5 : Programa GLAUB.

Apéndice 6 : Rapidity y pseudorapidity

Apéndice 7 : Programa SIGNAL

BIBLIOGRAFIA

Apéndice I.- Características del dispositivo experimental I.- Acelerador

El esquema del acelerador del Laboratorio Lawrence de la Universidad de Berkeley, está expuesto en la Fig. I (ref. A-l) consiste de:

Fuente de iones:

Normalmente constituida por un duoplasmatrón. Este produce altas corrientes de iones en estado de baja carga, pero muy pequeñas para estados de alta carga, por lo que se utiliza un cátodo Penning del tipo utilizado en el Hilac del mismo Laboratorio.

Inyector LINAC:

Está designado para acelerar protones, cuya relación c/m = 1, a lo largo de su estructura tubular hasta energías de 19.2 Mev, pero puede acelerar otros iones con relación c/m < 1, aunque a menores velocidades y eficiencia. Así para la relación $c/m \neq 1/2$, acelera hasta 5 Mev/nucleón, con una eficacia del 10% respecto a la anterior.

Al final del acelerador lineal, se utiliza una hoja de densidad adecuada para eliminar las partículas que no interesa, mediante separación de rayo.

Stripper:

Convierte los iones del haz a iones con c/m = 1/2. Está contituido por 3 hojas de aluminio de 1 mg. cm , 20 mg. cm y 40 µg. cm

Bevatrón-syncrotrón:

Un sincrotrón de protones a 6,2 GeV. Las primeras vueltas efectuadas por los iones en la cámara de vacío del Bevatrón son rruciales para su supervivencia, debido a la alta probabilidad de captura electrónica a energía de 5 MeV/nucleón.

Ello es debido a que la sección eficaz de recombinación es inversamente proporcionar a β , siendo β la velocidad de la partícula.

Acelera los iones a energías de 2,1 GeV/nucleón

Sistemas de control

Extracción de partículas: Mediante perturbación controlada del campo magnético.

II.- Detector

Constituido por apilamientos de capas de emulsión nuclear Ilford K-5, cuya composición química referimos en las tablas A-1 y A-2.

III .- Método de revelado

Se ha utilizado el método de las dos temperaturas con las siguientes etapas:

i) Impregnación de agua y Agepon al 5%, a 5º C durante 3 horas

ii) Impregnación de revelador Anidol Brussel a 5º C durante 3 horas

iii) Calentamiento a 24º C, durante 20'

iv) Secado a 24º C, durante 1 hora y 20'

v) Enfriamiento a 5º C, durante 20'

vi) Baño a 5º C, durante 3 horas

vii) Fijado a 10º C, durante 72 horas

viii) Primera dilución durante 12 horas

ix) Segunda dilución, durante 12 horas

x) Lavado, durante 120 horas

xi) Adición de 5% glicerina, a 10º C, durante 16 horas

xii) Secado con glicerina al 5% y alcohol al 20%, 40%, 60% y 80% respectivamente, durante 3 horas cada uno.

xiii) Secado normal, durante 24 horas

IV.- Dispositivo de medida

Expuesto en la Fig. 2.

TABLA A-1

Composición química de la emulsión nuclear

Elemento	Concentración(gr/ml) (Emulsión "standard")
Ag	1.8088
Br	1.3319
I	0.0119
С	0.2757
H	0.0538
0	0.2522
N	0.0737
S	0.0072

IADLA A-2	T	ABL	1 /	1-	2
-----------	---	-----	-----	----	---

Elemento	Zi	$At/ml(x10^{20})$	A _i (p.at.)	Moles/ml. (x10 ⁻³)
Ag	47	101.01	107.88	16.764
Br	35	100.41	79.916	16.673
I	53	0.565	126.93	0.094
С	6	138.30	12.0	22.698
N	7	31.68	14.008	5.147
S	16	1.353	32.06	0.216
н	1	321.56	1.008	53.571
0	8	94.97	16.0	16.050
		·		-


Fig. 1

FIGURA 2.1 (Representación esquemática del microfotómetro

```
    1. Fuente de alimentación altamente estabilizada
    2. Fuente de luz
    3. Filtros
    4. Diafragma de campo fotométrico
    5. Microscopio
    6. Diafragma de medida
    7. Filtro
    8. Fotomultiplicador
    9. Fuente de alimentación de alta tensión para el fotomultiplicador
    10. Registrador
```





FIGURA 2.2

(Representación esquemática de los trayectos del haz de la imagen y de la iluminación, en luz transmitida)

- 1. Fotomultiplicador
- 2. Diafragma de medida
- 3. Iris del ojo
- 4. Espejo triple
- 5. Ocular
- 6. Diafragma de campo ocular
- 7. Plano focal hacia atrás del objetivo

8. Objetivo

- 9. Plano del objeto
- 10. Condensador
- 11. Diafragma de apertura
- 12. Colector
- 13. Fuente de luz

El programa de cálculo de los resultados geométricos en las interacciones observadas, a partir de los datos obtenidos en las medidas al microscopio, responde al siguiente esquema:



siendo VALEN, GONIO y COMP tres subrutinas correspondientes respectivamente al cálculo por el método de las 4 coordenadas, por el método goniométrico y por un método complementario para aquellas medidas efectuadas posteriormente al primer análisis.

La estructura de VALEN y COMP responden a un esquema similar, salvo que en el primer caso la traza referencia es el primario y en el segundo un secundario "forward" analizado por el método coordenado.







Consta además del conjunto de rutinas auxiliares:

LINFIT: Ajuste a una recta por el método de mínimos cuadrados.

MATRO: cálculo de la matriz rotación que lleva (A,B,C) a (1,0,0)

TRMAT: cálculo de la matriz transpuesta.

PROMA: Producto matricial.

Apéndice 3.- Densidad derivada del modelo a estructuras «

Supuesto el 0-16 en su estado fundamental con una estructura tetrahédrica, de acuerdo con la Fig. 2 del Capítulo II, y siendo

px(r')

la densidad extendida para cada partícula

la densidad nuclear del 0-16 vendrá dada por:

$$\rho(\vec{r}) = 1/4 \sum_{k=1}^{4} \rho_{\kappa}(\vec{r}_{k}) = 1/4 \sum_{k=1}^{4} \rho_{\kappa}(\vec{r} - \vec{R}_{k})$$

siendo referidos \vec{r} y \vec{r} ', respectivamente, al centro del núcleo 0-16 y la $k^{\acute{e}sima}$ partícula \varkappa y R el vector posición del centro de la $k^{\acute{e}sima}$ partícula \varkappa con respecto al centro nuclear.

Ambos $\rho_{\alpha}(\vec{r}')$ y $\rho_{\prime}(\vec{r}')$ han de estar normalizados a la unidad siendo: $\rho_{\alpha}(\vec{r}_{k}) = A^{2} \exp(-r_{k}^{2}/b^{2}) =$

$$= A^{2} \exp(-(r^{2} + a^{2} - 2ar \cos\theta')/b^{2})$$

contribuirá a la densidad $\rho(\bar{r})$ como

$$\frac{\int \int f(r, \theta, \varphi) \, \sin \theta' d\theta' d\varphi}{\int \int \int f(r, \theta, \varphi) \, \sin \theta' d\theta' d\varphi \, dr. r^2}$$

Ayudándonos de las expresiones

Fig.

$$\int_{0}^{\pi} \exp(2ar \cos\theta \not| b^2) \sin\theta d\theta = \int_{0}^{\pi} e^{m \cos\theta} \sin\theta d\theta =$$

$$= -\frac{1}{m} \int_{A}^{m} e^{my} dy = \frac{e^{m} - e^{-m}}{m}, \quad (2ar/b^{2}) \equiv m)$$

$$\int_{0}^{\infty} \exp(-ax^{2} + bx) x dx = \frac{1}{2a} + \frac{b}{2a^{3/2}} \exp(\frac{b^{2}}{4a}) \int_{0}^{\infty} \exp(-x^{2}) dx$$
obtenemos inmediatamente las expresiones (2.10)

El caso del C¹² es análogo, considerando la estructura triangular. Los resultados obtenidos se dividen por 4π , con el fin de considerar simetría esférica, respecto a la posición de cada una de las

Análogo es el caso del N¹⁴, cuando tomamos una distribución C^{12} + deutérón, salvo que en este caso existirán dos parámetros a_1 y a_2 y dos parámetros b_1 y b_2 ,siendo la contribución del deuterón análogo formalmente al del conjunto de las «'s, pero con un factor 1/2 respecto a cada una de ellas.

En este caso, deberemos calcular además el radio cuadrático medio, a partir de la expresión

$$\frac{2}{rms} = \frac{\int_{0}^{r} r^{2} \rho(r) r^{2} dr}{\int_{0}^{r} \rho(r) r^{2} dr}$$

que, a partir de las expresiones

r

 $\int_{0}^{\infty} x^{3} \exp(-a x^{2} + bx) dx = \frac{1}{2a^{2}} + \frac{b^{2}}{8a^{3}} + \exp(b^{2}/4a) \int_{0}^{\infty} e^{-x^{2}} dx \left(\frac{3b}{4a^{5/2}} + \frac{b^{2}}{2\sqrt{a}}\right) dx = \frac{1}{2a^{2}} + \frac{b^{2}}{8a^{3}} + \frac{b^{2}}{8a^{3}} + \frac{b^{2}}{2\sqrt{a}} + \frac{b^$ resulta

$$r_{\rm rms}^2$$
 (N) = $\frac{18 \ b_1^2 + 12 \ a_1^2 + 3 \ b_2^2 + 2 \ a_1^2}{14}$

$$a_2^2 = 7(r_{rms}^2 (N) - \frac{9}{7} b_1^2 - \frac{6}{7} a_1^2 - \frac{3}{14} b_2^2)$$

resultando un valor apropiado

$$a_2 = 3.35$$
 fm.

para el resto de los parámetros adecuados a las estructuras antedichas

Las densidades asociadas a estados excitados caracterizables por aplanamientos en las estructuras tetrahédricas ó alargamientos en las triangulares, se calcularían del mismo modo, con los nuevos parámetros resultantes. También puede considerarse la excitación, afectando a las densidades individuales de las partículas 🛪 , adoptando estructuras esferoidales, lo cual puede complicar los cálculos sin embargo.

.

- (

~

.

1.414

Apéndice 4: Funciones de onda y elementos de matriz

Funciones de onda:

Para los estados de 0-16 $(1s_{\frac{1}{2}}^4 \ 1p_{3/2}^8 \ 1p_{\frac{1}{2}}^4)$ y C-12 $(1s_{\frac{1}{2}}^4 \ 1p_{3/2}^8)$ tenemos:

$$\begin{aligned} |\operatorname{alj}_{3}\rangle_{z} \\ |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}\rangle_{z} = & \left(\operatorname{c}_{1}^{\circ}\gamma_{0}^{\circ}\left(\theta, \gamma \right) \chi_{+} = \left(4 \operatorname{c}_{3}^{\circ} \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \quad e^{-\frac{\sqrt{2}r^{2}}{2}} \frac{1}{\sqrt{4\pi}} \right)^{\frac{1}{4\pi}} \chi_{+} \\ |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = & \left(\operatorname{c}_{3}^{\circ} \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{4}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \quad \exp\left(-\operatorname{c}_{r}^{2}r^{2}/2\right) \chi_{-} \\ |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = & \left(\operatorname{c}_{3}^{\circ} \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{4}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \quad \operatorname{s} \exp\left(-\operatorname{c}_{r}^{2}r^{2}/2\right) e^{i\gamma} \chi_{+} \\ |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = & \left(\left(4 \operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} z \right)^{\frac{1}{4}} + \left(\operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} s e^{i\varphi} \chi_{-} \right) \\ & \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = & \left(\left(4 \operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} z \right)^{\frac{1}{4}} - \left(\operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} s e^{-i\varphi} \chi_{+} \right) \\ & \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = & \left(\left(4 \operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} s \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) e^{-i\gamma} \chi_{-} \right) \\ & \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = \left(\left(2 \operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} s \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) e^{-i\gamma} \chi_{-} \right) \\ & \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = \left(\left(2 \operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} s \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) e^{-i\gamma} \chi_{-} \right) \\ & \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} |\operatorname{as}_{2}^{\dagger}-\frac{1}{2}\rangle_{z} = \left(\left(2 \operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} s e^{-i\gamma} \chi_{+} + \left(2 \operatorname{c}_{3}^{\circ}/3 \sqrt{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} s e^{i\varphi} \chi_{-} \right) \\ & \exp\left(-\operatorname{c}_{2}^{2}r^{2}/2\right) \end{aligned}$$

siendo: $r^2 = z^2 + s^2$, $\gamma_{+(-)}$ las funciones de spin, $\vec{s} \equiv (s, \varphi)$, en el plano perpendicular a la dirección de incidencia γ_{1}^{m} , los armónicos esféricos Elementos de matriz:

siendo:

