**ADVERTIMENT**. La consulta d'aquesta tesi queda condicionada a l'acceptació de les següents condicions d'ús: La difusió d'aquesta tesi per mitjà del servei TDX (<u>www.tesisenxarxa.net</u>) ha estat autoritzada pels titulars dels drets de propietat intel·lectual únicament per a usos privats emmarcats en activitats d'investigació i docència. No s'autoritza la seva reproducció amb finalitats de lucre ni la seva difusió i posada a disposició des d'un lloc aliè al servei TDX. No s'autoritza la presentació del seu contingut en una finestra o marc aliè a TDX (framing). Aquesta reserva de drets afecta tant al resum de presentació de la tesi com als seus continguts. En la utilització o cita de parts de la tesi és obligat indicar el nom de la persona autora.

**ADVERTENCIA**. La consulta de esta tesis queda condicionada a la aceptación de las siguientes condiciones de uso: La difusión de esta tesis por medio del servicio TDR (<u>www.tesisenred.net</u>) ha sido autorizada por los titulares de los derechos de propiedad intelectual únicamente para usos privados enmarcados en actividades de investigación y docencia. No se autoriza su reproducción con finalidades de lucro ni su difusión y puesta a disposición desde un sitio ajeno al servicio TDR. No se autoriza la presentación de su contenido en una ventana o marco ajeno a TDR (framing). Esta reserva de derechos afecta tanto al resumen de presentación de la tesis como a sus contenidos. En la utilización o cita de partes de la tesis es obligado indicar el nombre de la persona autora.

**WARNING**. On having consulted this thesis you're accepting the following use conditions: Spreading this thesis by the TDX (<u>www.tesisenxarxa.net</u>) service has been authorized by the titular of the intellectual property rights only for private uses placed in investigation and teaching activities. Reproduction with lucrative aims is not authorized neither its spreading and availability from a site foreign to the TDX service. Introducing its content in a window or frame foreign to the TDX service is not authorized (framing). This rights affect to the presentation summary of the thesis as well as to its contents. In the using or citation of parts of the thesis it's obliged to indicate the name of the author



# Universidad Politécnica de Cataluña Escuela Técnica Superior de Arquitectura Departamento de Estructuras en la Arquitectura

## ESTUDIO SISTEMÁTICO DE LOS APEOS EN PAREDES DE OBRA DE FÁBRICA, CON ESPECIAL ATENCIÓN A LA FISURACIÓN Y A LOS MECANISMOS DE COLAPSO

Tesis Doctoral presentada por:

### Lucrecia Calderón Valdiviezo

Director de Tesis:

Dr. Arq. Jordi Maristrany

Barcelona, 2009

Universidad Politécnica de Cataluña Escuela Técnica Superior de Arquitectura Departamento de Estructuras de la Arquitectura Doctorado en Estructuras en la Arquitectura

"Estudio sistemático de los apeos en paredes de obra de fábrica, con especial atención a la fisuración y a los mecanismos de colapso"

> Memoria presentada para optar por el título de Doctora Arquitecta

Por: Lucrecia Calderón Valdiviezo Arquitecta Máster en Edificación Diploma de Estudios Avanzados

Director: Prof. Jordi Maristany Doctor Arquitecto "...La creación continúa y el Creador se vale de sus criaturas. Los que buscan las leyes de la Naturaleza para hacer obras nuevas, colaboran con el Creador. Por eso la originalidad consiste en volver al origen...".

Gaudí.

#### AGRADECIMIENTOS

Quiero agradecer en primer lugar a Dios, quien me ha dado la vida, junto con la capacidad y la fortaleza para desarrollar este trabajo y por haber puesto en mi camino a muchas personas que han jugado un papel importante en el desarrollo de esta Tesis. En este camino se han presentado momentos de todo tipo, alegres, animosos, de incertidumbre, de duda, como suele ocurrir en toda investigación, sin embargo con su ayuda ha sido posible superarlos.

No puedo dejar de agradecer a mis padres por la vida y la educación que me brindaron y por el apoyo y la confianza que han depositado en mí.

También quiero agradecer a todas las personas que han colaborado en mi formación, tanto intelectual como espiritualmente, de las que he recibido todo el apoyo imprescindible, de un modo incondicional y desinteresado.

Quiero dar las gracias a mi director el Arq. Jordi Maristrany por su apoyo incondicional, brindándome su ayuda en los momentos difíciles.

Quisiera hacer mención de otras personas que han influenciado directamente en mi estudio: al Dr. Ing. Sergio Oller que siempre ha tenido su puerta abierta para cualquier consulta que he tenido e incluso fue un apoyo en momentos de mucha incertidumbre. También al Ing. Ramón Ribó y a la Ing. Lara Peligrine por haberme proporcionado la accesibilidad al programa de cálculo que utilizo en mi trabajo (GID-RambShell) sin ningún tipo de interés. No puedo dejar de mencionar a los Doctores Ingenieros Jaime Gálvez y Daniel Di Capua por compartir conmigo sus conocimientos.

Una mención especial es sin duda para el Arq. Xavier López Rey quien es la persona que hizo nacer en mí el deseo de hacer el Doctorado, cuando nos daba sus clase de cálculo laminar y matricial en el Máster y no sólo eso, sino que con sus inquietudes hizo también crecer en mi el gusto por la fisuración, con el trabajo que me encomendó antes de iniciar la Tesis.

En último lugar, no por tener menos valor sino al contrario, quiero agradecer a la empresa BOMA, a sus directivos y a las personas con las que he tenido contacto a largo de estos años; han sido para mí un apoyo muy importante desde que llegué a España y doy gracias a Dios por haberlos puesto en mi camino. Todos ellos han contribuido en mí formación en todos los aspectos, con sus ejemplos de humildad, desinterés y paciencia, tanto en el ámbito profesional como académico. Considero sus consejos y sus orientaciones de un valor insustituible. Quiero dejar pública mi gratitud a dicha empresa ya que ha sido el punto clave en mi estudio, sin ellos soy consciente que no hubiera sido posible terminar este trabajo.

Para concluir, mi último agradecimiento a las ayudas que he recibido del Arq. Antonio Orti, Isabel (la secretaria del departamento) y otros que han contribuido de modo especial directa o indirectamente en la culminación de este trabajo, mencionar a todos cubriría muchos folios, a todos mis más sinceros agradecimientos.

#### RESUMEN (ESPAÑOL)

Una parte significativa del parque edificado español está formado por estructuras portantes constituidas de obra de fábrica, en las cuales "los apeos" constituyen una actividad frecuente en el mundo de las estructuras de edificación.

Este estudio se centra específicamente en las paredes ubicadas en el interior del edificio, en las cuales sólo se considera la influencia de fuerzas gravitatorias.

La finalidad de la Tesis es ayudar a entender mejor el comportamiento de dichas intervenciones en aspectos relevantes tales como, formas, dimensiones y posición de los huecos; influencia de las condiciones de contorno de las paredes, influencia del zuncho de borde embebido en el forjado y diferentes patrones de fisuras en algunas tipologías de paredes.

Para ello presentamos una metodología basada en un comportamiento "elástico lineal", considerando que cuando el material supera la resistencia a tracción y rompe se descarga completamente.

La Tesis no pretende ser una herramienta para determinar las características de la fábrica ni para obtener la máxima fuerza de rotura tanto a compresión como a tracción; más bien se quiere proporcionar patrones de fisuras que indiquen los mecanismos de colapso de las paredes, y de este modo se puedan prever situaciones que atenten contra la integridad de la estructura y de las personas.

#### RESUMEN (INGLÉS)

A significant part of Spain built park is composed of bearing structures constituting by masonry, in which "the shoring" is a frequent activity on building structures world.

This study focuses specifically on the walls located inside the building, in which only considers the gravitational forces influence.

Thesis purpose is to help better understand these interventions behavior on relevant aspects such as shapes, dimensions and holes position, the walls contour influence, the hooping edge embedded in the hope influence and different cracks patterns in some walls types.

To this end we present a methodology based in behaviour linearelastic, considering that when the material exceeds the tensile strength and breaks, it's downloaded completely.

Thesis intention is not to be as a tool to determine the masonry characteristics or to obtain the maximum breaking strength of both compression and tension, rather we want to provide cracks patterns that indicate the wall collapse mechanisms, and in this way can anticipate situations which jeopardize structure and people integrity.

V

#### ÍNDICE GENERAL

1	INTRODUCCIÓN1-6
1.1	INTRODUCCIÓN1-6
1.1.1	Tipología de la fábrica a considerar en el estudio1-7
1.1.1.1	Material que la constituye: ladrillo, hormigón, piedra1-7
1.1.1.2	Tipo de unión entre las piezas de la fábrica: con juntas o en seco (sin juntas de mortero)1-7
1.1.1.3	Ubicación de las paredes de carga en planta: fachadas frontales, fachadas medianeras o paredes interiores1-8
1.1.2	Tipo de análisis y valor de la resistencia a tracción (ft) de la fábrica considerada
1.1.2.1	Aspectos teóricos1-8
1.1.2.2	Aspectos relacionados con el propio material1-8
1.1.2.2.1	Complejidad del comportamiento mecánico de la fábrica1-9
1.1.2.2.2	La importante heterogeneidad o variabilidad de los materiales1-9
1.1.3	Otras variables consideradas1-10
1.2	OBJETIVOS DEL ESTUDIO1-12
1.2.1	Objetivo general1-12
1.2.2	Objetivos específicos1-12
1.2.2.1	Determinar la influencia de la forma de los huecos en la distribución de los esfuerzos y movimientos, demostrando la forma que presenta un mejor comportamiento estructural entre los diferentes tipos de apeo en las paredes
1.2.2.2	Determinar la influencia de las condiciones de contorno de los apeos en las paredes de carga, llegando a identificar los diferentes aspectos que deben tenerse en cuenta en el cálculo1-12
1.2.2.3	Determinar la influencia de los zunchos de borde de los forjados, embebidos en las paredes de carga, demostrando si su existencia es favorable para el comportamiento estructural de los apeos
1.2.2.4	Determinar los efectos que en la pared originan las diferentes dimensiones de huecos, llegando a establecer la dimensión del hueco que comenzará a presentar mayores problemáticas en el comportamiento del apeo en la pared1-12

1.2.2.5	Determinar la influencia de la ubicación del hueco en las paredes de carga, indicando las plantas que presentarán más problemas al ejecutar el hueco para apear la pared
1.2.2.6	Determinar si el método propuesto en la Tesis es válido para analizar la trayectoria de la fisura en la fábrica de ladrillo
1.2.2.7	Determinar los mecanismos de colapso de paredes de dos plantas simétricas con diferentes tipologías de aperturas y considerando zunchos de dimensiones despreciables1-12
1.2.2.8	Determinar los mecanismos de colapso de las paredes. Se analizan paredes de dos plantas asimétricas con diferentes tipologías de aperturas y considerando zunchos de dimensiones despreciables1-12
1.2.2.9	Determinar también los mecanismos de colapso de paredes simétricas teniendo en cuenta zunchos de dimensiones. Analizar el número de plantas necesario para que se inicie la formación del arco de descarga1-12
1.2.2.10	Determinar las diferencias generales de comportamiento entre los modelos simétricos y asimétricos1-13
1.2.2.11	Determinar qué diferencia existe al considerar la influencia de dimensiones diferentes de zuncho en los modelos simétricos con hueco únicamente en la planta baja (futuros modelos 1 y 7)1-13
1.2.2.12	Determinar qué diferencia de comportamiento existe al considerar la influencia de diferentes dimensiones de los zunchos y de las cargas (en futuros modelos 1 y 9)1-13
1.3	METODOLOGÍA UTILIZADA1-14
1.3.1	Localización de las zonas más tensionadas del modelo1-14
1.3.2	Determinación de la trayectoria de la fisura1-14
1.3.3	Determinación de los efectos de engranaje1-14
1.4	CONTENIDO DE LOS CAPÍTULOS1-15

2	ESTADO DEL CONOCIMIENTO2-11
2.1	APEOS Y MECANISMOS DE ESTABILIZACIÓN
2.1.1	Sistemas de apeos y mecanismos de estabilización según el peso, volumen o capacidad de los materiales
2.1.1.1	Sistemas pesados2-11

2.1.1.2	Sistemas ligeros2-12
2.1.2	Sistemas de apeos y mecanismos de estabilización provisionales en obra existente2-13
2.1.2.1	Tipos de apeos y mecanismos de estabilización provisionales según su función en obra
2.1.2.1.1	Los de urgencia2-14
2.1.2.1.2	Los complementarios2-15
2.1.2.1.3	Los supletorios2-16
2.1.2.1.4	De refuerzo por demolición2-17
2.1.3	Sistemas de apeos permanentes en obra existente2-18
2.1.3.1	Apeo de una parte de una pared de carga (Apertura de huecos nuevos)
2.1.3.2	Apeo de un muro completo con sistemas aporticados2-20
2.1.3.3	Apeo de pilares2-21
2.1.3.4	<i>Apeo de forjado por eliminación de pilar o pared maestra2-22</i>
2.1.3.5	Apeo de las jácenas por eliminación de pilar o pared maestra2-23
2.1.3.6	Apeos de pared de carga o pilar en cimentación2-24
2.1.3.7	Apeo de muros de carga y pilares existentes para habilitar sótanos de nueva construcción2-25
2.1.3.8	Apeo de la estructura de un forjado existente para habilitar sótanos de nueva construcción2-26
2.1.4	Esquemas de soluciones de apeos y mecanismos de estabilización provisionales y permanentes en obra existente
2.2	METODOLOGÍA UTILIZADA2-35
2.2.1	Condiciones consideradas sobre el material2-35
2.2.1.1	Tipo de análisis2-35
2.2.1.2	Características mecánicas del material2-35
2.2.2	Condiciones generales2-36
2.2.3	Localización de las fisuras2-37
2.2.4	Determinación de la trayectoria de las fisuras2-41
2.2.5	Mallado de los modelos2-44
2.3	CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS ANALIZADOS2-47
2.3.1	Estado de carga de los forjados2-47
2.3.2	Características de los Zunchos Perimetrales2-47
2.3.3	Condiciones de Contorno2-48
2.3.4	Formas de los arcos utilizados2-49
2.3.5	Modelos estudiados en los diferentes capítulos2-50

2.3.5.1	Modelos analizados en el Capítulo-32-50
2.3.5.2	Modelos analizados en el Capítulo-42-51
2.3.5.3	Modelos analizados en el Capítulo-52-52
2.3.5.3.1	Modelos: influencia del tamaño de los apeos2-52
2.3.5.3.2	Modelos: influencia de la posición de los apeos2-53
2.3.5.4	Modelos analizados en el Capítulo-62-54
2.3.5.5	Modelos analizados en el Capítulo-72-55
2.4	INFORMACIÓN COMPLEMENTARIA2-60
2.4.1	Descripción de la mampostería2-60
2.4.1.1	Propiedades individuales de los materiales que componen la mampostería2-61
2.4.1.1.1	Propiedades del mortero y del ladrillo a nivel experimental2-61
2.4.1.1.2	Propiedades de la interfaz ladrillo-mortero2-61
2.4.1.2	Propiedades del material compuesto: mampostería2-62
2.4.1.2.1	Comportamiento de la mampostería en compresión uni-axial2-62
2.4.1.2.2	Comportamiento a tracción uni-axial de la mampostería2-63
2.4.1.2.3	Aspectos del comportamiento Post-pico. Ablandamiento o "Softening"
2.4.1.2.4	Comportamiento biaxial2-65
2.4.1.3	Métodos de cálculo general y método propuesto en la Tesis
2.4.2	La fisuración
2.4.2.1	Modelos constitutivos generales
2.4.2.2	Teorías para estudiar la fisuración
2.4.2.3	Mecánica de fractura2-70
2.4.2.3.1	División de la teoría de la "MF"
2.4.2.3.2	Modos de propagación de la fisura
2.4.2.3.3	Concentración de Tensiones en la cabeza de la fisura
2.4.2.3.4	Representación de la propagación de la fisura2-73
2.4.2.4	Mecánica de medios continuos (MMC)
2.4.2.4.1	Modelos de fisura distribuida o difusa
2.4.2.4.2	Inicio de la fisuración2-76
2.4.2.4.3	Orientación y generación de fisuras
2.4.2.4.4	Comportamiento del material fisurado
2.4.3	La catenaria y la parábola2-80
2.4.3.1	El arco catenárico

2.4.3.1.1	Ecuación de la catenaria2-81
2.4.3.2	El arco parabólico2-83
2.4.3.3	Diferencias entre la catenaria y la parábola2-86
2.4.3.4	La forma catenárica en la naturaleza2-87
2.4.3.5	Aplicación en Ingeniería-Obra Civil2-88
2.4.3.6	Aplicación en la Arquitectura2-90
2.4.3.6.1	Basílica de Saint Denis (París-Francia): utilizan arcos de medio punto - grandes contrafuertes laterales2-90
2.4.3.6.2	Iglesia de Cluny III (París-Francia): utilizan arcos ojivales - grandes contrafuertes exteriores
2.4.3.6.3	Cúpula de la Mezquita de la Roca (Qubbat as- Sajrah) (Jerusalén 688-692)
2.4.3.6.4	Catedral de Santa María del Fiore (Florencia- Italia-1296)2-92
2.4.3.6.5	Antoni Gaudí (1852 - 1926)2-93
2.4.3.6.6	Colonia Güell (1908-1916)2-93
2.4.3.6.7	Colegio de las Teresianas (Gaudí 1889-1890)2-95
2.4.3.6.8	Palacio Güell (Palau Güell) (1886-1890)2-96
2.4.3.6.9	Casa Milà (La Pedrera 1906-1910)
2.4.3.6.10	La Sagrada Familia (Gaudí asume el proyecto en 1883)2-98
2.4.3.6.11	"Masia Freixa″ (Tarrasa-España-1896)2-99
2.4.3.6.12	Central nuclear2-100
2.4.3.6.13	El centro religioso Memorial Fidel y María Moreno (Escobar-Argentina)
2.4.3.6.14	Gatewey Arch (Sant Louis, Missouri, EE.UU - 1947-1960)2-101
2.4.3.6.15	Dulles International Airport (Chantilly- Virginia 1958-1962)2-102
2.4.3.6.16	Marquette Plaza (Banco Federal de Minneapolis) (Minneapolis, Minnesota-1973-1997)
2.4.3.6.17	Expo-98. Pabellón de Portugal (Portugal-Lisboa 1995)2-104
2.4.3.6.18	Ciudad de las Artes y las Ciencias (Valencia- España-1994-2005)2-105
2.4.3.6.19	Casas prefabricadas (Pretoria-África del Sur- 2006)2-107
2.4.3.6.20	Cubierta del escenario del Teatro de Verano Ramón Collazo del Parque Rodó (Montevideo julio-diciembre-2006)2-108
2.4.3.6.21	Stand de Hispalyt (Construmat-2007)2-109

2.4.4	Descripción de los programas utilizados2-112
2.4.4.1	Programa de dibujo "AutoCAD"2-112
2.4.4.2	Programa pre y post procesador: "GID"2-114
2.4.4.2.1	Pre-proceso2-115
2.4.4.2.2	Post-proceso2-119
2.4.4.3	Programa de cálculo: "RamSeries"
2.4.4.3.1	"Rambshell"2-122
2.4.4.3.2	"RamSolid"2-125
2.4.4.3.3	Referencias bibliográficas del programa "RamSeries"2-125
2.4.4.4	Programa de cálculo "RISA-3D"2-126
2.4.4.5	Programa "Windows Movie Maker"
2.4.4.6	Programa matemático "ORIGIN-8"2-131
2.4.4.7	Programa "Excel.2007"2-131

3	ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
3.1	ASPECTOS GENERALES
3.2	CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS
3.2.1	Tipología de los arcos a utilizar
3.2.1.1	Hueco con arco ojival3-15
3.2.1.2	Hueco con arco ideal
3.2.1.2.1	Modelo informático3-15
3.2.1.2.2	Modelo práctico
3.2.1.3	Hueco con arco de medio punto3-19
3.2.1.4	Hueco con arco carpanel
3.2.1.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.2.2	Parámetros utilizados3-20
3.2.2.1	Estado de carga3-20
3.2.2.2	Características mecánicas del material3-20
3.2.2.3	Programas utilizados3-21
3.2.2.4	Características del mallado de los modelos3-21
3.2.2.5	Características de los zunchos perimetrales3-21
3.2.2.6	Condiciones de contorno3-22
3.2.2.6.1	Representación gráfica de los desplazamientos y giros3-22

3.2.2.6.2	Representación esquemática de las condiciones de contorno de los diferentes modelos
3.2.3	Estudio a realizar
3.2.3.1	<i>Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo</i>
3.2.3.2	Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales
3.2.3.3	Análisis de la Influencia de las condiciones de contorno en los modelos sin zuncho
3.2.3.4	Análisis de la Influencia de la forma del arco en los modelos sin zuncho3-28
3.3	PRESENTACIÓN DE UN MODELO INTRODUCTORIO
3.3.1	Hueco Circular
3.4	ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
3.4.1	Influencia de la base apoyada3-35
3.4.1.1	Hueco con arco ojival
3.4.1.2	Hueco con arco ideal
3.4.1.3	Hueco con arco de medio punto3-39
3.4.1.4	Hueco con arco carpanel
3.4.1.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2	Influencia de los apoyos en base y restricción lateral
3.4.2.1	Hueco con arco ojival
3.4.2.2	Hueco con arco ideal
3.4.2.3	Hueco con arco de medio punto3-46
3.4.2.4	Hueco con arco carpanel
3.4.2.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.3	Influencia del empotramiento de la base
3.4.3.1	Hueco con arco ojival
3.4.3.2	Hueco con arco ideal
3.4.3.3	Hueco con arco de medio punto3-53
3.4.3.4	Hueco con arco carpanel
3.4.3.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.4	Influencia del empotramiento de la base y restricción lateral3-56
3.4.4.1	Hueco con arco ojival
3.4.4.2	Hueco con arco ideal
3.4.4.3	Hueco con arco de medio punto
3.4.4.4	Hueco con arco carpanel
3.4.4.5	Hueco con arco de ángulos rectos

3.5	INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO
3.5.1	Hueco con arco ojival
3.5.1.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.1.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.1.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-68
3.5.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-70
3.5.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-71
3.5.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-73
3.5.2	Hueco con arco ideal
3.5.2.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.2.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.2.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-77
3.5.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-79
3.5.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-80
3.5.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-82
3.5.3	Hueco con arco de medio punto
3.5.3.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.3.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.3.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-86
3.5.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-88
3.5.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-89
3.5.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-91
3.5.4	Hueco con arco carpanel
3.5.4.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.4.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.4.1.2	Desplazamientos en "z"

3.5.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-95
3.5.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)
3.5.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-98
3.5.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-100
3.5.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.5.5.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.5.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.5.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.5.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)
3.5.5.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)
3.5.5.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)
3.5.5.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)
3.6	INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO
3.6.1	Modelo con la base apoyada
3.6.1.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.1.1.1	Desplazamientos en "x"
3.6.1.1.2	Desplazamientos en "z"
3.6.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)
3.6.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-117
3.6.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-118
3.6.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-120
3.6.2	Modelo con la base apoyada y restricción Lateral
3.6.2.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.2.1.1	Desplazamientos en "x"
3.6.2.1.2	Desplazamientos en "z"
3.6.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)
3.6.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)

3.6.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)
3.6.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-129
3.6.3	Modelo con la base empotrada
3.6.3.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.3.1.1	Desplazamientos en "x"
3.6.3.1.2	Desplazamientos en "z"
3.6.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-133
3.6.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-135
3.6.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-136
3.6.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-138
3.6.4	Modelo con la base empotrada y restricción lateral
3.6.4.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.4.1.1	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2 3.6.4.3	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2 3.6.4.3 3.6.4.4	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2 3.6.4.3 3.6.4.4 3.6.4.5	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2 3.6.4.3 3.6.4.4 3.6.4.5 3.7	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2 3.6.4.3 3.6.4.4 3.6.4.5 3.7 3.7.1	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2 3.6.4.3 3.6.4.4 3.6.4.5 3.7 3.7.1 3.7.1 3.7.2	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.1 3.6.4.1.2 3.6.4.2 3.6.4.3 3.6.4.4 3.6.4.5 3.7 3.7.1 3.7.2 3.7.3	Desplazamientos en "x"

#### CAPITULO-4

4	ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA
	INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
4.1	ASPECTOS GENERALES
4.2	CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS4-17

4.2.1	Tipología de los arcos a utilizar4-17
4.2.2	Parámetros utilizados4-18
4.2.2.1	Estado de carga4-18
4.2.2.2	Características mecánicas del material4-18
4.2.2.3	Programas utilizados4-19
4.2.2.4	Características del mallado de los modelos4-19
4.2.2.5	Características de los Zunchos Perimetrales4-19
4.2.2.6	Condiciones de Contorno4-20
4.2.2.6.1	Representación gráfica de los desplazamientos y giros4-20
4.2.2.6.2	Representación esquemática de las condiciones de contorno de los diferentes modelos4-21
4.2.3	Estudio a realizar4-22
4.2.3.1	<i>Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo</i>
4.2.3.2	Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales4-23
4.2.3.3	Análisis comparativos4-27
4.3	ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS4-30
4.3.1	Influencia de la base apoyada4-31
4.3.1.1	Hueco con arco ideal4-33
4.3.1.2	Hueco con arco de medio punto4-34
4.3.1.3	Hueco con arco carpanel4-35
4.3.1.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-36
4.3.2	Influencia de los apoyos en base y restricción lateral4-37
4.3.2.1	Hueco con arco ideal4-39
4.3.2.2	Hueco con arco de medio punto4-40
4.3.2.3	Hueco con arco carpanel4-41
4.3.2.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-42
4.3.3	Influencia del empotramiento de la base4-43
4.3.3.1	Hueco con arco ideal4-45
4.3.3.2	Hueco con arco de medio punto4-46
4.3.3.3	Hueco con arco carpanel4-47
4.3.3.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-48
4.3.4	Influencia del empotramiento de la base y restricción lateral4-49
4.3.4.1	Hueco con arco ideal4-51
4.3.4.2	Hueco con arco de medio punto4-52

4.3.4.3	Hueco con arco carpanel4-53
4.3.4.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-54
4.4	INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO4-57
4.4.1	Hueco con arco ideal4-57
4.4.1.1	Comparación de los Desplazamientos4-57
4.4.1.1.1	Desplazamientos en "x"4-57
4.4.1.1.2	Desplazamientos en "z"4-59
4.4.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-60
4.4.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-61
4.4.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-62
4.4.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-64
4.4.2	Hueco con arco de medio punto4-65
4.4.2.1	Comparación de los Desplazamientos4-65
4.4.2.1.1	Desplazamientos en "x"4-65
4.4.2.1.2	Desplazamientos en "z"4-67
4.4.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-68
4.4.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-69
4.4.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-70
4.4.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11″ (N11)4-72
4.4.3	Hueco con arco carpanel4-73
4.4.3.1	Comparación de los Desplazamientos4-73
4.4.3.1.1	Desplazamientos en "x"4-73
4.4.3.1.2	Desplazamientos en "z"4-75
4.4.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-76
4.4.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-77
4.4.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-78
4.4.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-80
4.4.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-81
4.4.4.1	Comparación de los Desplazamientos4-81

4.4.4.1.1	Desplazamientos en "x"4-81
4.4.4.1.2	Desplazamientos en "z"4-83
4.4.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-84
4.4.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-85
4.4.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-86
4.4.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-88
4.5	INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO4-91
4.5.1	Modelo con la base Apoyada4-91
4.5.1.1	Comparación de los Desplazamientos4-91
4.5.1.1.1	Desplazamientos en "x"4-91
4.5.1.1.2	Desplazamientos en "z"4-93
4.5.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-94
4.5.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-96
4.5.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-97
4.5.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-99
4.5.2	Modelo con la base Apoyada y Restricción Lateral
4.5.2.1	Comparación de los Desplazamientos4-100
4.5.2.1.1	Desplazamientos en "x"4-100
4.5.2.1.2	Desplazamientos en "z"4-102
4.5.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-103
4.5.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-105
4.5.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-106
4.5.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-108
4.5.3	Modelo con la base Empotrada4-109
4.5.3.1	Comparación de los Desplazamientos
4.5.3.1.1	Desplazamientos en "x"4-109
4.5.3.1.2	Desplazamientos en "z"4-111
4.5.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-112

4.5.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-114
4.5.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-115
4.5.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-117
4.5.4	Modelo con la base Empotrada y Restricción Lateral4-118
4.5.4.1	Comparación de los Desplazamientos4-118
4.5.4.1.1	Desplazamientos en "x"4-118
4.5.4.1.2	Desplazamientos en "z"4-120
4.5.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-121
4.5.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-123
4.5.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-124
4.5.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-126
4.6	ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO4-129
4.6.1	Hueco con arco ideal
4.6.1.1	Comparación de los Desplazamientos
4.6.1.1.1	Desplazamientos en "x"4-129
4.6.1.1.2	Desplazamientos en "z"4-131
4.6.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-133
4.6.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-135
4.6.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-137
4.6.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-139
4.6.2	Hueco con arco de medio punto4-141
4.6.2.1	Comparación de los Desplazamientos4-141
4.6.2.1.1	Desplazamientos en "x"4-141
4.6.2.1.2	Desplazamientos en "z"4-143
4.6.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-145
4.6.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-147
4.6.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-149

4.6.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-151
4.6.3	Hueco con arco carpanel
4.6.3.1	Comparación de los Desplazamientos4-153
4.6.3.1.1	Desplazamientos en "x"
4.6.3.1.2	Desplazamientos en "z"4-155
4.6.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-157
4.6.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-159
4.6.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-161
4.6.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-163
4.6.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-165
4.6.4.1	Comparación de los Desplazamientos4-165
4.6.4.1.1	Desplazamientos en "x"4-165
4.6.4.1.2	Desplazamientos en "z"4-167
4.6.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-169
4.6.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-171
4.6.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-173
4.6.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-175
4.7	CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
4.7.1	Modelo con la base Apoyada
4.7.1.1	Comparación de los Desplazamientos:
4.7.1.1.1	Desplazamientos en "x"4-179
4.7.1.1.2	Desplazamientos en "z"4-180
4.7.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-181
4.7.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-182
4.7.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-183
4.7.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-184
4.7.2	Modelo con la base Apoyada y Restricción Lateral

4.7.2.1	Comparación de los Desplazamientos4-185
4.7.2.1.1	Desplazamientos en "x"4-185
4.7.2.1.2	Desplazamientos en "z"4-186
4.7.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-187
4.7.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-188
4.7.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-189
4.7.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-190
4.7.3	Modelo con la base Empotrada4-191
4.7.3.1	Comparación de los Desplazamientos4-191
4.7.3.1.1	Desplazamientos en "x"4-191
4.7.3.1.2	Desplazamientos en "z"4-192
4.7.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-193
4.7.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-194
4.7.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-195
4.7.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-196
4.7.4	Modelo con la base Empotrada y Restricción Lateral
4.7.4.1	Comparación de los Desplazamientos4-197
4.7.4.1.1	Desplazamientos en "x"4-197
4.7.4.1.2	Desplazamientos en "z"4-198
4.7.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-199
4.7.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)4-200
4.7.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-201
4.7.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11″ (N11)4-202
4.8	CONCLUSIONES DEL CAPÍTULO-44-204
4.8.1	Modelos con la base apoyada (BA)4-204
4.8.2	Modelos con la base apoyada y restricciones laterales4-206
4.8.3	Modelos con la base empotrada4-209
4.8.4	Modelos con la base empotrada y restricciones laterales4-212

5	INFLUENCIA DEL ANCHO Y POSICIÓN DE LOS HUECOS QUE FORMAN LOS APEOS5-5
5.1	INFLUENCIA DEL ANCHO DE LOS HUECOS QUE FORMAN LOS APEOS
5.1.1	Aspectos generales
5.1.1.1	Parámetros utilizados5-10
5.1.1.1.1	Características geométricas de los modelos5-10
5.1.1.1.2	Estado de carga
5.1.1.1.3	Características mecánicas del material5-11
5.1.1.1.4	Características de los zunchos perimetrales5-12
5.1.1.1.5	Características del mallado5-12
5.1.1.1.6	Programas utilizados
5.1.1.1.7	Condiciones de Contorno
5.1.1.2	Análisis de los resultados
5.1.1.2.8	Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo
5.1.1.2.9	Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales5-15
5.1.1.2.10	Análisis Comparativo de los diferentes modelos5-18
5.1.2	Presentación de los modelos individuales5-20
5.1.2.1	Hueco con arco de ángulos rectos: ancho 1,50m5-22
5.1.2.2	Hueco con arco de ángulos rectos: ancho 2,50m5-23
5.1.2.3	Hueco con arco de ángulos rectos: ancho 3,50m5-24
5.1.2.4	Hueco con arco de ángulos rectos: ancho 4,50m5-25
5.1.3	Análisis comparativo5-27
5.1.3.1	Comparación de los desplazamientos
5.1.3.1.1	Desplazamientos en "x"5-27
5.1.3.1.2	Desplazamientos en "z"
5.1.3.2	<i>Vectores en el sentido de las direcciones principales "22" (Sii)</i>
5.1.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) y fuerzas en la dirección "yy" (Nyy=Ny')
5.1.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)5-33
5.1.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11) y fuerzas en la dirección "xx" (Nxx=Nx')5-35

5.2	INFLUENCIA DE LA POSICIÓN DE LOS HUECOS QUE FORMAN LOS APEOS
5.2.1	Aspectos generales
5.2.2	Modelos a estudiar y Mallado5-42
5.2.2.1	Modelos a estudiar5-42
5.2.2.2	Mallado utilizado5-46
5.2.3	Resultados obtenidos5-48
5.2.4	Estudio comparativo5-53
5.2.4.1	Flechas: fadm, freal5-53
5.2.4.2	Tensiones de tracción: x-T

6	APLICACIÓN DEL MÉTODO EN LA RESOLUCIÓN DE EJEMPLOS PRÁCTICOS6-9
6.1	ASPECTOS GENERALES
6.1.1	Determinación de la trayectoria de las fisuras6-12
6.1.2	Representación geométrica de los modelos6-15
6.1.3	Características mecánicas del material6-16
6.1.4	Programas utilizados6-16
6.1.5	Características del mallado de los modelos6-16
6.1.6	Condiciones de Contorno
6.1.6.1	<i>Representación gráfica de los desplazamientos y giros</i>
6.1.7	Estudio a realizar6-18
6.1.7.1	Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo
6.1.7.2	Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales6-19
6.2	EJEMPLO DE "EDIFICIO DE VIVIENDAS" EN EL QUE SE ABREN DOS GRANDES HUECOS (APEOS) EN UN MURO DE LA PRIMERA PLANTA
6.2.1	Parámetros a considerar en el estudio6-27
6.2.1.1	Parámetros geométricos del modelo6-27
6.2.1.2	Estado de carga utilizado6-28
6.2.1.3	Condiciones de contorno
6.2.1.4	Características de los zunchos perimetrales6-28
6.2.1.5	Características de los tensores
6.2.2	Estudio a realizar6-29
6.2.2.1	Resultados de los modelos individuales

6.2.2.1.1	Pared existente real
6.2.2.1.2	Pared existe con dos huecos nuevos
6.2.2.2	Análisis comparativo6-34
6.2.2.2.1	Deformaciones6-34
6.2.2.2.2	Desplazamiento en "x"6-35
6.2.2.2.3	Desplazamientos en "z"6-36
6.2.2.2.4	Vectores y fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (Siiy N22) y Fuerzas en el sentido "yy" (Nyy=Ny')6-37
6.2.2.2.5	Vectores y fuerzas en el sentido de la dirección principales "11" (Si y N11) y Fuerzas en el sentido "xx" (Nxx=Nx')
6.2.3	Conclusiones del ejercicio-1
6.3	EJEMPLO DE UNA "PARED COLAPSADA" AL CEDER LA ZAPARA DE CIMENTACIÓN QUE SOPORTA EL ARRANQUE DE UN ARCO
6.3.1	Parámetros a considerar en el estudio6-47
6.3.1.1	Parámetros geométricos del modelo6-47
6.3.1.2	Estado de carga utilizado6-48
6.3.1.3	Condiciones de contorno6-48
6.3.1.4	Características de los zunchos perimetrales6-48
6.3.1.5	Características de los tensores
6.3.2	Estudio a realizar6-49
6.3.2.1	Resultados de los modelos individuales6-50
6.3.2.1.1	Pared existente real: con E=5,70E09N/m26-50
6.3.2.1.2	Módulo manipulado considerando E=5,00E05N/m26-52
6.3.2.1.3	Pared incluyendo fisuración: E=5,00E05N/m26-54
6.3.3	Análisis comparativo6-56
6.3.3.1	Deformaciones6-56
6.3.3.2	Desplazamiento en "x"6-57
6.3.3.3	Desplazamiento en "z"6-58
6.3.3.4	Vectores y fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (Sii - N22) y Fuerzas en el sentido "yy" (Nyy=Ny')6-59
6.3.3.5	Vectores y fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (Si- N11) y Fuerzas en el sentido "xx" (Nxx=Nx')6-61
6.3.4	Conclusión del ejercicio-2
6.4	EJEMPLO DE UN "CONJUNTO DE ARCOS FISURADOS PERTENECIENTES A UN COMPLEJO INDUSTRIAL"
6.4.1	Fotos del Estado Actual

6.4.1.1	Fotos de la Nave-A6-72
6.4.1.2	Fotos de la Nave-B6-76
6.4.1.3	Fotos de la Nave-C (Acceso: lado derecho)6-78
6.4.2	Características de los modelos6-80
6.4.2.1	Características geométricas del modelo general6-80
6.4.2.2	Estado de carga utilizado6-81
6.4.2.3	Condiciones de Contorno6-81
6.4.3	Estudio a realizar6-82
6.4.4	Especificación de la zona a analizar
6.4.5	Resultado de los modelos individuales6-84
6.4.5.1	Resultados del modelo sin fisuración6-84
6.4.5.1.1	Deformada, ampliación 200 veces6-85
6.4.5.1.2	Desplazamiento en "x"6-86
6.4.5.1.3	Desplazamiento en "z"6-87
6.4.5.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii), factor-1e-6
6.4.5.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)6-89
6.4.5.1.6	Fuerzas en el sentido "yy" (Nyy=Ny')6-90
6.4.5.1.7	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si), factor-1e-6
6.4.5.1.8	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11″ (N11)6-92
6.4.5.1.9	Fuerzas en el sentido "xx" (Nxx=Nx')6-93
6.4.5.2	<i>Resultados del modelo con la formación de las primeras fisuras6-94</i>
6.4.5.2.1	Deformada, ampliación 200 veces
6.4.5.2.2	Desplazamiento en "x"6-96
6.4.5.2.3	Desplazamiento en "z"6-97
6.4.5.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "22″ (Sii), factor-1e-6
6.4.5.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)6-99
6.4.5.2.6	Fuerzas en el sentido "yy" (Nyy=Ny')6-100
6.4.5.2.7	Vectores en el sentido de la dirección principal "11″ (Si), factor-1e-6
6.4.5.2.8	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)
6.4.5.2.9	Fuerzas en el sentido "xx" (Nxx=Nx')6-103
6.4.5.3	Resultados del modelo con la rotura completa6-104
6.4.5.3.1	Deformada, ampliación 200 veces

6.4.5.3.2	Desplazamiento en "x"
6.4.5.3.3	Desplazamiento en "z"6-107
6.4.5.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii), factor-1e-6
6.4.5.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)6-109
6.4.5.3.6	Fuerzas en el sentido "yy" (Nyy=Ny')6-110
6.4.5.3.7	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si), factor-1e-6
6.4.5.3.8	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11″ (N11)6-112
6.4.5.3.9	Fuerzas en el sentido "xx" (Nxx=Nx')6-113
6.4.6	Análisis comparativo de los diferentes modelos6-114
6.4.6.1	Deformada, ampliación 50 veces
6.4.6.2	Desplazamiento en "x"
6.4.6.3	Desplazamiento en "z"6-119
6.4.6.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii), factor-1e-6
6.4.6.5	Fuerza en el sentido de la dirección principal "22″ (N22)6-123
6.4.6.6	Fuerzas en el sentido "yy" (Nyy=Ny')6-124
6.4.6.7	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si), factor-1e-6
6.4.6.8	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)6-127
6.4.6.9	Fuerzas en el sentido "xx" (Nxx=Nx')6-128
6.4.7	Conclusiones del ejercicio-36-129
6.5	CONCLUSIÓN GENERAL