Exponemos aquí alguno de los cálculos de los elementos de matriz:

$$\left< \uparrow_{nlm} | 1 - \Gamma(\vec{b} - \vec{s}) | \uparrow_{n'1'm'} \right>$$

$$\left< 1 \ s \ \pm \ \pm \ 1 - \Gamma(\vec{b} - \vec{s}) | 1 \ s \ \pm \ \pm \ \right> = 1 - \left(\checkmark /\sqrt{n} \right)^3 \int \exp(- \varkappa^2 z^2) dz$$

$$exp(- \varkappa^2 s^2 / 2) \Gamma(\vec{b} - \vec{s}) exp(- \varkappa^2 s^2 / 2) d^2 s =$$

$$= 1 - \left(\checkmark /\sqrt{n} \right)^3 \sqrt{\frac{n}{\varkappa^2}} \int exp(-\varkappa^2 s^2) \left(- \frac{i}{2\pi k^{-1}} \right) \int exp(-i\vec{q}\vec{b}) exp(i\vec{q}\vec{s}) f(0) e^{-\frac{i}{2}\beta^2 q^2} d^2 s =$$

$$= 1 - \frac{2 \varkappa^2 f(0)}{ik} \int s ds q dq exp(-\varkappa^2 s^2) exp(-\beta^2 q^2 / 2) \int_0^0 (qb) \int_0^0 (qs) =$$

$$= 1 - \frac{2 \varkappa^2 f(0)}{ik} \int q dq \int_0^0 (qb) exp(-\beta^2 q^2 / 2) \frac{1}{2\varkappa^2} exp(-q^2 / 4\varkappa^2) =$$

$$= 1 - \frac{1 - i\gamma}{2\pi} a_1 \ \overline{\nabla} exp(-a_1 b^2)$$

 $\overline{\sigma} \equiv \text{sección eficaz media nucleón-nucleón}$ $\gamma \equiv \frac{\text{Re f}(0)}{\text{Im f}(0)}$ $\mathbf{a}_{i} = \frac{\propto^{2}}{1+2 \propto^{2} \beta^{2}}$

 $\langle 1 \ s \ \frac{1}{2} \ \frac{1}{2} \ 1 - \Gamma \ 1 \ s \ \frac{1}{2} \ -\frac{1}{2} \rangle = 0$, dada la ortogonalidad de las funciones de spin y que el operador Γ no depende del spin.

$$\langle 1 p \frac{3}{2} \frac{3}{2} | 1 - \lceil | 1 p \frac{3}{2} \frac{3}{2} \rangle = 1 - \frac{\alpha^4 f(0)}{2 i k \pi^2} (2\pi)^2 \int q \, dq \, \exp(-\beta^2 q^2 / 2) \, J_o(qb)$$

s³ ds exp(- $\alpha^2 s^2$) $J_o(qs) =$

$$= 1 - \frac{4 \alpha^{4} f(0)}{2ik} \int q \, dq \, \exp(-\beta^{2} q^{2} / 2) \, \overline{J}_{0}(qb) - \frac{\Gamma(2)}{2\alpha^{4} \Gamma(1)} \, {}_{1}F_{1}(2,1;-q^{2} / 4 \alpha^{2}) =$$

$$= 1 - \frac{f(0)}{ik} \int q \, dq \, \exp(-\beta^{2} q^{2} / 2) \, \overline{J}_{0}(qb) \, \overline{\sum_{k=0}^{\infty}} \, \frac{(k+1)!}{k!} \, \frac{(-1)^{k}}{k!} \, (q^{2} / 4 \alpha^{2})^{k} =$$

$$= 1 - \frac{\overline{\sigma}(1-i\gamma)}{2\pi} \, \frac{2\beta^{2} \alpha^{4}}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})^{2}} \, (1 + \frac{b^{2}}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})} \, 2\beta^{2}) \, \exp(-\alpha^{2} b^{2} / 1 + 2 \alpha^{2} \beta^{2})$$

y así sucesivamente, donde nos hemos valido de las expresiones de la ref A-4.

El resultado final para el determinante de Slater asociado a las estructuras del estado fundamental de los iones 0-16 y C-12 es el siguiente:

$$\| 0^{16} \| = ((1 - w_1)(1 - w_3) - w_4^2)^2 ((1 - w_2)^2 - w_5^2)^2$$

$$\| c^{12} \| = (1 - w_1)(1 - w_2)(1 - \frac{2}{3} - w_3 - \frac{1}{3} - w_2) - \frac{2}{3} - w_4^2 (1 - w_2) - \frac{1}{3} - w_5^2 (1 - w_1)^2$$

donde hemos adoptado, de acuerdo con ref A-5 las expresiones:

$$\begin{split} \omega_{1} &= \frac{\overline{\sigma}}{2\pi} - \frac{\alpha^{2}}{1+2\alpha^{2}\beta^{2}} = E \\ \omega_{2} &= \frac{\overline{\sigma}\alpha^{2}}{4\pi} \left(\frac{1}{1+2\alpha^{2}\beta^{2}} + \frac{2\alpha^{2}\beta^{2}}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})^{2}} \right) E \\ \omega_{3} &= \frac{\overline{\sigma}\alpha^{4}}{\pi} - \left(\frac{\beta^{2}}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})^{2}} + \frac{b^{2}}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})^{2}} + \frac{b^{2}}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})^{3}} \right) E \\ \omega_{4} &= \frac{\overline{\sigma}}{\pi\sqrt{2}} - \frac{\alpha^{3}b}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})^{2}} E \\ \omega_{5} &= \frac{\overline{\sigma}\alpha^{2}}{4\pi} \left(\frac{1}{(1+2\alpha^{2}\beta^{2})^{2}} \right) E \\ E &= \exp(-\pi^{2}b^{2}/(1+2\alpha^{2}\beta^{2})) \end{split}$$

Y adoptamos, de acuerdo con ref A-6 los parámetros siguientes:

$$\chi^2 = 0.342 \text{ F}^{-2} \text{para } 0.16$$

= 0.410 " " C-12
 $\overline{\sigma} = 44 \text{ mb.}$
 $\chi = -0.20$
 $\chi^2 = 6.8 (\text{Gev/c})^{-2} = 0.26 \text{ F}^2$

El programa GLAUB efectúa el cálculo del nº de nucleones colisionantes y su n^g de colisiones efectivas, basándose en el estudio teórico del scattering múltiple de Glauber. Responde al siguiente esquema:



(1) Efectúa la integración en plano perpendicular a la trayectoria de los elementos de matriz.

Para ello, analiza el operador del elemento de matriz y las funciones de onda individuales, de acuerdo a los presupuestos del Apéndice IV, y posteriormente integra mediante las subrutinas de integración compleja CGAUSS. Una magnitud ampliamente utilizada en física de alta energía es la "rapidity" definida mediante la expresión (ref. A-2):

$$q = m'_{c} \operatorname{senh} \zeta$$

$$E = m'_{c} \cosh \zeta$$

$$\zeta = \operatorname{arc} \operatorname{tgh} (\beta \cos \theta$$
 (A-6-1))
(A-6-1)

siendo

$$m_{c}' = (m_{c}^{2} + |r|^{2})^{\frac{1}{2}} = (E^{2} - q^{2})^{\frac{1}{2}}$$

q,r, componentes longitudinal y transversal del momento de la partícula en emulsión

- m_c, su masa
- E, su energía
 - 3, su welocidad
 - θ su ángulo de emisión en el sistema la boratorio

dado que:

$$p^{2} = E^{2} - p^{2} = m_{c}^{2} = E^{2} + (-(q^{2} +)\vec{r} |^{2}))$$
$$(E^{2} - q^{2})^{\frac{1}{2}} = m_{c}^{2} + |\vec{r}|^{2}$$

En consecuencia

$$S = \frac{1}{2} \log \frac{E+q}{E-q} = \log \frac{E+q}{m'_c} = \log \frac{m'_c}{E-q} = \operatorname{arcth} \beta \cos \frac{m'_c}{E-q}$$

La "rapidity" tiene la propiedad importante de ser aditiva a transformaciones de Lorentz.

Pero, además, cuando el momento de la partícula es muy elevado, goza de una propiedad que la hace particularmente atractiva en el análisis de las interacciones basadas en la geometría de los sucesos:

(A-6-2)

$$S = \operatorname{arcth} \beta \cos \theta \Rightarrow$$

$$\beta \cos \theta = \frac{e^{S} - e^{-S}}{e^{S} + e^{-S}} = \frac{1 - e^{-2S}}{1 + e^{-2S}}$$

δ bien:

$$S = -\frac{1}{2} \ln \frac{1 - \beta \cos \theta}{1 + \beta \cos \theta} \qquad (A-6-3)$$

expresión que, en el caso de que $\beta \sim 1$ (energías ultrarelativistas)

$$S \sim -\ln \sqrt{\frac{1-\cos\theta}{1+\cos\theta}} = -\ln \, \mathrm{tg} \, \theta/2 \qquad (A-6-4)$$

Otras expresiones parecidas pueden obtenerse por introducción del parámetro longitudinal $h=r/m_c$ (ref. A-3)

Se verifica

$$\Im(h, \theta) = \operatorname{arcth}(\beta \cos \theta) = \operatorname{arcth}(\frac{|\vec{p}| \cos \theta}{E}) =$$

= arcth (
$$\cos \theta - \frac{(r^2 + q^2)^{\frac{1}{2}}}{(r^2 + q^2 + m^2)^{\frac{1}{2}}} =$$

= arcth
$$(\cos \theta - \frac{1}{(1 + -\frac{m^2}{r^2 + q^2})^{\frac{1}{2}}}) =$$

= $\operatorname{arcth}(\operatorname{h} \cos\theta (\operatorname{h}^{2} + \operatorname{sen}^{2} \theta)^{-\frac{1}{2}}) =$ = $\frac{1}{2}(-\ln v + \ln (1 + (1 + v^{2})^{\frac{1}{2}})) + \operatorname{para} \theta \operatorname{entre0} y 900$ - $\frac{1}{2} \theta = 90 y 1800$

siendo

$$\mathbf{v}^2 = (\mathbf{1} + \mathbf{h}^2) \mathbf{h}^{-2} \mathbf{tg}^2 \hat{\mathbf{\vartheta}} \ge \hat{\mathbf{\vartheta}}$$

En el caso de alta energía, para θ pequeño, v << λ y

$$\Im \simeq -\ln v + \ln 2 = -\ln tg\theta - \ln ((1 + h^2)^{\frac{1}{2}} h^{-1}) + \ln 2$$

En la experiencia que nos ocupa, no podemos discriminar 2 a partir de la expresión (A-6-4), como puede observarse en la tabla A-6-1.

Exclusivamente resulta una aproximación en el caso de los piones más rápidos.

 ======================================	e c n p z c z z z z z z	=tessesse		
^m c	2	θ	-lntg 0 /2	((3 = 0. 95)
0.938 Gev	1.838	10	4.741	
19	1.807	5 ⁰	3.131	
19	1.710	10 ⁰	2.436	
0.1396 Gev	3.430	10	4.741	
. H	3,061	40	3.355	
77	2.570	8 ⁰	2.660	
والمحاجبين بالبين بنبي أبديه أللات زعبية أحجر بيهية الألك ببريك ألبنا زغرت	وفر الجوار بيريد بيرية التاريخ والالا الجاري والالا الارتجارات	ب فريدة النك لابية بالمر كمان بالق سرية ب	ومستقاع والفرغ والشرابيس بالباد والبراكية حجه الاقام والمراجع فتبرد فتنبه فبرا	

TABLA A-6-1

Este programa efectúa el análisis de la existencia ó no de coplanaridades.

Se adecúa al siguiente esquema:





Exponemos, a continuación, el listado del programa.

FOR, IS	ALINAL	, ALINAL		
•		COMMON/COMIN/WPEF,DEFI,V(4),INFO,IVERS	SGSR	-
		NAMELIST/MALPUT/DEFJ,KDEF,ISTART,ISTOP,INFO,IVERS,TESTAT	SGSR	\sim
		DATA NE/5/, LEFT/10/, CONV/0.0174533/	SGSR	m
	υ		SGSR	\$
		READ(NE, NALPUT)	SGSR	ហ
		DEFI=DEFJ*CONV	SGSR	9
жч µ.		CALL TITRE(NDEF,DEFJ,IVERS)	SGSR	~
		IF (TESTAT.GT.C.) WRITE(6,21)	SGSR	8
	21	FORMAT(45X, TEST STATISTIQUE' / 132(1H*))	SGSR	σ
whe wije		NDEF=NDEF+1	SGSR 1	0
	-	CONTINUE	SGSR 1	
40 (1967 - 10)		CALL NALDAT(\$2,ISTART,ISTOP)	S65R 1	\sim
** * ***		CALL TPANSF	SGSR 1	m
		IF (TESTAT.GT.D.) CALL DEFORM	SGSR 1	đ
.4		CALL STORE(1)	SGSR 1	ŝ
		CALL SIGNAL(1)	SGSR 1	9
	J		SGSR 1	~
• .		IF (NDEF.LT.2) 60 T0 2	SGSR 1	ω
		[1]	SGSR 1	0
	m	CONTINUE	S6SR 21	0
		I+II=II	S65R 2	
نم. ۱	•	IF (II.6T.NDEF) 60 T0 2	S65R 2	N
		CALL DEFORM	S65R 2	M
•		CALL SIGNAL(II)	S65.R 2	5
		CALL STORE(2)	SGSR 2	ស
		60 10 3	SGSR 2	9
- 14 10134	U		SGSR 2	~
	2	CONTINUE	SGSR 2	ω
* **	l	CALL XDELTA(KRESTE)	SGSR 2	0
		IF (KRESTE.GT.ILEFT) GO TO 1	SGSR 31	0
	J		SGSR 3	-
ш		CALL DIGEST	SGSR 3	\sim
		STOP OK	SGSR 3	m
		END	SGSR 31	đ