7	ANÁLISIS DEL DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA EN PAREDES DE FÁBRICA7-15
7.1	ASPECTOS GENERALES
7.1.1	Parámetros utilizados para obtener el trazado del arco de descarga7-18
7.1.1.1	Localización de las fisuras7-20
7.1.1.2	Determinación de la trayectoria de las fisuras7-24
7.1.1.3	Determinación de las condiciones de contorno especiales7-27
7.1.1.3.1	Determinación de las condiciones de contorno en la geometría asimétrica con mayor empuje en el

	lado derecho "D"
7.1.1.3.2	Organigrama del proceso de obtención de las condiciones de contorno especiales
7.1.2	Especificación de los parámetros utilizados7-54
7.1.2.1	Representación gráfica de todos los modelos a analizar
7.1.2.2	Estado de carga7-55
7.1.2.3	Características mecánicas del material7-55
7.1.2.4	Características de los Zunchos Perimetrales7-56
7.1.2.5	Programas utilizados7-56
7.1.2.6	Condiciones de Contorno7-57
7.1.2.7	<i>Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo</i> 7-58
7.1.2.8	Definición del mallado de los modelos7-59
7.2	DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA EN MODELOS SIMÉTRICOS, CONSIDERANDO ZUNCHOS DE 0,001X0,001M7-61
7.2.1	Modelo simétrico de dos plantas sin nuevos huecos
7.2.1.1	Modelo con un hueco central en planta baja7-66
7.2.1.2	Desarrollo del arco de descarga
7.2.1.2.1	Pared sin fisuración7-69
7.2.1.2.2	Formación del primer grupo de fisuras en el apeo7-70
7.2.1.2.3	Aumento de la fisuración en el primer grupo de fisuras a excepción de las fisuras laterales7-71
7.2.1.2.4	Aumento de las tres fisuras centrales e inicio del segundo grupo de fisuras, de las cuales las inclinadas inician la formación del arco de descarga
7.2.1.2.5	Aumento de la fisura central del primer grupo y crecimiento de las fisuras del segundo grupo7-74
7.2.1.2.6	Aumento de la fisura central del primer grupo y crecimiento de las fisuras del segundo grupo. Aumento de dos nuevas fisuras
7.2.1.2.7	Aumento de la fisura central del primer grupo y crecimiento de las fisuras de la parte superior de la pared
7.2.1.2.8	Aumento y desviación de la fisura central del primer grupo y crecimiento de las fisuras de la parte superior
7.2.1.2.9	Rotura completa de la parte inferior de las fisuras inclinadas y crecimiento de las fisuras horizontales
7.2.1.2.10	Crecimiento de la parte superior de las fisuras inclinadas y de las fisuras horizontales

7.2.1.2.11	Crecimiento de la parte superior de las fisuras inclinadas. Rotura completa en la zona "B" y colapso de la zona "A"7-82
7.2.1.2.12	Rotura completa en la zona "D" y colapso de la zona "C". Formación total del arco de descarga. Se alcanza el estado de equilibrio de la pared7-83
7.2.2	Modelo simétrico de dos plantas con nuevo hueco central
7.2.2.1	Modelo con huecos centrales: uno en planta baja y uno en planta alta7-87
7.2.2.2	Desarrollo del arco de descarga7-88
7.2.2.2.1	Pared sin fisuración7-90
7.2.2.2.2	Formación del primer grupo de fisuras en el apeo
7.2.2.2.3	Aumento de la fisuración en el primer grupo de fisuras
7.2.2.2.4	Aumento de la longitud de las fisuras existentes. Presencia de un nuevo grupo de fisuras: inclinadas (que inician la formación del arco de descarga) y horizontal
7.2.2.2.5	Desarrollo de las fisuras existentes. Finalizan su crecimiento las dos fisuras laterales inferiores de cada lado7-95
7.2.2.2.6	Desarrollo de las fisuras existentes
7.2.2.2.7	Aumento de la longitud de las fisuras existentes. Desviación (prácticamente horizontal) de la parte superior de las fisuras inclinadas
7.2.2.2.8	Aumento de la longitud de las fisuras. Rotura completa de la fisura horizontal
7.2.2.2.9	Rotura completa en la zona "B" y colapso de la zona "A". Se alcanza el estado de equilibrio de la pared
7.2.3	Modelo simétrico de dos plantas con dos nuevos huecos
7.2.3.1	Modelo con huecos centrales: uno en planta baja y dos en planta alta7-104
7.2.3.2	Desarrollo del arco de descarga
7.2.3.2.1	Pared sin fisuración7-107
7.2.3.2.2	Formación del primer grupo de fisuras. Entre ellas las que se localizan en los extremos de los huecos de planta alta7-108
7.2.3.2.3	Aumento de la fisuración en el primer grupo de fisuras. Inicio del segundo grupo de fisuras: unas son las inclinadas (que darán lugar a la formación del arco de descarga) y otras se ubican en los extremos superiores de los huecos7-109
7.2.3.2.4	Aumento de la longitud de las fisuras de ambos

	grupos. Las fisuras inferiores-extremas de los huecos se detienen por completo a la altura del forjado y no vuelven a crecer
7.2.3.2.5	Aumento y desviación de algunas fisuras existentes. Inicio de un nuevo grupo de fisuras: en la parte superior de la pared y en encima del forjado.
7.2.3.2.6	Aumento de la longitud de las fisuras
	existentes de los diferentes grupos7-113
7.2.3.2.7	Aumento de la longitud de las fisuras existentes
7.2.3.2.8	Rotura de la zona "B" y colapso de la zona "A"7-115
7.2.3.2.9	Crecimiento de las fisuras (C y D). Posterior equilibrio del conjunto7-116
7.3	DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA EN MODELOS ASIMÉTRICOS O EXCÉNTRICOS, CONSIDERANDO ZUNCHOS DE 0,001X0,001M7-118
7.3.1	Modelo asimétrico o excéntrico de dos plantas sin nuevos huecos7-121
7.3.1.1	Modelo con un hueco en el lado derecho
7.3.1.2	Desarrollo del arco de descarga
7.3.1.3	Definición de las condiciones de contorno especiales en las diferentes etapas
7.3.1.3.1	Pared sin fisuración7-128
7.3.1.3.2	Formación del primer grupo de fisuras en el apeo7-129
7.3.1.3.3	Aumento de la fisuración en el primer grupo de fisuras e inicio de la fisura horizontal
7.3.1.3.4	Aumento las fisuras existentes e inicio de la fisura inclinada7-132
7.3.1.3.5	Desarrollo de las fisuras existentes e inicio de un nuevo grupo de fisuras horizontales
7.3.1.3.6	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas. Pérdida de la zona "A" de la pared
7.3.1.3.7	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación y bifurcación en alguna de ellas. Pérdida de la zona "B" de la pared
7.3.1.3.8	Aumento de la longitud de las fisuras existentes. Pérdida completa de la zona "C" de la pared
7.3.1.3.9	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas. Rotura completa en la zona "D" de la pared7-139
7.3.1.3.10	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas. Pérdida de la zona "E" de la pared
7.3.1.3.11	Desarrollo de las fisuras existentes, con

	desviación del sentido en alguna de ellas7-142
7.3.1.3.12	Desarrollo de las fisuras existentes. Pérdida de la zona "F″ de la pared
7.3.1.3.13	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas
7.3.1.3.14	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas. Inicio de un nuevo grupo de fisuras en la parte superior
7.3.1.3.15	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido de algunas de ellas7-148
7.3.1.3.16	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas
7.3.1.3.17	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas
7.3.1.3.18	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas
7.3.1.3.19	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas. Inicio de nuevas fisuras en la zona "I" de la pared
7.3.1.3.20	Desarrollo de las fisuras existentes, con desviación del sentido en alguna de ellas. Pérdida de la zona "G" de la pared
7.3.1.3.21	Desarrollo de las fisuras existentes, en especial en la zona "L". Rotura completa de la pared en la zona "H"7-156
7.3.1.3.22	A partir de esta etapa se imponen las fuerzas especiales ver (CUADRO 14). Desarrollo de la fisura de la zona "L". Presencia de nuevas fisuras en la zona "J". Las fisuras en la zona "I" se comienzan a cerrar
7.3.1.3.23	Desarrollo de las fisuras existentes. En la zona "I" las fisuras se cierran completamente7-158
7.3.1.3.24	Desarrollo y bifurcación de la fisura de la zona "L" y desarrollo acelerado de las fisuras de la pilastra7-159
7.3.1.3.25	Desarrollo de las fisuras existentes, e inicio de nuevas fisuras aproximadamente perpendiculares a la existente de la zona "L"7-160
7.3.1.3.26	Desarrollo de las fisuras existentes. Inicio de excesivas compresiones en la zona "J"
7.3.1.3.27	Desarrollo de las fisuras existentes y cambio de sentido en algunas de ellas. Inicio de excesivas compresiones en la zona "K"
7.3.1.3.28	Desarrollo de las fisuras existentes y cambio de sentido en algunas de ellas. Crecimiento excesivo de las zonas comprimidas "K" y "J"7-164
7.3.1.3.29	Desarrollo de las fisuras existentes. Pérdida completa de la continuidad por compresiones

	excesivas en las zonas "K″ y "J″. Posterior colapso de la zona "L″7-165
7.3.1.3.30	Colapso de la zona "M" y posterior equilibrio de la pared7-166
7.3.2	Modelo asimétrico o excéntrico de dos plantas con nuevo hueco
7.3.2.1	Modelo con huecos en el lado derecho: uno en planta baja y uno en planta alta
7.3.2.2	Desarrollo del arco de descarga
7.3.2.3	Definición de las condiciones de contorno especiales en las diferentes etapas
7.3.2.3.1	Pared sin fisurar7-174
7.3.2.3.2	Formación del primer grupo de fisuras en el apeo y en la esquina inferior izquierda del hueco
7.3.2.3.3	Crecimiento del primer grupo de fisuras y formación del segundo grupo, entre ellas las de la zona "M"7-176
7.3.2.3.4	Desarrollo y cambio de sentido de las fisuras existentes del primer y segundo grupo7-178
7.3.2.3.5	Crecimiento de fisuras e inicio del tercer grupo de fisuras. Rotura completa en las zonas "A" y "B" de la pared7-180
7.3.2.3.6	Imposición de condiciones de contorno especiales (CUADRO 16). Desarrollo de las fisuras existentes de los diferentes grupos. Se cierran las fisuras de la zona" M"
7.3.2.3.7	Desarrollo de la fisura de la zona "D" y excesivas compresiones en la zona "E" perdiéndose por completo la continuidad entre ambos lados de la pared. Colapso de la zona "C". Rotura en la zona "F", por excesivas compresiones y tracciones
7.3.2.3.8	En la zona "F" la parte que falla por tracción tiene que ser capaz de soportar compresiones, cerrándose incluso las fisuras en dicha zona. En la zona "G" se produce exceso de tracciones y compresiones
7.3.2.3.9	Fallo por excesivas compresiones en la base de la pilastra, zona "G", lo cual origina el colapso de las tres zonas "J", "I" y "H". Se vuelven a abrir las fisuras de la zona "M"
7.3.2.3.10	Colapso de la zona "E", al producirse excesivas tracciones en la zona "L" y posterior equilibrio de la pared7-193
7.3.3	Modelo asimétrico o excéntrico de dos plantas con dos nuevos huecos
7.3.3.1	Modelo con huecos en el lado derecho: uno en planta baja y uno en planta alta
7.3.3.2	Desarrollo del arco de descarga

7.3.3.2.1	Pared sin fisuración7-200
7.3.3.2.2	Formación del primer grupo de fisuras en el apeo y fisuras inclinadas tanto en la parte inferior del hueco como encima del forjado7-201
7.3.3.2.3	Aumento de la fisuración en el primer grupo de fisuras y formación del segundo grupo
7.3.3.2.4	Aumento de la fisuración en el primer y segundo grupo de fisuras7-204
7.3.3.2.5	Aumento de la fisuración en el primer y segundo grupo de fisuras. Formación del tercer grupo de fisuras
7.3.3.2.6	Desarrollo de las fisuras existentes. Rotura completa de las zonas "A" y "B". Desprendimiento completo de la zona "C" de la pared7-206
7.3.3.2.7	Excesivas compresiones en las zonas "A" y "B". Así también en la zona "D", en la cual la pared pierde por completo la continuidad. La zona "E" se rompe tanto por exceso de compresiones como de tracciones
7.3.3.2.8	Rotura completa en la zona "F″ y pérdida de pared en la zona "G″7-209
7.3.3.2.9	Aumento de las compresiones en la zona "I". Pérdida completa de la zona "H" de la pared7-210
7.3.3.2.10	Pérdida completa de la continuidad por compresión y tracción, en las zonas "B" e "I". Desprendimiento completo de las zonas "J" y "K" de la pared y posterior equilibrio de la estructura
7.4	DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA EN MODELOS SIMÉTRICOS, CONSIDERANDO ZUNCHOS DE 0,20X0,20M7-213
7.4.1	
7.4.1.1	Modelo simétrico de dos plantas
	Modelo simétrico de dos plantas7-216 Desarrollo del arco de descarga7-217
7.4.1.1.1	Modelo simétrico de dos plantas7-216 Desarrollo del arco de descarga7-217 Pared sin fisuración7-219
7.4.1.1.1	Modelo simétrico de dos plantas7-216 Desarrollo del arco de descarga7-217 Pared sin fisuración7-219 Inicio del primer grupo de fisuras7-220
7.4.1.1.1 7.4.1.1.2 7.4.1.1.3	Modelo simétrico de dos plantas7-216 Desarrollo del arco de descarga7-217 Pared sin fisuración7-219 Inicio del primer grupo de fisuras7-220 Desarrollo del primer grupo de fisuras7-221
7.4.1.1.1 7.4.1.1.2 7.4.1.1.3 7.4.1.1.4	Modelo simétrico de dos plantas7-216 Desarrollo del arco de descarga7-217 Pared sin fisuración7-219 Inicio del primer grupo de fisuras7-220 Desarrollo del primer grupo de fisuras7-221 Crecimiento del primer grupo de fisuras7-222
7.4.1.1.1 7.4.1.1.2 7.4.1.1.3 7.4.1.1.4 7.4.1.1.5	Modelo simétrico de dos plantas7-216 Desarrollo del arco de descarga7-217 Pared sin fisuración7-219 Inicio del primer grupo de fisuras7-220 Desarrollo del primer grupo de fisuras7-221 Crecimiento del primer grupo de fisuras7-222 Desarrollo del primer grupo de fisuras7-223
7.4.1.1.1 7.4.1.1.2 7.4.1.1.3 7.4.1.1.4 7.4.1.1.5 7.4.1.1.6	Modelo simétrico de dos plantas7-216 Desarrollo del arco de descarga7-217 Pared sin fisuración7-219 Inicio del primer grupo de fisuras7-220 Desarrollo del primer grupo de fisuras7-221 Crecimiento del primer grupo de fisuras7-222 Desarrollo del primer grupo de fisuras7-223
7.4.1.1.1 7.4.1.1.2 7.4.1.1.3 7.4.1.1.4 7.4.1.1.5 7.4.1.1.6 7.4.1.1.7	Modelo simétrico de dos plantas
7.4.1.1.1 7.4.1.1.2 7.4.1.1.3 7.4.1.1.4 7.4.1.1.5 7.4.1.1.6 7.4.1.1.7 7.4.1.1.8	Modelo simétrico de dos plantas
7.4.1.1.1 7.4.1.1.2 7.4.1.1.3 7.4.1.1.4 7.4.1.1.5 7.4.1.1.6 7.4.1.1.7 7.4.1.1.8	Modelo simétrico de dos plantas

7.4.2.1.1	Pared sin fisuración7-231
7.4.2.1.2	Formación del primer grupo de fisuras en el apeo7-232
7.4.2.1.3	Aumento de la longitud de las fisuras y cambio de sentido de las fisuras más pequeñas
7.4.2.1.4	Aumento y desviación de las tres fisuras centrales. Se detiene el crecimiento de las fisuras más pequeñas7-235
7.4.2.1.5	Aumento y desviación de las tres fisuras centrales
7.4.2.1.6	Aumento de la longitud de las tres fisuras centrales, hasta llegar al nivel del forjado7-238
7.4.2.1.7	Bifurcación de las tres fisuras centrales7-239
7.4.2.1.8	Con una carga equivalente de 5 plantas, en el peor de los casos: se llega a la pérdida del material en la zona "A", se detiene el crecimiento de las fisuras y se alcanza el equilibrio de la pared7-240
7.4.2.1.9	Al incrementar la carga, a una equivalente de 8 plantas, inicio de la formación de las fisuras inclinadas que dan lugar al arco de descarga7-242
7.4.3	Modelo simétrico de cinco plantas con una carga equivalente a 10 plantas7-244
7.4.3.1	Desarrollo del arco de descarga7-245
7.4.3.1.1	Pared sin fisuración7-248
7.4.3.1.2	Formación del primer grupo de fisuras en el apeo
7.4.3.1.3	Aumento de la fisuración en el primer grupo de fisuras
7.4.3.1.4	Aumento del primer grupo de fisuras e inicio de fisuras inclinadas que originan la formación del arco de descarga7-252
7.4.3.1.5	Crecimiento de fisuras existentes. Cambio de sentido de las discontinuidades pequeñas. Las fisuras inclinadas llegan a tocar el forjado7-253
7.4.3.1.6	Desarrollo de las tres fisuras centrales. Crecimiento y desviación de las fisuras inclinadas
7.4.3.1.7	Desarrollo y desviación de las tres fisuras centrales y de las inclinadas
7.4.3.1.8	Rotura completa de la parte inferior de las fisuras inclinadas. Desprendimiento de la zona "A" de la pared que se localiza entre el apeo y el forjado, h=0.50m7-257
7.4.3.1.9	<i>Pérdida total del contacto entre la parte superior de la pared y el zuncho</i> 7-259
7.4.3.1.10	Formación del tercer grupo de fisuras
7.4.3.1.11	Crecimiento de las fisuras del tercer grupo7-262

7.4.3.1.12	Desarrollo de las fisuras existentes y formación de las fisuras inclinadas que forman el arco de descarga7-263
7.4.3.1.13	Aumento de la longitud de las fisuras existente y desviación de las centrales
7.4.3.1.14	Desarrollo de las tres fisuras centrales e inclinadas7-266
7.4.3.1.15	Crecimiento de las fisuras centrales e incremento de su inclinación
7.4.3.1.16	Aumento de las fisuras inclinadas y de la fisura central del modelo7-269
7.4.3.1.17	Aumento más importante de las fisuras inclinadas y más pequeño en la central. Aumento del ancho del hueco7-270
7.4.3.1.18	Aumento de la parte inferior de las fisuras inclinadas. Bifurcación en la fisura central. Inicio de la fisura inferior
7.4.3.1.19	Aumento de la parte inferior de las fisuras inclinadas hasta llegar a separarse por completo
7.4.3.1.20	Aumento acelerado de la parte superior de la fisura inclinada. Se detienen todas las fisuras adicionales7-275
7.4.3.1.21	Aumento de la parte superior de las fisuras inclinadas y cambio de sentido de las mismas (a una trayectoria horizontal), por incremento de la tensión de tracción vertical
7.4.3.1.22	Formación completa del arco de descarga, con la existencia del zuncho de forjado. Mientras exista el zuncho la pared no cae, sino que se comporta como una zona inerte. Altura del arco: ht=1.83m (0,50m+1,33m)7-278
7.4.3.1.23	El zuncho no llega a fallar, dada su elevada resistencia. Para llegar al final del proceso, se considera como hipótesis más desfavorable el fallo del mismo. Inicio de fisuras en la clave del arco de descarga en la zona "A"
7.4.3.1.24	Incremento de la altura del arco de descarga al no existir zuncho de forjado. Altura total del arco: ht=1.90m (0,50m+1,40m)
7.5	CONCLUSIONES
7.5.1	Cuadro de resumen de la formación del arco de descarga de todos los modelos
7.5.2	Conclusiones
7.5.2.1	Modelos simétricos: zuncho 0,001x0,001m7-283
7.5.2.2	Modelos asimétricos: zuncho 0,001x0,001m7-285
7.5.2.3	Modelos simétricos: zuncho 0,20mx0,20m7-290
7.5.2.4	Comparación entre modelos simétricos y asimétricos
#### CAPÍTULO-8

8	CONCLUSIONES Y PROPUESTAS DE FUTURAS INVESTIGACIONES
8.1	CONCLUSIONES PARTIENDO DE LOS OBJETIVOS8-6
8.1.1	Forma de los apeos8-6
8.1.2	Condiciones de contorno8-8
8.1.3	Influencia del zuncho de forjado8-10
8.1.4	Influencia del ancho de la abertura de los apeos
8.1.5	Influencia de la posición de los apeos8-13
8.1.6	Validación del método de análisis de la fábrica propuesto
8.1.7	Mecanismos de colapso en paredes simétricas con zunchos de 0,001m x 0,001m8-15
8.1.8	Mecanismos de colapso en paredes asimétricas con zunchos de 0,001m x 0,001m8-20
8.1.9	Mecanismos de colapso en paredes simétricas teniendo en consideración zunchos de 0,20m x 0,20m
8.1.10	Diferencia entre los modelos simétricos y asimétricos
8.1.11	Diferencia entre los modelos M-1 y M-7, al considerar zunchos con dimensiones diferentes:8-33
8.1.12	Diferencia entre los modelos M-1 y M-9, al considerar zunchos con dimensiones y cargas diferentes
8.2	CONCLUSIONES GENERALES
8.3	PROPUESTAS DE FUTURAS INVESTIGACIONES

### <u>TOMO-1/2</u>

Tesis Doctoral presentada por:

### Lucrecia Calderón Valdiviezo

Director de Tesis:

Dr. Arq. Jordi Maristrany

## CAPÍTULO-1

## INTRODUCCIÓN

#### MJIG

#### CAPÍTULOS GENERALES

#### 1.- INTRODUCCIÓN

- 2.- ESTADO DEL CONOCIMIENTO
- 3.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
- 4.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
- 5.- INFLUENCIA DEL ANCHO Y POSICIÓN DE LOS HUECOS QUE FORMAN LOS APEOS
- 6.- APLICACIÓN DEL MÉTODO EN LA RESOLUCIÓN DE EJEMPLOS PRÁCTICOS
- 7.- DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA PARA DIFERENTES MODELOS
- 8.- CONCLUSIONES Y PROPUESTAS DE FUTURAS INVESTIGACIONES

#### CAPÍTULO-1

1	INTRODUCCIÓN 1-6
1.1	INTRODUCCIÓN1-6
1.1.1	<i>Tipología de la fábrica a considerar en el estudio1-7</i>
1.1.1.1	Material que la constituye: ladrillo, hormigón, piedra1-7
1.1.1.2	Tipo de unión entre las piezas de la fábrica: con juntas o en seco (sin juntas de mortero)1-7
1.1.1.3	<i>Ubicación de las paredes de carga en planta: fachadas frontales, fachadas medianeras o paredes interiores1-8</i>
1.1.2	<i>Tipo de análisis y valor de la resistencia a tracción (ft) de la fábrica considerada1-8</i>
1.1.2.1	Aspectos teóricos1-8
1.1.2.2	Aspectos relacionados con el propio material1-8
1.1.2.2.1	Complejidad del comportamiento mecánico de la fábrica1-9
1.1.2.2.2	La importante heterogeneidad o variabilidad de los materiales1-9
1.1.3	Otras variables consideradas1-10
1.2	OBJETIVOS DEL ESTUDIO1-12
1.2.1	Objetivo general1-12
1.2.2	Objetivos específicos1-12
1.2.2.1	Determinar la influencia de la forma de los huecos en la distribución de los esfuerzos y movimientos, demostrando la forma que presenta un mejor comportamiento estructural entre los diferentes tipos de apeo en las paredes1-12
1.2.2.2	Determinar la influencia de las condiciones de contorno de los apeos en las paredes de carga, llegando a identificar los diferentes aspectos que deben tenerse en cuenta en el cálculo1-12
1.2.2.3	Determinar la influencia de los zunchos de borde de los forjados, embebidos en las paredes de carga, demostrando si su existencia es favorable para el comportamiento estructural de los apeos1-12

1.2.2.4	Determinar los efectos que en la pared originan las diferentes dimensiones de huecos, llegando a establecer la dimensión del hueco que comenzará a presentar mayores problemáticas en el comportamiento del apeo en la pared1-12
1.2.2.5	Determinar la influencia de la ubicación del hueco en las paredes de carga, indicando las plantas que presentarán más problemas al ejecutar el hueco para apear la pared1-12
1.2.2.6	Determinar si el método propuesto en la Tesis es válido para analizar la trayectoria de la fisura en la fábrica de ladrillo
1.2.2.7	Determinar los mecanismos de colapso de paredes de dos plantas simétricas con diferentes tipologías de aperturas y considerando zunchos de dimensiones despreciables1-12
1.2.2.8	Determinar los mecanismos de colapso de las paredes. Se analizan paredes de dos plantas asimétricas con diferentes tipologías de aperturas y considerando zunchos de dimensiones despreciables1-12
1.2.2.9	Determinar también los mecanismos de colapso de paredes simétricas teniendo en cuenta zunchos de dimensiones. Analizar el número de plantas necesario para que se inicie la formación del arco de descarga1-12
1.2.2.10	Determinar las diferencias generales de comportamiento entre los modelos simétricos y asimétricos1-13
1.2.2.11	Determinar qué diferencia existe al considerar la influencia de dimensiones diferentes de zuncho en los modelos simétricos con hueco únicamente en la planta baja (futuros modelos 1 y 7)1-13
1.2.2.12	Determinar qué diferencia de comportamiento existe al considerar la influencia de diferentes dimensiones de los zunchos y de las cargas (en futuros modelos 1 y 9)1-13
1.3	METODOLOGÍA UTILIZADA1-14
1.3.1	Localización de las zonas más tensionadas del modelo1-14
1.3.2	Determinación de la trayectoria de la fisura1-14
1.3.3	Determinación de los efectos de engranaje1-14
1.4	CONTENIDO DE LOS CAPÍTULOS1-15

# MJIG <u>CAPÍTULO-1</u> 1.- INTRODUCCIÓN 2.- OBJETIVOS DEL ESTUDIO 3.- METODOLOGÍA UTILIZADA 4.- CONTENIDO DE LOS CAPÍTULOS

#### 1 INTRODUCCIÓN

#### 1.1 INTRODUCCIÓN

La existencia de la obra de fábrica se remonta a épocas muy antiguas, incluso mucho antes que la aparición de materiales de construcción como hormigón y el acero<sup>1</sup>.

Gran parte del parque edificado español, que en muchos de los casos incluye gran cantidad de edificios catalogados como patrimonio histórico del país, está formado por estructuras portantes constituidas por obra de fábrica (paredes de carga) de diferentes tipologías.

La mampostería es uno de los materiales de construcción con mayor abanico de usos, tanto en el pasado como en el presente; así es como hoy en día también se puede encontrar en la construcción de edificaciones modernas.

Los materiales utilizados a lo largo de la historia como elementos componentes de la mampostería han sido muchos y muy variados: desde la simple roca unida con mortero de cal<sup>2</sup>, pasando por los enormes bloques de mármol<sup>3</sup>, hasta llegar a elementos cerámicos refractarios<sup>4</sup>.

La mampostería ha sido usualmente un material económico. El encarecimiento paulatino de la mano de obra hace que la obra de fábrica ya no sea tan atractiva desde el punto de vista económico, si lo comparamos con materiales como el hormigón o el acero.

El paulatino paso del tiempo ha traído consigo una evolución en la fabricación de los componentes que conforman la mampostería<sup>5</sup>, mientras que su colocación en obra sigue siendo la misma<sup>6</sup>.

Entre los elementos innovadores en la fabricación de la mampostería podríamos destacar: la incorporación de armaduras<sup>7</sup>, las juntas interiores donde el mortero queda escondido entre los elementos cerámicos<sup>8</sup>, la generación de muros de carga<sup>9</sup>, los paneles resistentes a sismos y cargas de viento, etc. Estos aspectos hacen atractiva la mampostería como material de construcción con altas prestaciones.

La innovación en la edificación ha venido guiada desde la vertiente tecnológica e industrial, pero los métodos de cálculo utilizados para el diseño de estructuras de obra de fábrica no han seguido un desarrollo paralelo como en el caso de otros materiales<sup>10</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> En su tratado Pedro Martínez Fernández, dice: "La aparición de nuevos materiales de construcción tuvo que esperar hasta el siglo XIX. Sólo entonces empezamos a encontrar hierro y acero en obras de arquitectura o de ingeniería. En 1871 se construyó el primer rascacielos americano con estructura de hierro y en 1902 Francia, que ya había levantado la torre Eiffel, empezó a usar el hormigón armado".

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Llamada también "sillería".

 $<sup>^3</sup>$  Usados en la construcción de los grandes monumentos del apogeo de la arquitectura del Renacimiento.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Como los que se utilizan para la construcción de hornos, centrales nucleares e incluso como aislante térmico de naves espaciales.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Básicamente: ladrillos y morteros.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> El utillaje y los materiales cambian, por el contrario, la forma de colocación sigue siendo manual, por lo que el factor humano continúa siendo determinante en la calidad de la obra de fábrica.

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup> Al modo del hormigón armado, conocida con el nombre de "mampostería armada".

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Permitiendo la regularidad de la colocación e impidiendo la degradación de dichas juntas.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> La mampostería no sólo tiene aplicación ornamental como es en el caso de nuestro estudio.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 10}$  Tales como el hormigón armado, hormigón pretensado, entre otros.

Los métodos más utilizados son aquellos que preconizan las diferentes normativas simplificadas que rigen en cada país. Entre los consultores estructurales existe un cierto desconocimiento del comportamiento estructural de la mampostería, lo que limita o impide diseñar este tipo de estructuras de forma óptima.

Estas normativas frecuentemente están desarrolladas sobre la base de estudios empíricos. Intentan simplificar los mecanismos de comportamiento de la obra de fábrica y que suelen comportar, como consecuencia, hay un sobredimensionamiento de la estructura.

Otra de las consecuencias del uso de este tipo de métodos de cálculo para intervenciones es que se forman mecanismos de carga que no se hayan considerado<sup>11</sup>. Entre éstos podemos considerar la práctica de los nuevos apeos (aperturas de huecos) que, cada vez con mayor frecuencia, se ejecutan en las paredes existentes de obra de fábrica.

En este tipo de intervención se deben tener en cuenta diferentes variables: las formas y dimensiones de los huecos, las condiciones de apoyo de las paredes, la influencia del zuncho de borde embebido en el forjado, las características mecánicas del material y la configuración de la fábrica.

Esta Tesis pretende recoger todos estos factores variables, aportando una metodología de análisis que permita resolver cualquier situación.

En los siguientes apartados se especifican las variables que se tienen en cuenta para desarrollar esta Tesis.

#### 1.1.1 <u>Tipología de la fábrica a considerar en el estudio</u>

Las diferentes tipologías de obra de fábrica dependen directamente, entre otros, de los siguientes factores:

#### 1.1.1.1 Material que la constituye: ladrillo, hormigón, piedra.

Para el desarrollo de la Tesis12 se ha seleccionado, como material, la obra de "fábrica de ladrillo".

La razón principal que nos ha llevado a escoger este material es la carencia de información y de personal especializado que existe en este campo.

Es necesario indicar que las conclusiones obtenidas en esta Tesis no se podrán aplicar "directamente" a paredes de piedra en seco, ya que las condiciones cambiarían completamente. Sin embargo, pueden servir razonablemente para el caso de las paredes de piedra con junta.

## 1.1.1.2 Tipo de unión entre las piezas de la fábrica: con juntas o en seco (sin juntas de mortero).

Para el desarrollo de la Tesis hemos escogido las paredes "con juntas de mortero".

En el estudio se ha considerado una buena adherencia entre las piezas y el mortero. Se recomiendan realizar estudios de laboratorio para tener un

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Apareciendo fisuras cuando en teoría y, en base al cálculo, éstas no deberían aparecer. Esta situación es fácil de percibir en muchas de las estructuras de nuestras ciudades.

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> Dada la demanda profesional más frecuente de utilización del ladrillo para la confección de paredes de carga

buen conocimiento de la fábrica con la que se va a trabajar. En el caso de que se desconozcan las características mecánicas de la pared, así como el nivel de adherencia de la inter-fase pieza-mortero, será necesaria la ejecución de ensayos.

Las conclusiones obtenidas en esta Tesis no son aplicables a las paredes sin juntas, indistintamente del material que constituya la fábrica.

## 1.1.1.3 Ubicación de las paredes de carga en planta: fachadas frontales, fachadas medianeras o paredes interiores.

<u>Para el desarrollo de la Tesis hemos seleccionado las "paredes</u> interiores" con "forjados a ambos lados"<sup>13</sup>.

En el estudio no se han considerado esfuerzos laterales de ningún tipo. La metodología debería de ajustarse para aplicarla a otro tipo de ubicación de la pared, dado que tanto el comportamiento como el estado de carga sufrirían algunas variaciones.

#### 1.1.2 <u>Tipo de análisis y valor de la resistencia a tracción (ft) de</u> <u>la fábrica considerada</u>

En la actualidad, el estudio del comportamiento resistente de las estructuras a base de muros de carga es escaso, tanto en términos teóricos como en términos relacionados con las características del propio material.

#### 1.1.2.1 Aspectos teóricos

El dilema es grande. Los autores que han publicado textos al respecto aplican diferentes métodos teóricos para el análisis de la fábrica, desde teorías elásticas a teorías mucho más complejas, basados en la plastificación y en la no linealidad impuesta por la aparición de fisuras.

Algunos investigadores sostienen que el análisis elástico es válido únicamente desde un punto de vista cualitativo, pero que resulta inapropiado para determinar los verdaderos mecanismos resistentes o la capacidad portante del material, entendido en el conjunto de la fábrica.

Otros investigadores demuestran, en base a estudios experimentales, que es posible este tipo de análisis haciendo uso de la mecánica de fractura elástico-lineal.

Existen también investigadores que consideran que el material tiene un comportamiento elástico-lineal únicamente antes de que se produzca el fallo.

En nuestro estudio utilizamos un "análisis con comportamiento elástico-lineal" de los materiales<sup>14</sup> y "partiendo de datos mecánicos conocidos del material".

#### 1.1.2.2 Aspectos relacionados con el propio material

Podemos mencionar los siguientes: la complejidad del comportamiento mecánico de la fábrica y la importante heterogeneidad o variabilidad de los materiales.

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> Se selecciona esta tipología con la finalidad de limitar la extensión de la Tesis, pero el análisis de las otras ubicaciones se plantea como futuras líneas de investigación.

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup> Es importante hacer notar que al introducir fisuras en el material, como se indica en los párrafos siguientes, se introducen distorsiones en la geometría de los muros, las cuales producen que el comportamiento del elemento estructural pase prácticamente de lineal a no lineal.

#### 1.1.2.2.1 Complejidad del comportamiento mecánico de la fábrica

Entre las principales consideraciones mecánicas que se plantean al estudiar la obra de fábrica podemos mencionar las siguientes: el comportamiento ante solicitaciones tangenciales por cortante<sup>15</sup> y el comportamiento ante solicitaciones normales de compresión y tracción<sup>16</sup>.

La Tesis se centrará en "*el comportamiento ante solicitaciones* normales". No se abordará el tema de las acciones horizontales<sup>17</sup>.

La capacidad resistente de la fábrica ante este tipo de esfuerzos normales es aún tema de estudio en nuestros días, existiendo diversas aproximaciones al tema, según los diferentes analistas que lo han abordado.

Cabe indicar que el tema en que hay menos acuerdo es la resistencia a tracción de la mampostería. Al respecto, unos investigadores se inclinan a considerarla nula. Por el contrario, otros comprueban que efectivamente se puede considerar esta resistencia a tracción. Por otro lado, el CTE<sup>18</sup> también proporciona una capacidad resistente a tracción de la fábrica.

De acuerdo a lo expuesto anteriormente:

En nuestro estudio consideramos que, efectivamente, la fábrica puede resistir tracciones. El valor que utilizamos se calcula teniendo en consideración lo que indica el CTE y otros investigadores: "La fábrica resiste a tracción un 10% de la resistencia característica a compresión de la fábrica  $(f_k)$ ". Sin embargo, con el fin de no descartar los comentarios de algunos investigadores, hemos trabajado con el 3% del " $f_k$ "<sup>19</sup> de la fábrica y adicionalmente le aplicamos el coeficiente de minoración de la resistencia de 3<sup>20</sup>.

Es por ello que en el desarrollo de la Tesis utilizaremos una resistencia de cálculo a tracción de la obra de fábrica de 1,00Kg/cm2 (0,10N/mm2).

Es importante indicar que en ningún momento se hace trabajar la fábrica sobre-tensionada a tracción. Para evitarlo se introducen fisuras<sup>21</sup> en las zonas que superan el " $f_t$ "<sup>22</sup> del material.

Por esta razón consideramos que, cuando el material supera la resistencia a tracción y la fábrica se rompe, se descarga completamente<sup>23</sup>.

1.1.2.2.2 La importante heterogeneidad o variabilidad de los materiales

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 15}}$  Originado por acciones horizontales, tales como el viento, sismo, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup> Dada la naturaleza frágil de las fábricas pétreas.

 $<sup>^{\</sup>rm 17}$  Pero se puede encontrar información en la bibliografía indicada.

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup> (CTE 2006): Código Técnico de la Edificación.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 19}$  Resistencia característica a compresión de la fábrica  $f_k = K.f_h^{\,0,65}.f_m^{\,0,25}$  .

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup> En el apartado "2.4.1.2.2" de la resistencia a tracción de la fábrica se explica con más detalle la obtención de este valor.

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> Para modelizar la fisuración en las zonas sobre-tensionadas se separan completamente los labios de las fisuras, de este modo garantizamos la nulidad de las tensiones normales y tangenciales en dichas zonas. De esta forma se cumple la teoría de la propagación de la fisura en que se comprueba experimentalmente que, una vez producida la fisura, la zona se relaja completamente y se produce la concentración de las tensiones en la cabeza de la misma.

 $<sup>^{\</sup>rm 22}$  Resistencia a tracción del la fábrica. Se considera  $f_t=0,\!1f_k$  .

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup> Teniendo en cuenta el comportamiento pos-pico que se indica en el apartado "2.4.1.2.2".

Entre las diferencias de heterogeneidad podemos mencionar: la del punto de partida<sup>24</sup>, la de los procesos de uso y reformas de los edificios<sup>25</sup> y el vacío normativo histórico<sup>26</sup>.

#### 1.1.3 Otras variables consideradas

La necesidad de disponer de una metodología de estudio de las paredes de carga se torna cada vez más urgente dada la tendencia actual de realizar intervenciones estructurales en edificios antiguos.

Estas intervenciones pueden afectar, en menor o mayor grado, la estabilidad del edificio y pueden ser originadas por diferentes factores: reparaciones, modificación de los estados de cargas<sup>27</sup>, apeo de paredes de carga (apertura de huecos), eliminación o aumento de forjados, etc.

#### <u>En nuestro estudio nos centramos en el tercer factor: "Apeo de</u> paredes de carga (apertura de huecos)"<sup>28</sup>.

Para abordar este tema se hará referencia de otras variables que son relevantes:

- Formas de los huecos:

Considerando la variedad de formas de arcos utilizadas en los huecos se utilizan cinco tipos de arcos: ojival, ideal, de medio punto, carpanel y de ángulos rectos<sup>29</sup>.

- Condiciones de contorno:

Teniendo en cuenta la variedad de las condiciones de enlace de las estructuras existentes, hemos considerado cuatro situaciones: base apoyada, base apoyada y restricción lateral, base empotrada y base empotrada y restricción lateral<sup>30</sup>.

- Zuncho de borde de los forjados:

Teniendo presente que los forjados existentes<sup>31</sup> se enlazan con las paredes de carga a través de un zuncho, hemos considerado de interés incluir la influencia de dichos elementos<sup>32</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup> Son variables que dan lugar a la heterogeneidad de la población de edificios de paredes carga considerados recién hechos, es decir, sin modificaciones posteriores: el lugar de construcción, la época, diferencias importantes en los tipos de edificios, entre otros.

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup> Son efectos originados por la manipulación en las estructuras que pueden ser de dos tipos, las visibles y las ocultas. Por ejemplo, un edificio que no ha sufrido ningún tipo de manipulación, puede estar en perfecto estado durante muchos años (a no ser que le afecte un terremoto de cierta intensidad), sin embargo, si sobre él se han producido cambios de distribuciones u otras operaciones, podrá llegar a estar en una condición mucho más desfavorable que en el inicio.

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup> Se da una dispersión de criterios que no quedan reflejados en conjunto en ningún documento.

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup> Una modificación en los estados de carga se produce, por ejemplo, cuando se pasa de un uso de vivienda a un uso de oficinas.

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup> Por ser en nuestros días una práctica profesional frecuente que altera la configuración de las paredes de fábrica existentes.

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup> Estos arcos, a nuestro entender, son los más utilizados en obra antigua. El comportamiento del arco ojival es muy parecido al ideal, es por ello que hemos escogido el segundo por tener un mayor uso en la práctica profesional.

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup> Las restricciones laterales se han incluido en la Tesis, presuponiendo la existencia de paredes perpendiculares de arriostramiento.

<sup>&</sup>lt;sup>31</sup> En muchos de los casos.

- Dimensiones de los huecos:

Considerando la variedad de dimensiones de los huecos en obra y para no extender excesivamente el ámbito de la Tesis, hemos considerado cuatro longitudes de la apertura: 1,50m, 2,50m, 3,50m y  $4,50m^{33}$ .

- Ubicación de los huecos:

Observando que las aperturas de los huecos se pueden realizar en cualquiera de las plantas de un edificio, hemos considerado conveniente considerar la influencia de la posición de los mismos a lo largo de la pared.

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup> Considerando que el comportamiento de la pared mejorará, por aportar mayor rigidez lateral.

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup> Teniendo en cuenta las dimensiones más habituales en el ámbito de intervenciones.

#### 1.2 OBJETIVOS DEL ESTUDIO

#### 1.2.1 Objetivo general

El objetivo principal es conocer mejor el comportamiento de las paredes de carga en estructuras existentes, en las cuales se realizan intervenciones de apertura de huecos o apeos. Se pretende, en algunos modelos, llegar a determinar con bastante precisión el patrón del desarrollo de las fisuras en las zonas más tensionadas.

#### 1.2.2 Objetivos específicos

Los objetivos específicos que se plantean para el desarrollo de la Tesis son los siguientes:

1.2.2.1 Determinar la influencia de la forma de los huecos en la distribución de los esfuerzos y movimientos, demostrando la forma que presenta un mejor comportamiento estructural entre los diferentes tipos de apeo en las paredes.

1.2.2.2 Determinar la influencia de las condiciones de contorno de los apeos en las paredes de carga, llegando a identificar los diferentes aspectos que deben tenerse en cuenta en el cálculo.

1.2.2.3 Determinar la influencia de los zunchos de borde de los forjados, embebidos en las paredes de carga, demostrando si su existencia es favorable para el comportamiento estructural de los apeos.

1.2.2.4 Determinar los efectos que en la pared originan las diferentes dimensiones de huecos, llegando a establecer la dimensión del hueco que comenzará a presentar mayores problemáticas en el comportamiento del apeo en la pared.

1.2.2.5 Determinar la influencia de la ubicación del hueco en las paredes de carga, indicando las plantas que presentarán más problemas al ejecutar el hueco para apear la pared.

1.2.2.6 Determinar si el método propuesto en la Tesis es válido para analizar la trayectoria de la fisura en la fábrica de ladrillo.

1.2.2.7 Determinar los mecanismos de colapso de paredes de dos plantas simétricas con diferentes tipologías de aperturas y considerando zunchos de dimensiones despreciables.

1.2.2.8 Determinar los mecanismos de colapso de las paredes. Se analizan paredes de dos plantas asimétricas con diferentes tipologías de aperturas y considerando zunchos de dimensiones despreciables.

1.2.2.9 Determinar también los mecanismos de colapso de paredes simétricas teniendo en cuenta zunchos de dimensiones. Analizar el número de plantas necesario para que se inicie la formación del arco de descarga. 1.2.2.10 Determinar las diferencias generales de comportamiento entre los modelos simétricos y asimétricos.

1.2.2.11 Determinar qué diferencia existe al considerar la influencia de dimensiones diferentes de zuncho en los modelos simétricos con hueco únicamente en la planta baja (futuros modelos 1 y 7).

1.2.2.12 Determinar qué diferencia de comportamiento existe al considerar la influencia de diferentes dimensiones de los zunchos y de las cargas (en futuros modelos 1 y 9).

#### 1.3 METODOLOGÍA UTILIZADA

En este trabajo se presenta y se aplica una metodología para la evaluación del comportamiento y la determinación de los patrones de fisuras (hasta llegar al colapso de las paredes).

El procedimiento seguido en este estudio es completamente manual y se describe brevemente a continuación:

#### 1.3.1 Localización de las zonas más tensionadas del modelo.

- Selección de la zona traccionada que supera la resistencia a tracción del material.
- Selección de la zona que rompe en primer lugar.
- Formación del primer grupo de fisuras.
- Localización de las zonas menos traccionadas que no desaparecen de una etapa a otra.
- Modelización de la fisura en las zonas indicas anteriormente.

#### 1.3.2 Determinación de la trayectoria de la fisura.

- Localización de los vectores en las direcciones de las fuerzas principales.
- Integración de las fuerzas en las diferentes direcciones.
- Selección de la integral de mayor magnitud.
- Formación de la fisura perpendicular a la dirección de los vectores de tracción de mayor intensidad.

#### 1.3.3 Determinación de los efectos de engranaje.

#### 1.4 CONTENIDO DE LOS CAPÍTULOS

La Tesis se estructura en 8 capítulos, cuyos contenidos se indican a continuación:

#### CAPÍTULO-1: INTRODUCCIÓN

Introducción general de la Tesis y descripción de los objetivos que se desean alcanzar.

También se indica la metodología que se utiliza y se introduce el contenido, a modo simplificado, de cada uno de los capítulos.

#### CAPÍTULO-2: ESTADO DEL CONOCIMIENTO

Revisión del estado actual del conocimiento del comportamiento resistente de la obra de fábrica de ladrillo.

Presentación de temas varios que son necesarios para una mejor comprensión de la Tesis: apeos, criterios considerados en el desarrollo de la metodología, esquemas de los modelos analizados, características mecánicas de la mampostería, fisuración, arco catenárico y parabólico y programas utilizados.

#### CAPÍTULO-3: ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES, SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

Análisis de la influencia de la forma de los hue $\cos^{34}$ . En estos modelos no se tiene en cuenta la influencia de los zunchos de los forjados que están embebidos en las paredes, aunque sí se considera la influencia de diferentes condiciones de contorno<sup>35</sup>.

En la última parte del capítulo se establecen comparaciones y conclusiones.

#### CAPÍTULO-4: ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES, CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

Se hace un análisis de la influencia de la forma de los hue $\cos^{36}$ . En estos modelos se tiene en cuenta la influencia de los zunchos de los forjados que están embebidos en las paredes, así como la influencia de diferentes condiciones de contorno.

En la última parte del capítulo se establecen comparaciones y conclusiones.

CAPÍTULO-5: INFLUENCIA DEL ANCHO Y POSICIÓN DE LOS HUECOS QUE DEFINEN LOS APEOS

Se realiza el análisis de la influencia del tamaño de los huecos y de su ubicación en las diferentes plantas.

 $<sup>^{34}</sup>$  Las formas utilizadas para los huecos son: Ojival, ideal, de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup> Cuatro tipologías: base apoyada, base apoyada y restricciones laterales, base empotrada y base empotrada y restricciones laterales.

 $<sup>^{36}</sup>$  Las formas utilizadas para los huecos son: Ideal, de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

En este capítulo se han considerado paredes de carga de edificios de dos a seis plantas y de 10 plantas. La dimensión de los huecos utilizados son de 1,50m; 2,50m; 3,50m y 4,50m. Ocasionalmente se modifica su ubicación en cada una de las plantas del edificio<sup>37</sup>.

En la última parte del capítulo se establecen comparaciones y conclusiones.

#### CAPÍTULO-6: APLICACIÓN DEL MÉTODO EN LA RESOLUCIÓN DE EJEMPLOS PRÁCTICOS

Se incluyen tres ejemplos prácticos  $^{38}$ . El primer ejemplo es hipotético y los dos últimos corresponden a edificios existentes con serias patologías.

En los tres ejemplos se aplican las conclusiones obtenidas de los capítulos anteriores. Por último se establecen conclusiones generales.

#### CAPÍTULO-7: DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA PARA DIFERENTES MODELOS

Se analiza el desarrollo del arco de descarga de modelos simétricos y asimétricos, manipulando en algunos de ellos la posición y el número de los huecos $^{39}$ .

En estos modelos se llega a determinar los mecanismos de colapso de cada uno de ellos $^{\rm 40}.$ 

En la última parte del capítulo se establecen comparaciones y conclusiones.

Por último se elaboran vídeos del proceso de colapso de algunos de los modelos $^{\rm 41}.$ 

#### CAPÍTULO-8: CONCLUSIONES Y PROPUESTAS DE FUTURAS INVESTIGACIONES

Se muestran las conclusiones obtenidas que nos ayudan a constatar si se han cumplido o no los objetivos planteados, tanto generales como particulares, al inicio de la Tesis.

Adicionalmente se incluyen futuras líneas de investigación que se consideran necesarias de abordar.

 $<sup>^{\</sup>rm 37}$  En total se analizan en este capítulo 120 modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup> Los casos prácticos son tres: Edificio de viviendas (en el que se abren dos grandes huecos). Pared colapsada (al ceder la zapata de cimentación que soporta el arranque de un arco). Conjunto de arcos fisurados (pertenecientes a un plano murario de un complejo industrial).

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup> En total son 9 modelos: 6 modelos simétrico y tres modelos asimétricos.

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup> Como se podrá constatar en el capítulo correspondiente, estos mecanismos de colapso son completamente diferentes entre un modelo y otro.

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup> El modelo simétrico y el modelo asimétrico, ambos de dos plantas sin nuevos huecos en la planta alta.

CAPÍTULO-2

ESTADO DEL CONOCIMIENTO

MJIG

#### CAPÍTULOS GENERALES

- 1.- INTRODUCCIÓN
- 2.- ESTADO DEL CONOCIMIENTO
- 3.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
- 4.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
- 5.- INFLUENCIA DEL ANCHO Y POSICIÓN DE LOS HUECOS QUE FORMAN LOS APEOS
- 6.- APLICACIÓN DEL MÉTODO EN LA RESOLUCIÓN DE EJEMPLOS PRÁCTICOS
- 7.- DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA PARA DIFERENTES MODELOS
- 8.- CONCLUSIONES Y PROPUESTAS DE FUTURAS INVESTIGACIONES

#### CAPÍTULO-2

2	ESTADO DEL CONOCIMIENTO
2.1	APEOS Y MECANISMOS DE ESTABILIZACIÓN2-11
2.1.1	Sistemas de apeos y mecanismos de estabilización según el peso, volumen o capacidad de los materiales
2.1.1.1	Sistemas pesados2-11
2.1.1.2	Sistemas ligeros2-12
2.1.2	Sistemas de apeos y mecanismos de estabilización provisionales en obra existente2-13
2.1.2.1	Tipos de apeos y mecanismos de estabilización provisionales según su función en obra2-14
2.1.2.1.1	Los de urgencia2-14
2.1.2.1.2	Los complementarios2-15
2.1.2.1.3	Los supletorios2-16
2.1.2.1.4	De refuerzo por demolición2-17
2.1.3	Sistemas de apeos permanentes en obra existente2-18
2.1.3.1	Aneo de una narte de una nared de carca
	(Apertura de huecos nuevos)
2.1.3.2	Aper de una parec de una parec de carga(Apertura de huecos nuevos)2-19Apeo de un muro completo con sistemasaporticados2-20
2.1.3.2	Apec de una parec de una parec de carga(Apertura de huecos nuevos)
2.1.3.2 2.1.3.3 2.1.3.4	Apec de una parec de una pared de carga(Apertura de huecos nuevos)
2.1.3.2 2.1.3.3 2.1.3.4 2.1.3.5	Apec de una parec de una pared de carga(Apertura de huecos nuevos)
2.1.3.2 2.1.3.3 2.1.3.4 2.1.3.5 2.1.3.6	Apeo de un muro completo con sistemas aporticados
2.1.3.2 2.1.3.3 2.1.3.4 2.1.3.5 2.1.3.6 2.1.3.7	Apeo de una parece de una parece de carga(Apertura de huecos nuevos)
2.1.3.2 2.1.3.3 2.1.3.4 2.1.3.5 2.1.3.6 2.1.3.7 2.1.3.8	Apeo de una parte de una parte de carga(Apertura de huecos nuevos)
2.1.3.2 2.1.3.3 2.1.3.4 2.1.3.5 2.1.3.6 2.1.3.7 2.1.3.8 2.1.3.8 2.1.4	<pre>(Apertura de huecos nuevos)</pre>
2.1.3.2 2.1.3.3 2.1.3.4 2.1.3.5 2.1.3.6 2.1.3.7 2.1.3.8 2.1.3.8 2.1.4	<pre>(Apertura de huecos nuevos)</pre>

2.2.1.1	Tipo de análisis2-35
2.2.1.2	Características mecánicas del material2-35
2.2.2	Condiciones generales2-36
2.2.3	Localización de las fisuras2-37
2.2.4	Determinación de la trayectoria de las fisuras2-41
2.2.5	Mallado de los modelos2-44
2.3	CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS ANALIZADOS2-47
2.3.1	Estado de carga de los forjados2-47
2.3.2	Características de los Zunchos Perimetrales2-47
2.3.3	Condiciones de Contorno2-48
2.3.4	Formas de los arcos utilizados2-49
2.3.5	Modelos estudiados en los diferentes capítulos2-50
2.3.5.1	Modelos analizados en el Capítulo-32-50
2.3.5.2	Modelos analizados en el Capítulo-42-51
2.3.5.3	Modelos analizados en el Capítulo-52-52
2.3.5.3.1	Modelos: influencia del tamaño de los apeos2-52
2.3.5.3.2	Modelos: influencia de la posición de los apeos2-53
2.3.5.4	Modelos analizados en el Capítulo-62-54
2.3.5.5	Modelos analizados en el Capítulo-72-55
2.4	INFORMACIÓN COMPLEMENTARIA2-60
2.4.1	Descripción de la mampostería2-60
2.4.1.1	Propiedades individuales de los materiales que componen la mampostería2-61
2.4.1.1.1	Propiedades del mortero y del ladrillo a nivel experimental2-61
2.4.1.1.2	Propiedades de la interfaz ladrillo-mortero2-61
2.4.1.2	Propiedades del material compuesto: mampostería2-62
2.4.1.2.1	Comportamiento de la mampostería en compresión uni-axial2-62
2.4.1.2.2	Comportamiento a tracción uni-axial de la mampostería2-63

2.4.1.2.3	Aspectos del comportamiento Post-pico. Ablandamiento o "Softening"2-65
2.4.1.2.4	Comportamiento biaxial2-65
2.4.1.3	Métodos de cálculo general y método propuesto en la Tesis2-66
2.4.2	La fisuración2-69
2.4.2.1	Modelos constitutivos generales2-69
2.4.2.2	Teorías para estudiar la fisuración2-70
2.4.2.3	Mecánica de fractura2-70
2.4.2.3.1	División de la teoría de la "MF"2-71
2.4.2.3.2	Modos de propagación de la fisura2-72
2.4.2.3.3	Concentración de Tensiones en la cabeza de la fisura2-73
2.4.2.3.4	Representación de la propagación de la fisura2-73
2.4.2.4	Mecánica de medios continuos (MMC)2-74
2.4.2.4.1	Modelos de fisura distribuida o difusa2-76
2.4.2.4.2	Inicio de la fisuración2-76
2.4.2.4.3	Orientación y generación de fisuras2-77
2.4.2.4.4	Comportamiento del material fisurado2-77
2.4.3	La catenaria y la parábola2-80
2.4.3.1	El arco catenárico2-80
2.4.3.1.1	Ecuación de la catenaria2-81
2.4.3.2	El arco parabólico2-83
2.4.3.3	Diferencias entre la catenaria y la parábola2-86
2.4.3.4	La forma catenárica en la naturaleza2-87
2.4.3.5	Aplicación en Ingeniería-Obra Civil2-88
2.4.3.6	Aplicación en la Arquitectura2-90
2.4.3.6.1	Basílica de Saint Denis (París-Francia): utilizan arcos de medio punto - grandes contrafuertes laterales2-90
2.4.3.6.2	Iglesia de Cluny III (París-Francia): utilizan arcos ojivales - grandes contrafuertes exteriores
2.4.3.6.3	Cúpula de la Mezquita de la Roca (Qubbat as- Sajrah) (Jerusalén 688-692)2-91

2.4.3.6.4	Catedral de Santa María del Fiore (Florencia- Italia-1296)2-92
2.4.3.6.5	Antoni Gaudí (1852 - 1926)2-93
2.4.3.6.6	Colonia Güell (1908-1916)2-93
2.4.3.6.7	Colegio de las Teresianas (Gaudí 1889-1890)2-95
2.4.3.6.8	Palacio Güell (Palau Güell) (1886-1890)2-96
2.4.3.6.9	Casa Milà (La Pedrera 1906-1910)2-97
2.4.3.6.10	La Sagrada Familia (Gaudí asume el proyecto en 1883)2-98
2.4.3.6.11	"Masia Freixa″ (Tarrasa-España-1896)2-99
2.4.3.6.12	Central nuclear2-100
2.4.3.6.13	El centro religioso Memorial Fidel y María Moreno (Escobar-Argentina)2-100
2.4.3.6.14	Gatewey Arch (Sant Louis, Missouri, EE.UU - 1947-1960)2-101
2.4.3.6.15	Dulles International Airport (Chantilly- Virginia 1958-1962)2-102
2.4.3.6.16	Marquette Plaza (Banco Federal de Minneapolis) (Minneapolis, Minnesota-1973-1997)
2.4.3.6.17	Expo-98. Pabellón de Portugal (Portugal-Lisboa 1995)2-104
2.4.3.6.18	Ciudad de las Artes y las Ciencias (Valencia- España-1994-2005)2-105
2.4.3.6.19	Casas prefabricadas (Pretoria-África del Sur- 2006)2-107
2.4.3.6.20	Cubierta del escenario del Teatro de Verano Ramón Collazo del Parque Rodó (Montevideo julio-diciembre-2006)2-108
2.4.3.6.21	Stand de Hispalyt (Construmat-2007)2-109
2.4.4	Descripción de los programas utilizados2-112
2.4.4.1	Programa de dibujo "AutoCAD"2-112
2.4.4.2	Programa pre y post procesador: "GID"2-114
2.4.4.2.1	Pre-proceso2-115
2.4.4.2.2	Post-proceso2-119
2.4.4.3	Programa de cálculo: "RamSeries"
2.4.4.3.1	"Rambshell"2-122
2.4.4.3.2	"RamSolid"2-125

2.4.4.3.3	<i>Referencias bibliográficas del programa</i> <i>"RamSeries"2-125</i>
2.4.4.4	Programa de cálculo "RISA-3D"2-126
2.4.4.5	Programa "Windows Movie Maker"2-130
2.4.4.6	Programa matemático "ORIGIN-8"2-131
2.4.4.7	Programa "Excel.2007"2-131

## MJIG <u>CAPÍTULO-2</u> 1.- APEOS 2.- METODOLOGÍA UTILIZADA 3.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS ANALIZADOS 4.- INFORMACIÓN COMPLEMENTARIA

## MJIG <u>CAPÍTULO-2</u> 1.- APEOS 2.- METODOLOGÍA UTILIZADA 3.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS ANALIZADOS 4.- INFORMACIÓN COMPLEMENTARIA

MJIG

2.1 APEOS 1.- SISTEMAS DE APEOS Y MECANISMOS DE ESTABILIZACIÓN SEGÚN EL PESO, VOLUMEN O CAPACIDAD DE LOS MATERIALES

2.- SISTEMAS DE APEOS Y MECANISMOS DE ESTABILIZACIÓN PROVISIONALES EN OBRA EXISTENTE

3.- SISTEMAS DE APEOS PERMANENTES EN OBRA EXISTENTE

4.- ESQUEMAS DE SOLUCIONES DE APEOS Y MECANISMOS DE ESTABILIZACIÓN PROVISIONALES Y PERMANENTES EN OBRA EXISTENTE

#### 2 ESTADO DEL CONOCIMIENTO

#### 2.1 APEOS Y MECANISMOS DE ESTABILIZACIÓN

"Llámese apeo el sostener provisionalmente con armazones de madera, hierro u otro, un edificio o parte de él, entretanto no se terminen las obras de reconstrucción, reparación o demolición que en el mismo se están efectuando."<sup>1</sup>

Podríamos decir, de modo general, que los apeos son sistemas estructurales que actúan frente a fuerzas de tipo gravitatorias. Sirven para complementar o sustituir una estructura con carácter provisional o permanente. Los apeos permanentes se diferencian de los provisionales en que la consistencia y eficacia de sus elementos estructurales se integran en el sistema reforzado con un carácter permanente.

Por otro lado, los mecanismos de estabilización garantizan el equilibrio de la estructura, frente a cualquier fuerza que no esté equilibrada, mientras que se realizan las intervenciones de apeos u otras.

#### 2.1.1 <u>Sistemas de apeos y mecanismos de estabilización según el peso,</u> volumen o capacidad de los materiales<sup>2</sup>

La diferente relación entre peso, volumen y capacidad resistente inherente a cada material constructivo repercute en la ejecución del sistema, ya sea de apeo o del mecanismo de estabilización, pudiendo llegar a establecer dos grandes grupos: los pesados y los ligeros.

#### 2.1.1.1 Sistemas pesados

Son aquellos en los que el peso de su material es el punto relevante para establecer el sistema de equilibrio. Los elementos utilizados se ejecutan a partir de la manufactura de piezas de cantería o de albañilería.

La entidad constructiva de las fábricas dota a sus elementos de una gran durabilidad, por ello, estos sistemas se pueden identificar dentro del ámbito de los elementos de refuerzo o asociados a algún estilo arquitectónico.



(GRAF.2: 1) Coliseo de Roma: contrafuertes laterales.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> (Ledo 1977).

 $<sup>^{\</sup>rm 2}$  La información extraída para este apartado es de (López y Casas 2002).

#### 2.1.1.2 Sistemas ligeros

Son aquellos en los que, al contrario del anterior, el peso no es un factor relevante para garantizar el equilibrio del conjunto. Estos sistemas se resuelven con materiales tales como madera y metal.

Los elementos de madera componen sistemas estructurales isostáticos, a partir de piezas de madera normalizada, ensambladas por bridas, tirafondos o clavos.



(GRAF.2: 2) Material ligero utilizado: la madera.

En los elementos metálicos elaborados con perfiles laminados se utiliza normalmente la soldadura para resolver las uniones de fuerzas entre los elementos, ejecutándose empotramientos o articulaciones con los que se pueden configurar estructuras isostáticas o hiperestáticas. Los sistemas metálicos modulares utilizan, para su empalme, pasadores atornillados que equivalen a seudo-empotramientos o rótulas con las que se generan articulaciones.



(GRAF.2: 3) Material ligero utilizado: el metal.

#### 2.1.2 <u>Sistemas de apeos y mecanismos de estabilización provisionales</u> en obra existente<sup>3</sup>

Entendemos por sistemas provisionales<sup>4</sup> aquel conjunto estructural ejecutado en una construcción existente para complementar o sustituir su estructura con carácter provisional, siempre y cuando se ejecuten en obras de reparación o demolición.

Este sistema debe garantizar la estabilidad y, en determinados casos, la habitabilidad de una edificación dañada en tanto se acomete o adopta una solución definitiva a sus deficiencias.

La ejecución del sistema dependerá del tipo de intervención que se necesite realizar, es decir: reparación, reconstrucción, demolición, etc.; para los cuales se deberán determinar las diferentes etapas o fases de la ejecución.

Tanto es así que el objetivo de algunos apeos y mecanismos de estabilización provisionales puede limitarse bien a la seguridad de los operarios encargados de ejecutar un apeo más definitivo, o bien para ejecutar otro sistema de apeo más complejo o permanente<sup>5</sup>.



(GRAF.2: 4) Contrafuertes laterales y apeo de la fachada con sistema de micropilotes.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Para ampliar la información consultar (López y Casas 2002).

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> En inglés se llaman "temporary shoring".

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Para el que se requiere un mayor plazo tanto de ejecución como de suministro de sus elementos.

## 2.1.2.1 Tipos de ape<br/>os y mecanismos de estabilización provisionales según su función en obra<br/> $^6$

#### 2.1.2.1.1 Los de urgencia

Son aquellos que complementan la estructura dañada en sus elementos más precarios a corto plazo, de este modo atajan un peligro inminente debido al grado de deterioro del edificio, así como custodian la seguridad adecuada para que los operarios puedan trabajar. Debido a que las condiciones de trabajo son precarias, los elementos deben ser ligeros y de rápida entrada en carga.



 $^{\rm 6}$  La información extraída para este apartado es de (López y Casas 2002).

#### 2.1.2.1.2 Los complementarios

Son aquellos que cubren las carencias de seguridad que pudiera presentarse en el estado de deterioro de una estructura, aunque posibilitando que continúe cumpliendo su función. No son elementos autónomos sino que se integran en el conjunto permanente al igual que los refuerzos.



#### 2.1.2.1.3 Los supletorios

Son utilizados en el caso en que el plan de la obra se enfoque a la reparación de la edificación desde el principio, abarcando trabajos de sustitución de elementos estructurales, con lo cual el sistema utilizado deberá sustituir a la estructura dañada, una vez el apeo entre en carga. Requiere una serie de operaciones auxiliares como la ejecución de perforaciones en elementos verticales y horizontales para dar a los apeos continuidad e identidad como estructura autónoma.



<sup>7</sup> Edificio La Jirafa (Oviedo).

#### 2.1.2.1.4 De refuerzo por demolición

Dotan a la construcción del edificio no demolido de la estabilidad perdida por la eliminación de una parte del mismo.



<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Edificio Marqués de Semmenat, con demolición realizada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con el esquema de arriba.

#### 2.1.3 Sistemas de apeos permanentes en obra existente

Podríamos decir que, los apeos permanentes son un mecanismo para cortar el descenso hasta el suelo de las cargas gravitatorias del edificio y forman parte de la estructura reparada con carácter permanente.

La consideración de este tipo de apeo depende del elemento estructural que se necesite apear, ya sea por motivos de reforma o por daños importantes en el mismo.



(GRAF.2: 9) Esquema de apeos permanentes.

En los cuadros que se presentan a continuación se expone una pequeña selección de este tipo de apeos. No hemos pretendido abarcarlos todos, dada la gran variedad de los elementos estructurales que componen un edificio.

Los apeos que se presentan son los siguientes:

1. Apeo de una parte de una pared de carga (Apertura de huecos nuevos).

2. Apeo de un muro completo con sistemas aporticados.

- 3. Apeo de pilares.
- 4. Apeo de forjado por eliminación de pilar o pared maestra.
- 5. Apeo de forjado por eliminación de pilar o pared maestra.
- 6. Apeos de pared de carga o pilar en cimentación.

7. Apeo de muros de carga y pilares existentes para habilitar sótanos de nueva construcción.

**8.** Apeo de la estructura de un forjado existente para habilitar sótanos de nueva construcción.

En el desarrollo de la Tesis, teniendo en cuenta la amplitud del tema, únicamente se abordará el primer tipo de apeo, sobre el cual actúan cargas de tipo gravitatoria.
(CUADRO 5) APEO DE UNA PARTE DE UNA PARED DE CARGA VERSON CONTRACTOR OF STATE (GRAF.2: 10) Alzado del muro a intervenir. . (GRAF.2: 11) Planta del muro a intervenir. (F-5) Aperturas de nuevos huecos en muros<sup>9</sup>.

2.1.3.1 Apeo de una parte de una pared de carga (Apertura de huecos nuevos)

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Información proporcionada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.



2.1.3.2 Apeo de un muro completo con sistemas aporticados<sup>10</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Información proporcionada por BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.





<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Información proporcionada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.

# (CUADRO 8) APEO DE FORJADOS (GRAF.2: 14) Sección del apeo de los (F-8) Apeos de forjados por eliminación de forjados. pilar.

# 2.1.3.4 Apeo de forjado por eliminación de pilar o pared maestra<sup>12</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> Información proporcionada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.



2.1.3.5 Apeo de las jácenas por eliminación de pilar o pared maestra  $^{13}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> Información proporcionada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.



# 2.1.3.6 Apeos de pared de carga o pilar en cimentación<sup>14</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup> Información proporcionada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.

2.1.3.7 Apeo de muros de carga y pilares existentes para habilitar sótanos de nueva construcción

(CUADRO 11) APEO DE PARED DE CARGA O PILAR PARA HABILITAR SÓTANOS (GRAF.2: 17) Sección del apeo. (F-11) Apeo del muro para construcción de 2 (F-12) Apeo del muro para construcción de nuevos sótanos<sup>15</sup> nuevos sótanos.

<sup>15</sup> Información proporcionada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.

2.1.3.8 Ape<br/>o de la estructura de un forjado existente para habilitar sótanos de nueva construcció<br/>n $^{16}$ 



(GRAF.2: 18) Apeo de la estructura de un forjado existen para habilitar nuevos sótanos.

# 2.1.4 Esquemas de soluciones de apeos y mecanismos de estabilización provisionales y permanentes en obra existente

Para cada modelo estructural se puede prever el tipo de deformación que adoptará ante una situación degenerativa de sus elementos. El tipo de apeo que se disponga en cada caso también dependerá del grado de deformación alcanzado y de las previsiones de reparación existentes.

Cada cuadro contiene la siguiente información:

lra. columna <b>MODELO</b>	2da. columna <b>PATOLOGÍA</b>	3ra. columna <b>APEO</b>
Nomenclatura utilizada		
<pre>"T" = Tracción</pre>	"C" = Compresión	"F" = Flexión

<sup>16</sup> Información proporcionada por la empresa BOMA. La foto que se adjunta no se corresponde con los esquemas de la izquierda.

- Atirantado en dirección contraria al desplome. 5 Transmisión de empujes al terreno por elemento de apeo inclinado a "*C″*. Sin carga y aislado, con empuje horizontal Desplome. Transmisión de empujes al terreno por muro transversal perforado a modo de arbotante. Contrarresto de empuje con elemento pesado. Elemento vertical Desplome de un elemento Transmisión de empujes a la base pareado. o de los dos en sentido con elementos ligeros. contrario.
- 9. Actuación sobre elementos estructurales verticales:





# 10. Actuación sobre elementos estructurales horizontales:

11. Actuación sobre elementos estructurales inclinados:





12. Actuación sobre elementos estructurales arqueados:



# MJIG <u>CAPÍTULO-2</u> 1.- APEOS 2.- METODOLOGÍA UTILIZADA 3.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS ANALIZADOS 4.- INFORMACIÓN COMPLEMENTARIA



# 2.2 METODOLOGÍA UTILIZADA

# 2.2.1 Condiciones consideradas sobre el material

# 2.2.1.1 Tipo de análisis

En nuestra Tesis, los modelos se realizan en un rango "Elástico Lineal", por considerar que siempre nos movemos en valores que se encuentran dentro de la rama elástica del diagrama y, en el momento que supera la resistencia a tracción de la fábrica, se introduce la separación de los nodos.

Si tenemos presente que en este estudio llegamos a determinar patrones de fisuras es válida la aplicación de métodos lineales. Este razonamiento se sustenta en comentarios de algunos investigadores<sup>17-18-19-20-21</sup>, sin embargo otros indican lo contrario. En el apartado "2.4" se explica con más detenimiento.

# 2.2.1.2 Características mecánicas del material

Las características mecánicas utilizadas en los diferentes modelos analizados se calculan en base al "CTE".

γ	N/m3	18.000
Е	N/m2	5,70E09
G	N/m2	2,30E+09
υ	-	0,20
f <sub>d</sub>	N/m2	3,2E+06
f <sub>t</sub>	N/m2	0,1E+06

Para el cálculo de estos valores se desarrolla una hoja de cálculo que se presenta a continuación.

CTE – SE-F					
Valores	de "k"	1Hoja	2Hojas		
Macizas		0,6	0,5		
Perforadas		0,55	0,45		
Aligeradas		0,5	0,4		
Huecas		0,4	-		
k	0,6				
fь	25		N/mm2		
fm	15	OK	N/mm2		
fk	9,57		N/mm2		
<b>γ</b> м	3				
£a	3,19		N/mm2		
	Valor de "E" teniendo "fk"				
fk	9,57	N/mm2	9,57E+06	N/m2	
Е	9570	N/mm2	9,57E+09	N/m2	
<b>E</b> est lim serv	5,742	N/mm2	5,74E+09	N/m2	
G	3828	N/mm2	2,30E+09	N/m2	

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup> Kong (Kong 1998) en su Tesis sostiene que el comportamiento del material antes de fallar es elástico lineal. Indica: "The masonry panel model used in the present study is assumed to be homogeneous d linearly elastic up to failure. Additionally, the material is assumed to be orthotropic in directions parallel and normal to bed joints. The assumption of linear elastic behaviour is based on experimental evidence available in the literature. (Fattal y Cattaneo 1976) (Drysdale y Hamid 1979) (A. Hendry 1981) (Hamid, Ziab y El Nawawy 1987) which tends to confirm that masonry behaves linearly almost up to failure".

<sup>19</sup> Reyes y otros (Reyes, Casati y Gálvez 2003) manifiestan en su artículo: "En trabajos anteriores se ha mostrado que la precisión de la trayectoria proporcionada por la mecánica de la fractura elástica lineal constituye una buena aproximación de la trayectoria de la grieta en materiales cuasi-frágiles...".

<sup>20</sup> Roca y otros (Roca, Molins y Marí 2005) indican: "... Under tension, masonry is modeled as a simple linear elastic perfectly brittle material..."

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup> En las conclusiones del artículo (Cecchi y Sab 2002) indican: "... characterizing the behavior of the masonry in which the constitutive law for blocks and mortar is linear elastic..."

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> Romera y otros (Romera, Hernandez y Reinosa 2008) indican que el uso de modelos lineales permite conocer el comportamiento real de la estructura. Los autores dicen en su texto: "The use of linear models as a previous step to posible analysis considering more realistic non-linear models, allows us to comprehend the real structural behavior, with less cost and complexity as compared to those of non-linear case.

# 2.2.2 Condiciones generales

Para el trazado de las fisuras se consideran los siguientes aspectos:

1. Los parámetros del comportamiento mecánico del material se deben conocer en su totalidad $^{22}$ .

2. Para medir la resistencia a compresión de la fábrica<sup>23</sup> se toma como límite el valor de 3,20N/mm2 (32,00Kg/cm2), en consecuencia se desprecia la contribución del material con excesivas compresiones por no ser capaz de soportar más esfuerzos.

3. El material rompe cuando supera su resistencia de cálculo a tracción<sup>24</sup> de 0,10N/mm2  $(1,00Kg/cm2)^{25}$  y no se considera la existencia de la rama de ablandamiento.

4. Las máximas tracciones se deben localizar en la cabeza de la fisura, nunca en los labios de la misma $^{26-27}$ .

5. La distancia entre fisuras se limita a la dimensión de la pieza de cerámica  $^{\rm 28-29}.$ 

6. Las direcciones de las fisuras que se generan en el proceso de cálculo deberán de ser perpendiculares a los vectores de las direcciones principales de tracción que las originan<sup>30</sup>.

7. Se permite que en un punto sobretensionado a tracción se forme una fisura y como máximo,  $dos^{31}$ . El ángulo que forman ambas se determina en la mayoría de los modelos por el sentido de los vectores.

8. Para representar los gráficos de las fuerzas se utiliza una cromática con dos gamas bien determinadas: una gama de colores cálidos intensos<sup>32</sup> que simbolizan tracciones considerables y una gama de colores cálidos claros<sup>33</sup> que representan tracciones pequeñas.

A continuación, se presenta en dos ejemplos prácticos el proceso a seguir en la metodología.

- El primero corresponde a la localización de las fisuras.
- El segundo corresponde a la determinación de la trayectoria de las mismas.

<sup>29</sup> Para las fisuras verticales la distancia entre ellas es el ancho del bloque, mientras que para el trazado de las fisuras horizontales es el canto de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup> Ver "2.2.1.2".

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup> Ver "2.2.1.2".

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup> Ver apartado "2.4.2.4.2".

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup> Ver apartado "2.4.1.2.2".

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup> Este punto ha sido un parámetro importante en la determinación de la trayectoria de la fisura que se analiza en el apartado "2.2.4".

 $<sup>^{\</sup>rm 27}~$  De acuerdo con la teoría de la fisuración analizado en el apartado "2.4.2".

<sup>28</sup> Considerando que el mortero es el primero en fisurar por tener menos resistencia; ver "2.4.1.1.1".

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup> Ver apartado "2.4.2.4.3".

 $<sup>^{\</sup>rm 31}\,$  De acuerdo con la teoría de la fisuración; apartado "2.4.2.4.3".

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup> Colores que se acercan al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup> Colores que se aproximan al blanco.

# 2.2.3 Localización de las fisuras

Los gráficos generados para este estudio corresponden a modelos con influencia del zuncho de forjado embebido en las paredes de fábrica. También es importante indicar que los resultados con los que trabajamos pertenecen a las fuerzas "N11"<sup>34</sup>.

En el (CUADRO 13) se muestra una visión global del proceso utilizado para localizar las fisuras en los modelos. Cada uno de los pasos es explicado detalladamente en las páginas siguientes:



<sup>34</sup> Ver apartado "2.4.4.2.2".

A continuación se explican detalladamente los pasos para localizar las fisuras en los diferentes gráficos expuestos en el cuadro anterior:

# a. Selección de toda la zona traccionada del modelo.

La zona traccionada tiene un rango de valores que va desde cero a los máximos valores de los esfuerzos.



(GRAF.2: 19) Selección de toda la zona traccionada del modelo.

# b. Selección de la zona traccionada que supera la $\sigma_{t.}$

Se selecciona la zona que supera la resistencia a tracción del material de 0,10N/mm2. Tengamos en cuenta que la zona que rompe se localiza por debajo del zuncho perimetral<sup>35</sup> del forjado embebido en la pared de carga<sup>36</sup>.



(GRAF.2: 20) Selección de la zona traccionada que supera la ot.

# c. Selección de la zona que rompe primero.

Se selecciona un rango de fuerzas que incluye las zonas más tensionadas, por ser las primeras en romper $^{37}$ . Hay que tener en cuenta que no se representan las zonas traccionadas con valores menores $^{38}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup> El zuncho reduce la fisuración, como consecuencia del efecto de zunchado que introduce en la pared, según lo comprobado en el Capitulo-4.

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup> Lógicamente esta zona se puede apreciar en el gráfico del paso anterior, pero con tonalidades más intensas.

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup> En la mayoría de los casos simétricos las fisuras se localizan en la parte central del apeo, como es el caso del modelo utilizado.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 38}$  Aunque localmente puedan también superar la tensión  $\sigma_{\rm f}$ 



(GRAF.2: 21) Selección de la zona que rompe en primer lugar.

# d. Formación del primer grupo de fisuras.

Determinada la zona anterior se forma el primer grupo de fisuras en el modelo $^{39}$ .



<sup>(</sup>GRAF.2: 22) Formación del primer grupo de fisuras.

# e. Localización de las zonas menos tensionadas que no desaparecen de una etapa a otra.

En algunos de los casos las fuerzas menores tienden a desaparecer en el momento que aparecen las primeras fisuras. Mientras que en otros se mantienen e incluso aumentan de valor.