FUE, IS A	LUTEAN, ANTRAU		
	FUNCTION ANTRAN(AX,AY,GAX,GAY,EX,EY,EEX,GEY,GU,II)	SGSR	35
	DATA PI, CPI/3.1415926.6.283185/	SGSR	36
ບ 		SGSR	37
	AZARTAN(AX.AY)	5.6 S B	8 2
	B=ARTAN(EX, EY)	SGSR	0 6 1 M
	C=ABS(A-B)	SGSR	0 7
	IF (C.6T.PI) C=DPI-C	SGSR	11
	A=ABS(C-PI)	SGSR	42
-	ANTRAHEAMING (A, C)	SGSR	43
J		SGSR	4 4
۲ ۲	IF (II.6T.1) GO TO 1	SGSR	45
	ATAY*GAX	SGSR	46
	B=AX+GAY	SGSR	47
	C=AX*AX+AY*AY	SGSR	48
	GU=(AES(A)+AES(B))/C	SGSR	4 9
	A = BY * GBX	SGSR	50
v	BTEX*68Y	· SGSR	51
	C==EX+EX+BY+BY	SGSR	52
	GU=GU+(ABS(A)+ABS(B))/C	SGSR	53
		SGSR	54
	1 CONTINUE	SGSR	55
	RETURN	SGSR	56
•	FND	SGSR	57
andrower and trader to be a desired over a		, k 8	
FOR.IS . AF	RTAN.ARTAN		
	FUNCTION ARTAN(X,Y)	SGSR	58
ບ		SGSR	59
	ATEACOS(D.)	SGSR	60
	AT=ABS(AT)	SGSR	61
	ARTAN=AT .	SGSR	62
•	IF (X) 2,1,3	SGSR	63
•	2 AFTAN=ATAN(Y/X)+2.#AT	SGSR	64
	60 T0 4	SGSR	65
-	I IF (Y.LT.O.) ARTAN=3.*ARTAN	SGSR	66
	60 10 4	SGSR	67
	3 ARTAN=ATAN(Y/X)	SGSR	68
	IF (Y.LT.D.) ARTANHARTAN+4.*AI	SGSR	69
	4 CONTINUE	SGSR	10
	RETURN	SGSR	1
	END	SGSR	72
			-

	シュ・ドット	CALCOUS	CALCOL		
			SUBROUTINE CALCON (C,EC,6,L,A,B)	SGSR	73
	•		REAL LILO	2628	76
		ပ	CALCULA CURVETURA DE CAMPO Y SU ERROR ASOCIADO	SGSR	• • •
			L0=6*50.0	SGSR	16
	. 1		IF(C.LT.0.0) L0=5C.0	SGSR	77
	, -		IF(L-LC) 1;1,2	SGSR	78
		1	A=L()++4+C++4+2.0+C++2+(L0++2-2.0+L++2)	SGSR	79
			A:-{S@RT(A)-(L0**2+C**2))/(2.0*C)	SGSR	80
			60 TO 3	SGSR	81
		8	A=L0**4+C**4+2.0*C**2*(4.0*L*L0-2.0*L*20-2)	SGSR	8,2
	к,		A:(L0+*2+C+*2)-SQRT(A)	SGSR	В С
	x ***1.	•	A=-A/(2.0*C)	SGSR	84
		M	B=EC*A/C	SGSR	85
			RETURN	SGSR	86
			END	SGSR	87
			· · ·		
•		COPENA			
			SUBROUTINE COPENA(LABO,NAT)	SGSR	88
	s 194.)		DIMENSION ISTAND(5)	SGSR	89
			DATA ISTAND/3,3,2,1,3/	SGSR	90
		с v		SGSR	16
ŝ,		,	IF (LAB0.EC.C) 60 TO 1	SGSR	92
			[F (NAT.EQ.C) GO TO 1	SGSR	93
			NAT=ISTAND(KAT)	SGSR	94
		***	CONTINUE	SGSR	95
			RETURN	SGSR	96
			END	SGSR	16
			and the second		
	FOR, IS	CORER, CI	DRER THOROHITTME FORFD(A B)	SGSR	6 8 6
	\$****\$	U	STA SUPRUTINE UNERNATES STA SUPRUTINE DISMINUYE LOS ERRORES SOBRE LAS TRAZAS BLANCAS	r BRSGSR	66
	.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,		DATA RED/0.7/	SGSR	100
	1 4		\=A*RED .	Sesa	101
) = B * R E D	2028	201
			RETURN	2002	103
			ND	2002	+ 0 7