En el (CUADRO 14) se observa que la zona "T", que existía en el paso "b", no desaparece aunque existan las fisuras introducidas en el paso "d".



 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 39}$  Las fisuras serán perpendiculares a las fuerzas que las generan.

Observemos que en este caso, la zona "T"<sup>40</sup> no desaparece al pasar de una etapa a otra, en estas circunstancias, en dicha zona se introducen unas nuevas fisuras<sup>41</sup>, como se expone en el paso siguiente. En el (*GRAF.2: 23*) se aprecia en mayor escala dicha zona:



(GRAF.2: 23) Localización de las zonas menos tensionadas que no desaparecen de una etapa a otra.

# f. Formación de fisuras en las zonas localizadas en el paso anterior.

Es por ello que en este caso el siguiente paso consiste en introducir fisuras inclinadas en los extremos, localizadas en la zona "T".

En el gráfico (GRAF.2: 24) se pueden apreciar dichas fisuras:



(GRAF.2: 24) Formación de fisuras en las zonas localizadas en el paso anterior.

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup> Que es una zona de tracciones con valores pequeños, pero con magnitud superior a la que se considera de rotura.

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup> Que en este cado son inclinadas y son aquellas que darán lugar a la formación del arco de descarga del modelo.

# 2.2.4 Determinación de la trayectoria de las fisuras

El cuadro que vemos a continuación muestra una idea general del proceso considerado para determinar la trayectoria de la dirección de las fisuras en cada uno de los modelos. Explicamos detalladamente cada uno de los pasos en las páginas siguientes:



 $<sup>^{\</sup>rm 42}$  Vectores en las direcciones principales; ver 2.

 $<sup>^{\</sup>rm 43}$  Fuerzas en las direcciones principales; ver 2.

# g. Determinar la mejor trayectoria de la fisura partiendo de la información indicada a continuación.

A partir de una fisura existente presentamos un caso práctico, en el cual se selecciona la dirección por donde se propaga la fisura. Se puede observar que en la cabeza de la discontinuidad<sup>44</sup> existen algunas posibles direcciones principales de propagación. El ejercicio consiste en determinar cuál de éstas representaría la realidad de forma más precisa.



(GRAF.2: 25) Vectores "Sii".45



(GRAF.2: 26) Fuerzas "N11".46

En este caso se puede prever que la fisura seguirá una trayectoria vertical recta, ya que observamos una concentración superior de vectores horizontales.

Para poder confirmar esta hipótesis se realizan dos análisis que deben ser compatibles el uno con el otro. Sólo en ese caso se puede dar la hipótesis como válida y se podría aplicar este proceso a todos los modelos $^{47}$ .

Los análisis realizados son los siguientes:

## h. Integrar las fuerzas en diferentes direcciones.

Teniendo claro que como máximo podemos admitir la formación de dos fisuras en cada punto se obtiene la dirección que coincida con la fuerza máxima. Para ello procedemos a realizar la integración de cada una de las dos direcciones.

La primera integración se realiza en la dirección perpendicular de los vectores inclinados (figura izquierda). La segunda integración corresponde a una dirección perpendicular a los vectores horizontales (figura derecha).



(GRAF.2: 27) Integración de los Vectores "Sii"<sup>45</sup>, en diferentes direcciones.

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup> Tras haber superado la resistencia a tracción del material.

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup> Vectores en las direcciones principales; ver 2.

<sup>&</sup>lt;sup>46</sup> Fuerzas en las direcciones principales; ver 2.

<sup>&</sup>lt;sup>47</sup> Que se desarrollan a lo largo de la Tesis.

Si comparamos ambos resultados se observa que efectivamente las máximas fuerzas se concentran en los vectores horizontales; con ello, podemos dar como válida la segunda dirección de la propagación de la fisura.

i. Modelizar la trayectoria de las direcciones definidas en el punto anterior.

Para constatar los resultados anteriores se realiza el modelo para ambos casos de la propagación de la fisura.

Consideramos además otro aspecto<sup>48</sup>: la concentración de las fuerzas de tracción deben localizarse siempre en la cabeza de la nueva fisura; nunca en sus lados.

En el primer caso se permite la formación de dos fisuras con direcciones perpendiculares a los vectores que las generan (vectores inclinados). Observamos que las máximas fuerzas se localizan en la parte central y no en la cabeza.



(GRAF.2: 28) Dos fisuras: vectores "Sii".49



(GRAF.2: 29) Dos fisuras: fuerzas "N11".<sup>50</sup>

En el segundo se permite la formación de una nueva fisura con dirección perpendicular a los vectores que las generan (vectores horizontales). Aquí, en cambio, observamos que las máximas fuerzas se localizan en la cabeza.



(GRAF.2: 30) Una fisura: vectores "Sii".



(GRAF.2: 31) Una fisura: fuerzas "N11".

Es importante constatar que estos resultados concuerdan con los obtenidos en el primer análisis (apartado "a''): las máximas fuerzas se encuentran en la cabeza; por ello se incluirá tal fisura en el modelo real de la pared para proseguir con su análisis evolutivo.

<sup>&</sup>lt;sup>48</sup> Citado anteriormente.

<sup>&</sup>lt;sup>49</sup> Vectores en las direcciones principales; ver 2.

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup> Fuerzas en las direcciones principales; ver 2.

# 2.2.5 Mallado de los modelos

El mallado de los modelos es un factor muy importante para obtener buenos resultados, mientras más pequeño sea los resultados serán mucho más precisos. Se obtiene mayor precisión si usamos elementos con más cantidad de nodos internos (más grados de libertad). El hecho de que la malla sea muy densa y con un número superior de nodos tiene también sus desventajas: el aumento del tiempo de cálculo y de la memoria necesaria para desarrollar dicho proceso.

En los modelos de los Capítulos del 2 al 6 se utiliza un mallado con una longitud de 0,20m en toda la pared.

En los modelos del Capítulo-7, con el fin de optimizar el mallado, hemos optado por hacer más densa la malla en la zona más conflictiva<sup>51</sup> y menos densa en el resto del modelo. Utilizamos el elemento finito triangular de 3 nodos con una dimensión de 0,05m de longitud en las zonas densas y de 1,00m en las zonas restantes. Adicionalmente se hacen mallados especiales en los siguientes puntos: en las caras laterales de los elementos que dan a huecos se usa una dimensión de 0,05m<sup>52</sup> y en las cabezas de las fisuras se densifica el mallado con una longitud de  $0,01m^{53}$ .



<sup>&</sup>lt;sup>51</sup> Zona superior de los huecos de planta baja



<sup>&</sup>lt;sup>52</sup> Ver (GRAF.2: 35) y (GRAF.2: 39).

<sup>&</sup>lt;sup>53</sup> Ver (GRAF.2: 43).





# 2.3 CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS ANALIZADOS

# 2.3.1 Estado de carga de los forjados

El modelo representa una pared medianera de un edificio, el número de plantas se especifica en cada uno de los capítulos. El estado de carga general utilizado es el siguiente:

Estado de carga en zonas de vivienda:

Pp	Tn/m2	0,30	
	N/m	12.000	
Ср	Tn/m2	0,15	
	N/m	6.000	
Su	Tn/m2	0,30	
	N/m	12.000	

Estado de carga en terraza (sólo de mantenimiento):

Pp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Cp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Su	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000

pp=Peso propio cp=cargas permanentes su + N=sobrecargas de uso + nieve

Como se puede apreciar en el *(CUADRO 24)*, los diferentes modelos que analizamos incluyen el arco de ángulos rectos. A pesar de los inconvenientes que origina, lo hemos seleccionado<sup>54</sup> por tratarse del arco más usado en las estructuras de obra de fábrica, dada la facilidad de su trazado en obra.

# 2.3.2 Características de los Zunchos Perimetrales

En el estudio se consideran zunchos de hormigón armado cuyas dimensiones se especifican en cada uno de los capítulos.

En el cálculo no se tiene en cuenta el peso propio de los zunchos.

Los zunchos se modelizan como elementos barra.

<sup>&</sup>lt;sup>54</sup> Al igual que en el capítulo precedente.

# 2.3.3 Condiciones de Contorno

La representación gráfica de los desplazamientos y giros positivos se indican en el siguiente cuadro.



# 2.3.4 Formas de los arcos utilizados

Para determinar la influencia de la forma de los huecos se seleccionan 5 tipos de arcos que se presentan a continuación.



# 2.3.5 Modelos estudiados en los diferentes capítulos

# 2.3.5.1 Modelos analizados en el Capítulo-3

Para analizar la influencia de la forma de los huecos y de las condiciones de contorno, sin tener en consideración el zuncho de forjado, se desarrollan 20 modelos:

(CUADRO 19) ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERENTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZAR EN EL CAPÍTU				
	ARCO OJIVAL (A.O)	ARCO IDEAL (A.I)	ARCO DE MEDIO PUNTO (A.M.P)	ARCO CARPANEL (A.CP)
BASE APOYADA (BA)	(GRAF.2: 55) A. Ojival: BA	(GRAF.2: 56) A. Ideal: BA	(GRAF.2: 57) A. Medio punto: BA	(GRAF.2: 58) A. Carpanel: BA
BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES(BA-RL)				
BASE EMPOTRADA (BE)	(GRAF.2: 60) A. Ojival: BA-RL	(GRAF.2: 61) A. Ideal: BA-RL	(GRAF.2: 62) A. Medio punto: BA-RL	(GRAF.2: 63) A. Carpanel: BA-RL
BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES(BE-RL)	(GRAF.2: 65) A. Ojival: BE	(GRAF.2: 66) A. Ideal: BE	(GRAF.2: 67) A. Medio punto: BE	(GRAF.2: 68) A. Carpanel: BE
	(GRAF.2: 70) A. Ojival: BE-RL	(GRAF.2: 71) A. Ideal: BE-RL	(GRAF.2: 72) A. Medio punto: BE-RL	(GRAF.2: 73) A. Carpanel: BE-RL



# 2.3.5.2 Modelos analizados en el Capítulo-4

Para analizar la influencia de la forma de los huecos, de las condiciones de contorno y la influencia de considerar el zuncho de forjado se presentan 16 modelos:



# 2.3.5.3 Modelos analizados en el Capítulo-5

# 2.3.5.3.1 Modelos: influencia del tamaño de los apeos

Para analizar la influencia del tamaño de los apeos, en las paredes de obra de fábrica, se desarrollan 4 modelos:



# 2.3.5.3.2 Modelos: influencia de la posición de los apeos

Para analizar la influencia de la posición de los apeos, en las paredes de obra de fábrica, se elaboran 120 modelos que se indican en el siguiente cuadro:



AS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M,			
HUECO EN P. OCTAVA	HUECO EN P. NOVENA		
		2-PLANTAS	
		3-PLANTAS	
		4 – PLANT AS	
		ST LINT I - S	
		6 – PLANTAS	
		10-PLANTAS	
HUECO EN P. OCTAVA	HUECO EN P. NOVENA		

# 2.3.5.4 Modelos analizados en el Capítulo-6

Para corroborar la fiabilidad del método se presentan 3 modelos.


#### 2.3.5.5 Modelos analizados en el Capítulo-7

El desarrollo del mecanismo de colapso en las paredes (arco de descarga) se analiza en 12 modelos con diferentes características y que se exponen en el siguiente cuadro.





1.- APEOS

- 2.- METODOLOGÍA UTILIZADA
- 3.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS ANALIZADOS
- 4.- INFORMACIÓN COMPLEMENTARIA

MJIG





2-58



#### 2.4 INFORMACIÓN COMPLEMENTARIA

#### 2.4.1 Descripción de la mampostería<sup>55</sup>

Por mampostería se entiende el conjunto de dos fases materiales constituidas por bloques<sup>56</sup> y una sucesión de juntas de mortero dispuestas en forma irregular<sup>57</sup> o regular<sup>58</sup>. En el caso del presente trabajo nos centraremos en la mampostería compuesta por ladrillos de forma regular y paralelepípedo.

La mampostería es un material que transmite cargas de compresión de forma muy efectiva. Su comportamiento está sujeto a complejos estados tensionales, está marcadamente influenciado por la orientación de las juntas de mortero<sup>59</sup> y las cargas aplicadas.

Dependiendo del grado de compresión al que se vea sometido, el fallo puede ocurrir solamente en las juntas o en una combinación de fisuración junta-mortero. El fallo de las estructuras de mampostería va precedido, generalmente, por un desarrollo masivo de fisuración en dichas juntas que limitan la capacidad resistente final del material.

No todos los mecanismos de fractura en mampostería son totalmente comprensibles y los criterios de fisuración no han sido del todo desarrollados $^{60}$ .

En los siguientes párrafos se describen algunas de las propiedades que caracterizan a la mampostería:

1. Ladrillos.

Las propiedades de los ladrillos fabricados a partir de arcilla horneada varían considerablemente en función de la hornada a la que pertenecen. En la actualidad, esta disipación de las propiedades del ladrillo se está resolviendo mediante la aplicación de normas de buena práctica ya estandarizadas<sup>61</sup>.

#### 2. Mortero.

El mortero utilizado en mampostería está compuesto por diferentes combinaciones de cemento, arena y finos. Es usual la fabricación de morteros con menores resistencias que las del ladrillo. El logro de un mortero de alta resistencia no es tan importante como el de la consecución de una unión sólida entre mortero y ladrillo (Lenczner 1973)<sup>62</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>55</sup> Datos extraídos de (López, Oller y Oñate 1998). Para mayor información consultar el libro citado y adicionalmente: (Martinez 2003), (Moreno 2006) páginas 178 a 188 y (Molins i Borrell 1996).

<sup>&</sup>lt;sup>56</sup> Ya sean en forma natural o de fábrica, como los ladrillos.

 $<sup>^{\</sup>rm 57}\,$  Como en el caso de la sillería.

<sup>&</sup>lt;sup>58</sup> En este tipo, las juntas siguen la disposición del contorno de los ladrillos teniendo dos grupos principales: horizontales y verticales, como en el caso de la obra de fábrica.

<sup>&</sup>lt;sup>59</sup> La resistencia mecánica de la mampostería es extremadamente baja mientras la unión mecánica sea baja y en los cálculos de diseño se suele tomar como "0" (Yokel and Fattal, 1976).

<sup>&</sup>lt;sup>60</sup> Por lo que es usual la utilización de criterios de plasticidad aplicados en geomateriales (Mohr-Coulomb (1882), Drucker-Prager (1952), Lubliner-Oller (1990), etc).

<sup>&</sup>lt;sup>61</sup> Tales como la Norma ISO 9000 (International Organization for Standardization) y el CTE (Código Técnico de la Edificación).

<sup>&</sup>lt;sup>62</sup> Lenczner estableció que las deformaciones por deslizamiento en mampostería pueden ser bastante significativas siendo del mismo orden que el crecimiento de fisuración que ocurre cuando cambian los contenidos de humedad.

# 2.4.1.1 Propiedades individuales de los materiales que componen la mampostería

#### 2.4.1.1.1 Propiedades del mortero y del ladrillo a nivel experimental

Los ensayos de compresión son fáciles de realizar y se obtienen buenos indicadores de la calidad de los materiales.

La dificultad de relacionar la resistencia a tracción de la mampostería con la resistencia a compresión se debe a las distintas formas, materiales, procesos constructivos y volumen de perforaciones en los ladrillos. Para la resistencia a tracción longitudinal de la arcilla, silicato cálcico y hormigón, Schubert (1988) estableció un test del que obtuvo una relación entre resistencia a tracción y compresión con rangos que oscilan entre 0,03 y 0,10. Para la energía de fractura a tracción Gf de sólidos arcillosos y silicatos cálcicos, Van Der Pluijm (1992) estableció valores con rangos entre 0,06 y 0,13 Nmm/mm2 pudiendo alcanzar valores de hasta 1,50 a 3,50 Nmm/mm2.

Ensayos biaxiales para el estudio del comportamiento de ladrillos y bloques son también carentes en la literatura existente. En el caso del mortero, la resistencia a compresión se obtiene a partir de ensayos estandarizados de probetas prismáticas de 40x40x160mm3 en ensayo a flexotracción.

<u>En la Tesis consideramos que la resistencia del ladrillo es</u> <u>fb=25N/mm2 y la del mortero fm=15N/mm2.</u>

#### 2.4.1.1.2 Propiedades de la interfaz ladrillo-mortero

La unión entre ladrillo y mortero es, a menudo, una unión débil. El comportamiento no lineal de las juntas<sup>63</sup> es una de las propiedades más relevantes del comportamiento de la mampostería. Dos diferentes fenómenos aparecen en la inferfaz ladrillo-mortero, uno asociado con la fisuración por tracción y otro con el modo de fallo debido a cortante.

#### 1. Modo de fisuración por tracción.

Van der Pluijm, en 1992, realizó ensayos de deformación controlada en pequeñas probetas de mampostería. A través de estos ensayos se obtuvo una curva asociada al comportamiento a tracción con una forma próxima a una exponencial descendente (ablandamiento). Así mismo, se obtuvieron valores para la energía de fractura Gf asociados a este modo, que rondaban entre 0,005 a 0,02 N·mm/mm2 para valores de resistencia a tracción del orden de 0,30 a 0,90 N/mm2<sup>64</sup>. Observaciones mediante microscopía han revelado que el área efectiva de unión es menor que el espesor seccional de las juntas de mortero.

#### 2. Modo de fisuración debido a cortante<sup>65</sup>.

Un aspecto fundamental en la determinación de la respuesta a cortante de las juntas en mampostería es la capacidad de generarse estados uniformes de tensión en las juntas. Esto comporta que, en cualquier ensayo, existe la dificultad de obtención de este modo de comportamiento debido a que el equilibrio restringe la introducción de estados no uniformes de tensiones normales en la junta.

<sup>&</sup>lt;sup>63</sup> El cual es controlado por la inferfaz ladrillo-mortero.

<sup>&</sup>lt;sup>64</sup> Dependiendo de la tipología de las juntas.

<sup>&</sup>lt;sup>65</sup> El tema de cortante lo consideramos de modo superficial, para mayor información consultar bibliografía citada.

Van der Pluijm (1993) estableció una completa caracterización del comportamiento a cortante de la mampostería. A partir de un ensayo de corte directo con probetas confinadas y ensayándolo a diferentes niveles de carga, pudo establecer el comportamiento real de la inferfaz junta-mortero para el caso de solicitaciones tangenciales<sup>66</sup>.

Para mayor información consultar (López, Oller y Oñate 1998).

#### 2.4.1.2 Propiedades del material compuesto: mampostería<sup>67</sup>

#### 2.4.1.2.1 Comportamiento de la mampostería en compresión uni-axial

La resistencia a compresión de la mampostería en la dirección normal a la junta ha sido tradicionalmente vista como una propiedad relevante del material<sup>68</sup>. Un ensayo frecuentemente usado para obtener esta resistencia a compresión uni-axial es el ensayo de prisma con elementos apilados<sup>69-70</sup>.

Mann y Betzler (1994) observaron que inicialmente aparecían fisuras verticales en los ladrillos a lo largo de la línea media de las piezas, que generalmente coincidían con la continuación de las juntas verticales de mortero. A medida que crece la deformación van apareciendo fisuras adicionales en pequeñas zonas de la pieza (normalmente verticales), que llevan al fallo por deslizamiento.



De acuerdo con Hoffmann y Schubert (1994), la relación entre la resistencia a compresión uni-axial paralela a las juntas y normal a éstas tienen valores que oscilan entre 0,20 y 0,80. Estas relaciones han sido obtenidas para bloques perforados, bloques de mortero y bloques de hormigón ligero. En el caso de ladrillos macizos, la relación antes mencionada puede tomarse como 1,00.

<sup>68</sup> Al menos hasta la reciente introducción de los métodos numéricos para las estructuras de mampostería.

<sup>&</sup>lt;sup>66</sup> Cabe destacar que en muchos de los estudios con alto nivel de confinamiento en el ensayo a corte, el mecanismo de fallo en la interfaz ladrillo-mortero va acompañado de una fisuración diagonal de los bloques de ladrillo.

<sup>&</sup>lt;sup>67</sup> Entre otros investigadores que han realizado estudios experimentales en modelos a escala de obra de fábrica tenemos: (Rosas, Villegas y Esperante 2001), (Martinez 2003), (Reyes, Casati y Gálvez 2003), (Rolando 2006). Mientras que en otras referencias se exponen modelos informáticos de paredes de fábrica: (López, Oller y Oñate 1998), (Rosas, Villegas y Esperante 2001), (Chetouane, y otros 2005), (Berto, y otros 2005), (Roca, Molins y Marí 2005), (Romera, Hernandez y Reinosa 2008).

<sup>&</sup>lt;sup>69</sup> Ver gráfico (GRAF.2: 107).

<sup>&</sup>lt;sup>70</sup> Pero es aún algo incierto el uso de los parámetros de resistencia obtenidos con ensayos de este tipo según Mann y Betzler (1994).

La resistencia a compresión considerada en nuestro estudio es de 9,57N/mm2, que correspondería al caso más desfavorable, si tenemos en consideración el (*GRAF.2: 107*).

#### 2.4.1.2.2 Comportamiento a tracción uni-axial de la mampostería

Para cargas a tracción en sentido perpendicular a las juntas de mortero, se aprecia que:

1. En mampostería con baja resistencia a tracción relativa en la interfaz mortero-ladrillo y resistencia superior en las piezas de ladrillo, el fallo se localiza en la junta. En este caso, una aproximación no rigurosa es la indicada por Van der Pluijm: "la resistencia a tracción de la mampostería es equiparable a la resistencia a tracción de la unión entre la junta y el ladrillo<sup>71</sup>" (López, Oller y Oñate 1998).

2. En mampostería con baja resistencia de los ladrillos y gran resistencia a tracción de la unión entre la junta y el ladrillo<sup>72</sup>, el fallo ocurre al producirse excesivas tracciones en el mismo. En este caso, como "resistencia a tracción de la mampostería, se puede considerar la resistencia a tracción del ladrillo" (López, Oller y Oñate 1998).

A partir de ensayos realizados se han observado dos mecanismos diferentes de rotura en paneles ensayados a tracción paralelos a la junta:

El primero de éstos falla por desarrollo de fisuración en las juntas verticales y horizontales y en forma de zigzag.

El segundo se presenta como una fisura perpendicular a la fuerza de tracción y que aparece siguiendo las juntas verticales de mortero y atravesando los ladrillos.

En nuestro caso particular estamos considerando la segunda situación con su diagrama de relación tensión-desplazamiento correspondiente.

<u>Como tensión máxima de tracción que resiste la fábrica se toma el</u> valor común a ambas curvas 0,10N/mm2 (1,00Kg/cm2).



 $<sup>^{71}</sup>$  Según Van der Pluijm es del orden de 0,30 a 0,90 N/mm2.

 $<sup>^{\</sup>rm 72}$  Por ejemplo, mortero de alta resistencia y ladrillo con numerosas perforaciones.

Para comprobar si el valor considerado está del lado de la seguridad, vamos a utilizar la información proporcionada por otros investigadores:

1. Los autores (Reyes, Casati y Gálvez 2003) comprueban que la resistencia de la fábrica puede ser superior, tal como se indica en el siguiente cuadro:

Orientación del	Ft					
tendel	(MPa)					
Horizontal	5,80					
A 45°	4,10					
Vertical	2,40					

Si minoramos estos valores por un coeficiente de  $3^{73}$  tenemos las siguientes resistencias de cálculo:

Orientación del	Ft					
tendel	(MPa)					
Horizontal	1,93					
A 45°	1,60					
Vertical	0,80					

Nosotros estamos dentro del primer caso<sup>74</sup> y observamos que el valor correspondiente es de 1,93MPa (19,30Kg/cm<sup>2</sup>). Ahora bien, si lo comparamos con el valor utilizado para el estudio de 0,10MPa (1,00Kg/cm<sup>2</sup>), vemos que equivale aproximadamente al 5,20%<sup>75</sup> de la resistencia de cálculo a tracción, es decir, que realmente estamos dentro del lado de la seguridad.

2. El (CTE 2006) y otros investigadores consideran que la resistencia a tracción de la fábrica puede considerarse con un valor equivalente al 10%<sup>76</sup> de la resistencia característica a compresión, que en el caso de nuestro estudio correspondería a  $0,31N/mm2^{77}$ . Aunque nos parece un valor alto, sin embargo está dentro del rango que indica Van der Pluijm  $(0,30 a 0,90N/mm^2)$ .

Por otro lado, algunos autores estiman que se puede llegar a considerar hasta el 13,50% de la resistencia a compresión, como es el caso de (Baker, Wiley y Sons 1909). Mientras que (Ministere 1982)considera que se debe asumir únicamente un 3% de dicha resistencia.

Si tenemos en cuenta la resistencia a tracción como un porcentaje de la resistencia a compresión del material, también estamos del lado de la seguridad.

No podemos dejar de comentar que hay autores que sostienen lo contrario, que al ser tan baja la resistencia a tracción de la fábrica es mejor considerarla nula, como es el caso de (Moreno 2006)<sup>78</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>73</sup> Coeficiente de minoración de la resistencia de la obra de fábrica indicada por el CTE.

<sup>&</sup>lt;sup>74</sup> Dado que en la mayoría de los casos los tendeles están en posición horizontal.

<sup>&</sup>lt;sup>75</sup> Esta reducción se debe al considerar el comentario del Ing. Gálvez (uno de los autores del artículo) vía e-mail y decía: "No debes olvidar que los resultados del artículo corresponden a ensayos a escala ¼ y no son directamente aplicables a estructuras de fábrica real".

<sup>&</sup>lt;sup>76</sup> En su artículo (Rosas, Villegas y Esperante 2001) consideran para el macromodelo una resistencia a tracción equivalente al 10% de la resistencia a compresión y a su vez reducido en un 30%, obteniéndose como resultado una resistencia de 0,7N/mm2, valor muy superior que el considerado en nuestro estudio.

<sup>&</sup>lt;sup>77</sup> Utilizando previamente el coeficiente de minoración de la resistencia de 3.

<sup>&</sup>lt;sup>78</sup> (Moreno 2006): "Partiendo de aquí, la manera más simple de reproducir el comportamiento no lineal de este material es considerarlo con resistencia nula o resistencia limitada a la tracción".

2.4.1.2.3 <u>Aspectos del comportamiento Post-pico. Ablandamiento o</u> "Softening"

El ablandamiento es un decremento gradual de las propiedades resistentes bajo incrementos continuos de deformaciones impuestas sobre un material determinado o estructura.

En el caso de los mecanismos de fallo en tracción, el fenómeno está bien identificado.

En nuestro estudio consideramos que una vez que el material fisura no existe esta rama de ablandamiento de acuerdo al gráfico (*GRAF.2: 108*).

Para mayor información consultar (López, Oller y Oñate 1998).

2.4.1.2.4 Comportamiento biaxial

El comportamiento de la mampostería bajo estados biaxiales de tensión, puede no ser completamente descrito por una ley constitutiva bajo condiciones de carga uni-axiales. La influencia del estado biaxial de tensiones es importante, con el fin de conocer el comportamiento resistente (A. W. Page 1981).

Uno de los resultados importantes obtenidos por "Page" fue la determinación de los diferentes mecanismos de ruptura o fisuración en función de la orientación de la carga respecto a los ejes definidos para el material<sup>79</sup>.



En nuestro estudio consideramos la existencia de cargas verticales pero no horizontales<sup>80</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>79</sup> Ver gráfico(GRAF.2: 109).

<sup>&</sup>lt;sup>80</sup> La influencia de la carga horizontal se considera muy importante es por ello que se propone como una propuesta de futuras investigaciones.

#### 2.4.1.3 Métodos de cálculo general y método propuesto en la Tesis

Existen teorías de cálculos basados en el método de los elementos finitos. Si bien este método no es el único, refleja en sus resultados un comportamiento más real.

1. Micro-modelos:

Reproducen el comportamiento global de un material compuesto mediante una discretización geométrica detallada, basada en el método de los elementos finitos, e incorporando las leyes constitutivas no lineales de cada uno de los componentes. En general<sup>81</sup>, requiere un enorme esfuerzo de cálculo debido a la necesidad de emplear discretizaciones densas y métodos iterativos para resolver los sistemas de ecuaciones no lineales resultantes.

Para mayor información consultar: (A. W. Page 1978), (Ali y Page 1988), (Chiostrini y Vignoli 1989), (Ignatakis, Stavrakakis y Penelis 1989), (Riddington y Ghazali 1990), (Lotfi 1994), (Lourenço 1994), (López, Oller y Oñate 1998), (Berto, y otros 2005) y (Moreno 2006).

2. Macro-modelos:

Parten de considerar la obra de fábrica como un material continuo con una determinada ecuación constitutiva, incluyendo una relación tensióndeformación y un criterio de rotura. En general, se distinguen dos tipos básicos de macro-modelos: unos desarrollados para el hormigón armado y otros para la obra de fábrica (mampostería).

Para mayor información consultar: (A. W. Page 1978), (Samarashinge, Page y Hendry 1982), (Dhansekar y Page 1986), (Pietruszcak y Niu 1992), (Anthoine, Derivation of the in-plane elastic characteristics of masonry through homogeneization theory 1995), (Anthoine, Homogeneization of periodic masonry: plane stress, generalized plane strain or 3D modelling 1997), (Brencich y Lagomarsino 1998) (López, Oller y Oñate 1998), (Berto, y otros 2005) y (Moreno 2006).

3. Método propuesto en la Tesis.

El método de cálculo propuesto en nuestra Tesis, parte de unos parámetros del material ya conocido. No pretende en ningún momento determinar las características mecánicas de los materiales, por ello puede ser aplicado a cualquier tipo de material, siempre y cuando conozcamos dichos parámetros.

En nuestro estudio determinar el comportamiento de la obra de fábrica es bastante gráfico, relativamente sencillo de realizar y con grandes ventajas, tales como: comprender con mayor claridad los mecanismos de colapso de las paredes y visualizar mejor el proceso de fisuración de las mismas.

Todo el proceso de fisuración se realiza de modo manual<sup>82</sup>. El proceso a seguir en nuestra metodología de análisis de la fábrica de ladrillo se presenta en detalle en el apartado "2.2" de este capítulo.

<sup>&</sup>lt;sup>81</sup> La aplicación de micro-modelos a materiales compuestos como el hormigón o la obra de fábrica de ladrillo.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 82}$  En las propuestas de futuras investigaciones se propone su implementación informática.



2-67



#### 2.4.2 La fisuración<sup>83</sup>

La fisuración es una discontinuidad física del cuerpo del sólido, como consecuencia directa de la baja resistencia a tracción de la mampostería.



La fisuración produce pérdida de rigidez, que afecta considerablemente a las tensiones y deformaciones. Además, puede producir redistribuciones de tensiones y variaciones de esfuerzos.

#### 2.4.2.1 Modelos constitutivos generales

- 1. Modelos basados en la elasticidad lineal y no lineal:
  - Modelos elásticos de Cauchy.
  - Modelo elástico de Green (hiper-elasticidad).
  - Modelo hipo-elástico.

2. Modelos basados en la teoría de la plasticidad y daño.- Permite la representación de un comportamiento macroscópico no lineal. Entre los modelos más usados para el estudio de la fisuración tenemos:

- Plasticidad perfecta.
- Plasticidad con ablandamiento y/o endurecimiento.
- Plasticidad con ablandamiento y/o endurecimiento y/o daño.

3. Modelos basados en la teoría endocrónica.- Fueron creados en primer lugar para metales, posteriormente aplicados a los geo-materiales. Han significado un gran avance respecto a aquellos que se basan en la plasticidad clásica, aunque tienen la dificultad de requerir muchos parámetros para su definición.

4. Modelo de fractura.- Son modelos formulados especialmente para tratar problemas de fractura, entre los cuales podemos mencionar:

- Modelos de fisuración distribuida (difusa).

<sup>&</sup>lt;sup>83</sup> Para mayor información consultar (Oller 2001).

- Modelos de fisuración discreta.

#### 2.4.2.2 Teorías para estudiar la fisuración

El fenómeno de la fisuración se analiza basándose en dos disciplinas: la mecánica de fractura (MF) y la mecánica de medios continuos (MMC).

A continuación, se realiza un análisis general de estas dos disciplinas junto con los modelos constitutivos generados en las mismas.

#### 2.4.2.3 Mecánica de fractura

La mecánica de fractura se basa en fundamentos que se derivan de la elasticidad. En ella se estudian los fenómenos locales de la fractura y la consecuencia que ésta genera en el comportamiento global del sólido. A continuación, se presentan algunos aspectos fundamentales de esta disciplina que la diferencian de la "MMC":

- Pueden estudiarse únicamente piezas bidimensionales y no tridimensionales.
- Considera que se puede llegar a un punto cuando la carga es crítica y con una deformación última y de ahí desciende bruscamente.



 Utiliza sólo análisis lineales, incluso en el momento que trata la no linealidad; en este caso lo que hace es considerar la envolvente de los diferentes comportamientos de una serie de ensayos, es decir:



- El proceso consiste en:

Primero tomamos una probeta sin defecto, le aplicamos una carga hasta que se inicie la fisuración, procedemos a tomar los valores de la carga "P<sub>1</sub>" y su desplazamiento "u<sub>1</sub>" y los colocamos en una gráfica que relaciona "P-u", por último descargamos la pieza finalizando aquí este proceso.

Luego tomamos la pieza anterior y se inicia nuevamente el proceso de cargar hasta que la fisura se propague; de igual forma, tomamos los valores de la carga "P<sub>2</sub>" y del desplazamiento "u<sub>2</sub>" y los colocamos en el gráfico anterior P-u, se vuelve a descargar la pieza, terminando otro proceso.

Así se sigue repitiendo el proceso que no es otra cosa que casos lineales distintos entre sí, esto se hace hasta que la pieza colapse y se parta en dos.

Por último, unimos todos estos puntos y obtenemos la envolvente. La "*MF"* considera esta gráfica como un análisis no lineal, lo cual se contradice completamente con la "*MMC"*.

2.4.2.3.1 División de la teoría de la "MF"

#### 1. Mecánica de fractura elástico lineal (MFEL-LEFM).

Aparece gracias a los trabajos de Ingles y Griffith (1893-1963) (Saouma y Yngraffea 1981). Se entiende como "MFEL" el proceso mecánico que se desarrolla para generar una fractura, sin activar mecanismos plásticos.

- Considera que el tamaño de la fractura es despreciable en comparación con el tamaño de la pieza.
- Se aplica a los materiales frágiles.
- También se puede demostrar que estos modelos se pueden aplicar a los casos en que la zona plastificada de la cabeza de la fisura es pequeña en relación con la pared.

Unos modelos muy utilizados de esta tipología son los modelos de fisura discreta (J. (. Oliver 1990) y (ASCE 1982):

Estos modelos son propios de la mecánica de fractura y consisten en trabajar con la parte del sólido que es continua. Representan las discontinuidades en tramos finitos por medio de desconexiones de nodos comunes entre elementos fisurados. Se supone también que los diferentes tramos de fisuras se producen por estados de carga discretos.



El modelo considera que, en el momento en que aparece la fisura, sus labios se incorporan al contorno del sólido analizado, desdoblando los nodos para introducir los nuevos elementos que constituyen la fisura. Es por ello que se hace necesario un continuo remallado del modelo, siguiendo la dirección de la fisuración.

Los modelos constitutivos que se indican a continuación siguen los principios de "*MFEL"* y son: (Erdogan y Sih 1963), (Sih 1973) y (Huddain, Pu y Underwood 1974).

#### 2. Mecánica de fractura elástico no lineal.

Se entiende por mecánica de fractura elástico no lineal, al proceso mecánico inelástico que se desarrolla para generar una fractura, produciéndose en la cabeza de la misma la presencia de las tensiones superiores al límite de elasticidad.

#### 2.4.2.3.2 Modos de propagación de la fisura

Irwin estudió los modos en que se propagan las fisuras y que pueden llegar a provocar la rotura de un elemento estructural.

En la mecánica de fractura se pueden determinar las deformaciones y las tensiones en los extremos de la fisura<sup>84</sup>. Si superponemos mutuamente los campos de los tres tipos particulares de deformaciones en el espacio en el que se pueda propagar una fisura, dada una tensión fija, resultan los llamados modos de fisuración:



De los tres "modos", el primero es el más estudiado, aunque por lo general suelen combinarse los tres en cuyo caso se conocen con el nombre de "MODO MIXTO DE FISURA". A modo de ejemplo podemos ver que en una viga biapoyada se producen los tres modos, por tener cortante (tensiones tangenciales), sin embargo, se considera que el modo predominante es el Modo-I, por lo que se dice que en la viga es dominante el modo de fractura de apertura.

<sup>&</sup>lt;sup>84</sup> Conocido con el nombre de Concentración de Tensiones en la cabeza de la fisura.



#### 2.4.2.3.3 Concentración de Tensiones en la cabeza de la fisura

La presencia de discontinuidades en la matriz del material provoca "un incremento de tensiones en los bordes de dichas discontinuidades, es decir, que se produce concentración en la cabeza de la fisura".

#### 2.4.2.3.4 Representación de la propagación de la fisura

La representación de la propagación de la fisura en "MF" se realiza a través de la resolución de problemas lineales sucesivos, aunque distintos entre sí, cuya envolvente de estados finales es la curva establecida como el comportamiento no lineal del material (Saouma y Yngraffea 1981).

Analizamos un ejemplo en el que aparecen tres estados distintos de un modelo, ya que se parte de cargas, piezas y mallas diferentes.



El Estado-O se inicia con un  $\delta_0$ . Se comienza a incrementar  $P_0$  hasta lograr que el factor de intensidad de tensiones (FIT) del nodo-O alcance su valor crítico (Kl≥KIC). En este momento se obliga a que se separen los elementos que llegan a dicho nodo, a continuación se establece la posible dirección de la propagación de la fisura y adicionalmente se verifica que no exista otro nodo colapsado. Si no hay más nodos colapsados se termina el problema elástico lineal. Si comparamos el Estado-O con el Estado-I veremos que la malla es distinta y que  $P_1 \leq P_0$ , pero nunca superior<sup>85</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>85</sup> Esto se debe a que la pieza ha perdido rigidez (K1≤K0) y para colapsar otro nodo, se requerirá de fuerzas inferiores a la anterior.

En el Estado-1 se hace lo mismo que en el caso anterior. Se aumenta progresivamente P<sub>1</sub> hasta que colapse el nodo-1, cuando el "*FIT*" alcanza su valor crítico se desconectan los elementos que a él llegan, en este momento el  $\delta_1 \ge \delta_0$  y aquí concluye otro problema lineal.

Se da inicio al tercer problema lineal que es el Estado-2 y se procede del mismo modo que en los casos anteriores. El proceso se continúa así sucesivamente hasta que la pieza no admita más nodos colapsados, lo que se logra cuando se divida en dos partes.



## 2.4.2.4 Mecánica de medios continuos (MMC)

Constituye la segunda de las disciplinas para estudiar la fisura y es más reciente que la mecánica de fractura.

La idea de estudiar la fractura usando medios continuos es, básicamente, hacer el estudio de las discontinuidades a través de una teoría continua. Para ello es necesaria la realización de regularizaciones que permiten representar las discontinuidades que ocurren en los campos de desplazamiento y deformaciones.

La hipótesis básica de aproximación<sup>86</sup> se basa en no intentar describir exactamente lo que ocurre en el propio punto donde se produce el desmembramiento, sino que intenta obtener una respuesta global de la estructura afectada por este fenómeno<sup>87</sup>. De esta forma, los resultados obtenidos son tan buenos que no es necesario pedirle que represente la discontinuidad real, sino que nos proporcione la representación tensióndeformación que producen las discontinuidades.

Una de las ventajas de esta disciplina es que se pueden combinar otros fenómenos complejos con la fisuración, tales como: plasticidad, viscosidad, estados complejos de tensiones, etc<sup>88</sup>.

Existen además aspectos muy importantes que identifican a esta disciplina y que la diferencian de la "*MF"* y son:

<sup>&</sup>lt;sup>86</sup> Que hace la mecánica de medios continuos del problema discontinuo de la fractura.