<pre>SGS BUGGOUTINE UF DRM PARAMETER INFO DOUGLE FRECISTON CT, CY, CZ DOUGLE FRECISTON CT, CY, CZ DOUGLE FRECISTON CT, CY, CZ DOUGLE FRECISTON CT, CY, CZ DOUGLE COMMON/COMCOX(NUDIH), CZ (NDIH), DCX (NUDIH), SGS COMMON/COMPAL/TEANS (NDIH), TET A (NDIH) DCZ (NDIH), DCX (NDIH), TET A (NDIH) COMMON/COMPAL/TEAS (NDIH), TET A (NDIH) COMMON/COMPAL/TEAS (NDIH), TET A (NDIH) COMMON/COMTAN/NUEF, DEF 1, 6, 5, 50 a COMMON/COMTAN/NUEF, DEF 1, 6, 5, 50 a COMMON/COMTAN/NUEF, DET 2, 5, 50 a COMMON/COMTAN/NUE COMMON/COMTAN/NUEF, DET 2, 5, 5, 50 a COMMON/COMTAN/NUEF, DET 2, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5,</pre>	SUBJOUTIE UEFORM SIGN 112 PARAMETER ATTHE UEFORM SIGN 112 FOULLE FREISTON CY,CC SIGN 113 FOURUN/COPCOSTON CT/AB SIGN 113 CONNUN/COPCOSTON CT/AB SIGN 113 CONNUN/COPCOSTON CT/AB SIGN 113 CONNUN/COPCOSTON CT/AB SIGN 113 CONNUN/COPCOSTON CT/AB SIGN 123 CONNUN/COPCOSTON CT/AB SIGN 123 CONNUN/COPCONTINTERATION SIGN 123 CONNUN/COPLANTINE SIGN 123 CONNUN/COPLANTINE SIGN 124 CONNUN/COPLANTIN SIGN 124 CONNUN/COPLANTIN SIGN 124 VARENARIA			
BARAHFIER NITH-SG \$5658 CUUBLE FRECISIEN CT, V.C. \$5658 CUUBLE FRECISIEN CT, V.S. \$5658 COUBLE FRECISIEN CT, V.S. \$5658 COUBLE FRECISIEN CT, V.N. \$5658 CONNON/COMIN/NDEF, DEFIJ6, \$, \$50 , WI \$5658 NAZEMNCI \$200011 \$5658 NAZEMNCI \$200011 \$5658 VAREMNCI \$200011 \$5658 VAREMNCI \$5658 \$5658 VAREMNCI \$5658 \$5658 VAREMNCI \$5658 \$5658 CONTINE	BARNHETE KLTH-50 5558 113 CUUGLE FREECTSION Crivie 5558 114 CUUGLE FREECTSION Crivie 5558 115 CUUGLE FREECTSION Crivie 5558 115 CONHONCOCHTANISTOR 5558 115 CONHONCOCHTANISTOR 5558 115 CONHONCOCHTANISTOR 5550 119 CONHONCOCHTANISTOR 5550 119 CONHONCOCHTANISTOR 5558 121 CONHONCOCHTANISTOR 5558 121 CONHONCOCHTANISTOR 5558 121 CONHONCOCHTANISTOR 5558 121 CONHONCONTON 5558 121 CONTINE 5558 122 VARERNON 5558 122 VARERNON 5558 123 VARERNON 5558 123 <	SUEROUT	TILE DEFORM	565R 112
C COUBLE FRECISION CT, A.B SGR CONNONCCOMENT, A.B CONNONCCOMENT/TANSINDIM, CZINDIM, DCXINDIM, DCVINDIM, SGSR CONNONCCOMENT/TEANSINDIM, TETAINDIM SGR CONNONCCOMENT/TEANSINDIM, CONNONCCOMENT/TEANSINDIM CONNONCCOMENT/TEANSINDIM, CONNONCCOMENT/SSGS CONNONCCOMENT/SSGS ANT SGSR CONNONCCOMENT/SSGS SGSR CT=SGRT(CXII)**2+CVII)**2) RDERNDIG RDERNDIG RDESNG RDESNDIG RDESNDIG RDESNDIG RDESNG RDESNDIG RDESNDIG RDESNDIG RDESNDIG RDESNDIG RDESNDIG RDESNDIG RDESNDIG RDESNG RDESNDIG RDESNDIG RDESNC RDESNG RD	DUBLE FRECISTON CX.CY.CZ 5538 115 DUBLE FRECISTON CTIATH.CZ(NDIH), DCX(NDIH), DCX(NDIH), 5588 115 5588 115 COMUNACCOFFLYTRANS(NDT), ITTA(NDTH) 5588 113 CONTON/CONCOFFLYTRANS(NDT), ITTA(NDTH) 5588 113 CONTON/CONCOFFLYTRANS(NDT), ITTA(NDTH) 5588 113 CONTON/CONCOFFLYTRANS(NDT), ITTA(NDTH) 5588 123 CONTON/CONCOFFLYTRANS(NDT) 5588 123 CONTON/CONCOFFLY 55.50 WT CONTON <contunct< td=""> 55.50 55.50 NARENDER 55.50 55.50 NARENDER 55.50 55.50 NARENDER 55.50 55.50 NAR</contunct<>	PARAMET	TER RPIMESO	565P 113
B000000000000000000000000000000000000	Dible F PECTSTON CT Å.B SGSR 115 COMMON/COFCOS/CX(HDTH), CY (NDTH), DCX(NDTH), SGSR 115 SGSR 119 * DCZ(HDTH), CY (NDTH), TT (NDTH) SGSR 129 COMMON/COFTAN/NGF, DEFT, G, S, SO wT SGSR 129 CH-SGGTTOCTO SGSR 129 SGSR 129 CT-SGGTTOCTO SGSR 129 SGSR 129 NAR=NAR/SCIN NAR=NAR/SCIN SGSR 129 VAR=NAR(1) NAR=NAR/SCIN SGSR 129 VAR=NAR(1) SGSR 129 SGSR 129 VAR=NAR(1) SGSR 129 SGSR 128 VAR=NAR(1) SGSR 129 SGSR 128 VAR=NAR(1) SGSR 129 SGSR 128 VAR=NAR(1) SGSR 120 SGSR 128	COUELE	PRECISION CX, CY, CZ	S65R 114
COMMON/COMPANDININCZ(MDIMI, DCX(MDIMI, DCX(MDIMI, SGSR * DCZ(HDIP) SGSR COMMON/COMPANINEF, DEFI, 6, 5, 50 MT SGSR COMMON/COMPANINE SGSR SGSR COMMON/COMPANINE SGSR SGSR VAREARWEET VAREARMONINAR SGSR NAREARMONINAR SGSR SGSR VAREARMONINAR SGSR SGSR VAREARMONINAR SGSR SGSR VAREARMONINAR SGSR SGSR VAREARMONINAR SGSR SGSR CONTINCE CONTINCE SGSR CONTINCE CONTINCE SGSR CONTINCE CONTINUE SGSR CONTINUE CONTINUE SGSR CONTINUE CONTINUE SGSR CONTINUE CONTINUE SGSR CONTINUE CONTINUE SGSR CONSS	COMMUNCCP(COS/CX(IJDTH), CZ(NDTH), DCX(NDTH), DCX(NDTH), S55R 113 & DCZTUDICH CONNON/CCP(IJLTPANS(NDTH), TETA(NDTH) CONNON/CCP(ILTPANS(NDTH), TETA(NDTH) CONNON/CCP(ILTPANS(NDTH), TETA(NDTH) CONNON/CCP(ILTPANS(NDTH), TETA(NDTH) CONNON/CCP(ILTPANS(NDTH), TETA(NDTH) CONNON/CCP(ILTPANS(NDTH), TETA(NDTH) CONNON/CCP(ILTPANS(NDTH), TETA(NDTH) CONNON/COPIL/ITPANS(NDTH) CONNON/COPIL/ITPANS(NDTH) CONNON/COPIL/ITPANS(NDTH) CONNON/COPIL/ITPANS(NDTH) CONNON/COPIL/ITPANS(NDTH) NETARDITION NAREAMON(IS) NAREAMON(IS) NAREAMON(IS) SGSR 123 NAREAMON(IS) NAREAMON(IS) SGSR 124 NAREAMON(IS) NAREAMON(IS) SGSR 125 VAREAMON(IS) SGSR 127 NAREAMON(IS) SGSR 128	DOUBLE	E PRECISION CT, A, B	S65R 115
<pre>* DC2(HDIR) CCHHON/CCHHL/TFANS(NDIH),TETA(NDIM) CCHHON/CCHHL/TFANS(NDIH),TETA(NDIM) COHHON/CCHHL/TFANS(NDIH),TETA(NDIM) COHHON/CCHL/NGEF,DEF1,6,5,50, WT CCHSGRT(CX(I))**2+CY(I)**2) RD=RNDH(R) RD=RNDH(R) RD=RNDH(R) VAR=RNDH(R) VAR=RNDH(R) VAR=NAP(SIN(TETA(I))+0.0001) VAR=NAP(SIN(T))+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T))+0.0001) VAR=NAP(SIN(T))+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0.0001) VAR=NAP(SIN(T)+0</pre>	* DCCHOL/COFFL/FPANSIND*+)TETA(NOIH) \$6587 119 * DCHOL/COFFL/FPANSIND*+)TETA(NOIH) \$6587 119 CCHHOL/COFFL/FFSIS0 #HT \$6587 120 \$658 121 COMHOL/COFFL/FSIS0 #HT \$6588 121 \$658 122 COMHOL/COFFL/FSIS0 #HT \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 122 \$658 123 \$658 123 \$658 124 \$658 123 \$658 125 \$658 123 \$658 126 \$658 123 \$658 126 \$658 123 \$658 123 \$658 123 \$658 123 \$658 123 \$658 123 \$658 123 \$658 124 \$658 123 \$658 123 \$658 123 \$658 124 \$658 123 \$658 123 \$658 123 <	COMPONI	/COMCOS/CX(HDIH), CY(NDIH), CZ(NDIH), DCX(NDIH), DCY(NDIH),	S65R 116
C C0HHON/CGHEN/TEANS(NDIP),TETA(NDIH) COHHON/CGHEN/NUEF,DEF1,6,5,50 ,NT 565R CT=SGRT(CX(1)**2+CY(1)**2) 565R CT=SGRT(CX(1)**2+CY(1)**2) 565R N=2**YCD-0.5) 7658 N=2**YCD-0.5) 7658 CY(1)=CT*A 758 N=2**YCD-0.5) 7658 N=2**YCD-0.5) 7658 N=2**YCD-0.5) 7658 N=10**YCD-0.5) 7658 N=10**YC	C COMMON/CONFLIATEANOTH), TETAINOTH) C COMMON/CONTUNINGE, DEFISIO, WIT C COMMON/CONTUNINGE, DEFISIO, WIT C T=SGFTC(X(1) **2+CY(1) **2) ND T=SGFTC(X(1) **2) ND T=SGFTC(X)	* DC2(NC	0 THIO	S65R 117
C COMMON/GCMIN/MGEF, DEFI, G, S, SO , WT SGSR CT=SGRT(CX(1)**2+CY(1)**2) CT=SGRT(CX(1)**2+CY(1)**2) RD=RNUN(R) RD=RNUN(R) RN=2**(PD-D.5) VAR=RN+GEFI VAR=RN+GETI VAR=NAP(SIN(TETA(1))+0.0001) VAR=NAP(SIN(TETA(1))+0.00001) VAR=NAP(SIN(TETA(1))+0.00001) VAR=NAP(SIN(TETA(1))+0.00001) VAR=NAP(SIN(TETA(1))+0.00000000000000000000000000000000	C COMMON/CCWIN/NGEF, DEFI, 6, 5, 50 MT 5558 120 5658 121 C D 1 1 2 MT 5558 121 C C D 1 1 2 MT 5558 123 C C C D 1 1 2 MT 54 (C L 1) **2 + C (1) **2 + S (1) *558 123 R C 2 + R D - D - 5) 7658 125 7658 125 76	COMMON	/COHPHI/TPANS(NDIM),TETA(NDIM)	SGSR 118
C D0 1 I=2,NT CT=SCRT(C(I)**2+CY(I)**2) RD=RNDH(R) RD=RNDH(R) RN=2.*(RD=0.5) RN=2.*(RD=0.5) RN=2.*(RD=0.5) RN=2.*(RD=0.5) RN=2.*(RD=0.5) RN=2.*(RD=0.5) RN=2.*(RD=0.5) VAR=RND(UVR.6.28316) VAR=RND(UVR.6.28316) VAR=RND(UVR.6.28316) VAR=RND(UVR.6.28316) VAR=RND(UVR.6.28316) RN=2.*(RD=0.5) VAR=RND(UVR.6.28316) VAR=RND(UVR.6.28316) VAR=RND(UVR.6.28316) COUTINECTAR COUTINECTAR COUTINECTAR COUTINECTAR COUTINEC RPJIS CROSS(ROSS RPJIS CROSS.CROSS RPJIS CROSS.CROSS RPJIN CROSS.CROSS	C D0 1. T22.NT CT=SGFT(CX(1)**2+CY(1)**2) BDEFNUT(R) CT=SGFT(CX(1)**2+CY(1)**2) BDEFNUT(R) VAR=WHEFT VAR=WHEFT VAR=WAY(51NTETA(1))+0.0001) VAR=MA0(VAF, 6.2011) VAR=MA0(VAF, 6.2011) VAR=MA0(VAF, 6.2011) TPANS(1)=TRANS(1))+0.0001) TPANS(1)=TRANS(1))+0.0001) TPANS(1)=TRANS(1)+VAR TPANS(1)=TRANS(1)) T	COMHON	/COMIN/NDEF,DEFI,G,S,SO ,WT	S6SP 119
B0 1 = 2; NT \$568 CT=SGRT(CX(1) **2+CY(1) **2) \$568 RD=RNUH(R) \$5658 RD=RNUH(R) \$5658 VARENABETI VARENABETI Return S658 C C C C VIIIO C S658 S658 S658 S658 C C C C C C C C V C S658 S658 <t< td=""><td>D h</td><td>Ų</td><td></td><td>S6SR 120</td></t<>	D h	Ų		S6SR 120
CT = SGRT(CX(1)**2+CY(1)**2) CT = SGRT(CX(1)**2+CY(1)**2) RD = RNDH(R) VAR = RNDH(R) VAR = RND(L) = S VAR = MAD(L) + D. DDD1) VAR = MAD(L) = RANS(1) + OAR VAR = MAD(L) = RANS(1) + OAR A = COS(TPANS(1)) B = SIN(TANS(1)) CC(1) = CT + A CC(1) = CT + A C	R: T=SKDH(R) SGSR 122 R: R=R+DEFI VAR=RH+D(R) VAR=RH+D(R) SGSR 125 VAR=AHO(VAR,6.2816) SGSR 125 CX11=CT+A SGSR 125 SGSR 125 SGSR 125 SGSR 125 SGSR 135 SGSR 135 SGSR 135 SGSS_SCR 135 SGSR 135 SGSS_SCR 135 SGSR 135 SGSS_SCR 135 SGSR 135 SGSS_	1 1 00	=2,NT	S65R 121
RD=RUBH(R) SG5R RN=2**(FD-0.5) SG5R VAR=ZANDE(I) SG5R VAR=ZANS(I) SG5R SG5R SG5R SG5R SG5R C C(I) C C(I) RETURN COSS,CR0SS SG5R SG5R SG5R SG5R SG5R SG5R C C(I) RUD C(1) SG5S SG5R SG5R SG5R SG5R SG5R SG5S SG5R SG5S SG5R SG5S SG5S SG5S SG5S SG5S SG5S SG5S <t< td=""><td>R) = R: NUI(R) SIGR 123 VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET SIGR 128 VAR=WH UET SIGR 128 VAR=WH UET SIGR 128 VAR=WH UET SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 TRANS(1)=TRANS(1) SIGR 128 TRANS(1)=TRANS(1) SIGR 128 TRANS(1)=TRANS(1) SIGR 128 ACCOSTTANS(1) SIGR 128 CST(1)=CT*6 SIGR 131 CV(1)=CT*6 SIGR 131 C SIGR 131 C(1)=XIC2)*Y(1)<!--</td--><td>CTESC</td><td>CFT(CX(I)**2+CY(I)**2)</td><td>S65R 122</td></td></t<>	R) = R: NUI(R) SIGR 123 VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET VAR=WH UET SIGR 128 VAR=WH UET SIGR 128 VAR=WH UET SIGR 128 VAR=WH UET SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 VAR=MHOUVAR(6.28316) SIGR 128 TRANS(1)=TRANS(1) SIGR 128 TRANS(1)=TRANS(1) SIGR 128 TRANS(1)=TRANS(1) SIGR 128 ACCOSTTANS(1) SIGR 128 CST(1)=CT*6 SIGR 131 CV(1)=CT*6 SIGR 131 C SIGR 131 C(1)=XIC2)*Y(1) </td <td>CTESC</td> <td>CFT(CX(I)**2+CY(I)**2)</td> <td>S65R 122</td>	CTESC	CFT(CX(I)**2+CY(I)**2)	S65R 122
RN=2.*(RD-0.5) \$65R VAR=ZAN*0EFI \$65R VAR=ZAN0(VAR.6.28316) \$65R VAR=ZAN0(VAR.6.28316) \$65R VAR=ZAN0(VAR.6.28316) \$65R TRANS(I)=TRANS(I)+VAR \$65R TRANS(I)=TRANS(I)) \$65R TRANS(I)=TRANS(I)) \$65R TRANS(I)] \$65R TRANS(I)] \$65R \$65R \$65R \$65	RN=2.* (PD-0.5) SGSR 124 VAR=RHACISIN(TETA(1))+0.0001) VAR=RHACISIN(TETA(1))+0.0001) VAR=VARZIN=CONTRACID=TRANS(1)+VAR SGSR 125 VAR=VARZIN=CONTRACID=TRANS(1)+VAR SGSR 125 VAR=VARZIN=CONTRACID=TRANS(1)+VAR SGSR 125 VAR=VARZIN=CONTRACID=TRANS(1)+VAR SGSR 125 VAR=VARZIN=CONTRACID=CONTRACID=CONTRACID=TRANS(1) SGSR 125 VAR=VARZIN=CONTRACID=CONTACID=CONTACID=CONTACID=CONTRACID=CONTRACID=CONTRACID=CONTRACID=CONTRACID=CONTRACID=CONTACID=CONTRACID=CONTACID=CONTRACID=CONT	RD=RNDR	M(R)	S65R 123
WAR-EN*DEFI VAR-EN*DEFI SGSR VAR-WAR/(SIN(FETA(1))+0.0001) VAR-WAR/(SIN(FETA(1))+0.0001) SGSR VAR-WAR/(SIN)FRANS(1)) SGSR SGSR TRANS(1)=TRANS(1)) SGSR SGSR TRANS(1)=TRANS(1)) SGSR SGSR CX(1)=TRANS(1)) SGSR SGSR CX(1)=CT*A SGSR SGSR C CONTINUE SGSR C CONTINUE SGSR ReTURN SGSS SGSR Z(1)=SCRS SGSR SGSR END SGSS SGSR SGSR Z(1)=SCRS S(1)+Y(1) SGSR SGSR Z(1)=SCRS Z(1)=Y(1)+Y(1)+Y(1) SGSR Z(1)=SCR	VAR=RN*DEFI VAR=ZVARY(SIN(TETA(1))+0.0001) VAR=ZVARY(SIN(TETA(1))+0.0001) VAR=AMOS(VAR, 28316) TRANS(1)=TRANS(1)) SGSR 127 A=COS(TPANS(1)) B=SIN(TEANS(1)) B=SIN(TEANS(1)) CV(1)=CT*6 1 CONTINUE CV(1)=CT*6 1 CONTINUE CV(1)=CT*6 1 CONTINUE CV(1)=CT*6 565R 137 565R 137 565R 135 565R 105 565R 10	RN12.*((RD+0.5)	S65R 124
WAR=VAR/(SIN(TETA(I))+0.0001) \$65R VAR=MOD(VAR,6.28316) \$65R VAR=MOD(VAR,6.28316) \$65R VAR=MOD(VAR,6.28316) \$65R TRANS(I)=TRANS(I)) \$65R R=SIN(TRANS(I)) \$65R CX(I)=CT*A \$65R CY(I)=CT*A \$65R CY(VAR=VAR/(SIN(FETA(I))+0.0001) 5658 125 VAR=VAR/(SIN(FETA(I))+0.0001) 5658 125 VAR=VARS(I)=FALNS(I)+VAR 5658 129 TRANS(I)=FALNS(I)+VAR 5658 129 Second (TEANS(I)) 5658 129 B=SIN(FAANS(I)) 5658 130 CX(I)=CT*A 5658 133 CY(I)=CT*A 5658 135 RETURN 5658 135 ReUN 5658 135 CY(I)=CT*A 5658 135 RETURN 5658 135 CY(I)=CT*A 5658 135 CY(I)=Y(I)=Y(I)+Y(I)+Y(I)+Y(I) CY(I)=Y(I)+Y(I)+Y(I)+Y(I)+	VARE	zrn*defI	565R 125
VAR=AMOD(VAR,6.28316) TRANS(1)=TRANS(1)+VAR A=COS(TFANS(1))+VAR A=COS(TFANS(1)) CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A CT(1)=CT*A SGSR	VAR=AMOC(VAF,6.26316) 5658 127 TRANS(11)=TRANS(11) 5658 126 RANS(1)=TRANS(11) 5658 126 B=SIN(TRANS(11)) 5658 137 CX(1)=CT*A 5658 133 CX(1)=CT*A 5658 135 CX(1)=CT*A 5658 135 CX(1)=CT*A 5658 105 Subsours 5658 105 CX(1)=CT(2)*Y(1) 5658 105 CX(2)=CX(2	VAREV	VAR/(SIN(TETA(I))+0.0001)	S65R 126
RPANS(I)=TRANS(I)+VAR SGSR A=COS(TPANS(I)) SGSR B=SIN(TEANS(I)) SGSR CX(I)=CT*A SGSR CX(I)=CT*A SGSR CY(I)=CT*A SGSR CY(I)=CT*A SGSR CY(I)=CT*A SGSR CY(I)=CT*A SGSR CY(I)=CT*A SGSR CY(I)=CT*A SGSR SGSR SGSR CY(I)=CT*A SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR RID SGSS SUBROUTINE CROSS,CROSS SUBROUTINE CROSS,CROSS SUBROUTINE CROSS,CROSS SUBROUTINE CROSS,CROSS Z(1)=X(2)=X(1)+Y(1) SGSR Z(1)=X(1)+Y(1) SGSR Z(1)=X(1)+Y(1) SGSR Z(1)=X(1)+Y(1) SGSR Z(3)=X(1)+Y(1) SGSR Z(3)=X(1)+Y(1) SGSR Z(3)=X(1)+Y(1) SGSR Z(3)=X(1)+Y(1) SGSR Z(3)=X(1)+Y(1) SGSR SGSR SGSR SGSR </td <td>RANS(I)=TRANS(I)+VAR 5658 129 R=COS(TFRANS(I)) 5658 129 B=SIN(TEANS(I)) 5658 131 CY(I)=CT*A 5658 134 CY(I)=CT*A 5658 134 CY(I)=CT*A 5658 134 CY(I)=CT*A 5658 134 RETURN 5658 135 B,IS 5658 135 CYIS 5658 135 CROSS, CROSS 5658 135 CROSS, CROSS 5658 135 CROSS, CROSS 5658 135 CYIS 5658 135 CYIS 5658 135 CYIS 5658 105 CYIS 5658 105 CYIS 5658 105 CYIS 5658 105</td> <td>VARE</td> <td>= AMOD(VAR, 6.28316)</td> <td>. S6SR 127</td>	RANS(I)=TRANS(I)+VAR 5658 129 R=COS(TFRANS(I)) 5658 129 B=SIN(TEANS(I)) 5658 131 CY(I)=CT*A 5658 134 CY(I)=CT*A 5658 134 CY(I)=CT*A 5658 134 CY(I)=CT*A 5658 134 RETURN 5658 135 B,IS 5658 135 CYIS 5658 135 CROSS, CROSS 5658 135 CROSS, CROSS 5658 135 CROSS, CROSS 5658 135 CYIS 5658 135 CYIS 5658 135 CYIS 5658 105 CYIS 5658 105 CYIS 5658 105 CYIS 5658 105	VARE	= AMOD(VAR, 6.28316)	. S6SR 127
R=SIN(TEANS(I)) SGSR B=SIN(TEANS(I)) SGSR CX(I)=CT*A SGSR SGSR SGSR R+ID SGSR B+IS CROSS,CROSS R+IS SGSSR B+IS SUBROUTINE CROSS,CROSS SGSR SGSR SGSR	R, IS CROSTFANS(I) (CC (1)=CT*A (CC (CC (CC (CC (CC (CC (CC (CC (CC (C	TRANS(1	I) = TRANS(I) + VAR	S65R 128
B=SIN(TRANS(I)) C X(I)=CT*A C X(I)=CT*A C X(I)=CT*A C X(I)=CT*6 SGSR SGS	B=SIN(FKANS(I)) 565R 131 CX(I)=CT*A 565R 131 CX(I)=CT*A 565R 131 CY(I)=CT*A 565R 134 CY(I)=CT*A 565R 134 CY(I)=CT*A 565R 134 CY(I)=CT*A 565R 105 SG5R 105 565R 105 C(I)=CT*A 565R 106 C(I)=CT*A 565R 107 C(I)=CT*A 565R 107 C(I)=CT*A 565R 108 C(I)=CT*A 565R 108 C(I)=CT*A 565R 108 C(I)=CT*A 565R 108 C(I)=CT<(I)*Y(I)	A=COS(1	TPANS(I))	S65R 129
C (1)=CT*A C (1)=CT*A C (1)=CT*6 C (1)=CT*6 C (1)=CT*6 S65R S65R S65R S65R S65R S65R S65R C RETURN END C RETURN END C RETURN END D1HENSION X(3),Y(3),Z(3) Z (1)=X(2),Y(3),Y(2) Z (2)=X(1)-X(1),Y(2) Z (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1),Z(2),Y(2) C (2)=X(1),Y(2)-X(2),Y(1),Z(2),Y(2)-X(2),Y(2),Z(2),Y(2),Z(2),Z(2),Z(2),Y(2),Z(2),Z(2),Z(2),Z(2),Z(2),Z(2),Z(2),Z	R,IS CX(I)=CT*A 565R 131 CY(I)=CT*6 565R 131 CY(I)=CT*6 565R 131 CY(I)=CT*6 565R 131 CY(I)=CT*6 565R 131 SG5R 135 565R 135 SG5R 135 565R 136 SG5R 135 565R 136 RETURN 565R 136 SG5R 135 565R 136 SG5R 135 565R 105 SG5R 135 565R 105 SG5R 105 565R 105 SG5R 105 565R 107 Z(1)=Z(2)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) 565R 107 Z(3)=Z(1)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) 565R 107 SG5R 111 565R 107 SG5R 110 565R 110 ReTURN 565R 110 SG5R 110 565R 110 SG58	BESIN	(TEANS(I))	S65R 130
C CY(I)=CT*6 1 CONTINUE C RETURN END END R,IS CROSS,CROSS R,IS CROSS,CROSS CROSS CROSS,C	C Y(1)=CT+6 C Y(1)=CT+6 C RETURN E RETURN E ND R,IS CROSS,CROSS R,IS CROSS,CROSS R,IS CROSS,CROSS CRO	CX (I) =	ICT*A	SGSR 131
I CONTINUE S65R C RETURN S65R END END S65R END END S65R S65R S65R S65R S65R S65R S65R S15 S115 CR055,CR055 S15 S115 S111 S11 S111 S111 S111 S111	I CONTINUE 565R 133 C RETURN 565R 134 S65R 134 565R 135 END 565R 136 R,IS CROSS,CROSS S05S,CROSS 565R 105 DIMENSION x(3), y(3), z(3) DIMENSION x(3), y(13), z(3) Z(1)=X(2)=X(3)+Y(1) 565R 105 Z(1)=X(2)=X(1)+Y(1) 565R 106 Z(1)=X(2)+Y(1) 565R 109 Z(2)=X(1)+Y(2)-X(1)+Y(1) 565R 109 Z(3)=X(1)+Y(1) 565R 110 R=TURN 565R 110 S65R 110 565R 110	C (I) =	11CT+6	S65R 132
C RETURN END END END SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR	C RETURN FND END END END END SGSR 134 SGSR 135 SGSR 135 SGSR 105 SGSR 105 SGSR 107 SGSR 1107 SGSR 107 SGSR 107	1 CONTI	INUE	S65R 133
R, IS CROSS, CROSS (CROSS, CROSS, CRO	R, IS CROSS, CRO	U		S65R 134
<pre>R,IS CROSS,CROSS DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)+X(1)-X(2)-X(2)-X(2)-X(2)-X(2)-X(2)-X(2)-X(2</pre>	R,IS CROSS,CROSS SGSR 105 SGSR 105 SGSR 105 SGSR 105 SUBROUTINE CROSS(x, Y, Z) SIBROUTINE CROSS(X, Y, Z) SGSR 105 SUBROUTINE CROSS(X, Y, Z) SGSR 105 SGSR 105 SUBROUTINE CROSS(X, Y, Z) SGSR 105 SGSR 105 SIBROUTINE CROSS(X, Y, Z) SGSR 105 SGSR 107 SIBROUTINE CROSS(X, Y, Z) SGSR 107 SGSR 110 SIBROUTINE CROSS(X, Y, Z) SGSR 110 SGSR 110 RETURN END SGSR 111 SGSR 111	RETURN		S6SR 135
R,IS CROSS,CROSS SUBROUTINE CROSS(X,Y,Z) SUBROUTINE CROSS(X,Y,Z) DIMENSION X(3),Y(3),Z(3) Z(1)=X(2)*Y(3)-X(3)*Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(2)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN	<pre>R,IS CROSS,CROSS SUGROUTINE CROSS(X,Y,Z) SUGROUTINE CROSS(X,Y,Z) SUGROUTINE CROSS(X,Y,Z) SUGROUTINE CROSS(X,Y,Z) SUGROUTINE CROSS(X,Y,Z) SGSR 105 SGSR 107 SGSR 110 SGSR 111 SGSR 110 SGSR 111 SGSR 110 SGSR 111 SGSR 111 SGSR</pre>	END		SGSR 136
<pre> ?,IS CROSS,CROSS ?,IS CROSS,CROSS(X,Y,Z) SUBROUTINE CROSS(X,Y,Z) DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) SGSR Z(1)=X(2)*Y(3)-X(3)*Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SG</pre>	<pre>Relation State Cross(x, Y, Z) SGSR 105 SUBROUTINE CROSS(X, Y, Z) DIMENSION X(3), Y(3), Z(3) Z(1)=X(2)*Y(3)-X(3)*Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(2)=X(3)*Y(1)-X(1)*Y(3) SGSR 109 RETURN END END</pre>	المراجع (ماروم والإرام مارم المراجع ال المراجع المراجع		
SUBROUTINE CROSS(X,Y,Z) SUBROUTINE CROSS(X,Y,Z) DIMENSION X(3),Y(3),Z(3) Z(1)=X(2)*Y(3)-X(3),Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN SGSR	SUGROUTINE CROSS(X,Y,Z) DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) Z(1)=X(2)*Y(3)-X(3)*Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(2)=X(1)*Y(2)-X(1)*Y(3) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN END END	.1 CR055.CR055		
DIHENSION X(3),Y(3),2(3) Z(1)=X(2)*Y(3)-X(3)*Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(2)=X(3)*Y(1)-X(1)*Y(3) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN	DIHENSION X(3),Y(3),Z(3) Z(1)=X(2)*Y(3)-X(3)*Y(2) Z(1)=X(2)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(2)=X(3)*Y(1)-X(1)*Y(3) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN END END	SUBROU	UTINE CROSS(X,Y,Z)	S6SR 105
Z(1)=X(2)*Y(3)+Y(2) Z(2)=X(3)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN	Z(1)=X(2)*Y(3)+Y(2) Z(2)=X(3)*Y(1)-X(1)*Y(2) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN END END	DIMENS	SION X(3),Y(3),Z(3)	S65R 106
Z(2)=X(3)*Y(1)-X(1)*Y(3) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN S6SR	Z(2)=X(3)*Y(1)-X(1)*Y(3) Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN END SGSR 110 SGSR 111 SGSR 111	Z(1)=X	X(2)+Y(3)-X(3)+Y(2)	S65R 107
Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) SGSR RETURN SGSR	Z(3)=X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1) RETURN END SGSR 110 SGSR 111 SGSR 111	Z(2)=X	X(3)*Y(1)~X(1)*Y(3)	SGSR 108
RETURN SGSR	RETURN END SGSR 111 SGSR 111	Z (3)=X	X(1)*Y(2)-X(2)*Y(1)	S6SR 109
	END SGSR 111	RETURN		SGSR 110
END		END		S65R 111
		х , т , т		

FOR, IS DIGEST, DIGEST

* い

	SUBROUTINE DIGEST	SGSR	137
	COMMON/COMIX/VARIX(10), HIPER(10,100), NK	SGSR	138
	COMMON/COMWOR/NEV	SGSR	139
	COMMON/COMRES/INSERT(150)	SGSR	140
	DIMENSION ISOM(10)	SGSR	141
	DATA IV/D/	SGSR	142
***		SGSR	143
	WRITE(6,2) NEV	SGSR	144
2	FORMAT(1H1 // 47(1H*) , "CE RUN ANALYSE", 13," EVENEMENTS.	 RESGSR 	145
*	SUME* , 48(1H*) /)	SGSR	146
	CALL UZERO(ISOM,1,NK)	SGSR	147
	00 1 1=1,NEV	SGSR	148
	WRITE(6,3) I, INSERT(I), (NIPER(K,I), K=1, NK)	SGSR	149
	IF (INSERT(I).NE.C) GO TO I	SGSR	150
		SGSR	151
	D0 4 J=1,NK	SGSR	152
	IF (NIPER(J,I).6T.0) ISOM(J)=ISOM(J)+1	SGSR	153
4	CONTINUE	SGSR	154
+4	CONTINUE	SGSR	155
m	FORMAT(215, 10X,10110)	SGSR	156
	WRITE(6,6) (ISOM(K),K=1,NK)	SGSR	157
9	FORMAT(/ 4X, "NOTE GLOBALE" ,4X,1DIIO)	SGSR	158
I	WRITE(6,7) IV	SGSR	159
-	FORMAT(2X, POUR, I3 , EVENEMENIS RETENUS')	SGSR	160
* * *		SGSR	161
•	RETURN	SGSR	162
	END	SGSR	163

ں ا

168 169 170 165 166 74 176 179 180 182 183 84 185 186 138 194 167 172 173 175 178 181 187 189 190 92 164 177 191 93 171 200 195 196 197 198 199 201 202 SGSR ***** · · · · · · a DCZ a DCY -COSL*SINP COSL*COSP A(3)=0P B(3)=-SINL*COSP*A(2)-COSL*SINP*A(3) 6(2)=-SINL*SINP*A(2)+COSL*CUSP*A(3) * • A(3) = AZIMUT VAPIABLE TRANSFORMATION COS(L)*COS(PHI) COS(L)*SIN(PHI) DR (INDEFINI), A(2)=DL -SINL*COSP -SINL*SINP a CZ ۍ ۲ DIRCOS(A, E) a DCX SIN(L) х С 10 COSL DIMENSION A(1), E(1) ര ERDICO(A,B) DIMENSION X(1),Y(1) DOT(X,Y) JACOBIAN cos(x) =Ħ COS(2) = A(2) = DIPB(3)=COSL*COSP B(I)=ABS(B(I)) E(1)=COSL*A(2) B(2)=COSL *SINP COSL=COS(A(2)) SINL=SIN(A(2)) COSP=COS(A(3)) SINP=SIN(A(3)) COSTYD (C) X * (C) X + A = A SUERCUTINE 00 2 I=1,3 B(1)=SINL D0 1 J=1,3 \circ FUNCTION RETURN =(T) Y 60 TO 1 01200S, EIF 000 ENTRY RETURN DOT=A END A = 0. END DOT, DOT *** *** * * * ** *** *** *** *** * * * *** *** N *** *** 514 104 FOR, IS

209 204 205 206 210 215 203 207 208 212 213 214 216 218 219 220 239 211 217 221 222 223 225 226 228 229 230 231 232 233 234 235 236 237 238 240 242 243 224 227 241 SGSR SGSR SGSR SGSP SGSR A(100), FS(10,100), WM(10), WM(10), PRYN(10) 1X) 10(E10.5,1X) 10(E10.5,1X 10(E10.5, COMMON/COMIN/NDEF, DEFI, IT (4), INFO ESTIM(RS, NM, PFCEJ VALEUR MOYENNI VARIANCE \$ PROBABILITE 60 TO 10 IF (VH.GT.FROB) PROBEVM CALL PROBY (VM, VAR, SWK) 60 TC o. VAR=VAR+(A(I)-WM(K))++2 60 10 PRYN SWK=SORT (WK (K)) WK(K)=VAR/(NDEF-2. IF (INFO.LT.1) W (K) = Y N (NDEF -] • 1 12 A (I)=AL05(RS(F,I) IF (NDEF.LT.4) ž DO 5 K=1,NK DO 8 K=1,NK SUPRCUTTRE DIFENSION 6 (INFO.LT.1) DO 2 I=2,NDEF PRYN(K) = VH DO 1 1=2, NDEF WRITE (6,3) WRITE (6,6) VAREWM (K) (I) V+HA=HA CONTINUE ORMATI / CONTINUE IF (DCFI) PROS=0. CONTINUE WRITE(6,7) CONTINUE CONTINUE CONTINUE FORMAT FORMAT(VAR=C. RETURN VH=0. END ESTIR, CSTIP C # * * * **** **** N ഗ œ M Ö 10 ပ J FUT # TO