<sup>&</sup>lt;sup>87</sup> Es decir, interesan más los efectos que puedan ocasionar en el comportamiento total del sólido, que el fenómeno en sí.

<sup>&</sup>lt;sup>88</sup> En cada punto del sólido.

- La influencia de la fisuración de "modo global" en la estructura y no la analiza localmente.
- La posibilidad de tratar problemas bi y tri dimensionales.
- El proceso no se termina en un punto de carga última, sino que a partir de ese momento se produce un descenso de la carga y un aumento acelerado de la deformación<sup>89</sup>. Esta zona es conocida como curva de ablandamiento.



- El diagrama tensión-deformación consta de las partes que se aprecian en el siguiente gráfico (Chaves y Oliver 2003).



- Al producirse la fisura en el elemento estructural, la "MMC" sostiene que dicho proceso en la realidad no se detiene<sup>90-91</sup>.
- Los conceptos de localización de deformación y ablandamiento por deformación son utilizados en esta teoría.

Para profundizar en los modelos constitutivos indicamos las siguiente referencias bibliográficas: (Oller, Fractura Mecánica - Un enfoque Global 2001) y (Cervera s.f.).

 $<sup>^{89}</sup>$  Es decir, que no admite la caída brusca de la rigidez, sino una pérdida progresiva de la misma.

<sup>&</sup>lt;sup>90</sup> Es decir, que es un proceso continuo, en el cual se va produciendo disipación de energía.

 $<sup>^{\</sup>rm 91}$  Este comportamiento es completamente diferente con respecto al que considera "MF".

Entre los modelos que se basan en esta teoría tenemos el de la fisura difusa que es el más utilizado.

2.4.2.4.1 Modelos de fisura distribuida o difusa<sup>92</sup>

Son modelos basados en la "MMC", aunque utilizan conceptos de "MF". Incluyen la fisura en el medio continuo y consideran campos de desplazamientos continuos para modelarla. Adiciona en sus formulaciones parámetros diversos ajenos a la fisura.



Permiten demostrar que un fenómeno discontinuo se puede estudiar como un problema continuo tratado en su estado límite.

En estos modelos la malla permanece inalterada durante el análisis, por lo tanto no hay incremento de grados de libertad.

Entre los modelos más importantes tenemos:

- Modelo de fisuración distribuida-Hillerborg.
- Modelo de fisura distribuida-Rots. (1985).
- Modelo de Rots-Nauta que fue perfeccionado posteriormente por Borts.

El análisis que se realiza es 2D, tanto en tensión como en deformación plana, sin embargo puede ser fácilmente extendida a modelos 3D.

Las hipótesis de partida de la "MMC" son las siguientes:

- Inicio de la fisuración.
- Orientación y generación de fisuras.
- Comportamiento del material fisurado.

2.4.2.4.2 Inicio de la fisuración

Establece el inicio de la fisuración en función del valor de las tensiones principales. <u>Se inicia en un punto, en el instante en que el</u> proceso de deformación en una o ambas tensiones principales lleguen al

<sup>&</sup>lt;sup>92</sup> Para mayor información consultar: (Oliver 1990), (Rots, y otros 1985), (Oliver y Fernandez Roure 1986), (Borst 1986) y (Oller, Un modelo de daño plástico para materiales friccionales 1988).

valor máximo de resistencia del hormigón a tracción uni-axial, conocido como t.



#### 2.4.2.4.3 Orientación y generación de fisuras

Vemos que en el material en régimen elástico, las tensiones no pueden superar la  $\sigma_t$ . En este estado las ecuaciones constitutivas son las propias del material elástico lineal, pudiéndose formular según la ley de Hooke para tensión y deformación plana.

A medida que se va incrementando la carga, una de <u>las tensiones</u> principales supera la tensión máxima. La fisura se inicia en este punto y su orientación es perpendicular a dicha tensión principal.

En el momento en el que se inicia la fisuración, el material pierde su comportamiento elástico y dejan de ser válidas dichas ecuaciones.

Se puede presentar el caso en que se produzca más de una fisura en un mismo punto, por ello se establece como limitación: <u>El número de fisuras</u> que se admiten en un mismo punto es un máximo de dos.



#### 2.4.2.4.4 Comportamiento del material fisurado

La ecuación constitutiva que caracteriza el comportamiento del material fisurado se establece basándose en las siguientes hipótesis:

- "Descomposición aditiva de la deformación".
- "Actividad de la deformación de apertura de fisura para las distintas fisuras del punto (determinación de  $\Delta\epsilon^{\rm f})$ ".
- "Estado tensional sobre los labios de la fisura".



2-78



2-79

#### 2.4.3 La catenaria y la parábola

Las curvas invertidas: catenáricas, funiculares y parabólicas, son la base para el trazado perfecto de un arco<sup>93</sup>, dado que toda la línea de presiones sigue la forma de la curva. Además, tienen un importante componente estético debido a la sutileza de su perfil<sup>94</sup>.

## 2.4.3.1 El arco catenárico<sup>95</sup>

La identificación de la catenaria en la vida real es evidente. Un ejemplo puede ser el trazado de la curva que describen las guirnaldas al dejarlas colgar libremente.



La catenaria es la curva que describe una cadena suspendida por sus extremos y que se encuentra sometida a un campo gravitatorio uniforme a lo largo de su directriz, o dicho de otra manera, es la curva que forman los cables o los collares de perlas cuando se dejan caer libremente sujetos por ambos extremos.

En los párrafos que se presentan a continuación se expone el origen de estos descubrimientos:

"En el decenio 1670-80 Robert Hooke emplea esta analogía para resolver el problema del arco, que él planteó a la Royal Society en forma de pregunta: 'Cuál es la forma ideal de un arco y cuánto empuja un arco contra sus estribos'. Hooke resume su solución en una frase: 'Del mismo modo que cuelga el hilo flexible, así, pero invertido, se sostendrá el arco rígido'.

En efecto, un cable pesante toma una cierta forma, la misma que una cadena colgante, que recibe el nombre de «catenaria». Si invertimos esta catenaria obtenemos un arco; las ecuaciones de equilibrio no varían, únicamente lo que era tracción pasa a ser compresión y la fuerza que en el cable trata de unir los apoyos, en el arco catenárico los empuja tratando de separarlos".

"... Pocos años más tarde, otro inglés, Gregory (1697), en los corolarios de un artículo sobre la catenaria, repite la afirmación de Hooke y la amplía: 'el arco ideal es el que tiene forma de catenaria invertida, y si arcos de otras formas se sostienen es porque hay una catenaria en su interior'".

<sup>&</sup>lt;sup>93</sup> Este aspecto es importante para el estudio de las bóvedas de los puentes, tal como lo expresa Manuel Durán (Durán 2006).

<sup>&</sup>lt;sup>94</sup> Amédée-François Frézier (1682-1773), no consideraba bella la forma de la catenaria en su época, principalmente porque arranca siempre formando un ángulo con la vertical de los apoyos: «Esta curva que resulta tan conveniente para el equilibrio de las dovelas iguales, no es conveniente para la belleza pues forma un 'quiebro' con el estribo en sus arranques». (Huerta, Arcos, bóvedas y cúpulas. Geometría y equilibrio en el cálculo tradicional de estructuras de fábrica 2004)

<sup>&</sup>lt;sup>95</sup> Para profundizar en este tema consultar (Huerta, Arcos, bóvedas y cúpulas. Geometría y equilibrio en el cálculo tradicional de estructuras de fábrica 2004).

En los párrafos que se presentan a continuación se exponen otros aspectos aclaratorios de la catenaria<sup>96</sup>:

"La catenaria tiene la característica de ser el lugar geométrico de los puntos donde las tensiones horizontales de un cable se compensan por lo que el cable no tiene tensiones laterales, el cable no se desplaza hacia los lados y a las fuerzas que padece se reparte entre una fuerza vertical (la de la atracción terrestre) y una tensión tangente al cable en cada punto que lo mantiene estirado".

"De igual forma, en un arco que adquiera la forma de una catenaria, la tensión que padece el arco en cada punto, se reparte entre una componente vertical que será lo que tenga que sustentar el propio arco y una componente de presión que se transmite por el propio arco hacia los cimientos sin que se creen esfuerzos horizontales, salvo en el extremo llegando a los cimientos".

"La curva catenaria permite soportar una carga horizontal uniforme, de tal manera que haya una tensión uniforme. De esa manera se evitan esfuerzos tangenciales por tracción o por compresión".

#### 2.4.3.1.1 Ecuación de la catenaria

Durante siglos, los matemáticos que abordaron el problema suponían, equivocadamente, que la curva era una parábola<sup>97</sup>. Pero Huygens demostró que no lo era, sin embargo, no llegó a determinar la ecuación.

En 1691 Jacob Bernoulli, Leibnitz, Huygens y Johann Bernoulli encontraron la ecuación gracias a los conocimientos matemático-físicos de los hermanos Bernoulli. El nombre de "catenaria" se debe a Huygens.

La ecuación y el trazado de la catenaria se presentan a continuación:

$$y = a \times \cosh\left(\frac{x}{h}\right) = \frac{a}{2} \times \left(e^{x/a} + e^{-x/a}\right)$$

("a" es un parámetro que controla la apertura de la curva)



Con la finalidad de poder realizar diferentes comprobaciones a lo largo del desarrollo de la Tesis, presentamos la hoja de cálculo

<sup>&</sup>lt;sup>96</sup> Ver (Gpunto 2007).

<sup>&</sup>lt;sup>97</sup> Por ser la curva más parecida a la forma estudiada.

CÁLCULO DE LOS PUNTOS DE LA CATENARIA								
y=a"cosh(x/a)								
a 0,35975	m							
s 0,04	lm							
L 2	ſ I							
h 2,55	m							
L/2 1	m							
I	3							
0,00	0,35975							
0,04	0,36197							
0,08	0,36868							
0,12	0,37995							
0,16	0,39592	3 50000						
0,20	0,41679	5,50000						
0,24	0,44282	3,00000						
0,28	0,47433							
0,32	0,51171	2,50000						
0,36	0,55542	2,00000						
0,40	0,60600	2,0000						
0,44	0,66409	1,50000						
0,48	0,73039							
0,52	0,80573	1,00000						
0,56	0,89105	0.50000						
0,60	0,98739							
0,64	1,09595	0,00000						
0,68	1,21807	0,00 0,50 1,00 1,50						
0,72	1,35527							
0,76	1,50924							
0,80	1,68189							
0,84	1,87535							
0,88	2,09203							
0,92	2,33459							
0,96 0,0400	2,60604							
1,00	2,90975	MODIFICAR a 2,55000						

desarrollada<sup>98</sup> para determinar el trazado de la catenaria. Se utilizan como parámetros conocidos la longitud y la flecha del arco.

Las variables que se deben conocer son:

- a= Distancia en "y" entre la curva y el eje de coordenadas (0,0).
- s= Valor del intervalo entre los valores del eje "x".
- L= Longitud total de la base del arco<sup>99</sup>.
- h= Altura del arco o flecha del arco.

Por medio del mismo programa "Excel.2007" o con el "AutoCAD" se dibuja la curva.

<sup>98</sup> La hoja de cálculo se desarrolla en el programa "Excel.2007".

<sup>&</sup>lt;sup>99</sup> En este caso la dimensión horizontal superior del arco, ya que está invertido.

#### 2.4.3.2 El arco parabólico

La identificación de la parábola en la vida real es evidente. A continuación se presentan algunos ejemplos.



(GRAF.2: 122) Parábolas que son formadas por una pelota de tenis que se desplaza hacia la derecha, botando contra el suelo



(GRAF.2: 123) Trazado de una parábola por un rayo de luz proyectado en la pared.



(GRAF.2: 124) Parábola definida por la trayectoria del recorrido de un chorro de agua.

Matemáticamente la parábola es una curva plana formada por la intersección de un cono con un plano paralelo a una recta de la superficie de éste.



(GRAF.2: 125) Formación de la parábola al interceptar un cono con un plano.

También podemos decir que una parábola es el lugar geométrico de los puntos equidistantes de una recta dada, llamada directriz, y de un punto fijo que se denomina foco.

La ecuación y el trazado de la parábola, en el caso en que su origen sea el punto "0,0", se presentan a continuación:

 $y = ax^2$ 

("a" es una constante)



La tradición reza que las secciones cónicas fueron descubiertas por Menecmo en su estudio del problema de la duplicación del cubo, donde demuestra la existencia de una solución mediante el corte de una parábola con una hipérbola. Esto es confirmado posteriormente por Proclo y Eratóstenes.

Sin embargo, el primero en usar el término parábola fue Apolonio de Perge en su tratado "Cónicas", considerada obra cumbre sobre el tema de las matemáticas griegas y donde se desarrolla el estudio de las tangentes a secciones cónicas.

"Si un cono es cortado por un plano a través de su eje, y también es cortado por otro plano que corte la base del cono en una línea recta perpendicular a la base del triángulo axial, y si adicionalmente el diámetro de la sección es paralelo a un lado del triángulo axial, entonces cualquier línea recta que se dibuje desde la sección de un cono a su diámetro paralelo a la sección común del plano cortante y una de las bases del cono, será igual en cuadrado al rectángulo contenido por la línea recta cortada por ella en el diámetro que inicia del vértice de la sección y por otra línea recta que está en razón a la línea recta entre el ángulo del cono y el vértice de la sección que el cuadrado en la base del triángulo axial tiene al rectángulo contenido por los dos lados restantes del triángulo. Y tal sección será llamada una parábola" (Apolonio de Perge).

Con la finalidad de poder realizar diferentes comprobaciones a lo largo del apartado, presentamos la hoja de cálculo desarrollada<sup>100</sup> para determinar el trazado de la "parábola". Se utilizan como parámetros conocidos la longitud y la flecha del arco.

El siguiente cuadro calcula el valor de la constante "a":

<sup>100</sup> La hoja de cálculo se desarrolla en el programa "Excel.2007".

CÁLCUL	.0 DE	LA EC	UACI	ón y del	FOCO	DE LA	PARÁBO	ILA SIM	IÉTR	ICA Y	CO	IN N	ACIMIEN	ITO EN EL PUNTO DE ORIGEN.
Dimension L h s c	la pari m m m t+c m m m	ábola		¢p2 p1 p3 p -							Determinación del Foco (p):   y=n²ł2p 6 n²=2py   p=1ł2a p=0,196078 m   pł2=1ł4a pł2=0,098039 m			
Punto-1 (p1	X= U=	2,55	m m	2,6 =a(	1 )2	+b(	1 )+0	2,55	= a(	1	)2	+b(	1)	
Punto-2 (pi	8=	-1	m 	2,6 =a(	-1 )2	+b(	-1 )+0	2,55	= a(	1	)2	+b(	-1)	-
Punto-3 (p	y= X=	2,55	m	0 = a(	0 )2	+b(	0 )+c	5,1	=2a(	1	)2			2,6 =a( 1)2 +b( 1) b= 0 m

Las variables que se deben conocer son:

L= Longitud total de la base del arco<sup>101</sup>.

h= Altura del arco o flecha del arco.

s= Valor del intervalo entre los valores del eje "x".



Por medio del mismo programa "Excel.2007" o con "AutoCAD" se dibuja la curva.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 101}$  En este caso la parte superior del arco, ya que está invertido.

#### 2.4.3.3 Diferencias entre la catenaria y la parábola

Gracias a las hojas de cálculo desarrolladas hemos podido establecer que^{102}:

1. Las diferencias entre ambas curvas son menores cuando la longitud de la base es mayor que la flecha del arco, como se puede observar en los siguientes gráficos:



En el ejemplo que se presenta a continuación, podemos apreciar que las diferencias son insignificantes.



2. Las diferencias entre ambas curvas son mayores cuando la altura es mayor en relación con la longitud de la base. Veamos un ejemplo:



<sup>&</sup>lt;sup>102</sup> En los gráficos que se exponen las líneas de color amarillo representan las catenarias y las de color verde representan las parábolas.

#### 2.4.3.4 La forma catenárica en la naturaleza

La forma catenárica está inmersa en la naturaleza<sup>103</sup>. Pensemos en las grandes estructuras óseas de algunos animales como la espalda jorobada de los dinosaurios. Vemos que ésta es capaz de soportar el enorme peso del animal. Esto sólo es posible gracias al principio del arco catenárico.



(F-13) Brontosaurus



(F-14) Stegosaurus

En las siguientes fotos se presentan otros ejemplos de elementos de la naturaleza, dignos de ser contemplados por su gran belleza y riquísima enseñanza, en los que se observa el trazado de la catenaria.



(F-15) Glaciar-1.



(F-17) Iceberg.



(F-19) Ojo humano.



(F-16) Glaciar-2.



(F-18) Catenaria formadas con las ramas



(F-20) Alas de las mariposas.

 $^{\scriptscriptstyle 103}$  Tener en cuenta que sólo interviene el peso propio del elemento analizado.

#### 2.4.3.5 Aplicación en Ingeniería-Obra Civil

En obras de Ingeniería se utilizan mucho las formas de los arcos catenáricos y los parabólicos<sup>104</sup>. Entre estas aplicaciones tenemos: puentes, líneas de ferrocarril, cables colgantes del tendido eléctrico, túneles, etc.

Macho (Macho 2005) expone: "La catenaria es la curva que adopta un cable sostenido por sus extremos debido a su propio peso. Por otro lado, la curva que adopta el cable es una parábola cuando, despreciando su propio peso, es una carga uniformemente distribuida la que soporta. En el puente colgante, los cables, además de su propio peso, tienen que soportar el de la plataforma. Por ello, la forma exacta que adoptan los cables es una "combinación" de la catenaria y la parábola. La diferencia entre ambas curvas es muy pequeña. De hecho, los ingenieros suponen en sus cálculos que es una parábola, dada la simplicidad de su ecuación frente a la ecuación de la catenaria"<sup>105</sup>.

Para constatar el comentario del autor presentamos un montaje de los dos tipos de arcos. Ambos tienen una luz de 50,00m y una flecha de  $8m^{106}$ . Efectivamente y tal como se puede apreciar en el gráfico (*GRAF.2: 125*), las diferencias son insignificantes, lo cual quiere decir que cuando es mucho mayor la longitud en relación con la flecha, las diferencias entre ambas formas son irrelevantes.



A continuación presentamos algunos ejemplos:



(F-21) Puente en Zaragoza



(F-22) Puente Lusitania (Mérida-España): Calatrava.

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 104}}$  Contando con las características antes mencionadas de los mismos.

<sup>&</sup>lt;sup>105</sup> Otros autores indican que los puentes pueden tener forma catenárica, como es el caso de Gpunto (Gpunto 2007) que dice: "Calatrava lo utiliza abundantemente en sus edificios de la Ciudad de las Artes y las Letras de Valencia, así como en numerosísimos puentes". A mi parecer lo que indica el autor es erróneo, ya que por definición los puentes al tener una carga lineal en la plataforma la curva que se genera es una parábola y no una catenaria ya que el peso propio del cable es despreciable.

<sup>&</sup>lt;sup>106</sup> Con la finalidad de apreciar mejor las diferencias hemos colocado únicamente la mitad de los arcos.



(F-23) Golden Gate (San Francisco): Leon Moissieff.



(F-24) Uakashi-Kaikyo (Japón)



(F-25) Puente en Sevilla



(F-26) Ponte Di Scavalcamento (Italia): Calatrava





(F-27) Túnel de Tabladillo, provincia de Segovia





(F-28) Tendido de cables eléctricos (Catenarias perfectas).

#### 2.4.3.6 Aplicación en la Arquitectura

Así mismo, en la Arquitectura, las curvas invertidas: catenáricas, funiculares y parabólicas, son el trazado perfecto para un arco, dado que toda la línea de presiones sigue la forma de la curva.

Esta propiedad, distintiva y única de este tipo de arcos, hace que no necesiten apoyos a los lados del arco para sustentarse y evitar que tiendan a abrirse. Sin embargo, estas formas necesitan elementos auxiliares capaces de soportar los empujes concentrados en su base, tal como ocurre en estructuras con el uso de otras formas de arcos, como se puede apreciar en los dos primeros ejemplos.

2.4.3.6.1 <u>Basílica de Saint Denis (París-Francia): utilizan arcos de</u> <u>medio punto - grandes contrafuertes laterales</u>



(GRAF.2: 127) Planta de la Basílica



(F-29) Vista frontal de la Basílica.

## 2.4.3.6.2 <u>Iglesia de Cluny III (París-Francia)</u>: utilizan arcos ojivales - grandes contrafuertes exteriores



(GRAF.2: 128) Planta de la Iglesia.



(F-30) Vista frontal de la Iglesia.
2.4.3.6.3 Cúpula de la Mezquita de la Roca (Qubbat as-Sajrah) (Jerusalén 688-692)<sup>107</sup>

Lo que en Occidente nos ha costado siglos aprender era, en cambio, un conocimiento común en la Arquitectura del Islam. La cúpula de la Mezquita de la Roca de Jerusalén se aproxima mucho a una cúpula catenárica perfecta<sup>108</sup>.



(F-31) Vista general de la Mezquita.



(F-32) Vista inferior: cúpula.

En esto no hacían más que seguir la Arquitectura tradicional del Sudán, país donde la madera es tan escasa y valiosa que no se puede utilizar para construir las viviendas de los pobres. Los sudaneses encontraron el sistema de construir (con sólo adobe y sin necesidad de entibar<sup>109</sup>) amplias habitaciones circulares cubiertas con cúpulas catenáricas.



(F-33) Vista frontal de la Mezquita.



(GRAF.2: 129) Sección transversal.

La cúpula de la Mezquita ha sufrido varias restauraciones a lo largo de toda su vida: desde el año 1954 a 1964 y en el año 1992 (Unesco 1993).

<sup>&</sup>lt;sup>107</sup> Texto extraído de (Gpunto 2007).

<sup>&</sup>lt;sup>108</sup> Consideramos que esta afirmación se puede poner en duda si observamos que la cúpula nace verticalmente al arranque, lo cual no debería ocurrir si fuera una catenaria. Sin embargo, se puede llegar a pensar que no es la forma original, sino más el resultado de las continuas reformas que ha sufrido.

<sup>&</sup>lt;sup>109</sup> Pues durante el momento de la construcción sufre tan poco empuje horizontal, que los adobes se mantienen en su posición simplemente con el rozamiento de los ya instalados y sus compañeros de hilada y una vez cerrada la cúpula, estas adquieren una resistencia extraordinaria.

## 2.4.3.6.4 Catedral de Santa María del Fiore (Florencia-Italia-1296)<sup>110</sup>

La cúpula es obra de Filippo Brunelleschi (1377-1446), el cual utiliza una cadena colgando para orientar el desarrollo de la curvatura de la cúpula en cada etapa de la construcción. Mientras se ponía cada curso de ladrillos, se colgaba una cadena entre las costillas intermedias para dirigir la curvatura.

"Así pues, la forma general de la cúpula fue determinada, no por una curvatura definida por la matemática abstracta, sino por un principio físico definido: así como una cadena que cuelga es autosuficiente en su conjunto y sus piezas, la bóveda cuya curvatura fue dirigida por la curvatura de la cadena que colgaba es, asimismo, una superficie autosuficiente, en su conjunto y sus piezas. Longitud interior de la cúpula 41m."



(F-34) Vista general de Catedral.



(F-35) Vista exterior de la Cúpula.



(F-36) Vista inferior de la cúpula.



(GRAF.2: 130) Sección de la cúpula.

<sup>&</sup>lt;sup>110</sup> Para mayor información consultar: (Director 2003), web en español de (Wikipedia s.f.), (S. F. Huerta 2004) - (Huerta, Diseño estructurall de arcos, bóvedas y cúpulas en España ca.1500-ca.1800 1990).

2.4.3.6.5 Antoni Gaudí (1852 - 1926)<sup>111</sup>

Está claro que en sus obras Gaudí utiliza arcos parabólicos y funiculares<sup>112</sup>, mientras que existe cierta polémica cuando se habla del uso de la catenaria.

Dicha controversia se basa en que una catenaria es la forma que adopta el cable por efecto de su peso propio constante<sup>113</sup>, lo cual no ocurre en todos los casos. En conversaciones mantenidas con Profesores del Departamento de Matemáticas de la "ETSAB<sup>114</sup>" indicaban que, de acuerdo con su punto de vista, únicamente se podían llegar a considerar catenarias aquellos arcos que se localizan en las azoteas, pero imposible en los sótanos<sup>115</sup> por tener cargas uniformemente repartidas. De este modo concluyen que, en la mayoría de las obras de Gaudí, está presente la parábola y el arco funicular<sup>116</sup>.

A continuación se presentan obras del Gaudí:

2.4.3.6.6 <u>Colonia Güell (1908-1916)<sup>117</sup></u>

En la Colonia Güell se utiliza el arco funicular, es decir, en cada arco catenárico que formaban los cordeles se suspendían los saquitos llenos de perdigones con un peso diez mil veces inferior a la carga que tendrían que soportar los arcos.



(GRAF.2: 131) Método para aplicar las cargas al modelo colgante (Escala del peso 1:10.000)<sup>118</sup>.



<sup>&</sup>lt;sup>111</sup> Para mayor información consultar (http\_1), (Solé s.f.), (Huerta, El proyecto de estructuras en la obra de Gaudí 2002), (Gómez-Serrano 2002), (Ibanez 2004).

<sup>116</sup> Estos comentarios de los profesores del Departamento están corroborados con estudios realizados por ellos. Con el fin de contrastar esta información hemos comprobado los arcos del Colegio de las Teresianas y, efectivamente, en contra de la opinión de otros profesionales son en realidad parabólicos (esta información se incluye en el apartado sobre dicha obra).

<sup>&</sup>lt;sup>112</sup> Anna Pujadas (Pujadas s.f.) dice: "Gaudí usaba arcos parabólicos así como helicoides, paraboloides e hiperboloides", no menciona para nada las catenarias.

<sup>&</sup>lt;sup>113</sup> Frézier, siguiendo a Hooke, consideraba que la catenaria era la forma ideal para un arco de espesor constante (S. F. Huerta, Arcos, bóvedas y cúpulas. Geometría y equilibrio en el cálculo tradicional de estructuras de fábrica 2004).

<sup>&</sup>lt;sup>114</sup> Escuela Técnica Superior de Arquitectura de Barcelona.

<sup>&</sup>lt;sup>115</sup> Según indica (Gpunto 2007) en su artículo "Muchas de sus obras, como: la Sagrada Familia, la casa Batlló, la Pedrera, o el parque Guell, enseñan en las fachadas u ocultan en sus sótanos o en sus azoteas, arcos ideales que desvían el peso de las cubiertas dejando amplias zonas abiertas".

 $<sup>^{\</sup>rm 117}$  Ver (Solé s.f.), (Huerta, El proyecto de estructuras en la obra de Gaudí 2002).

<sup>&</sup>lt;sup>118</sup> (Ibanez 2004).

(GRAF.2: 132) Planta de la cripta.



(F-37) Maqueta original.



(F-39) Dibujo realizado por Gaudí



(F-41) Interior de la Cripta

(GRAF.2: 133) Planta de las bóvedas.



(F-38) Maqueta del funicular.



(F-40) Exterior de la cripta.



(F-42) Exterior de la Cripta

## 2.4.3.6.7 Colegio de las Teresianas (Gaudí 1889-1890)<sup>119</sup>

En su artículo Gómez escribe: "El acceso al colegio ya se inicia en un porche con un arco parabólico<sup>120</sup>..., es el sistema de corredores con arcos parabólicos de la planta baja y el primer piso..." (Gómez 2005).

En su artículo Huerta indica: "... utilizó arcos de formas no circulares: parabólicos o catenáricos. Estos arcos están presentes ya en sus primeras obras (Fig. 02-arcos catenáricos a la entrada del Palacio Güell, pasillo del Colegio de las Teresianas)"<sup>121</sup>. En otra página del artículo, Huerta dice: "... Es decir, cuando el arco soporta una carga uniforme mayor que su propio peso (por ejemplo un arco que soporta un forjado), la forma catenaria transformada es, muy aproximadamente, una parábola. En consecuencia, el empleo de arcos parabólicos en el Colegio de las Teresianas, está, en base a la exposición anterior, mecánicamente justificado" (Huerta, El proyecto de estructuras en la obra de Gaudí 2002).



(F-43) Puerta de acceso al Colegio



(F-45) Pasillo interior.



(F-44) Interior del Colegio



(F-46) Montaje de arco catenárico perfecto<sup>122</sup>.

<sup>119</sup> Esta obra de Gaudí es una interpretación libre del estilo gótico en el que los arcos de medio punto se han sustituido por arcos parabólicos (Solé s.f.).

 $<sup>^{\</sup>rm 120}$  El acceso se hace a través de un porche con un gran arco parabólico (http\_1).

<sup>&</sup>lt;sup>121</sup> Gómez Serrano (Gómez-Serrano 2002)coincide con el punto de vista del Huerta. Personalmente y resguardados por la opinión de los profesores del Departamento de Matemáticas, en el caso del Colegio está claro que los arcos utilizados son parabólicos y no catenáricos.

<sup>&</sup>lt;sup>122</sup> Para comprobar el tipo de arco utilizado en este corredor, hemos obtenido el trazado del arco catenárico perfecto (color azul), para ello hemos utilizando la hoja de cálculo desarrollada y expuesta en el inicio del apartado. Observar que la diferencia es importante, lo cual ayuda a constatar que el trazado de los arcos del Colegio de la Teresianas son parabólicos.

## 2.4.3.6.8 <u>Palacio Güell (Palau Güell) (1886-1890)</u>

En su artículo Eduard Solé dice: "La planta baja corresponde al nivel de la calle, y tiene dos grandes puertas en forma de arcos parabólicos que permiten el fácil acceso de carros y personas" (Solé s.f.).

En su artículo Antonio Guerrero manifiesta: "Una de las dos majestuosas puertas gemelas por las que se accede al palacio. El arco empleado por Gaudí no tenía antecedentes en la arquitectura, por lo que su forma causó profunda extrañeza en su época. Es el llamado arco catenario" (Guerrero s.f.).



(GRAF.2: 134) Montaje de arcos catenáricos y parabólico perfectos<sup>123</sup>. (El dibujo del alzado se ha obtenido de la web <u>http://www.metria.es/eng/proyectos/palauguell/index.htm</u>).



(F-47) Acceso al Palacio Güell.

<sup>&</sup>lt;sup>123</sup> Para comprobar el tipo de arco utilizado, hemos determinado los arcos perfectos, tanto catenárico como parabólico, utilizando las hojas de cálculo desarrolladas y expuestas en el inicio del apartado. En la puerta de acceso de la izquierda se hace el montaje del trazado de los arcos perfectos: el catenárico (color amarillo) y el parabólico (color azul). Ambos arcos nacen a una distancia específica del suelo. En la puerta de acceso de la derecha se monta únicamente el trazado del arco catenárico perfecto (color rojo), el mismo que nace en el suelo. Gracias al montaje se puede constatar que, efectivamente, el arco que se utiliza no es parabólico sino más bien catenárico (observemos que el arco parabólico es más estrecho que el otro).

# 2.4.3.6.9 Casa Milà (La Pedrera 1906-1910)<sup>124</sup>

Gómez en su artículo indica: "... Gaudí utiliza los arcos parabólicos como sustentación de la cubierta para formar los espacios correspondientes a las buhardillas o áticos" (Gómez 2005).

En su artículo Ricardo Gonzalez indica: "destacar que está construido en ladrillo plano hecho a mano, y que consta de 270 arcos catenarios" (Solé s.f.).



(F-48) Foto aérea.



(F-49) Fachada.



(F-50) Buhardilla-1.



(F-52) Buhardilla-3.



(F-51) Buhardilla- $2^{125}$ .



(F-53) Arco localizado en la terraza.

<sup>&</sup>lt;sup>124</sup> De acuerdo a conversaciones mantenidas con expertos encargados de la rehabilitación del edificio (BOMA), nos indican que estudiaron todos los arcos, uno a uno, y se comprobó que eran catenarias perfectas (usando cadenas invertidas). Sin embargo en algunos de ellos fue necesario aumentar una franja de ladrillo, con el fin de armarlos, dándole así mayor rigidez frente a esfuerzos laterales.

<sup>&</sup>lt;sup>125</sup> Estos son algunos de los arcos que se tuvieron que reforzar frente a esfuerzos laterales, pero que inicialmente eran catenarias perfectas.

2.4.3.6.10 La Sagrada Familia (Gaudí asume el proyecto en 1883)

El interior estará formado por innovadoras columnas arborescentes inclinadas y bóvedas basadas en hiperboloides y paraboloides buscando la forma óptima de la catenaria.



(F-54) Planta del Templo.



(F-56) Fachada del nacimiento.



(F-58) Columnas del interior.



(F-55) Maqueta funicular.



(F-57) Fachada de la pasión.



(F-59) Cubierta.

## 2.4.3.6.11 "Masia Freixa" (Tarrasa-España-1896)

Reforma (1907-1914) a cargo del arquitecto catalán Luís Muncunill i Parellada (1868-1931). La "Masia Freixa" es una joya del Modernismo construida en 1896 como fábrica y transformada en residencia de la familia Freixa en 1907.

En su artículo Gpunto sostiene que: "los arcos son catenáricos" (Gpunto 2007).

Otros autores como Soldevilla, Pujadas, Truñó, entre otros, mantienen que: "los arcos son parabólicos. (Soldevila 1999), (Pujadas s.f.) y (Truñó 2004).



(F-60) Vista del exterior-1.



(F-61) Vista del exterior-2.



(F-62) Vista del exterior-3.

Dada la diferencia de opiniones, hemos comprobado uno de los arcos y, efectivamente, no es catenárico sino parabólico. Esto se puede apreciar en los siguientes dibujos<sup>126</sup> en los que incluimos la sección real.



(GRAF.2: 135) Sección transv.



(GRAF.2: 136) Montaje: catenaria ideal.



(F-63) Arco analizado.

<sup>126</sup> La línea azul representa la catenaria y la línea roja el arco real de la estructura, la diferencia está en la zona que se indica con el círculo rojo. Los planos del edificio se obtuvieron de (Marín y Limiñana 2007). 2.4.3.6.12 Central nuclear  $^{127}$ 

Las centrales nucleares suelen cubrir el reactor con una cúpula catenárica por garantizar la posibilidad de construirlas sin andamiaje que la sustente.



(F-64) Cubierta catenárica del reactor nuclear.

2.4.3.6.13 <u>El centro religioso Memorial Fidel y María Moreno (Escobar-</u> <u>Argentina)<sup>128</sup></u>

Obra de los arquitectos asociados Claudio Caveri (1928), Alejandro Faillace y Esteban Caveri. El auditorio tiene capacidad para 220 personas; la cubierta está hecha de ferrocemento y posee nervaduras con forma de catenaria invertida.



(F-65) Interior del Auditorio.

<sup>128</sup> Ver (Caniza 2002).

<sup>&</sup>lt;sup>127</sup> Ver (Gpunto 2007).

2.4.3.6.14 Gatewey Arch (Sant Louis, Missouri, EE.UU - 1947-1960)<sup>129</sup>

Obra del Arq. Eero Saarinen (1910-1961). El edificio se construyó en memoria del presidente Thomas Jefferson. Es un arco a modo de puerta de paso que simboliza la entrada al oeste del país. Su forma tiene un trazado de catenaria y alcanza una altura de 630 pies (unos 192 metros) que es la misma distancia que separa los lados exteriores de los apoyos.

El concurso fue convocado en 1947, pero los inevitables problemas técnicos propios de todo gran proyecto (por la envergadura y por el coste), junto con los de índole política, hicieron que la construcción no empezara hasta 1960.



(F-66) Vista frontal del Arco-1.



(F-67) Vista frontal del Arco-2.



(F-68) Parte superior del Arco.



(F-69) Vista posterior del Arco.

<sup>&</sup>lt;sup>129</sup> Ver (Crespo 2005) y (Ibanez 2004) : en este artículo se tratan objetos geométricos interesantes tales como: catenaria, cónicas, espiral, hélice, esfera, toro y algunas superficies regladas (cono, cilindro, helicoide, paraboloide hiperbólico, hiperboloide,...). Para cada uno de estos objetos se muestran algunas de sus propiedades geométricas y construcciones arquitectónicas en las cuales se haya utilizado.

2.4.3.6.15 <u>Dulles International Airport (Chantilly-Virginia 1958-</u> 1962)<sup>130</sup>

Obra del Arq. Eero Saarinen (1910-1961). Fue el aeropuerto más grande de los Estados Unidos en su tiempo y fue el primer aeropuerto comercial diseñado específicamente para jets. De nuevo, debido a su importancia, Saarinen se decide por una estructura monumental. Según su autor "es como una gran hamaca atada a grandes árboles". Pero el tejado con forma de catenaria es importante tanto estética como funcionalmente. Además de la estabilidad, flexibilidad y firmeza de la estructura, su forma tiene la cualidad acústica de hacer que el sonido se disperse rápidamente, algo de gran valor en una terminal de aviones. Por otro lado, también su forma permite evitar algunos efectos perniciosos del viento.



(F-70) Vista general de Aeropuerto.



(F-71) Interior del edificio.



(F-72) Detalle lateral del edificio.



(F-73) Vista general del edificio.

<sup>&</sup>lt;sup>130</sup> Ver (Ibanez 2004): en este artículo se tratan objetos geométricos interesantes, tales como: catenaria, cónicas, espiral, hélice, la esfera, el toro y algunas superficies regladas (cono, cilindro, helicoide, paraboloide hiperbólico, hiperboloide,...). Para cada uno de estos objetos se muestran algunas de sus propiedades geométricas y construcciones arquitectónicas en las cuales se haya utilizado.

## 2.4.3.6.16 <u>Marquette</u> Plaza (Banco Federal de Minneapolis) (Minneapolis, Minnesota-1973-1997)<sup>131</sup>

La compañía Gunnar Birkerts y Asociados (1925) utilizó la catenaria en el Banco Federal de Minneapolis. Éste está formado "por un bloque de oficinas de reluciente vidrio que tiende un puente entre las dos grandes torres de hormigón y que es sostenido, como un puente colgante, por dos vigorosas catenarias"<sup>132</sup>.

Actualmente el edificio es conocido como "Marquette Plaza".



(F-74) Vista frontal del edificio.



(F-75) Vista lateral con el entorno.



(F-76) Detalle del trazado del cable.

 $<sup>^{\</sup>rm 131}$  Para más información consultar la web en inglés de (Wikipedia s.f.).

<sup>&</sup>lt;sup>112</sup> Ver (Ibanez 2004) : en este artículo se tratan objetos geométricos interesantes, tales como: catenaria, cónicas, espiral, hélice, la esfera, el toro y algunas superficies regladas (cono, cilindro, helicoide, paraboloide hiperbólico, hiperboloide,...). Para cada uno de estos objetos se muestran algunas de sus propiedades geométricas y construcciones arquitectónicas en las cuales se haya utilizado.

# 2.4.3.6.17 Expo-98. Pabellón de Portugal (Portugal-Lisboa 1995)<sup>133</sup>

Obra del Arq. Álvaro Siza (1933). El edificio fue construido para la Expo-98. El Pabellón está constituido por una plaza de 65,00m de largo por 58,00m de ancho y está cubierta por una lámina de hormigón armado de 0,20m con forma de catenaria. Dos pórticos, uno a cada extremo, actúan como dos bloques macizos para resistir la tracción que genera la catenaria.



(F-77) Vista lateral izquierda del Pabellón.



(F-78) Vista lateral derecha del Pabellón.



(F-79) Vista frontal del Pabellón.

<sup>133</sup> Ver (Charleson y Cervera 2007)

2.4.3.6.18 Ciudad de las Artes y las Ciencias (Valencia-España-1994-2005)<sup>134</sup>

Obra de Santiago Calatrava (1951) y Félix Candela (1910-1997). Este último se encarga del diseño del Oceanográfico, conjunto de edificios más emblemáticos del parque, cuyas cubiertas de hormigón blanco representan una figura de paraboloide hiperbólica<sup>135</sup>.

"... otros arquitectos han utilizado el arco catenárico en sus edificaciones. Calatrava lo utiliza abundantemente en sus edificios de la Ciudad de las Artes y las Ciencias de Valencia..."<sup>136</sup>.



(F-80) Encofrado de la cubierta.



(F-81) Cubierta finalizada.



(F-82) Edificio acabado.

<sup>&</sup>lt;sup>134</sup> Más información en (Ibanez 2004), (Wikipedia s.f.).

<sup>&</sup>lt;sup>135</sup> En la web en español (Wikipedia s.f.) se especifica con claridad que el Oceanográfico es la última obra de Félix Candela.

<sup>&</sup>lt;sup>136</sup> Según (Gpunto 2007).

Entre las estructuras de Candela realizadas sobre la idea de los paraboloides hiperbólicos, tenemos: la Iglesia de la Medalla de la Virgen Milagrosa (México D.F., 1953), el Restaurante Los Manantiales (Xochimilco, México, 1957), la Embotelladora Bacardí (México D.F., 1959), etc.

La cubierta del "Restaurante Los Manantiales" se obtiene al intersecar cuatro paraboloides hiperbólicos. A continuación presentamos algunas fotos<sup>137</sup>.



(F-83) Cubierta acabada.



(F-84) Edifico acabado-1.



(F-85) Edifico acabado-2.

<sup>&</sup>lt;sup>137</sup> Es interesante observar su parecido con la cubierta del Oceanográfico de la Ciudad de las Artes y las Ciencias de Valencia y esto es razonable pos ser ambas del mismo arquitecto, Félix Candela.

# 2.4.3.6.19 Casas prefabricadas (Pretoria-África del Sur-2006)<sup>138</sup>

La empresa de diseño "BSB", en EE.UU., ha desarrollado una casa barata de alta calidad. La casa entera se desarrolla en una caja que se puede montar fácilmente y tiene la forma de un arco catenárico.



(F-86) Render de las tres casas.



(F-87) Exterior de las casas ya construidas.



(F-88) Interior de la P. baja.



(F-89) Interior de la P. alta.

<sup>&</sup>lt;sup>138</sup> BSB empresa diseñadora: (BSB-Disign 2007-2008); ver también (Drueding 2008).

2.4.3.6.20 <u>Cubierta del escenario del Teatro de Verano Ramón Collazo</u> <u>del Parque Rodó (Montevideo julio-diciembre-2006)</u>

Obra del Arq. Carlos Pascual. La estructura sustituye a la antigua cubierta del teatro y adopta una forma de catenaria. El sistema constructivo utilizado es el desarrollado por el Ing. Eladio Dieste (cerámica armada).



(F-90) Render de la cubierta del teatro.



(F-91) Vista lateral derecha de la cubierta.



(F-92) Interior de la P. baja.

# 2.4.3.6.21 Stand de Hispalyt (Construmat-2007)

Obra del Arq. Vicente Sarrablo. La cubierta está formada por láminas de cerámica armada que se cuelgan de los extremos y adoptan una forma catenárica.



(F-93) Vista general del Stand.



(F-94) Ampliación del extremo superior izquierdo de la cubierta.



(F-95) Ampliación del extremo superior derecho de la cubierta.



2-110

## 2.4.4 Descripción de los programas utilizados

2.4.4.1 Programa de dibujo "AutoCAD"<sup>139</sup>



"AutoCAD" es un programa de diseño asistido por ordenador<sup>140</sup> para dibujo en 2D y 3D. Actualmente es desarrollado y comercializado por la empresa Autodesk.

En los siguientes apartados se exponen algunos aspectos importantes:

1. Características del programa:

Al igual que otros programas de Diseño Asistido por Ordenador (DAO), "AutoCAD" gestiona una base de datos de entidades geométricas (puntos, líneas, arcos, etc.) con la que se puede operar a través de una pantalla gráfica. La interacción del usuario se realiza a través de comandos de edición o dibujo, desde la línea de órdenes, a la que el programa está fundamentalmente orientado.

Como todos los programas de DAO, "AutoCAD" procesa imágenes de tipo vectorial, aunque admite incorporar archivos de tipo fotográfico o mapa de bits. En éstos se dibujan figuras básicas o primitivas (líneas, arcos, rectángulos, textos, etc.) y, mediante herramientas de edición, se crean gráficos más complejos. El programa permite organizar los objetos por medio de capas o estratos, ordenando el dibujo en partes independientes con diferente color y grafismo. El dibujo de objetos seriados se gestiona mediante el uso de bloques, posibilitando la definición y modificación única de múltiples objetos repetidos.

Parte del programa "AutoCAD" está orientado a la producción de planos, empleando para ello los recursos tradicionales de grafismo en el dibujo, como: color, grosor de líneas y texturas tramadas. Así mismo, utiliza el concepto de espacio modelo y espacio papel para separar las fases de diseño y dibujo en 2D y 3D.

La extensión del archivo de "AutoCAD" es "dwg", aunque permite exportar en otros formatos<sup>141</sup>. Maneja también los formatos "IGES" y "STEP" para la compatibilidad con otro software de dibujo.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 139}$  Información extraída de "Wikipedía, la enciclopedia libre".

 $<sup>^{\</sup>rm 140}$  (CAD = Computer Aided Design = Diseño asistido por computador.

<sup>&</sup>lt;sup>141</sup> El más conocido es el .dxf.

El formato "dxf" permite compartir dibujos con otras plataformas de dibujo CAD. Dicho formato puede editarse con un procesador de texto básico, por lo que se puede decir que es abierto. En cambio, el "dwg" sólo podía ser editado con "AutoCAD", si bien desde hace poco tiempo se ha liberado<sup>142</sup>.

El formato "dwg" ha sufrido cambios al evolucionar en el tiempo, lo que impide que formatos nuevos puedan ser abiertos por versiones antiguas de "AutoCAD" u otros CADs que admitan ese formato. La última versión de "AutoCAD", hasta la fecha, es el "AutoCAD" 2009 y tanto él como sus productos derivados (como Architectural DeskTop ADT o Mechanical DeskTop MDT) usan un nuevo formato no contemplado o trasladado al OpenDWG, que sólo puede usar el formato hasta la versión 2000.

Las aplicaciones del programa son múltiples, desde proyectos y presentaciones de ingeniería, hasta diseño de planos o maquetas de arquitectura.

2. Entorno programable:

Es también un entorno programable en múltiples lenguajes. Entre ellos, se pueden destacar:

- "AutoLISP" Una adaptación de "LISP" para "AutoCAD".
- "DIESEL" -Expresiones directas.
- "Visual LISP" Nueva versión de "AutoLISP" para las últimas versiones de "AutoCAD", con más funciones y un "IDE" visual integrado.
- "VBA" Programación con el "Visual Basic" para aplicaciones integrado.
- "ObjectARX" Permite desarrollar librerías en "C/C++" para ser utilizadas por "AutoCAD".

3. Alternativas:

Un clon de "AutoCAD", que fue publicado para que lo usaran distintas empresas, es "Intellicad". Se utiliza de manera similar al "AutoCAD", ya que admite casi los mismos comandos u órdenes de éste.

Muchos usuarios de "AutoCAD" esperan que una de las próximas versiones sea también ejecutable en "GNU/Linux" o en "Mac" ya que, hasta el momento, Windows es el único sistema operativo compatible al 100%. Pero los usuarios de "GNU/Linux", acérrimos defensores del software libre, rechazan rotundamente el uso de software privativo en este sistema, por ello apoyan proyectos "CAD" libres tales como "QCad". Últimamente, tras la aparición de "Parallels" para "Mac", se abre la vía de utilización en un "Mac" emulando un Windows. Por el momento, Autodesk tampoco plantea el desarrollo de "AutoCAD" para "GNU/Linux", aunque en éste se puede ejecutar "AutoCAD" utilizando "Wine".

<sup>&</sup>lt;sup>142</sup> Con lo que muchos programas CAD distintos del "AutoCAD" lo incorporan y permiten abrir y guardar en esta extensión, con lo cual lo del "dxf" ha quedado relegado a necesidades específicas.

#### 2.4.4.2 Programa pre y post procesador: "GID"<sup>143</sup>

El programa "GID" ha sido desarrollado por "CIMNE"<sup>144</sup>.



Éste es un programa gráfico<sup>145</sup> orientado tanto a la definición y preparación de los datos destinados a realizar una simulación numérica, como a la visualización de sus resultados. Dicho entorno permite, de manera sencilla, importar un modelo CAD estándar y adaptarlo para el cálculo.

Una característica esencial de "GID" es que no está especializado en un tipo de análisis. A priori, "GID" no conoce ningún material o condición hasta que no se carga un "tipo de problema".

Cualquier usuario puede crear su "tipo de problema" personal, de modo que "GID" conozca la sintaxis de su programa de simulación particular.

Además, un usuario avanzado, puede extender la interfaz de "GID" creando sus propias ventanas mediante el lenguaje Tcl/Tk y personalizar el aspecto de "GID".

En el *(CUADRO 25)* se puede apreciar esquemáticamente el funcionamiento del programa:



<sup>&</sup>lt;sup>143</sup> La información técnica del programa se ha extraído del manual de ayuda del mismo.

 $<sup>^{\</sup>rm 144}$  CIMNE: "International Center for Numerical Methods in Engineering".

<sup>&</sup>lt;sup>145</sup> No es un programa de cálculo, es decir, por sí sólo no calcula sino que necesita de un programa adicional que realice esta función.

## 2.4.4.2.1 Pre-proceso

El pre-proceso consiste en la creación de los datos: la definición de la geometría a estudiar, los materiales que la componen, las condiciones de contorno, las cargas aplicadas, la generación de la malla<sup>146</sup>, y otros parámetros<sup>147</sup>.

En los cuadros que se presentan a continuación, se especifican los datos de cada uno de estos parámetros utilizados en el desarrollo de la Tesis.

1. El material es una entidad disponible únicamente cuando se carga el "Problem Type".

Los elementos "shell" son de fábrica de ladrillo maciza<sup>148</sup>, mientras que los elementos de "barra" son de hormigón armado<sup>149</sup>.



2. Las condiciones de contorno utilizadas se pueden clasificar en tres tipos  $^{150}$ : con una restricción lateral, empotradas y articuladas  $^{151}$ :



<sup>&</sup>lt;sup>146</sup> Y le transfiere los datos asociados a la geometría introducida. El mallado se puede realizar para elementos finitos, diferencias finitas u otros métodos.

<sup>&</sup>lt;sup>147</sup> Como por ejemplo la estrategia de resolución o, dicho de otro modo, el programa de cálculo a utilizar.

<sup>&</sup>lt;sup>148</sup> Ver gráfico (GRAF.2: 137).

<sup>&</sup>lt;sup>149</sup> Ver gráfico (GRAF.2: 138).

<sup>&</sup>lt;sup>150</sup> Ver (CUADRO 27).

<sup>&</sup>lt;sup>151</sup> Ver gráficos (GRAF.2: 139), (GRAF.2: 140) y (GRAF.2: 141) respectivamente. Dependiendo del modelo también se pueden combinar. En cada uno de los capítulos se especifica detalladamente las condiciones de contorno utilizadas para cada modelo o grupo de modelos.

**3.** Las cargas aplicadas en los modelos se indican de modo general en el (*CUADRO 28*). En el elemento "shell" siempre se considera el peso propio de los elementos, sin embargo, en el elemento "barra" se considera el peso propio dependiendo del caso<sup>152</sup>.

Generalmente se establecen 3 hipótesis simples<sup>153</sup> y una combinación de las tres hipótesis con un coeficiente de mayoración de "1" para cada una, es decir, hacemos el estudio en estado de servicio<sup>154</sup>.



4. Para el mallado de las superficies hemos seleccionado el elemento "shell" de tres  $lados^{155}$ , tanto de 3 como de 6 nodos, dependiendo de las necesidades de cada modelo<sup>156</sup>.



En algunos modelos específicos se intensifica el mallado y, para ello, utilizamos el "unstructured" en nodos, barras y superficies (shell)<sup>157-158</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>152</sup> En cada capítulo se especifica el estado de carga considerado para cada uno de los modelos o grupos de modelos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 153}$  Pp=peso propio; cp=cargas permanentes y su=sobrecargas de uso.

<sup>&</sup>lt;sup>154</sup> Todos los modelos se analizan en estado límite de servicio, teniendo en cuenta que analizamos el estado de fisuración de las paredes (mecanismos de colapso).

<sup>&</sup>lt;sup>155</sup> Ver recuadro rojo en el gráfico (GRAF.2: 145).

<sup>&</sup>lt;sup>156</sup> En cada uno de los capítulos se especifica detalladamente el tipo de elemento utilizada para cada modelo o grupo de modelos.

5. Otros de los parámetros son: el tipo de problema<sup>159</sup>, los datos avanzados del problema<sup>160</sup> y los datos del problema<sup>161</sup>.

a. Tipo de problema (Problem Type): en nuestro caso hemos utilizado el programa de cálculo "Rambshell", que se puede cargar directamente desde "GID"<sup>162</sup> como módulos de cálculo.



b. Los datos avanzados del problema (Advanced Problem Data): en nuestro trabajo hemos escogido el modo "Automático"<sup>163</sup>.



<sup>&</sup>lt;sup>157</sup> Ver gráfico ;Error! No se encuentra el origen de la referencia.).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 158}$  Sus valores se especifican en cada uno de los capítulos en los que se utilizan.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 159}$ Ésta puede realizarse desde el propio "GID", como si todo fuese un paquete único.

<sup>&</sup>lt;sup>160</sup> Éste, al igual que el anterior, se puede seleccionar después de escoger el tipo de problema.

<sup>&</sup>lt;sup>161</sup> Éste se puede seleccionar después de escoger el tipo de problema.

 $<sup>^{\</sup>rm 162}$  Como se puede constatar en el (GRAF.2: 147) del (CUADRO 30).

<sup>&</sup>lt;sup>163</sup> Como se puede apreciar en el gráfico (GRAF.2: 148) del (CUADRO 31).

- c. Datos del problema (Problem Data): son datos que no se relacionan con la geometría del elemento. En el (CUADRO 32) se especifican: las unidades en las que trabajamos, el sentido de la gravedad, los parámetros de los resultados y el tipo de análisis.
  - En el gráfico (GRAF.2: 149) se indican las unidades utilizadas.
- En el gráfico (GRAF.2: 150) se especifica el sentido de la gravedad empleada en el estudio.
- En el gráfico (GRAF.2: 151) se introducen los diferentes datos de los resultados utilizados. Entre ellos, el más importante para este estudio, es el "Shell internal"<sup>164</sup> en el cual se definen los grados de libertad del elemento.

En nuestro caso hemos trabajado con "6 grados internos", aunque en algunos modelos se trabaja únicamente con "3 grados internos" dependiendo del tamaño del modelo y del mallado<sup>165</sup>.

- En el gráfico (GRAF.2: 152) se especifica el tipo de análisis seleccionado para el estudio, que es el "Estático lineal".



<sup>&</sup>lt;sup>164</sup> Ver marco en color rojo del gráfico (GRAF.2: 151).

<sup>&</sup>lt;sup>165</sup> En todos los capítulos se indican los grados de libertad considerados en los modelos o grupos de modelos.

## 2.4.4.2.2 Post-proceso

El post-proceso consiste en la visualización de los resultados, de modo que sean fácilmente interpretables. Pueden hacerse visualizaciones por colores, curvas de nivel, etiquetas, vectores, gráficas, animaciones, etc.

1. Visualización de la tipología de los resultados seleccionados:

En el (CUADRO 33) se indican las salidas de resultados utilizados en el estudio.

- Los colores se emplean para representar las fuerzas y los desplazamientos<sup>166</sup>.
- Los vectores se utilizan para representar las direcciones de las fuerzas principales<sup>167</sup>.
- La integración se usa para obtener la sumatoria de las fuerzas<sup>168</sup>.
- La animación se utiliza para generar las grabaciones e imágenes parciales que constituyen los vídeos presentados en la Tesis<sup>169</sup>.



<sup>&</sup>lt;sup>166</sup> Ver gráfico (GRAF.2: 153).

<sup>&</sup>lt;sup>167</sup> Estas direcciones son las que determinan la trayectoria de las fisuras de los modelos que se presentan en esta tesis. Ver gráfico (GRAF.2: 154).

<sup>&</sup>lt;sup>168</sup> Éste es un factor indispensable por el que se selecciona a "GID" como herramienta de pre y post-proceso. Ver gráfico(GRAF.2: 155).

<sup>&</sup>lt;sup>169</sup> Paralelamente con éste se utiliza el programa "Windows Movie Maker" para elaborar los vídeos. Ver gráfico (GRAF.2: 156).

Representación gráfica de los resultados obtenidos. 2.

En el (CUADRO 34) se exponen, de modo gráfico, los resultados que se obtienen de los modelos de cálculo tales como: "Sii", "N22", "Nyy=Ny'", "Si", "N11" y "Nxx=Nx'". La representación gráfica de los desplazamientos se puede ver en el apartado "2.3.3".



3. Gama de colores seleccionada:

Para optimizar la interpretación de los resultados de las fuerzas y de los desplazamientos se utiliza una definición de colores especiales, para ello hacemos uso de la orden "User Defined" con 65 colores (Number of color) y 9 colores clave (Key colors)<sup>170</sup>.



En los (CUADRO 36) y (CUADRO 37) se indica la cromática de los colores empleados

(CUADRO 36	5) CROMÁT	ICA DE CO	OLORES: DI	ESPLAZ. E	XN "X" Y I	FUERZAS
	153	0	240	30	7 <i>9</i>	168
	156	2	236	27	119	251
	122	0	240	231	114	242
	62	106	240	236	111	0
	40	255	240	255	221	233
	40	240	240	240	113	0
	31	233	238	181	110	1
	234	243	238	1	115	37
	0	149	240	0	70	0
(CUADRO 37) CROMÁTICA DE COLORES: DESPLAZAMIENTO EN "Z"						
	40	255	240	255	221	233
	0	255	240	151	191	151
	0	149	240	0	70	0

<sup>170</sup> Como se aprecia en el (CUADRO 35).

#### 2.4.4.3 Programa de cálculo: "RamSeries"<sup>171</sup>

"RamSeries" es un entorno avanzado para análisis estructural, basado en el Método de los Elementos Finitos (MEF). Incluye un entorno gráfico completamente integrado de pre y post-proceso de datos, que permite una mayor sencillez en la definición del modelo, la introducción de datos para el análisis y la posterior visualización de los resultados.

El entorno gráfico permite, de manera sencilla, importar un modelo CAD estándar y adaptarlo para el cálculo. Además, puede ser adaptado a las necesidades del usuario, permitiendo automatizar y simplificar al máximo el proceso de análisis. "RamSeries" incluye diferentes tipologías de elementos, así como leyes constitutivas de los materiales que permiten calcular las más complejas estructuras con fiabilidad y precisión.

Dependiendo del tipo de estructura que tengamos se clasifica en dos módulos de cálculo:

2.4.4.3.1 "Rambshell"



"Rambshell", por medio del uso del "MEF", realiza el análisis estructural de vigas o láminas o la combinación de ambas. Por ello, es el programa de cálculo seleccionado para el desarrollo de esta tesis. Considera la elasticidad lineal en el material y los pequeños desplazamientos en toda la estructura. También puede dimensionar el análisis de las vigas de hormigón armado y láminas con el acero necesario.

Las hipótesis que se consideran en las vigas y en las láminas se describen a continuación:

1. Teoría del análisis de barras.

En esta parte se introduce el análisis numérico que utiliza "Rambshell" para el cálculo de las vigas  $^{172}$ .

Supuestos básicos:

- Desplazamientos pequeños.



<sup>&</sup>lt;sup>171</sup> Información extraída del manual de ayuda del programa.

 $<sup>^{\</sup>rm 172}$  Para mayor información consultar manual de ayuda de "Ram-Series".

- Elasticidad lineal de los materiales.
- Superposición de cargas.
- La deformación del corte no está considerada para vigas.
- Torsión simple:

$$M_T = \frac{GJ}{L} \Delta \theta$$

2. Teoría del análisis de láminas.

En esta parte se introduce el análisis numérico que utiliza "Rambshell" para el cálculo de láminas  $^{173}. \ \,$ 

- d. Supuestos básicos.
- Pequeños desplazamientos.



- Elasticidad lineal de los materiales.
- Superposición de cargas.
- La deformación del corte está considerada para láminas.



 El análisis de láminas está basado en la simplificación de la representación de un sólido real, con una de sus dimensiones mucho más pequeña que las otras dos, esto es medio plano

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 173}$  Para mayor información consultar manual de ayuda de "Ram-Series".

- e. La hipótesis Reissner-Mindlin:
- Todos los puntos pertenecientes al único normal del medio plano tienen el mismo desplazamiento vertical (en sentido z')
- 6 Presiones normales  $\sigma_{\rm z}$  es insignificante.
- 7 Los puntos que antes de la deformación pertenecían a la única normal del medio plano, después de la deformación continúan perteneciendo a una única línea recta, que no existe, necesariamente, ortogonal al medio plano deformado.

De estas suposiciones es posible extraer las siguientes ecuaciones:

$$\begin{bmatrix} \varepsilon_{x'} \\ \varepsilon_{y'} \\ \gamma_{x'y'} \\ \cdots \\ \gamma_{x'z'} \\ \gamma_{y'z'} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial u'_{0}}{\partial x'} \\ \frac{\partial v'_{0}}{\partial y'} \\ \frac{\partial u'_{0}}{\partial y'} + \frac{\partial v'_{0}}{\partial x'} \\ \cdots \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -z' \frac{\partial \theta_{x'}}{\partial x'} \\ -z' \frac{\partial \theta_{y'}}{\partial y'} + \frac{\partial \theta_{y'}}{\partial x'} \\ \cdots \\ \frac{\partial w'_{0}}{\partial x'} - \theta_{x'} \\ \frac{\partial w'_{0}}{\partial y'} - \theta_{y'} \end{bmatrix}$$

Donde u'<sub>0</sub>, v'<sub>0</sub>, w'<sub>0</sub>,  $\theta_{x'}$ ,  $\theta_{y'}$ , existen 5 grados de libertad que, añadiendo el 6° grado  $\theta_{z'}$  que viene de la unión de las láminas en el espacio, da un total de 6 grados de libertad que tiene cada nodo.

$$\begin{bmatrix} \sigma_{x'} \\ \sigma_{y'} \\ \tau_{x'y'} \\ \vdots \\ \tau_{x'z'} \\ \tau_{y'z'} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} D'_f & \vdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ 0 & \cdots & D'_c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{x'} \\ \varepsilon_{y'} \\ \gamma'_{x'y'} \\ \vdots \\ \gamma'_{x'z'} \\ \vdots \\ \gamma'_{y'z'} \end{bmatrix}$$

$$D'_f = \frac{1}{1 - v_{x'y'}v_{y'x'}} \begin{bmatrix} E_{x'} & v_{x'y'}E_{x'} & 0 \\ v_{y'x'}E_{y'} & E_{y'} & 0 \\ 0 & 0 & (1 - v_{x'y'}v_{y'x'})G_{x'y'} \end{bmatrix}$$

$$D'_c = \begin{bmatrix} \alpha G_{x'z'} & 0 \\ 0 & \alpha G_{y'z'} \end{bmatrix}$$

Donde  $\alpha$  es el coeficiente que corrige el trabajo tangencial transversal. Desde aquí es posible definir las fuerzas en la lámina, las que se definen como:

$$\begin{bmatrix} N_{x'} \\ N_{y'} \\ N_{x'y'} \\ \cdots \\ M_{x'} \\ M_{y'} \\ M_{x'y'} \\ \cdots \\ Q_{x'} \\ Q_{y'} \end{bmatrix} = \int_{-\frac{t}{2}}^{+\frac{t}{2}} \begin{bmatrix} \sigma_{x'} \\ \sigma_{y'} \\ \vdots \\ z' \sigma_{x'} \\ z' \sigma_{y'} \\ z' \tau_{x'y'} \\ \cdots \\ \tau_{x'x'} \\ \tau_{y'x'} \end{bmatrix} dz'$$

Donde t es el espesor de la lámina.

2.4.4.3.2 "RamSolid"<sup>174</sup>

"RamSolid" realiza un análisis estático y dinámico de sólidos 3D mediante el uso del método de los elementos finitos. Considera la elasticidad lineal en el material y los pequeños desplazamientos en toda la estructura.

Los supuestos básicos que son asumidos por "RamSolid" para los sólidos son los siguientes:

1. Desplazamientos pequeños.



- 2. Elasticidad lineal de los materiales.
- 3. Superposición de cargas.

#### 2.4.4.3.3 Referencias bibliográficas del programa "RamSeries"

Barbat A. H., Miquel, J. Estructuras sometidas a acciones sísmicas, 2nd Ed., CIMNE 1994.

Bathe, K.J. Finite Element Procedures, Prentice Hall, New Jersey, USA, 1996.

Clough, R. W., Penzien, J. Dynamic of Structures , McGraw-Hill, Inc. New York, 1975.

Comisión permanente del Hormigón, Instrucción de hormigón EHE, 5ª Ed., Ministerio de Fomento 1999

Crisfield, M.A. "Non-linear finite element analysis of solids and structures", John Wiley & Sons, 1991.

Oñate, E. Cálculo de estructuras por el método de los elementos finitos, 2nd Ed., CIMNE 1995.

MacNeal, R.H., and Harder, R.L., A proposed standard set of problems to test finite element accuracy, Finite elements and Design, Vol. 1, pp. 3-20, 1985.

Zienkiewicz, O.C., and Taylor, R.L. The finite element method,  $4^{\rm th}$  Ed., Mc Graw Hill, Vol. I, 1989, Vol. II, 1991.

Miravete, A., Materiales Compuestos I, Ed. Antonio Miravete, 2000

<sup>&</sup>lt;sup>174</sup> Como "RamSolid" no es el programa de cálculo que utilizamos no se ha visto oportuno incluir mayor información del mismo. Para obtener más información consultar la ayuda del programa.

2.4.4.4 Programa de cálculo "RISA-3D"



"RISA-3D" es un programa de cálculo de estructuras de 3D. Incluye el pre y post-proceso de los datos.

Este programa se ha desarrollado para hacer la definición, la solución y la modificación de los modelos estructurales en 3D.

Se utiliza en la Tesis únicamente para determinar el modelo informático de la catenaria. Se descartó su uso para el cálculo de los otros modelos por carecer de dos factores indispensables: la integración y la generación de vídeos.

Sin embargo, por considerar que es una buena herramienta de cálculo, presentamos en los siguientes párrafos algunas de sus características técnicas más importantes:

- 1. Características de la modelización:
  - Amplia capacidad de dibujo y edición con modalidad CAD.
  - Poderosa herramienta de selección gráfica.
  - Reingreso instantáneo de datos ya almacenados.
  - Sincronización dinámica entre planillas y vistas
  - Vista simultánea de varias planillas.
  - Verificación permanente de errores y validación de los datos.
  - Capacidad ilimitada de deshacer/rehacer.
  - Planillas o modelos de generación de mallas.
  - Copia de seguridad o respaldo creada en forma automática.
  - Soporte y conversiones para todos los sistemas de unidades
  - Interacción automática con las librerías de RISASection.
  - Importación de archivos de RISA-2D, STAAD y ProSteel 3D.
  - Exportación de archivos DXF, SDNF y ProSteel 3D.
- 2. Características del análisis:
  - Análisis estático considerando el efecto P-Delta.
  - Análisis dinámico y con espectro de respuesta múltiple usando superposición modal Gupta, CQC, o SRSS.
  - Inclusión automática de compensación de masas (5% o definido por el usuario) para análisis dinámico.
- Modelamiento de elementos físicos, los cuales no requieren dividir los elementos en los nodos intermedios.
- Elementos finitos tipo plate shell de 3 o 4 nodos.
- Generación automática de mallas de elementos finitos cuadriláteros de primera clase para cualquier polígono.
- Análisis exacto de perfiles no prismáticos de acero.
- Modelación automática de diafragmas rígidos, definición de nodos no solidarios
- Cargas de área con distribución axial o biaxial.
- Cargas móviles simultáneas múltiples incluyendo las de camión AASHTO, junto con cargas standard para puentes, grúas, etc.
- Cálculo de la torsión por alabeo para el diseño.
- Modelamiento automático con acodamiento (offset).
- Eliminación de grados de libertad y cachos rígidos en elementos.
- Asignación de nodos maestros y esclavos.
- Desplazamientos forzados de nodos.
- Elementos que trabajan que trabajan sólo a tracción, etc.
- Resortes que trabajan en un sentido para suelos de cimentaciones y otros efectos, y con generación automática.
- Elementos tipo Euler que trabajan a compresión hasta la carga de pandeo y sobre ella se desactivan.
- Cálculo de tensiones para cualquier sección transversal arbitraria.
- Es posible inactivar cualquier elemento, sin eliminarlo, lo que permite no considerar partes de la estructura en el análisis.
- Cálculo de desplazamientos de entrepiso absoluto o relativo.
- Cálculo automático del peso propio de elementos y elementos finitos.
- 3. Características gráficas:
  - Ventanas ilimitadas y simultáneas del modelo.
  - Visualización extraordinaria a escala de los elementos en sus formas reales (rendering), inclusive cuando se están modelando.
  - Algoritmo de alta velocidad para con refrescamiento instantáneo de las vistas.
  - Contornos con o sin animación en colores, de las tensiones, deflexiones, fuerzas en los elementos finitos, con suavizado cuadrático.

- Animaciones de los modelos deflectados y de los modos de vibrar dinámicos ya sea como alambres o secciones completas.
- Animación de cargas móviles con control de velocidad.
- Impresión personalizada gráfica de alta calidad "de lo que se ve".
- 4. Características del Diseño:
  - Diseño según ACI 318 -1999/2002, BS-8110-97, CSA A23.3-94, IS456:2000, EC 2-1992, con armaduras consistentes en vanos adyacentes.
  - Integración exacta de la distribución de tensiones en hormigón, con bloque parabólico o rectangular de compresiones.
  - Detallamiento de vigas de hormigón (Rectangular, T y L).
  - Diagramas de interacción para columnas de hormigón.
  - Diseño en acero según AISC-ASD 9ª edición o LRFD 2ª o 3ª Edición, Especificación HSS según AISC, CAN/CSA-S16.1-1994 & 2004, BS 5950-1-2000, IS 800-1994, Euro 3-1993, con listados de perfiles.
  - Diseño de perfiles formados en frío o plegados según AISI 1999.
  - Diseño en madera según norma americana NDS 1991/1997/2001, incluyendo SCL, secciones de capas múltiples, y secciones aserradas.
  - Generación automática de espectro de aceleraciones por UBC 1997 o IBC 2000/03.
  - Generación de combinaciones de carga según ASCE, UBC, IBC, BOCA, SBC, ACI.
  - Las longitudes no arriostradas de elementos físicos reconocen apoyos intermedios y largos totales de ellos.
  - Aproximaciones automáticas de los factores K (coeficientes de longitud efectiva).
  - Diseño de vigas doble te no prismáticas tanto en ASD como en LRFD.
  - Diseño optimizado de secciones para cualquier material y cualquier norma, definido por el usuario aplicando algún criterio de selección o por listado de perfiles standard.
  - Cálculo automático de secciones transversales definido por el usuario.
  - Base de datos completa para el diseño en madera según NDS para todas las especies y grados de resistencia.
  - Integración total con RISAFoot para un diseño y detalle avanzado
  - Sumatoria de las fuerzas de esquina en elementos finitos.

- 5. Características de la entrega de resultados:
  - Presentación gráfica de soluciones en colores.
  - Colores de contorno de las fuerzas y tensiones de los elem. finitos con atenuación cuadrática. Con o sin animación.
  - Planillas de resultados del análisis con clasificación y filtrado de: reacciones, deflexiones de nodos y elementos, solicitaciones en ellos, secciones transversales optimizadas, normas de diseño, armaduras de hormigón armado, cubicación de materiales, modos, frecuencias y períodos de vibración, etc.
  - Memorias de cálculo standard o definidas por el usuario.
  - Informes de resultados gráficos detallados por elemento.
  - Almacenamiento de los resultados del análisis y del diseño para poder recuperarlos y visualizarlos rápidamente.
- 6. Integración Entre "RISA-3D" Y RISAFloor:

RISAFloor y "RISA-3D" están tan absolutamente integrados que operan como un solo programa para un mismo modelo estructural, como por ejemplo un edificio.

Se optimiza el sistema de fuerzas gravitacionales (peso propio, sobrecarga, etc.) en el RISAFloor y el sistema de fuerzas laterales (sismo, viento, etc.) en el "RISA-3D", mediante un flujo completo de información en ambos sentidos.

La estructura soportante de fuerzas laterales se crea y se carga automáticamente mientras se efectúa la modelación y el análisis en el RISAFloor, Una vez listo para trabajar con el sistema lateral, "RISA-3D" se hace cargo automáticamente.

- Se crea el sistema estructural lateral durante la definición o modificación de las plantas o pisos del modelo por parte del usuario.
- Las cargas gravitacionales se aplican y se modifican automáticamente.
- Generación automática de cargas sísmicas y de viento incluyendo cargas parciales y de torsión accidental con informes detallados.
- Es posible visualizar y editar todas las cargas en las planillas de "RISA-3D" o plotearlos o imprimirlos inclusive en la vista con dimensiones reales del modelo. Se puede usar la potencialidad completa de "RISA-3D" para el sistema estructural lateral. Arriostramientos a tracción, columnas de sección variable, aberturas en muros, resortes a compresión para suelos, son algunas de las posibilidades. Aún mejor, las interfaces de "RISA-3D" y RISAFloor son las mismas, facilitando el aprendizaje de uso de ambos programas.

#### 2.4.4.5 Programa "Windows Movie Maker"



"Windows Movie Maker" es el programa que se utiliza para hacer todos los vídeos que se presentan en esta tesis, usando grabaciones e imágenes parciales generadas en el programa "GID".

En los siguientes apartados se presenta una pequeña explicación de algunos aspectos importantes:

"Windows Movie Maker" es un software de edición de vídeo que se incluye en las versiones recientes de Microsoft Windows. Contiene características tales como: efectos, transiciones, títulos o créditos, pista de audio, narración cronológica, etc. Se pueden hacer nuevos efectos y transiciones y, las ya existentes, se pueden modificar mediante código XML.

Puede utilizarse para capturar audio y vídeo en el equipo desde una cámara de vídeo, una cámara Web u otro origen de vídeo y, a continuación, utilizar el contenido capturado en películas propias.

También puede importar audio, vídeo o imágenes fijas existentes a "Windows Movie Maker" para utilizarlos en las películas que se creen.

Después de editar el contenido de audio y de vídeo, a su vez, se pueden incluir títulos, transiciones de vídeo o efectos, se podrá guardar la película final.

Las películas creadas se pueden guardar en el equipo o en un CD grabable (CD-R) o regrabable (CD-RW). También se puede enviar como archivo adjunto en un mensaje de correo electrónico o enviándola a la Web.

Si se tiene una cámara de vídeo digital (DV) conectada al equipo, también se puede elegir grabar la película en cinta en dicha cámara y, a continuación, reproducirla en ésta o en un televisor.

La interfaz de usuario de "Windows Movie Maker" se divide en tres áreas principales: la barra de menús y herramientas, los paneles y el guión gráfico y la escala de tiempo. 2.4.4.6 Programa matemático "ORIGIN-8"



El "ORIGIN-8" se utiliza en la Tesis para determinar las curvas aproximadas obtenidas en el Capítulo-7.

Éste es un programa matemático de representación gráfica que ofrece la posibilidad de construir toda clase de gráficos 2D y 3D de forma rápida y sencilla.

Posee potentes herramientas de análisis intuitivo como: estadísticos, curvas de ajuste no lineal, análisis de picos, proceso de señales, proceso de imágenes y regresión lineal y polinomial. Además de la flexibilidad que le da incluir más de 300 funciones.

"ORIGIN-8" proporciona un análisis de los datos y una gran potencia de trabajo gráfico, ideal para científicos e ingenieros.

"ORIGINPro 8" posee todas las herramientas tales como: instrumentos de análisis estadístico, análisis en 3D, proceso de imágenes y tratamiento de señales.



"ORIGIN-8" proporciona un espacio de trabajo donde se pueden importar, crear gráficos de alta calidad, explorar y analizar datos y publicar el trabajo.

2.4.4.7 Programa "Excel.2007"<sup>175</sup>

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 175}$  Información obtenida de la web de Microsoft Office.



Este programa se utiliza para generar todas las hojas de cálculo desarrolladas en esta tesis.

Veamos algunos aspectos importantes del mismo:

"Excel.2007" es una aplicación desarrollada por Microsoft y distribuida en el paquete de Office para usarse en Windows o Macintosh.

El programa posee una interfaz intuitiva, con herramientas de cálculos y gráficos de muy fácil uso y con archivos de ayuda incorporados. Es uno de los programas más populares para realizar hojas de cálculo.

"Excel.2007" permite trabajar con tablas de datos, gráficos, bases de datos, macros y otras aplicaciones avanzadas, ayudando en el cálculo de ejercicios aritméticos y siendo de gran utilidad en diversas áreas como educación, administración, finanzas, producción, etc.

"Excel.2007" se caracteriza por los siguientes aspectos:

- Hojas de cálculo de gran dimensión, filas y columnas que forman celdas de trabajo.
- Agrupación de varias hojas de cálculo en un libro. "Excel.2007" está compuesto por libros, que son archivos en los que se trabaja y donde se almacenan los datos. Cada libro puede contener unas 250 hojas o carpetas y cada hoja consta aproximadamente 65.000 líneas (con orden numérico) y 256 columnas (con orden alfabético).
- Actualización automática de los resultados.
- Gran capacidad de presentación y manejo de los datos.
- Realización de distintos tipos de gráficos a partir de los datos introducidos en la hoja de cálculo.
- Trabajar con la información de una base de datos introducida en la hoja de cálculo mediante operaciones que serían propias de un Gestor de Base de Datos como "Access".

Sus trabajos son almacenados en archivos con extensión ".xls", aunque soporta otras extensiones como ".csv".