51,807	I T T T T T T T T T T T T T T T T T T T			
	~ 1	UGROUTINE "ALCAT(3.1START.ISTOP)	999 2699	1 1 1 1
	сњ.	ARAWETER A FILTESC	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	245
	Ĵ	OMMON/COMPOR/WEY. CODIEDTH). RANGE (WDTM). CHABGE (MDTM). A7T (MDTM).		246
•	,	TEREST CONTRACT STRUCTURE FOR THE AND		0 1 7 4 9 6
		ARDJULY FUNCTION FULL AND AND PERCURANANANANANANANANANANANANANANANANANANAN	200K	1 1 2
	ر	UNDUR CUMINY MEET, 185 (4), NI, 1MF C	SGSR	248
		COMMON/COMENT/P(NDIM),DP(NDIM)	SGSR	249
	ц Ц	ATA NEV/0/,N%N/12/,NOUT/6/,CONV/0.0174533/	SGSR	250
	ပ ပ		SGSR	251
	4	CONTINUE	SGSR	252
	œ	EAD(NIN.1.END=6.ERR=6) ROLL.FRAHE.TOPOL.XVERT	SGSR	253
	2	EVENEV+1	S 6 S R	254
			1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	- 1 - 1 - 1
	•	FODWATI DEP 21		252
	ا ر			557
	, ,	CONTTRUE		- n - n - n - n - n - n - n - n - n - n
	J	CONTINUE FADUITH 1 EMD-31 BATI DRATH AZTATI DAVITA DAVITA FODIDATI		
	<u>د</u> بر ر	CAUININGIAENU-37 - FIIIGUFIIIGAZINIGUAZINIGUIFIIGUAFING PHADGFII, DANGFII, PODITI	2000 2000	260
	+	<pre>CIARGE(11) # AARCE(11) # COULTA F (P(T) + QQQ.) . 3.</pre>	1000 1000	261
	- 4 F			1 C + C + C + C + C + C + C + C + C + C
	- C		2000 2000	202
	ں د		5 C C C C C C C C C C C C C C C C C C C	202
•	ر		2002	4 0 4
	М	CONTINUE	SGSR	265
	H	F (NEV.LT.ISTART) GO TO 4	SGSR	266
		F (NEV.GT.ISTOP) GO TO 6	SGSR	267
			SGSR	268
	ပ ပ		SGSR	269
	н	F (IKF0.LT.1) 60 TO 5	SGSR	270
	14	RITE(NOUT, 7) NEV, ROLL, FRAME, TOPOL, XVERT	SGSR	271
	7	FORMAT(// 25(1H*) 'EVENT ND', 14, 10(1H*) , IDENTIFICATION R',	SGSR	272
	¢F5	•2, * F *,F8•2, * T *,F5•2,* X*,F8•2,25(1H*) /)	SGSR	273
	3	RITE(6.10)	SGSR	274
		FORMATI 9X. T CON RANGE CHARGE ' 8X. P	DPSGSR	275
	**) •	· INY. AZT · NAZT DIP ERNP' /)	SGSR	276
	ſ	CONTINUE	SGSR	277
			SGSR	278
	د	TE (TNEO.ET.C)	SGSR	279
	*	RITE (NGUT.9) J.COD(J) RANGE(J), CHARGE(J), P(J), GP(J), AZI(J),	SGSR	280
	: · +:	A7T(J), DTP(J), FR0TP(J)	SGSR	281
		FORMATE TID.3F9.3.IDX.2E9.3.IDX.4E9.3)	SGSR	282
	~		SGSR	283
			SGSR	284
	20		SGSR	285
	ו ב		a 5 5 5	786
•	فينا د	RUIP (J) TEKUIP (J) *CONV	565R	287
	o ر		SGSR	288
	، د		2552	280
	<u>×</u> ,			29 <u>0</u>
	ت ص		2005	291
	-			

FOR.IS	PROBY, PROEY	
	SUPROUTINE PROEY(VM,VAR,SWK)	565R 292
	DATA SUPI/C.3989423 / , hFI/20/	S65R 293
ň		565R 294
,	VNIED.	S65R 295
	DIV=2.*SVK*SKK	SGSR 296
	DVAR=3.*SWK/NFI	S65R 297
	BMAX=VAR+3.*SWK	S65R 298
	BINFHOVAR	S6SR 299
	C ####	S65R 300
	1 CONTINUE	S65R 301
	BINF=RINF+DVAR	S65R 302
	BSUPEBINF + DVAR	S65R 303
	IF (BSUP.61.5MAX) 60 TO 2	S65R 304
	BX=(BINF+FSUP)/2VAR	SGSR 305
	FX=EXP(+BX*PX/DIV)	SGSR 306
	VMIVH+FX+DVAR	S65R 307
*	60 TO 1	SGSR 308
- ,		S6SR 309
	2 CONTINUE	S65R 310
	VMIVE+SCPI/SWK	S65R 311
	RETURN	S65R 312
	END	S65R 313
,		
FOR.IS	RAHDU, RANDU	
•	SUBROUTINE RANDUCIX, IY, R)	S65R 314
	UATA HASK/037777777777777	S65R 315
	I Y = (2 × 2) × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2	SGSR 316
	IY=AND(IY, MASK)	SGSR 317
	R=IY*(1.0/34359738367)	S65R 318
2	RETURN	S65R 319
	END	SGSR 320

FOR, IS RIDATA, RIDATA

SUGROUTIKE RIDATA(S, ISTART, ISTOP)	SGSR	321
PARAMETER NUIMESO, MUIMEISO	SGSR	322
COMMON/COMIN/NDEF,DEFI,G,S,SC,NT,INFO	SGSR	323
COHMON/COMRES/INSERT(MDIM), STOVAL(MDIM), NFIS, NSTAR, MULTY(MDIM),	SGSR	324
1 ITOILE(MDIM),LABO(MDIM)	SGSR	325
COMMON/COMWOR/ NEV, NATU(NDIH), FLON(NDIM), DLON(NDIM), RAZI(NDIM),	SGSR	326
<pre>* ERAZI(NDIM),RZ(NDIM),ERZ(NDIM),DIP(NDIM),ERDIP(NDIM)</pre>	SGSR	327
DIMENSION ATEXT(60),Z1(NDIM),Z2(NDIM),AZ1(NDIM),Z(NDIM)	SGSR	328
DATA NE/9/,NEV/D/ ,CONV/57.296/ ,DS,DS0/10.,10./ ,NK/1U/	SGSR	329
	SGSR	330
IS CONTINUE	SGSR	331
NEV=NEV+1	SGSR	332
IF (NEV.6T.ISTOP) RETURN 1	SGSR	333
J=D	SGSR	334
CC WRITE(6,13)	SGSR	335
13 FORMAT(1H1)	SGSR	336
READ(NK,1) IETOIL,COUREE,6 ,INSERT(NEV),LABO(NEV)	SGSR	337
I FORMAT(I3,7X,2F10,5,11,4X,11)	SGSR	338
2 CONTINUE	SGSR	339
READ(NE, 3) NPLA, MICRO, S, SO, (ATEXT(I), I=1,59)	SGSR	340
5 FORMAT(1X,14,12,2F7.1,59A1)	SGSR	341
12 FORMAT(/ 30(1H*) , ETOILE NO', I3, * ID', I5, I0X, 59A1 , 12(1H*) /	SGSR	342
* 30X, *S =*, F6.1 ,	SGSR	343
* * SO =*,F6.1,* 6 =*,F6.2,* COURBURE =*,F6.2 //)	SGSR	344
С. С.	SGSR	345
IF (NPLA.EQ999) 60 TO 2	SGSR	346
IF (NPLA.EQ333) .RETURN 1	SGSR	347
	SGSR	348
5 READ(NE,4,ENP=16,ERR=16) NPL,NT,NAT,ELON	SGSR	349
4 FORMAT(I4,2I2,3F7.3,11,F7.3)	SGSR	350
11 CONTINUE	SGSR	351
READ(NE,4) NPL,NT,NAT,ELON	SGSR	352
CALL CORENA(LABO(NEV), NAT)	S05R	10 10
	SGSR	354
IF (NPL.EQ800) 60 TO 5	SGSR	355
IF (NPL.EQ900) 60 TO 6	SGSR	356

359 360 200 362 363 364 365 366 368 369 370 361 367 372 373 112 374 375 388 389 395 376 377 378 279 380 381 382 383 384 385 386 387 390 391 392 393 394 396 397 398 399 400 401 402 SGSR SGSh SGSR SGSP SGSR SGSR. SGSR CALL CALCOU (COURBE, ERCOUR, 6, FLON(J), CORCOU, ERCOU) NPL,NT,ELCN,(AZI(I),I=1,10) kFL, NT, ELON, (Z1(1), I=1,10) NPL, NT, ELON, (Z2(I), I=1,10) AZI(I)=IAZI+(AZI(I)-IAZI)*1.6666667 IF (ABS(W).LT.].E-S.AND.W.LT.0.0) ER2(J)=ER2(J)+PS0/S+S0*DS/S**2 IC.F4.1,10F7.2) IF (NMESU.EQ.D) STOP MMESU EF2(J)=EF2(J)+(C,1+EFC0U)*S0/S AZI0=AZIT/NMESU ((I) IZZ (Z) (I)) + ABS (AZI (I)) -COUREE AZI(I)=AZI(I)*0.0174533 AZIT2=AZIT2+AZI(I)**2 VALEURS HOYENNES ERZ (J) = SQRT (W/HME SU) DLON(J)=6/NPESU/2. AZIT=AZIT+AZI(I) 6.9. (I)=22(I)=21(I) 4=272-27*27/14ESU (I) IZ-(I) ZZ=(I) Z FLON(J)=ELON*G 2**(I)2+212=212 ΙΥΡΕ FORMAT(14 D0 8 I=1,10 NMESU=NHESU+1 INZI=AZI(I) IF (WWW) NATU(J)=NAT IF (J.EQ.1) READ(RE,7) READ(RE, 7) READ (NE,7) ERCOUR=0.09 LURIINUL (I) Z + I Z = I ZCONTINUE DLON(J)=1.0 AZIT2=0. CONTINUE ECARTS AZIT=0. NNESU=0 ZT2=0. [+つ…つ 21=0. AZIMUT COTE ά C ### C C C

	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
			· .
	ERAZI(J) = E k A Z I (J) + (1 - 0029	555P	407
	IF (J.YE.I)	SGSR	40.8
	<pre>c ERAZI(J)=EFAZI(J)+ERAZI(1)</pre>	SGSR	404
C * * *		SGSR	410
	RAZI(J)=A7I1/14FSU-AZIO	SGSR	411
	RZ(J)=ZT*S0/S/MHESU	SGSR	412
	RZ (J)=R7 (J)-COPCOU+SO/S	SGSR	413
	R = R 2 (J) / F L (A. (J)	SGSR	414
	DIP(J)=ATFN(R)	SGSR	415
ပ ပ	ERDIF(J)=(AES(RZ(J)+DLON(J))+ABS(ERZ(J)+FLON(J)+G))/(FLON(J)++2	SGSR	416
	EPDIF(J)=(APS(RZ(J)*DLON(J))+A6S(ERZ(J)*FLON(J)))/(FLON(J)**2	SGSR	417
	+ F2(J)**2)	SGSR	418
	JJ=J	SGSR	419
	G0 T0 11	SGSR	420
\$	CONTINUE	SGSR	421
U		SGSR	422
	MULTY (NEV)=JJ-1	SGSR	423
	ITOILE(NEV)=NPLA	SGSR	424
	IF (PEV.LT.ISTAPT) GO TO 15	SGSR	425
	WRITE(6,12) IETOIL, WPLA, (ATEXT(K), K=1,59) , S, SO, G, COURBE	SGSP	426
	IF (INFO.6E.2) KRITE(6,14)	SGSR	427
14	FCAMAT(2CX, I NATU LONG BLONG AZI DAZI	565P	425
	c Z DZ DIP ERUIP'/)	SGSR	429
	D0 100 1=1,JJ	SGSR	430
	IF (FAZI(I).LT.O.) RAZI(I)=RAZI(I)+6.2831853	565R	431
			•
	X	SGSR	432
	EXEAZ=ERAZI(I)*CONV	SGSR	433
	ZIP=CIP(I)*CONV	SGSR	434
	EZIP=ERDIP(I) * CCNV	SGSR	435
	IF (IMF0.65.2)	SGSP	436
	<pre>write(6,200) I, NATU(I), FLON(I), DLON(I), XRAZ, EXRAZ,</pre>	SGSR	437
	★ RZ(I), ERZ(I), ZIP, EZIP	565R	438
100	CONTINUÉ	SGSR	439
200	FORMAT(2CX,215,8E10.4)	565R	440
	۲۲=۲۷ .	SGSR	1 5 5
ပ ပ		SGSR	2 4 4
	RETURN	565K	4 4 C
16	RETURN 1	565K	す i す : す :
	END	SGSK	5 5 7 5

.