#### ÍNDICE DE CUADROS

	1) 1	TEO DE ORGENCIA
( CUADRO	2) .	APEO COMPLEMENTARIO
( CUADRO	3) 1	APEO SUPLEMENTARIO
( CUADRO	4)	APEO DE REFUERZO POR DEMOLICIÓN2-17
( CUADRO	5)	APEO DE UNA PARTE DE UNA PARED DE CARGA2-19
( CUADRO	6)	APEO DE UN MURO COMPLETO CON SISTEMAS APORTICADOS2-20
( CUADRO	7)	APEO DE UN PILAR
( CUADRO	8) .	APEO DE FORJADOS2-22
( CUADRO	9)	APEO DE JÁCENAS
( CUADRO	10)	APEO DE PARED DE CARGA O PILAR EN CIMENTACIÓN2-24
( CUADRO	11)	APEO DE PARED DE CARGA O PILAR PARA HABILITAR SÓTANOS2-25
( CUADRO	12)	APEO DE LA ESTRUCTURA DE UN FORJADO EXISTENTE PARA HABILITAR NUEVOS SÓTANOS
( CUADRO	13)	PROCESO PARA LOCALIZAR LAS FISURAS 2-37
( CUADRO	14)	ANÁLISIS DE LA ZONA "T"2-39
( CUADRO	15)	PROCESO PARA DETERMINAR LA TRAYECTORIA DE LA DIRECCIÓN DE LAS FISURAS2-41
( CUADRO	16)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DEL MALLADO UTILIZADO EN LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-7 Y DETALLES GENERALES DEL MALLADO EN PUNTOS SINGULARES DE LOS MODELOS
( CUADRO	17)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO
( CUADRO	18)	TIPOLOGÍA DE ARCOS A ESTUDIAR EN EL CAPÍTULO-2
( CUADRO	19)	ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERENTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZAR EN EL CAPÍTULO-32-50
( CUADRO	20)	ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERENTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZAR EN EL CAPÍTULO-42-51
( CUADRO		
	21)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52
( CUADRO	21) 22)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52 MODELOS A ANALIZAR EN EL SEGUNDO APARTADO DEL CAPÍTULO-5: DE 2, 3, 4, 5 ,6 Y 10 PLANTAS, CON HUECOS EN DIFERENTES PLANTAS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M, 2,50M, 3,50M Y 4,50M2-53
( CUADRO ( CUADRO	21) 22) 23)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52 MODELOS A ANALIZAR EN EL SEGUNDO APARTADO DEL CAPÍTULO-5: DE 2, 3, 4, 5,6 Y 10 PLANTAS, CON HUECOS EN DIFERENTES PLANTAS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M, 2,50M, 3,50M Y 4,50M2-53 REPRESENTACIÓN GEOMÉTRICA DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-62-54
( CUADRO ( CUADRO ( CUADRO	21) 22) 23) 24)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52 MODELOS A ANALIZAR EN EL SEGUNDO APARTADO DEL CAPÍTULO-5: DE 2, 3, 4, 5,6 Y 10 PLANTAS, CON HUECOS EN DIFERENTES PLANTAS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M, 2,50M, 3,50M Y 4,50M2-53 REPRESENTACIÓN GEOMÉTRICA DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-62-54 CUADRO DE RESUMEN DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-72-55
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21) 22) 23) 24) 25)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52 MODELOS A ANALIZAR EN EL SEGUNDO APARTADO DEL CAPÍTULO-5: DE 2, 3, 4, 5,6 Y 10 PLANTAS, CON HUECOS EN DIFERENTES PLANTAS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M, 2,50M, 3,50M Y 4,50M2-53 REPRESENTACIÓN GEOMÉTRICA DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-62-54 CUADRO DE RESUMEN DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-72-55 FUNCIONAMIENTO DEL PROGRAMA: "GID"2-114
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21) 22) 23) 24) 25) 26)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52 MODELOS A ANALIZAR EN EL SEGUNDO APARTADO DEL CAPÍTULO-5: DE 2, 3, 4, 5,6 Y 10 PLANTAS, CON HUECOS EN DIFERENTES PLANTAS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M, 2,50M, 3,50M Y 4,50M2-53 REPRESENTACIÓN GEOMÉTRICA DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-62-54 CUADRO DE RESUMEN DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-72-55 FUNCIONAMIENTO DEL PROGRAMA: "GID"2-114 CARACTERÍSTICAS DEL MATERIAL2-115
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21) 22) 23) 24) 25) 26) 27)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-5
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21) 22) 23) 24) 25) 26) 27) 28)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52 MODELOS A ANALIZAR EN EL SEGUNDO APARTADO DEL CAPÍTULO-5: DE 2, 3, 4, 5,6 Y 10 PLANTAS, CON HUECOS EN DIFERENTES PLANTAS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M, 2,50M, 3,50M Y 4,50M2-53 REPRESENTACIÓN GEOMÉTRICA DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-62-54 CUADRO DE RESUMEN DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-72-55 FUNCIONAMIENTO DEL PROGRAMA: "GID"2-114 CARACTERÍSTICAS DEL MATERIAL2-115 CONDICIONES DE CONTORNO2-115
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21)) 22)) 23)) 24)) 25)) 26)) 27)) 28)) 29))	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-5
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21)) 22)) 23)) 24)) 25)) 26)) 26)) 27)) 28)) 29)) 30))	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-52-52 MODELOS A ANALIZAR EN EL SEGUNDO APARTADO DEL CAPÍTULO-5: DE 2, 3, 4, 5,6 Y 10 PLANTAS, CON HUECOS EN DIFERENTES PLANTAS Y CON UNA ABERTURA DE 1,50M, 2,50M, 3,50M Y 4,50M2-53 REPRESENTACIÓN GEOMÉTRICA DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-62-54 CUADRO DE RESUMEN DE LOS MODELOS DEL CAPÍTULO-72-55 FUNCIONAMIENTO DEL PROGRAMA: "GID"2-114 CARACTERÍSTICAS DEL MATERIAL2-115 CONDICIONES DE CONTORNO2-115 CARGAS APLICADAS: HIPÓTESIS SIMPLES Y COMBINADA2-116 DEFINICIÓN DEL MALLADO2-117
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21) 22) 23) 24) 25) 26) 27) 28) 29) 30) 31)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-5
(CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO (CUADRO	21) 22) 23) 24) 25) 26) 27) 28) 29) 30) 31) 32)	CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DEL PRIMER APARTADO DEL CAPÍTULO-5

(CUADRO	34)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE LOS RESULTADOS NUMÉRICOS
( CUADRO	35)	SELECCIÓN DE LA GAMA DE COLORES
( CUADRO	36)	CROMÁTICA DE COLORES: DESPLAZ. EN "X" Y FUERZAS
( CUADRO	37)	CROMÁTICA DE COLORES: DESPLAZAMIENTO EN "Z"

#### ÍNDICE DE GRÁFICOS

(GRAF.2:	1) COLISEO DE ROMA: CONTRAFUERTES LATERALES
(GRAF.2:	2) MATERIAL LIGERO UTILIZADO: LA MADERA2-12
(GRAF.2:	3) MATERIAL LIGERO UTILIZADO: EL METAL
(GRAF.2:	4) CONTRAFUERTES LATERALES Y APEO DE LA FACHADA CON SISTEMA DE MICROPILOTES
(GRAF.2:	5) ESQUEMAS DE APEOS DE URGENCIA
(GRAF.2:	6) ESQUEMAS DE APEOS COMPLEMENTARIOS2-15
(GRAF.2:	7) ESQUEMAS DE APEOS SUPLEMENTARIOS2-16
(GRAF.2:	8) ESQUEMA DE APEO DE REFUERZO POR DEMOLICIÓN2-17
(GRAF.2:	9) ESQUEMA DE APEOS PERMANENTES2-18
(GRAF.2:	10) ALZADO DEL MURO A INTERVENIR
(GRAF.2:	11) PLANTA DEL MURO A INTERVENIR
(GRAF.2:	12) ALZADO DEL MURO COMPLETO A APEAR2-20
(GRAF.2:	13) SECCIÓN DEL APEO DE UN PILAR2-21
(GRAF.2:	14) SECCIÓN DEL APEO DE LOS FORJADOS2-22
(GRAF.2:	15) SECCIÓN DEL APEO DE LOS FORJADOS2-23
(GRAF.2:	16) SECCIÓN DEL APEO DEL MURO2-24
(GRAF.2:	17) SECCIÓN DEL APEO
(GRAF.2:	18) APEO DE LA ESTRUCTURA DE UN FORJADO EXISTEN PARA HABILITAR NUEVOS SÓTANOS2-26
(GRAF.2:	19) SELECCIÓN DE TODA LA ZONA TRACCIONADA DEL MODELO
(GRAF.2:	20) SELECCIÓN DE LA ZONA TRACCIONADA QUE SUPERA LA $\sigma$ T2-37
(GRAF.2:	21) SELECCIÓN DE LA ZONA QUE ROMPE EN PRIMER LUGAR
(GRAF.2:	22) FORMACIÓN DEL PRIMER GRUPO DE FISURAS
(GRAF.2:	23) LOCALIZACIÓN DE LAS ZONAS MENOS TENSIONADAS QUE NO DESAPARECEN DE UNA ETAPA A OTRA2-37
(GRAF.2:	24) FORMACIÓN DE FISURAS EN LAS ZONAS LOCALIZADAS EN EL PASO ANTERIOR2-37
(GRAF.2:	25) VECTORES "SII"
(GRAF.2:	26) FUERZAS "N11"
(GRAF.2:	27) INTEGRACIÓN DE LOS VECTORES "SII" <sup>45</sup> , EN DIFERENTES DIRECCIONES2-41
(GRAF.2:	28) DOS FISURAS: VECTORES "SII"
(GRAF.2:	29) DOS FISURAS: FUERZAS "N11"
(GRAF.2:	30) UNA FISURA: VECTORES "SII"
(GRAF.2:	31) UNA FISURA: FUERZAS "N11"
(GRAF.2:	32) MODELO-1 (M-1): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	33) MODELO-2 (M-2): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	34) MODELO-3 (M-3): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	35) LADO DEL MODELO QUE DA A UN HUECO: MALLA 0,05M2-44

(0101 .2.	36)	MODELO-4 (M-4): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	37)	MODELO-5 (M-5): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	38)	MODELO-6 (M-6): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	39)	LADO DEL MODELO QUE DA A UN HUECO: MALLA 0,05M2-44
(GRAF.2:	40)	MODELO-7 (M-7): 2-44
(GRAF.2:	41)	MODELO-8 (M-8): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	42)	MODELO-9 (M-9): MALLADO GRANDE = 1,00M; MALLADO PEQUEÑO = 0,05M2-44
(GRAF.2:	43)	EN LA CABEZA DE LAS FISURAS: MALLA 0,01M2-44
(GRAF.2:	44)	REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-X ( $\delta$ X)2-48
(GRAF.2:	45)	REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-Y ( $\theta v$ )2-48
(GRAF.2:	46)	REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-Z ( $\delta$ Z)2-48
(GRAF.2:	47)	REPRESENTACIÓN DEL GIRO-X ( $\theta$ X)2-48
(GRAF.2:	48)	REPRESENTACIÓN DEL GIRO-Y ( $\theta$ Y)2-48
(GRAF.2:	49)	REPRESENTACIÓN DEL GIRO-Z ( $\theta$ Z)2-48
(GRAF.2:	50)	HUECO CON ARCO OJIVAL
(GRAF.2:	51)	HUECO CON ARCO IDEAL
(GRAF.2:	52)	HUECO CON ARCO DE MEDIO PUNTO2-49
(GRAF.2:	53)	HUECO CON ARCO CARPANEL
(GRAF.2:	54)	HUECO CON ARCO DE ÁNGULOS RECTOS
	\	
(GRAF.2:	55)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2:	55)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	56) 56) 57)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 64)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 64) 65)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 64) 65) 66)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 63) 64) 65) 66) 67)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 63) 63) 64) 65) 66) 67) 68)	A. OJIVAL: BA       2-50         A. IDEAL: BA       2-50         A. MEDIO PUNTO: BA       2-50         A. CARPANEL: BA       2-50         A. RECTO: BA       2-50         A. N. RECTO: BA       2-50         A. OJIVAL: BA-RL       2-50         A. IDEAL: BA-RL       2-50         A. IDEAL: BA-RL       2-50         A. MEDIO PUNTO: BA-RL       2-50         A. MEDIO PUNTO: BA-RL       2-50         A. CARPANEL: BA-RL       2-50         A. RECTO: BA-RL       2-50         A. RECTO: BA-RL       2-50         A. IDEAL: BE       2-50         A. MEDIO PUNTO: BA-RL       2-50         A. MEDIO: BA-RL       2-50         A. MEDIO: BA-RL       2-50         A. OJIVAL: BE       2-50         A. IDEAL: BE       2-50         A. MEDIO PUNTO: BE       2-50         A. CARPANEL: BE       2-50
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 63) 64) 65) 66) 65) 66) 67) 68)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 63) 64) 65) 65) 66) 67) 68) 69) 70)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	55) 56) 57) 58) 59) 60) 61) 62) 63) 64) 65) 65) 66) 67) 68) 69) 70) 71)	A. OJIVAL: BA
(GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2: (GRAF.2:	<ul> <li>55)</li> <li>56)</li> <li>57)</li> <li>58)</li> <li>59)</li> <li>60)</li> <li>61)</li> <li>62)</li> <li>63)</li> <li>64)</li> <li>65)</li> <li>66)</li> <li>67)</li> <li>68)</li> <li>69)</li> <li>70)</li> <li>71)</li> <li>72)</li> </ul>	A. OJIVAL: BA

(GRAF.2:	74) A. A. RECTO: BE-RL	50
(GRAF.2:	75) A. IDEAL: BA	51
(GRAF.2:	76) A. MEDIO PUNTO: BA	51
(GRAF.2:	77) A. CARPANEL: BA	51
(GRAF.2:	78) A. A. RECTO: BA	51
(GRAF.2:	79) IDEAL: BA-RL	51
(GRAF.2:	80) A. MEDIO PUNTO: BA-RL	51
(GRAF.2:	81) A. CARPANEL: BA-RL	51
(GRAF.2:	82) A. A. RECTO: BA-RL	51
(GRAF.2:	83) A. IDEAL: BE	51
(GRAF.2:	84) A. MEDIO PUNTO: BE	51
(GRAF.2:	85) A. CARPANEL: BE	51
(GRAF.2:	86) A. A. RECTO: BE	51
(GRAF.2:	87) A. IDEAL: BE-RL	51
(GRAF.2:	88) A. MEDIO PUNTO: BE-RL2-	51
(GRAF.2:	89) A. CARPANEL: BE-RL2-	51
(GRAF.2:	90) A. A. RECTO: BE-RL	51
(GRAF.2:	91) DIMENSIONADO DEL MODELO CON HUECO DE 1,50M2-	52
(GRAF.2:	92) DIMENSIONADO DEL MODELO CON HUECO DE 2,50M2-	52
(GRAF.2:	93) DIMENSIONADO DEL MODELO CON HUECO DE 3,50M2-	52
(GRAF.2:	94) DIMENSIONADO DEL MODELO CON HUECO DE 4,50M2-	52
(GRAF.2:	95) EDIFICIO DE VIVIENDAS: APERTURA DE DOS APEOS (NUEVOS HUECOS), EN UN MURO DE LA PRIMERA PLANTA2-	54
(GRAF.2:	96) PARED COLAPSADA: ASENTAMIENTO DE UNA ZAPATA DE CIMENTACIÓN2-	54
(GRAF.2:	97) COMPLEJO INDUSTRIAL: CONJUNTO DE ARCOS FISURADOS2-	54
(GRAF.2:	98) MODELO-1 (M-1): HUECO CENTRAL EN LA PLANTA BAJA2-	55
(GRAF.2:	99) MODELO-2 (M-2): HUECO CENTRAL EN LA PLANTA BAJA Y ALTA2-	55
(GRAF.2:	100) MODELO-3 (M-3): HUECO CENTRAL EN PLANTA BAJA Y DOS EN LA PLANTA ALTA	55
(GRAF.2:	101) MODELO-4 (M-4): HUECO EXCÉNTRICO EN PLANTA BAJA2-	55
(GRAF.2:	102) MODELO-5 (M-5): HUECO EXCÉNTRICO EN PLATA BAJA Y ALTA2-	55
(GRAF.2:	103) MODELO-6 (M-6): HUECO EXCÉNTRICO EN PLATA BAJA Y DOS EN PLANTA ALTA	55
(GRAF.2:	104) MODELO-7 (M-7): MODELO DE DOS PLANTAS2-	55
(GRAF.2:	105) MODELO-8 (M-8): MODELO DE CINCO PLANTAS2-	55
(GRAF.2:	106) MODELO-9 (M-9): MODELO DE CINCO PLANTAS, CONSIDERANDO UN PESO EQUIVALENTE A 10 PLANTAS2-	55
(GRAF.2:	107) COMPORTAMIENTO UNI-AXIAL DE LA MAMPOSTERÍA BAJO CARGA NORMAL AL PLANO DE LAS JUNTAS HORIZONTALES	52
(GRAF.2:	108) CURVAS EXPERIMENTALES TENSIÓN-DESPLAZAMIENTO PARA TRACCIÓN EN DIRECCIÓN PARALELA A LAS JUNTAS HORIZONTALES DE MORTERO (A) EL	

		FALLO OCURRE POR FISURACIÓN ESCALONADA PARALELA A LAS JUNTAS ;(B) EL FALLO OCURRE VERTICALMENTE A LO LARGO DE JUNTAS Y LADRILLO- JUNTAS
(GRAF.2:	109)	MECANISMOS DE FISURACIÓN EN MAMPOSTERÍA2-65
(GRAF.2:	110)	DIAGRAMA TENSIÓN-DEFORMACIÓN QUE CONSIDERA LA "MF"2-70
(GRAF.2:	111)	PROCESO QUE UTILIZA PARA HACER EL ANÁLISIS NO LINEAL LA "MF"2-70
(GRAF.2:	112)	MODELO DE FISURA DISCRETA
(GRAF.2:	113)	EJEMPLO GRÁFICO: PROPAGACIÓN DE LA FISURA DE LA "MF"
(GRAF.2:	114)	ESQUEMA DEL DESARROLLO DE LAS CARGAS-"MF"
(GRAF.2:	115)	DIAGRAMA TENSIÓN-DEFORMACIÓN QUE CONSIDERA LA "MMC"2-75
(GRAF.2:	116)	DIAGRAMA TENSIÓN-DEFORMACIÓN QUE CONSIDERA LA "MMC"2-75
(GRAF.2:	117)	MODELO DE FISURA DIFUSA
(GRAF.2:	118)	FRONTERA ENTRE EL MATERIAL ELÁSTICO Y FISURADO
(GRAF.2:	119)	LÍMITE DE DOS FISURAS POR PUNTO2-77
(GRAF.2:	120)	GUIRNALDAS COLGADAS: LA CURVA QUE DESCRIBEN ES UNA CATENARIA2-80
(GRAF.2:	121)	TRAZADO DE CATENARIAS2-81
(GRAF.2:	122)	PARÁBOLAS QUE SON FORMADAS POR UNA PELOTA DE TENIS QUE SE DESPLAZA HACIA LA DERECHA, BOTANDO CONTRA EL SUELO
(GRAF.2:	123)	TRAZADO DE UNA PARÁBOLA POR UN RAYO DE LUZ PROYECTADO EN LA PARED2-83
(GRAF.2:	124)	PARÁBOLA DEFINIDA POR LA TRAYECTORIA DEL RECORRIDO DE UN CHORRO DE AGUA
(GRAF.2:	125)	FORMACIÓN DE LA PARÁBOLA AL INTERCEPTAR UN CONO CON UN PLANO2-83
(GRAF.2:	126)	MONTAJE DE LOS ARCOS CATENÁRICO Y PARABÓLICO2-86
(GRAF.2:	127)	PLANTA DE LA BASÍLICA2-90
(GRAF.2:	128)	PLANTA DE LA IGLESIA2-90
(GRAF.2:	129)	SECCIÓN TRANSVERSAL2-91
(GRAF.2:	130)	SECCIÓN DE LA CÚPULA
(GRAF.2:	131)	MÉTODO PARA APLICAR LAS CARGAS AL MODELO COLGANTE (ESCALA DEL PESO 1:10.000)2-93
(GRAF.2:	132)	PLANTA DE LA CRIPTA2-94
(GRAF.2:	133)	PLANTA DE LAS BÓVEDAS2-94
(GRAF.2:	134)	MONTAJE DE ARCOS CATENÁRICOS Y PARABÓLICO PERFECTOS. (EL DIBUJO DEL ALZADO SE HA OBTENIDO DE LA WEB HTTP://WWW.METRIA.ES/ENG/PROYECTOS/PALAUGUELL/INDEX.HTM)2-96
(GRAF.2:	135)	SECCIÓN TRANSV2-99
(GRAF.2:	136)	MONTAJE: CATENARIA IDEAL
(GRAF.2:	137)	ELEMENTO: SHELL
(GRAF.2:	138)	ELEMENTO: BARRA
(GRAF.2:	139)	RESTRINGIDO"X"
(GRAF.2:	140)	ARTICULACIÓN
(GRAF.2:	141)	EMPOTRAMIENTO

(GRAF.2:	142)	CARGAS EN "SHELL"
(GRAF.2:	143)	CARGAS EN BARRAS2-116
(GRAF.2:	144)	COEFICIENTES DE MAYORACIÓN2-116
(GRAF.2:	145)	NODOS, BARRAS, SHELL Y SÓLIDOS2-116
(GRAF.2:	146)	MALLADO ESPECIAL
(GRAF.2:	147)	SELECCIÓN DEL "RAMBSHELL"
(GRAF.2:	148)	DATOS AVANZADOS DEL PROBLEMA2-117
(GRAF.2:	149)	UNIDADES2-118
(GRAF.2:	150)	GRAVEDAD
(GRAF.2:	151)	RESULTADOS2-118
(GRAF.2:	152)	ANÁLISIS
(GRAF.2:	153)	POR COLORES
(GRAF.2:	154)	POR VECTORES
(GRAF.2:	155)	POR INTEGRACIÓN2-119
(GRAF.2:	156)	POR ANIMACIÓN2-119
(GRAF.2:	157)	"SII": DIRECCIÓN DE LOS VECTORES PRINCIPALES (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22=Y"). LOS VECTORES ROJOS REPRESENTAN TRACCIONES Y LOS AZULES REPRESENTAN COMPRESIONES
(GRAF.2:	158)	"N22": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22=Y" (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "Y"2-120
(GRAF.2:	159)	"NYY=NY'": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN "YY=Y'" (EN EL EJE LOCAL "Y'")2-120
(GRAF.2:	160)	<i>"SI": DIRECCIÓN DE LOS VECTORES PRINCIPALES (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11=X"). LOS VECTORES ROJOS REPRESENTAN TRACCIONES Y LOS AZULES REPRESENTAN COMPRESIONES</i>
(GRAF.2:	161)	"N11": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11=X" (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "X")2-120
(GRAF.2:	162)	"NXX=NX'": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN "XX=X'" (EN EL EJE LOCAL "X'")2-120
(GRAF.2:	163)	SELECCIÓN DE LA GAMA DE COLORES A USAR

CAPÍTULO-3

# ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

MJIG

#### SIN INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

### CAPÍTULOS GENERALES

#### 1.- INTRODUCCIÓN

2.- ESTADO DEL CONOCIMIENTO

#### 3.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

- 4.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
- 5.- INFLUENCIA DEL ANCHO Y POSICIÓN DE LOS HUECOS QUE FORMAN LOS APEOS
- 6.- APLICACIÓN DEL MÉTODO EN LA RESOLUCIÓN DE EJEMPLOS PRÁCTICOS
- 7.- DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA PARA DIFERENTES MODELOS
- 8.- CONCLUSIONES Y PROPUESTAS DE FUTURAS INVESTIGACIONES

## CAPÍTULO-3

3	ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
3.1	ASPECTOS GENERALES
3.2	CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS3-14
3.2.1	Tipología de los arcos a utilizar
3.2.1.1	Hueco con arco ojival
3.2.1.2	Hueco con arco ideal
3.2.1.2.1	Modelo informático3-15
3.2.1.2.2	Modelo práctico
3.2.1.3	Hueco con arco de medio punto
3.2.1.4	Hueco con arco carpanel
3.2.1.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.2.2	Parámetros utilizados3-20
3.2.2.1	Estado de carga
3.2.2.2	Características mecánicas del material
3.2.2.3	Programas utilizados
3.2.2.4	Características del mallado de los modelos3-21
3.2.2.5	Características de los zunchos perimetrales3-21
3.2.2.6	Condiciones de contorno
3.2.2.6.1	Representación gráfica de los desplazamientos y giros
3.2.2.6.2	Representación esquemática de las condiciones de contorno de los diferentes modelos
3.2.3	Estudio a realizar
3.2.3.1	Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo
3.2.3.2	Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales
3.2.3.3	Análisis de la Influencia de las condiciones de contorno en los modelos sin zuncho
3.2.3.4	Análisis de la Influencia de la forma del arco en los modelos sin zuncho

3.3	PRESENTACIÓN DE UN MODELO INTRODUCTORIO
3.3.1	Hueco Circular
3.4	ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
3.4.1	Influencia de la base apoyada
3.4.1.1	Hueco con arco ojival
3.4.1.2	Hueco con arco ideal
3.4.1.3	Hueco con arco de medio punto
3.4.1.4	Hueco con arco carpanel
3.4.1.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2	Influencia de los apoyos en base y restricción lateral
3.4.2.1	Hueco con arco ojival
3.4.2.2	Hueco con arco ideal
3.4.2.3	Hueco con arco de medio punto
3.4.2.4	Hueco con arco carpanel
3.4.2.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2.5 <b>3.4.3</b>	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4	Hueco con arco de ángulos rectos3-48Influencia del empotramiento de la base3-49Hueco con arco ojival3-51Hueco con arco ideal3-52Hueco con arco de medio punto3-53Hueco con arco carpanel3-54
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4 3.4.3.5	Hueco con arco de ángulos rectos3-48Influencia del empotramiento de la base3-49Hueco con arco ojival3-51Hueco con arco ideal3-52Hueco con arco de medio punto3-53Hueco con arco carpanel3-54Hueco con arco de ángulos rectos3-55
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4 3.4.3.5 <b>3.4.4</b>	Hueco con arco de ángulos rectos3-48Influencia del empotramiento de la base3-49Hueco con arco ojival3-51Hueco con arco ideal3-52Hueco con arco de medio punto3-53Hueco con arco carpanel3-54Hueco con arco de ángulos rectos3-55Influencia del empotramiento de la base y restricción lateral3-56
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4 3.4.3.5 <b>3.4.4</b>	Hueco con arco de ángulos rectos3-48Influencia del empotramiento de la base3-49Hueco con arco ojival3-51Hueco con arco ideal3-52Hueco con arco de medio punto3-53Hueco con arco carpanel3-54Hueco con arco de ángulos rectos3-55Influencia del empotramiento de la base y restricción lateral3-56Hueco con arco ojival3-58
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4 3.4.3.5 <b>3.4.4</b> 3.4.4.1 3.4.4.1	Hueco con arco de ángulos rectos.3-48Influencia del empotramiento de la base.3-49Hueco con arco ojival.3-51Hueco con arco ideal.3-52Hueco con arco de medio punto.3-53Hueco con arco carpanel.3-54Hueco con arco de ángulos rectos.3-55Influencia del empotramiento de la base y restricción lateral.3-56Hueco con arco ojival.3-58Hueco con arco ideal.3-59
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4 3.4.3.5 <b>3.4.4</b> 3.4.4.1 3.4.4.2 3.4.4.3	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4 3.4.3.5 <b>3.4.4</b> 3.4.4.1 3.4.4.2 3.4.4.3 3.4.4.3	Hueco con arco de ángulos rectos
3.4.2.5 <b>3.4.3</b> 3.4.3.1 3.4.3.2 3.4.3.3 3.4.3.4 3.4.3.5 <b>3.4.4</b> 3.4.4.1 3.4.4.2 3.4.4.3 3.4.4.3 3.4.4.5	Hueco con arco de ángulos rectos

SIN	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

3.5.1	Hueco con arco ojival
3.5.1.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.1.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.1.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-68
3.5.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-70
3.5.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-71
3.5.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-73
3.5.2	Hueco con arco ideal
3.5.2.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.2.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.2.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-77
3.5.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-79
3.5.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-80
3.5.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)
3.5.3	Hueco con arco de medio punto
3.5.3.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.3.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.3.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)
3.5.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)
3.5.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-89
3.5.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-91
3.5.4	Hueco con arco carpanel

SIN	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

3.5.4.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.4.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.4.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-95
3.5.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-97
3.5.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-98
3.5.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)
3.5.5	Hueco con arco de ángulos rectos
3.5.5.1	Comparación de los desplazamientos
3.5.5.1.1	Desplazamientos en "x"
3.5.5.1.2	Desplazamientos en "z"
3.5.5.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)
3.5.5.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-106
3.5.5.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)
3.5.5.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-109
3.6	INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO
3.6.1	Modelo con la base apoyada
3.6.1.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.1.1.1	Desplazamientos en "x"3-112
3.6.1.1.2	Desplazamientos en "z"
3.6.1.2	
	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)
3.6.1.3	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)
3.6.1.3 3.6.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)

SIN	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

3.6.2	Modelo con la base apoyada y restricción Lateral3-121
3.6.2.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.2.1.1	Desplazamientos en "x"
3.6.2.1.2	Desplazamientos en "z"
3.6.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-124
3.6.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-126
3.6.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-127
3.6.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-129
3.6.3	Modelo con la base empotrada
3.6.3.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.3.1.1	Desplazamientos en "x"
3.6.3.1.2	Desplazamientos en "z"
3.6.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-133
3.6.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-135
3.6.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-136
3.6.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-138
3.6.4	Modelo con la base empotrada y restricción lateral3-139
3.6.4.1	Comparación de los desplazamientos
3.6.4.1.1	Desplazamientos en "x"
3.6.4.1.2	Desplazamientos en "z"3-141
3.6.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)3-142
3.6.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)3-144
3.6.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii)3-145
3.6.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)3-147

SIN	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

3.7	CONCLUSIONES
3.7.1	Base simplemente apoyada
3.7.2	Base simplemente apoyada con restricciones laterales
3.7.3	Base empotrada
3.7.4	Base empotrada con restricciones laterales

MJIG CAPÍTULO-3 1.- ASPECTOS GENERALES 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS 3.- PRESENTACIÓN DE UN MODELO INTRODUCTORIO 4.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS 5.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO 6.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO 7.- CONCLUSIONES



#### 3 ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

#### 3.1 ASPECTOS GENERALES

La abertura de huecos en paredes existentes de obra de fábrica es una actividad frecuente, en el mundo de las estructuras de edificación. En este tipo de intervención se deben tener en cuenta diferentes variables tales como: las formas y dimensiones de los huecos, las condiciones de apoyo de las paredes, la influencia del zuncho de borde embebido en el forjado y las características mecánicas del material que constituye la pared.

En estos apartados el estudio que se realiza comprende los siguientes aspectos:

1. Forma de los huecos.- Se hace uso de cinco tipos de arcos: ojival, ideal, de medio punto, carpanel y recto.

2. Condiciones de contorno.- Se utilizan cuatro variantes: base apoyada, base apoyada y restricciones laterales, base empotrada y base empotrada con restricciones laterales<sup>1</sup>.

3. Zunchos de forjado<sup>2</sup>.- No se considera su influencia.

4. Características mecánicas del material.- Se consideran las características que se indican en el "CTE"<sup>3</sup>.

En el (CUADRO 1) se indican las características geométricas generales de los modelos. No se indican las medidas de los huecos, ya que varían dependiendo del tipo del arco utilizado<sup>4</sup>.



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Se prevé que: por un lado, el caso más desfavorable corresponde a los modelos que tienen la base apoyada (por tener libres los movimientos horizontales que da como resultado mayores deformaciones); por otro, el comportamiento mejora cuando se empotran las bases (al tener impedido el desplazamiento horizontal) y por último, los casos con restricciones laterales son aún más favorables.

 $<sup>^{\</sup>rm 2}\,$  La influencia que ejerce el zuncho del forjado se analiza en el capítulo posterior.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> El desarrollo de los primeros capítulos ayuda a validar los parámetros mecánicos del material (que se utilizarán en otros análisis de apeos más complejos).

 $<sup>^4\,</sup>$  Las dimensiones de todos los huecos se puede apreciar en el (CUADRO 2).





#### CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS 3.2

#### Tipología de los arcos a utilizar 3.2.1

Para determinar la influencia de la forma de los huecos, se seleccionan cinco tipos de arcos que se exponen en el (CUADRO 2). La finalidad es abarcar la mayor cantidad posible de formas usadas en la edificación cuyo comportamiento presente una cierta evolución estructural 5.



En los puntos que se presentan a continuación se detallan cada uno de los arcos a estudiar.

 $<sup>^{\</sup>rm 5}$  Es decir, de una forma favorable estructuralmente hacia una a desfavorable.

#### 3.2.1.1 Hueco con arco ojival

Geométricamente, el arco ojival está formado por dos arcos de circunferencia que al cortarse forman un arco apuntado.

Con la finalidad de obtener las dimensiones ideales de este arco<sup>6</sup> se realizan algunos modelos. El hueco inicial incluía un arco ojival típico cuyos radios equivalían al ancho del hueco, aunque los resultados no fueron buenos<sup>7</sup>. Incluso se pudo observar que el comportamiento degeneraba si la curvatura de éstos se alteraba manualmente<sup>8</sup>.

Este modelo original fue objeto de muchas variaciones hasta llegar al trazado del arco que se indica en el (*GRAF.3: 6*):



Este arco se forma por dos arcos perfectos con radios de 3,03m cada uno. Su función estructural mejora bastante, incluso llegan a desaparecer las tracciones del modelo total<sup>9</sup>.

#### 3.2.1.2 Hueco con arco ideal

La geometría de este arco fue la más complicada de obtener. Para llegar a determinarla es necesario desarrollar dos modelos: un modelo informático y un modelo práctico.

### 3.2.1.2.1 <u>Mod</u>elo informático

Para obtener la forma del arco ideal a través de medios informáticos, se utiliza el programa de cálculo "RISA-3D".

El modelo que se emplea es una barra bi-articulada de 2,43m de longitud con las cargas que se indican a continuación:



Las cargas se calculan teniendo en cuenta el apartado "3.2.2.1".

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Que presente el mejor comportamiento a nivel estructural.

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup> El modelo fue descartado por obtener muchas tracciones, de manera que su comportamiento era parecido al de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Es decir, aumentado o reduciendo su altura real.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Especialmente en el modelo con la base empotrada.

La viga es de hormigón y con una sección de 4,55cm x 4,55cm. La dimensión se va variando hasta llegar a obtener una deformada de 2,60m aproximadamente, la misma que corresponde a la altura del hueco.

RE4.55X4.55 RE4.55

En el (GRAF.3: 9) se puede apreciar la deformada de la barra, la misma que se invierte para formar el arco usado en el cálculo<sup>10</sup>.



3.2.1.2.2 <u>Modelo práctico</u>

Para el desarrollo del modelo práctico se usan los materiales que se muestran en la siguiente foto:



 $^{\scriptscriptstyle 10}$  La forma que se obtiene es más próxima a una parábola que a una catenaria.

El ejercicio se realiza teniendo en cuenta dos estados del mismo modelo:



a. Considerando únicamente el peso propio de la cadena.

**b.** E incluyendo el peso de los clips repartidos equitativamente.



 $^{\mbox{\tiny II}}$  La forma que se obtiene es una catenaria perfecta.

 $^{\scriptscriptstyle 12}$  La curva que se obtiene es un funicular.

Ambas formas de los arcos se generan con el programa "AutoCAD",

aunque usando como base las fotos tomadas.

En el (*GRAF.3: 13*) se observa el montaje junto con los desplazamientos del modelo práctico.



Para llegar a determinar la forma del arco ideal con mejor comportamiento estructural<sup>14</sup> es necesario generar algunos modelos: por un lado, los iniciales<sup>15-16</sup> y por otro, los manipulados<sup>17</sup>. Como resultado se llega a determinar que la forma obtenida con el modelo informático es la mejor, en comparación con las otras.

La geometría resultante del arco ideal $^{18}$  se presenta en el (GRAF.3: 15) $^{19}$ .



<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> Modelo informático=línea de color rosado; modelo práctico sin clip=línea de color rojo y modelo práctico sin clip=línea de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup> Aquel que dé como resultado el menor número de tracciones en el modelo.

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup> Haciendo uso del programa de cálculo "Rambshell" y como pre-procesador del programa "GID".

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup> A partir de las tres formas obtenidas de los dos modelos: informático y práctico.

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup> A partir de variaciones realizadas en los modelos originales, tanto informático como práctico.

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup> Se prevé que el arco ideal tenga un mejor comportamiento estructural en comparación con las otras formas que se estudian.

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup> En el cálculo sólo se incluye esta geometría, no las restantes.

#### 3.2.1.3 Hueco con arco de medio punto

El arco de medio punto<sup>20</sup> está formado por una semicircunferencia<sup>21</sup>, de 1,00m de radio, como se puede apreciar en el (*GRAF.3: 16*).



#### 3.2.1.4 Hueco con arco carpanel

En el caso del arco carpanel se hacen dos modelos: uno formado por tres arcos de circunferencia y otro por  $dos^{22}$ . Los resultados indican que el primer modelo es muy parecido al segundo, entre ambos se opta por el segundo, por ser evolutivamente un paso previo al arco de ángulos rectos<sup>23</sup>. La longitud de los radios utilizados es de 0,50m, ver (*GRAF.3: 17*).



#### 3.2.1.5 Hueco con arco de ángulos rectos

El arco de ángulos rectos $^{24}$  forma ángulos de 90° entre la recta que une los arranques con los montantes, ver (*GRAF.3: 18*).



<sup>&</sup>lt;sup>20</sup> A partir del arco de medio punto se prevé que el comportamiento estructural sea menos favorable.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 21}~$  Este tipo de arco es muy utilizada en el arte románico.

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup> Está formado por dos arcos de circunferencia que tienen la misma longitud de radio, aunque en distintas ubicaciones y unidos por una recta tangente.

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup> De este modo se tenían formas que evolucionaban, desde arcos más pronunciados (ojival) a los arcos con ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup> Se considera que el comportamiento estructural de este arco sea el más desfavorable.

#### 3.2.2 Parámetros utilizados

### 3.2.2.1 Estado de carga

El modelo representa una pared medianera de un edificio de tres plantas: planta baja, planta primera, planta segunda y terraza (sin uso público). Su estado de carga es el siguiente:

Estado de carga en zonas de vivienda:

Pp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

Estado de carga en terraza (sólo de mantenimiento):

Pp	Tn/m2	0,30	
	N/m	12.000	
Cp	Tn/m2	0,30	
	N/m	12.000	
Su	Tn/m2	0,15	
	N/m	6.000	

pp=Peso propio cp=cargas permanentes

su + N=sobrecargas de uso + nieve

#### 3.2.2.2 Características mecánicas del material

Las características mecánicas utilizadas en los diferentes modelos analizados se calculan en base al "CTE".

γ	N/m3	18.000
Е	N/m2	5,70E+09
G	N/m2	2,30E+09
υ	-	0,20
f <sub>d</sub>	N/m2	3,2E+06
f <sub>t</sub>	N/m2	0,1E+06

Para el cálculo de estos valores se desarrolla una hoja de cálculo que se presenta a continuación.

CTE – SE-F					
Valores	de "k"	1Hoja	2Hojas		
Macizas		О,б	0,5		
Perforadas		0,55	0,45		
Aligeradas		0,5	0,4		
Huecas		0,4	-		
k	0,6				
<b>f</b> b	25		N/mm2		
fm	15	OK	N/mm2		
fk	9,57		N/mm2		
γм	3				
fd	3,19		N/mm2		
Valor de "E" teniendo "fk"					
fk	9,57	N/mm2	9,57E+06	N/n	
Е	9570	N/mm2	9,57E+09	N/n	
${f E}$ est lim serv	5,742	N/mm2	5,74E+09	N/r	
G	3828	N/mm2	2,30E+09	N/n	

#### 3.2.2.3 Programas utilizados

Los modelos se analizan por medio del programa de cálculo "Rambshell" $^{25}$  y usando como pre y post-procesador el programa "GID" $^{26}$ , los cuales se emplean a lo largo de toda la tesis.

#### 3.2.2.4 Características del mallado de los modelos

La malla utilizada incorpora elementos finitos triangulares de seis grados de libertad, con una longitud de cada lado de 0,20m.

#### 3.2.2.5 Características de los zunchos perimetrales

En este capítulo no se considera la influencia de los zunchos embebidos en el forjado, sin embargo en el siguiente sí se aborda el tema.

 $<sup>^{\</sup>rm 25}$  En el Capítulo-2 se presentan características de este programa.

 $<sup>^{\</sup>rm 26}$  En el Capítulo-2 se presentan características de este programa.

#### 3.2.2.6 Condiciones de contorno

#### 3.2.2.6.1 Representación gráfica de los desplazamientos y giros

En el estudio se tienen en cuenta cuatro grupos de condiciones de contorno: base apoyada, base apoyada y restricciones laterales, base empotrada y base empotrada con restricciones laterales. Con el fin de aclarar la terminología, a continuación, en el (CUADRO 3), se presentan de modo gráfico los desplazamientos y giros, indicando únicamente su sentido positivo:



Representación esquemática de las condiciones de contorno de los diferentes modelos 3.2.2.6.2

En el (CUADRO 4) se presentan las diferentes condiciones de contorno de cada uno de los modelos. Estos esquemas se incluirán a lo largo del proceso para identificar el modelo que se analiza y son:

c. Base apoyada: en la base se restringe el desplazamiento vertical  $(\delta z)$ .

- d. Base apoyada y restricción lateral: en la base se coarta el desplazamiento vertical ( $\delta z$ ) y en las caras laterales se tasa el desplazamiento horizontal ( $\delta x$ ).
- Base empotrada: en la base se limitan todos los desplazamientos ( $\delta x$ ,  $\delta y$ ,  $\delta z$ ) y los giros ( $\theta x$ ,  $\theta y$ ,  $\theta z$ ). e.