r UN J L S			
	SUERBUTINE POIATO(RR,CX,CY,CZ)	5658	446
	DARAMETER NOTWORD	(C U U U U U U U U U U U U U U U U U U	1 (
·		とうりつ	
* -	EUUSLE PRELISION RR, CX, CY, CZ, RCX, RCZ, RCZ.	SGSR	448
	DOUBLÉ PRECISION FRORM, GNORM	SGSR	449
•	COMMON/COMTN/II(5).NI	0000 0000	450
	DIMENSION DERVICENDIME, CVEMDIME, CZEMDIME, DCVEMDIME DCVEMDIME		
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2000	
		くらして	1 0 V
	υ	SGSR	453
	ENORM=SQRT(RR(1) **2+RR(2) **2+RR(3) **2)	SGSR	454
	GNORM=SQRT(RR(3)**2+RR(1)**2)	SGSR	455
	DO 1 K=1.NT	SGSR	456
	RC7(K)=FR(3)+C2(K)+RR(2)+CY(K)+RR(1)+CX(K)	SGSR	457
	RCY(K)=-FR(3)*RR(2)*C2(K)/6N0RH+CY(K)*GN0RH-RR(2)*RR(1)*CX(K)/6N	05658	45.8
-			
	RCX(K)=-RR(1)*CZ(K)+RR(3)*CX(K)	SGSR	460
		2000	1 0 1
	CY(K)=RCY(K)/FNORM	SGSR	462
	CX(K)=RCX(K)/GHORM	SGSR	463
,	1 CONTINUE	SGSR	464
		SGSR	465
	DETHDN	565P	4 K K
	END .	262K	- 0+
		ı	
FOR.TS	STGNAL STGNAL		
	SUBROUTINE SIGNAL(II)	SGSR	468
	PARAMETER NDIMESO , MDIMEISU , KDIME1600	SGSR	469
	BOURLE DRECTSTON CX.C7	2 C C R	470
•	COULT STRUCT CONTOUNT OF THE STRUCT		
	COMMON CONTRACT FILTS FILTS FILTS FILTS FILTS FILTS COMMON FOMMON FOM FILTS FI	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	1 - 1
	COMPONIZATION COMPONING YANGANI KADAMI KADAMI NETE NETAD		
	совном совестатизати при изаточиствати закати и речиоти.		r u - r
•	COMMUN/CUMCUS/CAINUIMJ ο CTINUIMJ ο CAINUIMJ ο UCAINUIMJ ο UCTINUIMJ ο - ο ο τάμρικά	x n n n n n n n n n n n n n n n n n n n	0
	* UCLINETED CONTON ACOMPUTANT (NDIM) IFTA (NDIM)		
		2000	
b	DIMENSION X1(3),X2(3),X3(3),61(3),62(3),63(3)	SGSR	478
	<pre>>> * , SOM(10) , PS(10,100)</pre>	SGSR	479
	DIMENSION USHI(KDIM), SINAL(10,100),ILOT(10),JLOT(10)	SGSR	4 8 C
	DATA NFIS, NSTAR/D, D/	SGSR	481
	J	SGSR	482
	IF (II.6T.100) STOP DIM	SGSR	483
		SGSR	484
•		SGSR	485
		SGSR	486

439 48.8 065 104 164 492 493 494 495 496 497 498 499 500 501 502 503 504 505 506 507 508 509 510 513 515 516 512 514 517 518 519 511 520 521 SGSR Sest SGSR SCSR SGSR VAR.CASGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR J=ANTRAN(X2(1),X2(2),62(1),62(2),X3(1),X3(2),63(1),63(2),6U,II) DELTA PHI SIGNAL' / WRITE(6,7) U=TRISCA(X1,X2,X3,61,62,63,6U,II) IF (II.EC.1.AND.INFO.EQ.1) 7 , IVERS STOP KDIM ERR VAP.CAR. T0 17 60 TO (14,15,14,15) FORMAT(// 2DX. 0 9 IF (IX.GT.KDIM) (II.6T.1) 61(1)=0CX(1) DO 2 J=IJ,NT 63(2)=DCY(J) D0 1 I=2,NTT 62(2)=DCY(I) 63(3)=DC2() 61(2)=0CY(1)61(3)=DCZ(1) X3(2)=CY(J) X3(3)=C2(7) (C) X) = DCX () 62(1)=DCX(1) 62(3)=0C2(1) X2(1)=CX(I) X2(3)=C2(I) (1) <0 = (1) [> X1(3)=C2(1)XI(2)=CX(I) X3(1)=CX()) X2(2)=CY(I) 60 T0 16 CONTINUE I-IN-IIN I + X I = X II+I=0I ين ب • 22 * 14 15 16 C C

	USH1(1X)=60	a v 9 v	5 7 7
	60 10 18	2 KN CN	5 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
17	CONTIRUE	2552	524
	GUTUSHI(IX)	2002	1 1 1 1 1 1 1 1 1
18	CONTINUE	SGSR	526
U U		SGSR	527
•	WEIGHT=NW(TETA(I),TETA(J),GU)	SGSR	528
	IF (GU) ,2,	SGSR	529
	PASS=-U*U/6U**2	SGSR	530
C ****		SGSR	531
	DO 20 K=1,NK	SGSR	532
	PUSS=PASS/VARIX(K)	SGSR	533
	SIVAL = EXP (PUSS) * WEIGHT	SGSR	534
	SOM(K) # SOM(K) + SIVAL	SGSR	535
с U		SGSR	536
*	IF (INF0.LT.1) 60 TO 5	SGSR	537
Ŧ	IF (K.NE.1) 60 TO 5	SGSR	538
	IF (II.6T.1) 60 TO 5	SGSR	539
	DIF=(PHI(I)-PHI(J))*57.296	SGSR	540
	FID=ABS(DIF)	SGSR	541
	FDI=(FI0-10.)*(FID-170.)*(FI0-190.)*(FID-350.)	SGSR	542
	IF (FDI) 5, ,	SGSR	543
*	WRITE(6,6) I,J,DIF,U,GU,SIVAL	SGSR	544
9	FORHAT(20X, 215,10X,F10.3,3(10X,F10.3))	SGSR	545
S	CONTINUE	SGSR	546
C ####		SGSR	547
20	CONTINUE	SGSR	548
2	CONTINUE	SGSR	549
• 	CONTINUE	SGSR	550
	00 9 K=1,NK	SGSR	551
6	SINAL(K, II)=SOM(K)	SGSR	552
ပ ပ		SGSR	553
`.	IF (II.EQ.1) CALL.UZERO(ILOT,1,NK)	SGSR	554
	DO 22 K=1,NK	SGSR	555
	IF (SIKAL(K,1).6T.SIKAL(K,II)) ILOT(K)=ILOT(K)+1	SGSR	556
	RS(K,II)=SINAL(K, 1)/SINAL(K,II)	SGSR	557
22	CONTINUE	SGSR	558
	IF (II.NE.NDEF) RETURN	SGSR	559
n e en contra			

.
, C		SGSP 56	D
	D0 23 K=1,WK	S65R 56	
- -	NIPER(K,WEV) =0	SGSR 56	2
• ,	JLOT(K)=NBEF-1-ILOT(K)	565R 56	M
•	IF (ILOT(K).GT.JLOT(K)) NIPER(K,NEV)=1	SGSR 56	4
2	3 CONTINUE	S6SR 56	ស
	CALL ESTIM(RS,NK, PROB)	SGSR 56	و
-	IF (INFO.EC.D) 60 TO 8	56SP 56	1
1. e. 10	WRITE(6,13) (SINAL(I,1),I=1,NK)	SGSR 56	8
****	3 FORMAT(/* SIGNAUX PHYS. *, ID(EI0.5,1X).)	S65R 56	6
· · · ·	WRITE(6,4) ((ILOT(I),JLOT(I)),I=1,NK)	S65R 57	0
- - -	4 FORMAT(/ * NOTES PHYS. * ,10(14,1H/ ,13,3H ,))	S65R 57	-
· · ·	6 CONTINUE	SGSR 57	2
U		SGSR 57	M
	WRITE(6,3) PROB	SGSR 57	4
	3 FORMAT(/55X, 'SIGNAL =', E9.3 /)	SGSR 57	5
	IF (INSERT(NEV).NE.D) GO TO 11	.S65R 57	6
	IF (PROB.GT5) NFIS=NFIS+1	SGSR 57	7
	NSTAR=NSTAR+1	S6SR 57	8
1 2	\$ ·		
• •			
-			
	CTOVAL ANEV) HPROB	SGSR 57	6
		SGSR 58	0
·	I CONTINUE	SGSR 58	1
8	DETUDN	S6SR 58	2
· · ·		S65R 58	ñ
en la magaata en lo en la anti-			
	•		•
- -			
ų			
	·		

•

	L ((; ; ; ; ; ; ;	
FUK IS	SIGRETSIGRE	
	SUGROUTINE STORE(IVA)	S65R 584
	FARAMETER NDIM=50	S6SR 585
•	DOUGLE PRECISION CX, CY, CZ, EX, EY	565R 586
	COMMON/COMPHI/TRANS(NDIM)	SGSR 587
	COMMON/COMIN/IT(5),NT	SGSR 588
	COMMON/COMCOS/CX/NDIM),CY(NDIM),CZ(NDIM),DCX(NDIM),DCY(NDIM)	SGSR 589
	DIMENSION XRANS(NDIM), EX(NDIM), EY(NDIM)	SGSR 590
	J	S6SR 591
	GO TO (1,2), IVA	S65R 592
	I CONTINUE	565R 593
•	D0 10 1=1,NT	S65R 594
	EX(I)=CX(I)	S6SR 595
	EY(I)=CY(I)	S6SR 596
The second se	XRAUS(I)=TRANS(I)	. SGSR 597
	ID CONTINUE	S6SR 598
	60 T0 3	SGSR 599
	υ υ	S65R 600
	2 CONTINUE	S65R 601
	DO 20 I=1.NT	S65R 602
	$C \times (I) = E \times (I)$	S65R 603
	CY(I)=EY(I)	S65R 604
	TRANS(I)=XRANS(I)	SGSP 605
	20 CONTINUE	SGSR 606
		SGSR 607
	3 CONTINUE	SGSR 608
	RETURN	SGSR 609
•	END	S6SR 610
-		

614 616 618 619 612 613 615 620 624 628 629 630 636 638 639 640 643 617 622 625 626 633 634 635 637 642 644 646 621 623 627 632 641 645 611 631 SGSP SGSR SGSR SGSP SGSP SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR 45X,15," EVENEMENTS A SIGNAL PHYSIQUE. / 45X,15," EVENEMENTS SAWSSGSR SGSR COMMON / COMRES/INSERT(MDIM), STOVAL(MDIM), NFIS, NSTAR, MULTY (MDIM), ND ETOILE PRINT 4 , I, ITCILE(I), INSERT(I), LABO(I), HULTY(I), STOVAL(I) IH1 // 53(1H*) ,10X, RESUME, 10X,53(1H*) // FORMAT(/ 55X, 'TABLEAU RECAPITULATIF' //25X,' 2X, POUR, 13, EVENEMENTS RETENUS 4X,10110) COMMON/COHIX/VARIX(10),NIPER(10,100),NK SIGNAL. I+(n)HOSI=(n)HOSI 4X, NOTE GLOBALE HUL TIPL ICITE ŝ FORMAT(20X, 5110,, 5X, E10.4 (ISOM(K),K=1,NK) 60 TO ITOILE (NDIM), LABO (MDIM) CALL UZERO(ISOM, 1, NK) SIGNAL PHYSIQUE /) IF (NIPER(J,I).6T.0) PRINT 1 , NFIS,NSTAT F (INSEPT(I).NE.D) ISOV(10) PARANETER MOIN-150 SUMARY COMMON/CONKOR/NEV NSTAT=NSTAF-NFIS LABO ΝI DO 3 I=1,NEV DO 5 I=1,NEV DO 6 J=1,NK WRITE(6,8) SUEROUTINE CONTINUE RITE (6,7) DIMENSION DATA IV/0/ FORMAT (CONTINUE CONTINUE NEV=NEV-1 FORMAT(FORMAT(PRINT 2 I+AI=AI SUMARY, SUMARY RETURN CODE 0 Z Z Q ŝ ð

C

FOR, IS

FOR, IS TITRE, TITRE

5

660 658 659 666 668 649 650 655 656 662 663 664 665 647 648 651 652 653 654 657 661 667 SGSR FORMAT(/ CCEFFICIENTS CARACTERISTIQUES', 10(E9.5,1X) FORMAT(/ 132(1H*) / 50X, ANALYSE DE L ESPACE TRANSVERSE. 45X,13, DEFORMATIONS D UN ANGLE DE'F6.2, DEGRES.) , NK COMMON/COMIX/VARIX(10),NIPER(10,100) TITFE (NDEF, DEFJ, IVERS) FORMAT(55X, VERSION', 16) VARIX NDEF, DEFJ VARIX FORMAT(132(1H*) /) IF (VARIX(I)) 6,6, WRITE(6,2) IVERS CALL RNDM (ZERO) WRITE(6,5) READ(5,4) D0 6 I=1,10 WRITE(6,1) SUBROUTINE WRITE(6,3) FORMAT() CONTINUE I+XN=MN RETURN NK=0 END ¥ و. 3 ŝ 2 M Ċ

669 670 672 673 674 675 676 678 619 683 671 677 680 682 684 685 686 688 689 690 694 696 698 669 681 687 695 700 702 691 692 693 697 701 703 SGSR COMMON/COMWOR/NEV, NATU(NDIM), FLON(NDIM), DLON(NDIM), RAZI(NDIM), ERAZSGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR SGSR COMMON/COMCOS/CX(NDIM), CY(NDIM), CZ(NDIM), DCX(NDIM), DCY(NDIM), , DIF (NDIM), ERDIP (NDIM) • V (3) COMHON/COMPHI/TRANS(NDIM), TETA(NDIM) IF (NATU(I).NE.3) CALL CORER(EXRAZ,EZIP) COMMON/COMIN/NDEF,DEFI,G,S,SO,NT,INFO A(3),6A(3),CD(3),DCD(3) CX+CY+CZ *I (NDIM), RZ (NDIM), ERZ (NDIM) CALL ROTATO(V,CX,CY,CZ CALL ERDICO(GA, DCD) DOUBLE PRECISION TPANSF CALL DIRCOS(A,CD) PARAMETÉR NEIMESO DCY(I)=DCD(2). DCX(I)=DCD(I) DCZ(I) = DCD(3)6A(2)=ERDIP(1) 6A (3)=ERAZI (1) CX(I)=CD(1) CY(I)=CD(2) CZ(I)=CD(3) A(3)=RAZI(I) V(3)= C2(1) DO I I=1,NT A(2)=DIP(I) V(1)=CX(1) V(2)=CY(1) DIMENSION EXRAZ=GA(3) 6A(3)=EXRA2 SUBROUTINE GA(2)=EZIP CONTINUE DCZ (NDIM) EZIP=GA(2) TRANSF, TRANSF

ပ

FOR, IS

DCZ CY CZ	ITE (6,300) CX CY C2 (1) **2) CT) **2) ACY)	•]) kRITE(6,300) 9X, I CX CY CZ ECY DCZ PHI TETA. //) T (]) [] *\$?+CY(I) **2) IAN(ACZ,CT)] *57.296 IAN(ACX,ACY) 9	<pre>(INF0.6E.)) kRITE(6,3C0) cMAT(/ 9X,'I CX CX CY CZ DCX DCX DCY DCZ PHI TETA'//) S CCX(I) CCX(I) CCX(I) CCX(I) CCX(I) CCY(I)</pre>	<pre>IF (INF0.6E.1) kRITE(6,3C0) FORMAT(/ 9X,'I CX CX CX PHI TEIA' //) * DCX DCX DCY DCZ PHI TEIA' //) * CX=CX(I) ACX=CX(I) ACY=CY(I) ACY=CY(I) ACY=CY(I) CT=SORT(CX(I)**2+CY(I)**2) TEIA(I)=ARTAN(ACZ,CT) XTET=TETA(I)*57.296 TRANS(I)=ARTAN(ACX,ACY)</pre>
DCZ CY PHI TEIA'	ITE (6,300) CX CY CZ CY PHI TEIA. (1)**2) CT)	•]) kRITE(6,350) 9X, I CX CY CZ DCY DCZ PHI TEIA. T (]) (]) (]) (]) *57.296]*57.296]AN(ACX,ACY)	<pre>(INF0.6E.)) kRITE(6,3C0) CMAT(/ 9X,'I CX CX CY CZ DCX DCX DCY DCZ PHI TEIA' DCX DCZ PHI TEIA' CCX(I) CCX(I) CCX(I) CCX(I)**2+CY(I)**2) CCY(I) CCY(I) CCY(I)**2+CY(I)**2) CCY(I)=ARTAN(ACZ,CT) CCX(I)*57-296 ANS(I)=ARTAN(ACX,ACY)</pre>	<pre>IF (INF0.6E.)) kRITE(6,300) FORMAT(/ 9X,'I CX CX CY CZ * DCX DCX DCX DCX PHI TEIA' D0 100 1=1,HT ACX=CX(I) ACX=CX(I) ACY=CY(I) ACY=CY(I) CT=SQRT(CX(I)**2+CY(I)**2) TETA(I)=ARTAN(ACZ,CT) XTET=TETA(I)*57.296 TRANS(I)=ARTAN(ACX,ACY)</pre>
DCZ CY PHI	ITE (6,350) CX CY PHI (1)**2) C1)	•]) kRITE(6,3C0) 9X, I CX CX CY T T (]) (]) (]) (]) (AN(ACZ,CT))*57.296 (AN(ACZ,ACY)	<pre>(INF0.6E.1) kRITE(6,3C0) kMAT(/ 9X,'I CX CX CY DCX DCX DCY DCZ PHI (DO I=1,NT (=CX(I)) (=CX(I)) c=CX(I)) c=CY(I)) c=CY(I) c=CY(I)) c=CY(I) c=CY(</pre>	<pre>IF (INF0.6E.1) kRITE(6,300) FORMAT(/ 9x,'I CX CX</pre>
DCZ CY	ITE (6,3C0) CX CX CY C1) ACY) ACY)	•]) kRITE(6,3C0) 9X, 'I CX CX T T (]) [) bCY DCZ () T (]) [) *2+CY(I)**2) TAN(ACZ,CT)]*57-296] AN(ACX,ACY)	<pre>(INF0.6E.)) kRITE(6,3C0) KMAT(/ 9X,'I CX CX DCX DCX DCY DCX IDD I=1,HT (=CX(I)) (=CX(I)) (=CY(I)) CZ AFS(C7(I)) CZ AFS(C7(</pre>	<pre>IF (INF0.6E.)) kRITE(6,3C0) FORMAT(/ 9X,'I CX CX * DCX DCX DCY DCY CX D0 100 1=1,HT ACY=CY(I) ACY=CY(I) ACY=CY(I) ACY=CY(I) CT=SQRT(CX(I)**2+CY(I)**2) TETA(I)=ARTAN(ACZ,CT) XTET=TETA(I)*57.296 TRANS(I)=ARTAN(ACX,ACY)</pre>
DCZ	ITE (6,320) CX CX CX CX DCZ (1)**2) CT) ACY)	•]) kRITE(6,300) 9X,'I CX CX T T (]) (]) (]) (]) (]) *2+CY(])**2) *57-296]*57-296]AN(ACX,ACY)	<pre>(INF0.6E.) kRITE(6,350) kMAT(/ 9X,'I CX DCX DCX DCX LDD I=1,NT (=CX(I) '=CY(I) '=CY(I) '=CY(I) '=CY(I)' '=CY(I)'' '=CY(I)'' '=CY(I)'' '=CY(I)'' '=CY(I)'' '=CY(I)'' '=CY(I)''' '=CY(I)'''' '=CY(I)''''''''''''''''''''''''''''''''''''</pre>	<pre>IF (INF0.6E.1)</pre>
	ITE (6,3C0) Y CX (1) **2) CT) ACY)	•)) kRITE(6,3C0) 9X, I CX T T (J)) (J) Tan(ac2,CT) *57,256 Tan(ac2,ACY)	<pre>(INF0.6E.) kRITE(6,3C0) wMAT(/ 9X,'I CX DCX DCX DCX CC(I) CCX(I) CCX(I) CCX(I) CCY(I) C</pre>	<pre>IF (INF0.6E.1) kRITE(6,3C0) FORMAT(/ 9x,'I CX</pre>

END

S65R 723

FOR, IS	TRISCA, TRISCA		
•	FUNCTION TRISCA(X1,X2,X3,EX1,EX2,EX3,ERTRIS,II)	S558 724	
	DIMENSION X1(3), X2(3), X3(3), EX1(3), EX2(3), EX3(3), R(3), S(3), T(3)	565R 725	- 12)
	C ***	S65R 726	
	CALL CROSS(X2,X3,S)	SGSR 727	· · · ·
	TRISCA=GOT(X1,S)	S65R 728	- CD
	IF (II.6T.1) GO TO 1	S65R 729	U.
	C ***	S65R 730	<u> </u>
	CALL CROSS(X1,X2,R)	S65R 731	-
	CALL CROSS(X3,X1,T)	S65R 732	EN
	D0 2 I=1,3	S65R 733	r 1
	S(I)=ABS(S(I))	S658 734	- T
	R(I)=ABS(R(I))	S65R 735	U 3
	T(I)=ABS(T(I))	S65R 736	JU I
	2 CONTINUE	S65R 737	
	E=DOT(EX1,S)+DOT(EX2,T)+DOT(EX3,R)	S65R 738	œ
	ERTRISEE	S65R 739	Ur.
	C +++	S65R 740	0
	I CONTINUE	SGSR 741	
	RETURN	S65R 742	- N
	END	SGSR 743	2
		•	
FORTS			
	FUNCTION WW(TETAL, TETA2, GU)	SGSR 744	
	CONMON/COMIN/V(7).IVERS	S65R 745	າມ
	DATA DEUX/0.0349066/	SGSR 746	· • •
		SGSR 747	~
	GO TO (1,1,2,2) , IVERS	S65R 748	m
	1 CONTINUE	SGSR 749	~
×	WWII./GU	SGSR 750	67
	2 CONTINUE .	SGSR 751	
	WW=WW*(1EXP(-TETA1*TETA1/DEUX))*(1EXP(-TETA2+TETA2/DEUX))	S65R 752	A 1
	RETURN	S65R 753	∙ .
	END	SGSR 754	-

A-1 : R.H.Thomas .Physics Bulletin, vol.23, p.143, (1972)

A-2 : Byckling and Kajantie. Relativistic Kinematics (Benjamin & sons), (1972)

A-3 : C.O.Kim .Phys. Review, 158, 5, 1261, (1967)

A-4 : M.Abramowitz & I.A.Segun, Handbook of Mathematical Functions(Dover, NY), (1968)

A-5 : Bassel & Wilkin Phys. Review, 174, 4, 1179, (1968)

A-6 : Barshay et al. Phys. Review C , Feb. 1975

CONCLUSIONES

- 1⁴.- Se ha efectuado el "scanning" de primarios de 0-16 a 2,1 Gev/ nucleón obteniendo un valor del recorrido libre medio que concuerda, dentro de los errores experimentales, con los resultados obtenidos por otros autores.
- 2².- Se ha analizado la geometría de los sucesos por dos métodos: el método goniométrico y el método de las 4 coordenadas. Este último resulta ser más preciso aunque menos rápido que el primero. A fin de constatar la validez de los métodos, hemos analizado las trazas "forward" por ambos; un análisis de las diferencias obtenidas entre ellas resulta acorde con los cálculos efectuados basándose en la hipótesis de que los errores asociados dan la desviación "standard" en una distribución normal de valores, cuyo vuñor medio es el obtenido en cada uno de los dos métodos.
- 3ª.- Hemos efectuado un análisis de las secciones eficaces de reacción totales y parciales con los diferentes núcleos de la emulsión, confirmando los resultados obtenidos por otros laboratorios.
- 4ª.- Hemos realizado un estudio de las secciones eficaces a la luz de modelos geométricos y modelos derivados de la teoría de Glauber. Los resultados experimentales concuerdan de un modo más exacto cuando se consideran estructuras nucleares en agregados de para los núcleos ligeros.
- 5⁶.- Se ha analizado la producción piónica suponiendo un modelo de interacciones nucleón-nucleón independientes, utilizando los datos existentes de interacciones individuales y calculando el número de colisiones efectivas y de nucleones interactuantes mediante la teoría del "scattering múltiple" de Glauber. El

ajuste de los resultados experimentales es bueno en general, aunque resulta más deficiente en las interacciones más periféricas, pudiendo ser debido a la existencia de agregados \propto más corrientes en la superficie nuclear, como ya indicamos en el apartado anterior.

- 6².- Se ha realizado un análisis cualitativo del espectro de trazas grises (cascada) suponiendo que son protones de retroceso. Nuevamente se confirman los anteriores resultados.
- 7⁴.- Las distribuciones angulares de las trazas grises y negras en el espacio longitudinal confirman la existencia de dos picos, correspondientes a la fragmentación del núcleo blanco y del núcleo proyectil.
- 8ª.- Las distribuciones angulares de las trazas blancas manifiestan un agudo pico "forward" que podría explicarse por la evaporación en vuelo del núcleo proyectil, mientras que el resto del espectro concuerda con los resultados teóricos que se obtienen considerando la producción piónica.
- 9ª.- La relación "forward-backward" implica la existencia de un retroceso del núcleo blanco con una velocidad del orden de 0.02 C, de acuerdo con otras investigaciones anteriores.
- 10⁴.- Se observan partículas & a gran momento transverso que no pueden explicarse por la teoría de la evaporación y que serán producidas en fenómenos "knock-on" y fenómenos de tipo colectivo, como formación de ondas de choque.
- 11^e.- La aplicación de los modelos hidrodinámicos existentes no satisfacen los resultados obtenidos, en gran parte debido a la no consideración, por aquellos, de la producción piónica.
 11^e.- La aplicación de los modelos hidrodinámicos existentes no sa-

tisfacen los resultados obtenidos, en gran parte debido a la no consideración, por aquellos, de la producción piónica.

- 12⁶.- Hemos efectuado un análisis estadístico en el espacio transverso del grueso de las medidas y se ha generado un espacio-fase para la observación de posibles mecanismos de coplanaridad. Los resultados dan una débil señal, muy amortiguada por el ruido de fondo.
- 13⁴.- Hemos efectuado un análisis de 91 sucesos mediante un método de medidas "finas" que aumenta la precisión y fiabilidad de los resultados, a la par que hemos estimado los errores de un modo lo más cuidadoso posible. Para ello hemos efectuado diversos "test" conducentes a estimar la veracidad y reproductibilidad de las medidas.
- 14².- Se ha efectuado un análisis de los resultados angulares en el espacio transverso y asignado una función característica con un caracter " \mathcal{S} " acentuádo para establecer de un modo cuantitativo la existencia de mecanismos de alineamiento. Ello se ha estudiado tanto para el suceso físico como para un conjunto de sucesos generados aleatoriamente a partir de aquel, mediante un proceso que respeta las leyes de conservación.
- 15⁴.- Hemos obtenido, de este modo, una sucesión de señales correspondientes al conjunto de los sucesos que nos suministra una pequeña señal de coplanaridad, explicable en parte por procesos de tipo cuasielástico con adquisición de un "spin" elevado para los constituyentes de ambos núcleos, blanco y proyectil, que participan en la colisión.

16^a.- El anúlisis correspondiente a otros tipos de interacción, presenta similitudes con óstas, que hacen pensar en la existencia de una dinámica interactiva generalizada.