Base empotrada y restricción lateral: en la base se restringen todos los desplazamientos ( $\delta x$ ,  $\delta y$ ,  $\delta z$ ) y los giros ( $\theta x$ ,  $\theta y$ ,  $\theta z$ ) y en las caras laterales se impide el f. desplazamiento horizontal  $(\delta x)$ .

(CUADRO 4) ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERENTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZAR						
	ARCO OJIVAL (A.O)	ARCO IDEAL (A.I)	ARCO DE MEDIO PUNTO (A.M.P)	ARCO CARPANEL (A.CP)		
BASE APOYADA (BA)						
BASE APOYADA Y RESTRICCIONES ATERALES(BA-RL)	(GRAF. 3: 25) A. ojival: BA	(GRAF. 3: 26) A. Ideal: BA	(GRAF.3: 27) A. Medio punto: BA	(GRAF.3: 28) A. carpanel: BA       Image: Second state       Imal		
BASE EMPOTRADA (BE)	(GRAF.3: 30) A. ojival: BA-RL	(GRAF.3: 31) A. ideal: BA-RL	(GRAF.3: 32) A. Medio punto: BA-RL	(GRAF.3: 33) A. carpanel: BA-RL		
BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES(BE-RL)	(GRAF. 3: 40) A. ojival: BE-RL	(GRAF.3: 41) A. ideal: BE-RL	(GRAF.3: 42) A. Medio punto: BE-RL	(GRAF.3: 43) A. carpanel: BE-RL		


#### 3.2.3 Estudio a realizar

#### Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo 3.2.3.1

En el (CUADRO 5) se exponen, de modo gráfico, los resultados que se obtienen de los modelos de cálculo tales como: "Sii", "N22", "Nyy=Ny'", "Si", "N11" y "Nxx=Nx'". La representación gráfica de los desplazamientos se puede ver en el apartado "3.2.2.6.1".



# 3.2.3.2 Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales

En primer lugar, obtenemos los resultados de cada uno de los modelos  $^{\rm 27}.$ 

Con el fin de mejorar la interpretación de los datos se tienen en cuenta los siguientes criterios:

1. Obtención del valor máximo absoluto.

De cada modelo se selecciona el máximo absoluto de los diferentes tipos de resultados ("N11", "Nyy=Ny'", "N22"...). Posteriormente, se comparan y se selecciona, de entre todos, el máximo. Este último valor es el que se aplica en el paso 2.

En el (CUADRO 6), se presenta un ejemplo hipotético que aclara el proceso explicado en el párrafo anterior. Se resaltan, en color verde, los valores a considerar en el paso siguiente:

(CUADRO 6) VALORES MÁXIMOS ABSOLUTOS				
Modelo Resultado	Mod-1	Mod-2	Mod-3	Mod-4
"N11"	715295	872347	809283	45345
"Nyy=Ny'"	695295	852347	789283	43345
"N22″	-85295	-82347	-89283	-4345
"Nxx=Nx'"	-83295	-80347	-87283	-4145
δχ	0,0001	-0,00012	-0,00028	0,0034
δz	-0,000012	-0,000013	-0,000025	-0,000045

2. Igualación de los valores máximos y mínimos.

Para facilitar la lectura de los resultados, se igualan los valores máximos y mínimos<sup>28,29</sup> de los datos obtenidos. Gracias a esta igualación de datos se obtiene una escala gráfica simétrica<sup>30</sup>, como se aprecia en el (*GRAF.3: 52*). En el (*CUADRO 7*) se presenta un ejemplo aclaratorio:



<sup>&</sup>lt;sup>27</sup> Es una información necesaria para desarrollar la fase posterior de comparación de los modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup> La igualación se realiza en el módulo post-procesador de "GID" (comandos "set maximum value" y "set minimum value").

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup> Utilizando el valor máximo obtenido en el paso anterior.

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup> Gracias a dicha simetría mejora la interpretación de los valores positivos y negativos.

En nuestro caso, los valores a incluir en los diferentes modelos son los que se indican en el (CUADRO 8):



3. Especificación de la escala cromática utilizada para las fuerzas y para los desplazamientos en "x".

Para la representación gráfica de las fuerzas y del desplazamiento en "x" se utiliza la misma escala cromática. En el (CUADRO 9) se incluyen los números de los colores<sup>31</sup> utilizados en los modelos, y estos son:

(C	UADRO 9) I	FUERZAS Y DE	SPLAZAMIENTO	) EN "X"	
153	0	240	30	79	168
156	2	236	27	119	251
122	0	240	231	114	242
62	106	240	236	111	0
40	255	240	255	221	233
40	240	240	240	113	0
31	233	238	181	110	1
234	243	238	1	115	37
0	149	240	0	70	0

<sup>31</sup> Estos números se introducen en el módulo post-procesador de "GID" (comando option/contour/colour Windows/user defined).

En el caso de los esfuerzos, las fuerzas de tracción se representan con una gama de colores fríos $^{32}$  y los de compresión con una gama de colores cálidos $^{33}$ .



En el caso de los desplazamientos en "x" vemos dos situaciones: cuando el movimiento es hacia el lado derecho, se representan con la gama de colores fríos y cuando es hacia el lado izquierdo, con colores cálidos.



Para facilitar la interpretación se incluyen flechas que indican, visualmente, el sentido del desplazamiento $^{34}$ .

**4.** Especificación de la escala cromática utilizada para la representación gráfica de los desplazamientos en "z".

En el caso de los desplazamientos en "z" se selecciona una escala cromática de colores cálidos<sup>35</sup>, la misma que se indica en el (CUADRO 10):

	(CUADRO 1	.0) DESPLAZ	AMIENTO EN '	ΔΖ″	
40	255	240	255	221	233
0	255	240	151	191	151
0	149	240	0	70	0

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup> Los colores fríos corresponden a una gama de verde y azul.

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup> Los colores cálidos corresponden a una gama de amarillo y rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup> Hay que indicar que el movimiento horizontal no se debe a fuerzas laterales externas (fuerzas aplicadas en la dirección "x"). Se debe más bien al efecto de Poisson que origina que la pieza cargada se deforme en todas las direcciones. Dicho efecto depende del sentido de fuerza, en el caso en que sea de compresión la pieza se ensancha y se acorta.

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup> Los desplazamientos tienden a mínimos cuando se aproximan a colores claros y a máximos cuando se acercan a tonos oscuros.

Para mayor claridad de los resultados se incluye una flecha que indica el sentido del desplazamiento. Veamos un ejemplo:



5. Definición del factor de escala: "Si" y "Sii".

El factor de escala es el valor que se utiliza para ampliar o reducir la representación gráfica de los vectores ("Si" y "Sii").

Con la finalidad de facilitar la comparación de los modelos se tiene en cuenta que el factor de escala es igual para todos ellos, tanto para la representación de "Si" como para "Sii". En el presente estudio utilizamos como factor: "1,00E-05".

Gracias a esta igualdad se puede demostrar fácilmente que los vectores "Sii" son siempre superiores a los "Si"<sup>36</sup>.

En los resultados gráficos de ambos vectores  $^{37}$  se distinguen dos tipologías: los vectores de color rojo  $^{38}$  que simbolizan tracciones y los de color azul  $^{39}$  que representan compresiones. Por ejemplo:



(GRAF.3: 59) Representación gráfica de los vectores "Si".

3.2.3.3 Análisis de la Influencia de las condiciones de contorno en los modelos sin zuncho

3.2.3.4 Análisis de la Influencia de la forma del arco en los modelos sin zuncho

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup> Los vectores "Sii" deben ser superiores a los "Si" dado que las fuerzas de compresión son superiores.

 $<sup>^{\</sup>rm 37}$  Los vectores de las direcciones principales "Sii" y "Si".

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup> Flechas que se separan = tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup> Flechas que se unen = compresiones.

CAPÍTULO-3

1.- ASPECTOS GENERALES

INTRODUCTORIO

ARCOS

7.- CONCLUSIONES

2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS

4. - ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE

5.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO

6.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN

3.- PRESENTACIÓN DE UN MODELO

LOS MODELOS SIN ZUNCHO

MJIG

3-29

#### 3.3 PRESENTACIÓN DE UN MODELO INTRODUCTORIO

Para hacer una primera comprobación del método se ve conveniente partir de un modelo conocido por todos<sup>40</sup> como es el caso de una pared con un hueco circular perfecto en su centro.

#### FICHA DEL MODELO

# 1.- NOMBRE DEL MODELO:

#### Círculo en el centro<sup>41</sup>

Alto de la pared	=7,00m
Longitud de la pared	=4,00m
Espesor de la pared	=0,20m
Diámetro del círculo	=1,80m
Ubicación	=Eje de ambos lados

## 2.- ESTADO DE CARGA:

Carga	Tn/m	0,90
	N/m	9.000

#### 3.- DATOS DE LA PARED DE HORMIGÓN:

γ=25.000N/m3 E=2,10e10N/m2

#### 4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

Sin zuncho de conexión con el muro.

#### 5.- DATOS DE LOS APOYOS:

Con empotramiento en la base y libre lateralmente.



 $<sup>^{\</sup>rm 40}~$  De esta tipología se conoce perfectamente la trayectoria de las fuerzas.

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F\modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-3-sin zuncho\círculo en el centro.gid



a.- Axial Force(N/M). Ny'. B.- Axial Force(N/M). Nx'. c. Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"



Main Ax. Force(N/M). N11.

o, poppiddamient



Main Ax. Force(N/M). N11.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.





Main Ax. Force(N/M). N11.

Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.

MJIG

3-32

CAPÍTULO-3

1.- ASPECTOS GENERALES

INTRODUCTORIO

ARCOS

7.- CONCLUSIONES

2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS

4.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE

5.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO

6.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN

3.- PRESENTACIÓN DE UN MODELO

LOS MODELOS SIN ZUNCHO



#### 3.4 ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS

En el presente apartado se analizan los cinco modelos que se indican en el (CUADRO 4), cuyas variables son: la forma<sup>42</sup> de los huecos y las condiciones de contorno.

	(CUADRO 4) ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERENTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZAR				
	ARCO OJIVAL (A.O)	ARCO IDEAL (A.I)	ARCO DE MEDIO PUNTO (A.M.P)	ARCO CARPANEL (A.CP)	
BASE APOYADA (BA)	(GRAF.3: 25) A. ojival: BA	(GRAF.3: 26) A. ideal: BA	(GRAF.3: 27) A. Medio punto: BA	(GRAF.3: 28) A. carpanel: BA	
BASE APOYADA Y RESTRICCIONES ATERALES(BA-RL)					
BASE EMPOTRADA (BE)	(GRAF.3: 30) A. ojival: BA-RL	(GRAF.3: 31) A. ideal: BA-RL	(GRAF.3: 32) A. Medio punto: BA-RL	(GRAF.3: 33) A. carpanel: BA-RL	
BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES(BE-RL)	(GRAF.3: 35) A. ojival: BE	(GRAF.3: 36) A. ideal: BE	(GRAF.3: 37) A. Medio punto: BE	(GRAF.3: 38) A. carpanel: BE	

Para el análisis, los modelos se clasifican de acuerdo a sus condiciones de contorno:



<sup>&</sup>lt;sup>42</sup> Indicados en los primeros apartados.

#### 3.4.1 Influencia de la base apoyada

#### FICHA DEL MODELO

#### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Huecos con arcos-def-apoy-30<sup>43</sup> (Hueco con arco, con la base apoyada, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=2,50m Espesor de la pared =0,30m

#### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Рр	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

#### 3.- DATOS DE LA PARED DE FÁBRICA:

γ=18.000N/m3
E=5,70E+09N/m2
G=2,38E+09N/m2
v=0,20

4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

Sin zuncho de conexión con el muro.

#### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con apoyo deslizante en la base y libre lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>43</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F\modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-3-sin zuncho\hueco con arcodef-apoy-30.gid











Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"





f.- Axial Force(N/M). Ny'. g.- Axial Force(N/M). Nx'. Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"



a.- Displacement (m).Disp-Z

a'.- Displacement (m).Disp-X

Desplazamientos



b.- Main Ax. Force(N/M). Sii factor-8.1e-6.



c.- Main Ax. Force(N/M). Si factor-8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.





". g.- Axial Force(N/M). Nx'. Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

#### 3.4.2 Influencia de los apoyos en base y restricción lateral

#### FICHA DEL MODELO

#### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Huecos con arcos-def-apoy-restring-lat-30<sup>44</sup> (Hueco con arco, con la base apoyada y restringido lateralmente, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=3,00m Espesor de la pared =0,30m

#### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Рр	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

### 3.- DATOS DE LA PARED DE FÁBRICA:

γ=18.000N/m3
E=5,70E+09N/m2
G=2,38E+09N/m2
v=0,20

#### 4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

Sin zuncho de conexión con el muro.

### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con apoyo deslizante en la base y apoyado lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F\modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-3-sin zuncho\hueco con arcodef-apoy-restring-lat-30.gid







b.- Main Ax. Force(N/M). Sii factor-8.1e-6.



c.- Main Ax. Force(N/M). Si factor-8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.

Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"





Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.











Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"





b.- Main Ax. Force(N/M). Sii factor-8.1e-6.



c.- Main Ax. Force(N/M). Si factor-8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.

Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.







b.- Main Ax. Force(N/M). Sii factor-8.1e-6.

c.- Main Ax. Force(N/M). Si factor-8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.







#### 3.4.3 Influencia del empotramiento de la base

#### FICHA DEL MODELO

#### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Huecos con arcos-def-emp- $30^{45}$  (Hueco con arco, con la base empotrada, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=3,00m Espesor de la pared =0,30m

#### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Pp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

#### 3.- DATOS DE LA PARED DE FÁBRICA:

γ=18.000N/m3
E=5,70E+09N/m2
G=2,38E+09N/m2
v=0,20

#### 4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

Sin zuncho de conexión con el muro.

#### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con empotramiento en la base y libre lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F\modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-3-sin zuncho\hueco con arcodef-emp-30.gid

(C	UADRO 13) MODELOS: BASE EMPOTRADA
ARCO OJIVAL	Ver 3.4.3.1
ARCO IDEAL	Ver 3.4.3.2
ARCO DE MEDIO PUNTO	
ARCO CARPANEL	Ver 3.4.3.4
ARCO DE ÁNGULOS RECTOS	Ver 3.4.3.5



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.





Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

g.- Axial Force(N/M). Nx'.

f.- Axial Force(N/M). Ny'.







Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"



b.- Main Ax. Force(N/M). Sii factor-8.1e-6.

c.- Main Ax. Force(N/M). Si factor-8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.

Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.





```
SIN INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
```

#### 3.4.4 Influencia del empotramiento de la base y restricción lateral

### FICHA DEL MODELO

#### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Huecos con arcos-def-emp-restrig-lat-30<sup>46</sup> (Hueco con arco, con la base empotrada y restringido lateralmente, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=3,00m Espesor de la pared =0,30m

#### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Рр	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

3.- Datos de la pared de fábrica:

γ=18.000N/m3
E=5,70E+09N/m2
G=2,38E+09N/m2
v=0,20

4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

Sin zuncho de conexión con el muro.

#### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con empotramiento en la base y apoyado lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>46</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta Fmodelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-3-sin zuncho\hueco con arcodef-emp-restring-lat-30.gid



f.- Axial Force(N/M). Ny'.

SIN INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

3-58

g.- Axial Force(N/M). Nx'.







Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"




Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

5 5





b.- Main Ax. Force(N/M). Sii factor-8.1e-6.



c.- Main Ax. Force(N/M). Si factor-8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.





Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"





b.- Main Ax. Force(N/M). Sii factor-8.1e-6.

c.- Main Ax. Force(N/M). Si factor-8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force(N/M). N22.

e.- Main Ax. Force(N/M). N11.





Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"







# 3.5 INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO

A partir de distintas tipologías de los arcos vamos a determinar en qué situación la pared presenta el mejor comportamiento estructural<sup>47</sup>.

### 3.5.1 Hueco con arco ojival

### 3.5.1.1 Comparación de los desplazamientos

### 3.5.1.1.1 Desplazamientos en "x"



#### 1. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>48</sup>:

- a. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con los otros modelos.
- b. Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base, mientras que disminuyen considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>49-50</sup>.
- c. La pared se dilata libremente en ambos extremos<sup>51</sup>.
- d. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos, a diferencia de los modelos restantes.
- e. El arco tiende a abrirse.

<sup>&</sup>lt;sup>47</sup> Es decir, que esté solicitada al menor número de la fuerzas de tracción, teniendo en cuenta su poca resistencia a dichos esfuerzos.

<sup>&</sup>lt;sup>48</sup> Ver gráfico (1).

<sup>&</sup>lt;sup>49</sup> Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup> Dado el mayor grado de rigidez que le aporta la forma.

<sup>&</sup>lt;sup>51</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

2. En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) impuestas se aprecia que<sup>52</sup>:

- f. La pared es menos deformable<sup>53</sup>.
- g. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base tienden a disminuir considerablemente sin llegar a desaparecer.
- h. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en el centro del modelo, en especial en la parte superior del hueco<sup>54</sup>.
- i. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario  $(\rightarrow \blacklozenge)^{55}$ , dando lugar a compresiones en la pieza.
- j. El arco tiene tendencia a cerrarse.
- 3. <u>En el caso del modelo con la base empotrada (*BE*) se distingue <u>que<sup>56</sup>:</u></u>
  - k. Los desplazamientos son prácticamente nulos en la zona próxima a la base $^{57}$ .
  - l. Las deformaciones se concentran en las zonas centrales de los lados del modelo $^{58}.$
  - m. El arco tiende a cerrarse un poco en la clave<sup>59</sup>.

### 4. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> laterales impuestas (*BE-RL*) se aprecia que<sup>60</sup>:

- n. La pared es menos deformable<sup>61</sup>.
- o. Los desplazamientos se anulan, tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- p. Los máximos desplazamientos laterales tienden a concentrarse en la clave del arco.
- 5. Además podemos decir que:
- q. La pared con la base apoyada (1) tiene un comportamiento estructural desfavorable.
- r. El modelo con la base empotrada y restricciones laterales (4) tiene una mejor función estructural.

<sup>&</sup>lt;sup>52</sup> Ver gráfico (2).

<sup>&</sup>lt;sup>53</sup> Esto se puede constatar, si observamos la pequeña dimensión de franja de los "desplazamientos casi nulos" (gama de colores muy claros, casi tendiendo a blanco).

<sup>&</sup>lt;sup>54</sup> Por ser la zona más deformable, tengamos en cuenta que en la abertura no se impone ningún tipo de restricción, por lo tanto ésta será una zona.

<sup>&</sup>lt;sup>55</sup> Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la izquierda y el izquierdo hacia la derecha.

<sup>&</sup>lt;sup>56</sup> Ver gráfico (3).

 $<sup>^{\</sup>rm 57}$  Por tener impedidos todos los movimientos en la base.

<sup>&</sup>lt;sup>58</sup> Dada la carencia de restricciones laterales en dichos extremos.

<sup>&</sup>lt;sup>59</sup> De acuerdo al sentido de la deformada.

<sup>60</sup> Ver gráfico (4).

<sup>&</sup>lt;sup>61</sup> Se puede constatar, si observamos que la franja de los "desplazamientos casi nulos" (colores muy claros, casi tendiendo a blanco es menor) es reducida.

# 3.5.1.1.2 Desplazamientos en " $z''^{62}$



### 6. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede ver que 63:

- s. La pared tiene poca rigide $z^{64}$ .
- t. La zona de desplazamientos máximos  $^{65}$  se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos podemos apreciar que<sup>66</sup>:
- u. Las paredes son más rígidos<sup>67</sup>.
- v. Los desplazamientos son más homogéneos, es decir, prácticamente horizontales.
- w. Las máximas deformaciones no llegan al nivel de las claves de ninguno de los arcos.
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- x. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- y. La pared con la base apoyada es más deformable.
- z. Los modelos restantes se comportan de modo similar.

<sup>&</sup>lt;sup>62</sup> Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>63</sup> Ver gráfico (5).

<sup>&</sup>lt;sup>64</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>65</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>66</sup> Ver gráfico (6), (7) y (8).

 $<sup>^{\</sup>rm 67}$  Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

# 3.5.1.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>68,69</sup>



### 9. En el modelo simplemente apoyado (BA) se puede apreciar<sup>70</sup>:

- aa. En la punta del arco existen vectores de tracción<sup>71</sup>.
- bb. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones casi imperceptibles<sup>72</sup>.

### **10.** <u>En el momento en que le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL) podemos distinguir que<sup>73</sup>:</u>

- cc. En la punta del arco desaparecen por completo las fuerzas de tracción $^{74}. \end{tabular}$
- dd. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones bajas.
- 11. Si la base del modelo se empotra (BE) observamos que<sup>75</sup>:
- ee. La clave del arco está más comprimida<sup>76</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>68</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas ""N22"".

 $<sup>^{\</sup>rm 69}\,$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>70</sup> Ver gráfico (9).

<sup>&</sup>lt;sup>71</sup> Vectores de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>72</sup> Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>73</sup> Ver gráfico (10).

 $<sup>^{\</sup>rm 74}~$  No existen vectores de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>75</sup> Ver gráfico (11).

<sup>&</sup>lt;sup>76</sup> Mayor concentración de los vectores de color azul.

**12.** <u>Si limitamos los movimientos de las caras laterales del modelo</u> empotrado (*BE-RL*) vemos que<sup>77</sup>:

- ff. La parte superior del arco se comprime considerablemente.
- 13. De modo general podríamos decir que:
- gg. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>78</sup>.
- hh. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

<sup>&</sup>lt;sup>77</sup> Ver gráfico (12).

<sup>&</sup>lt;sup>78</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de la fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

3.5.1.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)  $^{79,80}$ 



### 14. En el modelo simplemente apoyado (BA) se observa que<sup>81</sup>:

- ii. En la base del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>82</sup> que van disminuyendo a medida que se aleja de ella.
- jj. En la parte superior de la clave del arco se aprecian con mayor claridad las fuerzas de compresión de valores muy pequeños<sup>83</sup>.
- 15. En los tres modelos restantes podemos distinguir que<sup>84</sup>:
- kk. En la base del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>85</sup>, en menor grado que en el caso apoyado.
- 11. En la punta del arco desaparecen por completo las fuerzas de tracción<sup>86</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>79</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>80</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>81</sup> Ver gráfico (13).

<sup>&</sup>lt;sup>82</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>83</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>84</sup> Ver gráfico (14), (15) y (16).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 85}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>86</sup> No existen zonas de colores fríos.

# 3.5.1.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii) 87,88



### 16. En el caso del modelo con la base apoyada (BA) apreciamos que<sup>89</sup>:

- mm. En la clave del arco se concentran<sup>90</sup> fuerzas de tracción<sup>91</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- nn. En la zona de la base próxima al hueco se produce una concentración de compresiones<sup>92</sup> importantes.

17. <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> RL) se observa que<sup>93</sup>:

- oo. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las tracciones<sup>94</sup>.
- pp. En las partes laterales del hueco aparecen unas pequeñas fuerzas de tracción<sup>95</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>87</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>&</sup>lt;sup>88</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>89</sup> Ver gráfico (17).

<sup>&</sup>lt;sup>90</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja.

<sup>&</sup>lt;sup>91</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>92</sup> En el gráfico de los vectores: zona azul.

<sup>&</sup>lt;sup>93</sup> Ver gráfico (18).

<sup>&</sup>lt;sup>94</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

- qq. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>96</sup>.
- 18. Cuando la base está empotrada (BE) se aprecia que<sup>97</sup>:
- rr. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran fuerzas de compresión.
- ss. En la zona un poco alejada de la parte superior del arco existen pequeñas fuerzas de tracción.
- tt. En las caras laterales del arco aparecen pequeñas fuerzas de tracción<sup>98</sup>.
- uu. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente<sup>99</sup>.

**19.** <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (*BE-RL*) se observa que<sup>100</sup>:

- vv. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las tracciones<sup>101</sup>.
- ww. En las partes laterales del hueco no llegan a desaparecer las pequeñas fuerzas de tracción existentes<sup>102</sup>.
- xx. La pared está prácticamente comprimida<sup>103</sup> en su totalidad.
- 20. De modo general podríamos decir que:
- yy. En la base junto a los huecos se localizan las máximas concentraciones de compresión.
- zz. Si tenemos el modelo con la base simplemente apoyada los resultados son desfavorables.
- aaa. El comportamiento es mejor si empotramos la base.
- bbb. Si lo restringimos lateralmente el comportamiento mejora considerablemente.

<sup>99</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>95</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>96</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>97</sup> Ver gráfico (19).

<sup>&</sup>lt;sup>98</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>100</sup> Ver gráfico (20).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 101}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>102</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>103</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul y en los gráficos de las fuerzas es casi en su totalidad amarilla.

# 3.5.1.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11) $^{\rm 104,105}$

(CUADRO 20) ARCO OJIVAL: "N11"									
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.									
		N11 1.7327 9.96227 5.7736 1.9245 9734 9744 9774 9744 9774 9744 9744 9774 9744 97	1e+05 2e+05 5 6 7 72e+05						
(GRAF.3: 25) A. ojival: BA	(GRAF.3: 30) A. ojival: BA-RL	-1.732	21e+05	(GRAF.3: 35) A ojival: BE	A. (GRAF.3: 40) A. ojival: BE-RL				
	Main	Ax. Force	(N/M). "N	11″.					
(21) 3.4.1.1.e	(22) 3.4.2	2.1.e	(23	) 3.4.3.1.e	(24) 3.4.4.1.e				

# 21. En el caso del modelo con la base apoyada (BA) vemos que<sup>106</sup>:

- ccc. En la clave del arco se concentran<sup>107</sup> fuerzas de tracción<sup>108</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- ddd. En la zona de la base próxima al hueco se produce una concentración de compresiones.
- 22. En los modelos con restricciones laterales se observa que<sup>109</sup>:
- eee. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las  ${\rm tracciones}^{\rm 110}.$
- 23. <u>Cuando la base está</u> empotrada (BE) se puede apreciar que<sup>111</sup>:
- fff. En la zona más próxima a la clave del arco desaparecen las tracciones más fuertes.
- ggg. Las zonas de compresión aumentan considerablemente<sup>112</sup>.

<sup>111</sup> Ver gráfico (23).

<sup>&</sup>lt;sup>104</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>105</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>106</sup> Ver gráfico (21).

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 107}}$  Zona con tonalidades de color verde.

<sup>&</sup>lt;sup>108</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>109</sup> Ver gráfico (22) y (24).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 110}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>112</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente vectores de color azul.

# 3.5.2 Hueco con arco ideal

### 3.5.2.1 Comparación de los desplazamientos

# 3.5.2.1.1 Desplazamientos en " $x''^{113}$



- 1. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>114</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con los otros modelos.
- b. Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base, mientras que disminuyen considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>115-116</sup>.
- c. La pared se dilata libremente en ambos extremos<sup>117</sup>.
- d. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos, a diferencia de los modelos restantes.
- e. El arco tiende a abrirse.

### 2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales impuestas (*BA-RL*) se aprecia que<sup>118</sup>:

f. La pared es menos deformable<sup>119</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>113</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>114</sup> Ver gráfico (25).

<sup>&</sup>lt;sup>115</sup> Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>116</sup> Dado el mayor grado de rigidez que le aporta la forma.

<sup>&</sup>lt;sup>117</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

<sup>&</sup>lt;sup>118</sup> Ver gráfico (26).

- g. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base tienden a disminuir considerablemente sin llegar a desaparecer.
- h. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en el centro del modelo, en especial en la parte superior del hueco<sup>120</sup>.
- i. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario ( $\rightarrow \leftarrow$ )<sup>121</sup>, dando lugar a compresiones en la pieza.
- j. El arco tiene tendencia a cerrarse.

3. <u>En el caso del modelo con la base empotrada (BE) se distingue</u>

- k. Los desplazamientos son prácticamente nulos en la zona próxima a la base<sup>123</sup>.
- l. Las deformaciones se concentran en las zonas centrales de los lados del modelo $^{124}$ .
- m. El arco tiende a cerrarse un poco en la clave<sup>125</sup>.

**4.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BA-RL*) se aprecia que<sup>126</sup>:

- n. La pared es menos deformable<sup>127</sup>.
- o. Los desplazamientos se anulan, tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- p. Los máximos desplazamientos laterales tienden a concentrarse en la clave del arco.
- 5. Además podemos decir que:

6. La pared con la base apoyada (25) tiene un comportamiento estructural desfavorable.

7. El modelo con la base empotrada y restricciones laterales (28) tiene una mejor función estructural.

<sup>&</sup>lt;sup>119</sup> Esto se puede constatar, si observamos la pequeña dimensión de franja de los "desplazamientos casi nulos" (gama de colores muy claros, casi tendiendo a blanco).

<sup>&</sup>lt;sup>120</sup> Por ser la zona más deformable, tengamos en cuenta que en la abertura no se impone ningún tipo de restricción, por lo tanto ésta será una zona.

<sup>&</sup>lt;sup>121</sup> Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la izquierda y el izquierdo hacia la derecha.

<sup>&</sup>lt;sup>122</sup> Ver gráfico (27).

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 123}}$  Por tener impedidos todos los movimientos en la base.

<sup>&</sup>lt;sup>124</sup> Dada la carencia de restricciones laterales en dichos extremos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 125}$  De acuerdo al sentido de la deformada.

<sup>&</sup>lt;sup>126</sup> Ver gráfico (28).

<sup>&</sup>lt;sup>127</sup> Se puede constatar, si observamos que la franja de los "desplazamientos casi nulos" (colores muy claros, casi tendiendo a blanco es menor) es reducida.

# 3.5.2.1.2 Desplazamientos en "z" <sup>128</sup>



# 8. En el modelo con la base apoyada (BA) vemos que<sup>129</sup>:

- q. La pared tiene poca rigidez<sup>130</sup>.
- r. La zona de desplazamientos máximos<sup>131</sup> se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 9. En los tres últimos modelos podemos observar que<sup>132</sup>:
- s. Las paredes son más rígidos<sup>133</sup>.
- t. Los desplazamientos son más homogéneos, es decir, prácticamente horizontales.
- u. Las máximas deformaciones no llegan al nivel de las claves de ninguno de los arcos.
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- v. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- w. La pared con la base apoyada es más deformable.
- x. Los modelos restantes se comportan de modo similar.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 128}$  Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>129</sup> Ver gráfico (29).

<sup>&</sup>lt;sup>130</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>131</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>132</sup> Ver gráfico (30), (31) y (32).

<sup>&</sup>lt;sup>133</sup> Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

# 3.5.2.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) $^{134,135}$



### 11. En el modelo simplemente apoyado (BA) se puede apreciar<sup>136</sup>:

- y. En la punta del arco existen vectores de tracción<sup>137</sup>.
- z. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones casi imperceptibles<sup>138</sup>.

# **12.** <u>En el momento en que le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL) podemos distinguir que<sup>139</sup>:</u>

- aa. En la punta del arco desaparecen por completo las fuerzas de tracción  $^{\rm 140}.$
- bb. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones bajas.
- 13. Si la base del modelo se empotra (BE) observamos que<sup>141</sup>:
- cc. La clave del arco está más comprimida<sup>142</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>134</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 135}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>136</sup> Ver gráfico (33).

<sup>&</sup>lt;sup>137</sup> Vectores de color rojo.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 138}$  Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>139</sup> Ver gráfico (34).

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 140}}$  No existen vectores de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>141</sup> Ver gráfico (35).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 142}$  Mayor concentración de los vectores de color azul.

**14.** <u>Si limitamos los movimientos de las caras laterales del modelo</u> empotrado (*BE-RL*) vemos que<sup>143</sup>:

- dd. La parte superior del arco se comprime considerablemente.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- ee. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>144</sup>.
- ff. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

<sup>&</sup>lt;sup>143</sup> Ver gráfico (36).

<sup>&</sup>lt;sup>144</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de la fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

3.5.2.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)  $^{\rm 145,146}$ 



### 16. En el modelo simplemente apoyado (BA) se observa que<sup>147</sup>:

- gg. En la base del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>148</sup> que van disminuyendo a medida que se aleja de ella.
- hh. En la parte superior de la clave del arco se aprecian con mayor claridad las fuerzas de compresión de valores muy pequeños<sup>149</sup>.
- 17. En los tres modelos restantes podemos distinguir que<sup>150</sup>:
- ii. En la base del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>151</sup>, en menor grado que en el caso apoyado.
- jj. En la punta del arco desaparecen por completo las fuerzas de tracción  $^{\rm 152}.$

<sup>&</sup>lt;sup>145</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>146</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>147</sup> Ver gráfico (37).

 $<sup>^{\</sup>rm 148}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>149</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>150</sup> Ver gráfico (38), (39) y (40).

 $<sup>^{\</sup>rm 151}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 152}$  No existen zonas de colores fríos.

# 3.5.2.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii) 153,154

(CUADRO 25) ARCO IDEAL: "SI"								
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.								
	8 8 8						> 3   > 3   > 3	
(GRAF.3: 26) A. ideal: BA	(GRAF	7.3: 31) A. ideal: BA-RL			(GRAF.3: 36) A. io BE	deal:	(GRAF.3: 41) A. ideal: BE-RL	
		Main Ax. Fo	prce(N/M).	"Si″ fac	tor-8.1e-6.			
(41) 3.4.1.2.c		(42) 3.4.2	2.2.c	(43	) 3.4.3.2.c		(44) 3.4.4.2.c	

# **18.** <u>En el caso del modelo con la base apoyada (BA) apreciamos</u> <u>que<sup>155</sup>:</u>

- kk. En la clave del arco se concentran<sup>156</sup> fuerzas de tracción<sup>157</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- ll. En la zona de la base próxima al hueco se produce una concentración de compresiones<sup>158</sup> importantes.

**19.** <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL) se observa que<sup>159</sup>:</u>

- mm. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las tracciones $^{160}$ .
- nn. En las partes laterales del hueco aparecen unas pequeñas fuerzas de tracción $^{\rm 161}.$
- oo. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>162</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>153</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 154}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>155</sup> Ver gráfico (41).

<sup>&</sup>lt;sup>156</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja.

<sup>&</sup>lt;sup>157</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>158</sup> En el gráfico de los vectores: zona azul.

<sup>&</sup>lt;sup>159</sup> Ver gráfico (42).

 $<sup>^{160}</sup>$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>161</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

20. <u>Cuando la base está empotrada (BE) se aprecia que<sup>163</sup>:</u>

- pp. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran fuerzas de compresión.
- qq. En la zona un poco alejada de la parte superior del arco existen pequeñas fuerzas de tracción.
- rr. En las caras laterales del arco aparecen pequeñas fuerzas de tracción  $^{164}. \label{eq:rescale}$
- ss. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente $^{165}$ .

**21.** <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (*BE-RL*) se observa que<sup>166</sup>:

- tt. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las tracciones<sup>167</sup>.
- uu. En las partes laterales del hueco no llegan a desaparecer las pequeñas fuerzas de tracción existentes<sup>168</sup>.
- vv. La pared está prácticamente comprimida<sup>169</sup> en su totalidad.
- 22. De modo general podríamos decir que:
- ww. En la base junto a los huecos se localizan las máximas concentraciones de compresión.
- xx. Si tenemos el modelo con la base simplemente apoyada los resultados son desfavorables.
- yy. El comportamiento mejora si empotramos la base.
- zz. Si lo restringimos lateralmente el comportamiento mejora considerablemente.

<sup>&</sup>lt;sup>162</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>163</sup> Ver gráfico (43).

<sup>&</sup>lt;sup>164</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>165</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>166</sup> Ver gráfico (44).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 167}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>168</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>169</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul y en los gráficos de las fuerzas es casi en su totalidad amarilla.

	3.5.2.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(N11)	170,171									

(CUADRO 26) ARCO IDEAL: "N11"									
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.									
	8 8 8 8		N11 1.73 9.24 9.25 9.77 9.192 - 192 - 192 - 577 - 596 - 577 - 596 - 577 - 596 - 577 - 596 - 577 - 596 - 577 - 596 - 577 - 577 - 596 - 577 - 576 - 577 -	210+05 722+05 27 36 45 45 36 32 27 27 27 27					
(GRAF.3: 26) A. ideal: BA	(GRAF	7.3: 31) A. ideal: BA-RL	-1.7	321e+05	(GRAF.3: 36) A. i BE		(GRAF.3: 41) A. ideal: BE-RL		
		Main	Ax. Force	e <i>(N/M).</i> "N	111″.				
(45) 3.4.1.2.e		(46) 3.4.2	2.2.e	( 47	) 3.4.3.2.e		(48) 3.4.4.2.e		

### 23. En el caso del modelo con la base apoyada (BA) vemos que<sup>172</sup>:

- aaa. En la clave del arco se concentran<sup>173</sup> fuerzas de tracción<sup>174</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- bbb. En la zona de la base próxima al hueco se produce una concentración de compresiones.
- 24. En los modelos con restricciones laterales se observa que<sup>175</sup>:
- ccc. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las  ${\rm tracciones}^{176}.$
- **25.** Cuando la base está empotrada (*BE*) se puede apreciar que<sup>177</sup>:
- ddd. En la zona más próxima a la clave del arco desaparecen las tracciones más fuertes.
- eee. Las zonas de compresión aumentan considerablemente<sup>178</sup>.

<sup>177</sup> Ver gráfico (47).

<sup>&</sup>lt;sup>170</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>171</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>172</sup> Ver gráfico (45).

 $<sup>^{\</sup>rm 173}$  Zona con tonalidades de color verde.

<sup>&</sup>lt;sup>174</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>175</sup> Ver gráfico (46) y (48).

<sup>&</sup>lt;sup>176</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>178</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente vectores de color azul.

#### 3.5.3 <u>Hueco con arco de medio punto</u>

### 3.5.3.1 Comparación de los desplazamientos

3.5.3.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>179</sup>



- 1. <u>En el modelo con la base apoyada (BA) se pued</u>e observar que<sup>180</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son superiores<sup>181</sup>.
- Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base y disminuyen considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>182-183</sup>.
- c. La base del hueco es más rígida<sup>184</sup>.
- d. La pared se dilata libremente en ambos extremos<sup>185</sup>.
- e. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos<sup>186</sup>.

2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales impuestas (*BA-RL*) se aprecia que<sup>187</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>179</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>180</sup> Ver gráfico (49).

<sup>&</sup>lt;sup>181</sup> En comparación con los otros modelos.

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 182}}$  Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>183</sup> Dado el mayor grado de rigidez que le aporta la forma.

<sup>&</sup>lt;sup>184</sup> Por estar constituida por aristas con ángulos de 90º, dando como resultado ser más complicado abrir el hueco.

<sup>&</sup>lt;sup>185</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

<sup>&</sup>lt;sup>186</sup> A diferencia de los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>187</sup> Ver gráfico (50).

- f. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base tienden a disminuir considerablemente sin llegar a desaparecer.
- g. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- h. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario ( $\leftarrow \rightarrow$ )<sup>188</sup>, dando lugar a tracciones muy pequeñas.
- i. El hueco tiene tendencia a cerrarse en la base.

3. <u>En el caso del modelo con la base empotrada (*BE*) se distingue gue<sup>189</sup>:</u>

- j. En la base los desplazamientos son nulos<sup>190</sup>.
- k. Los máximos desplazamientos se producen en las partes laterales del modelo, específicamente en las zonas centrales<sup>191</sup>.
- 1. Los desplazamientos se van prolongando hasta llegar a la clave del arco.
- m. En la parte superior del arco se desarrollan desplazamientos que estiran el material  $^{192}. \label{eq:matrix}$

4. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> laterales impuestas (*BE-RL*) se aprecia que<sup>193</sup>:

- n. Los desplazamientos se anulan tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- o. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte superior del hueco.
- p. En la clave del arco comienzan a aparecer desplazamientos en sentido opuesto<sup>194</sup>.
- q. En la parte central de las caras laterales del hueco también se producen desplazamientos aunque muy pequeños.
- 5. De modo general podemos decir que:
- r. La pared con la base apoyada (49) tiene un comportamiento desfavorable.
- s. El modelo con la base empotrada y restricciones laterales (52) tiene una mejor función estructural.

<sup>188</sup> Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la derecha y el izquierdo hacia la izquierda.

<sup>192</sup> Que originan pequeñas tracciones en dicha zona. Hay que tener en cuenta que esta zona también puede desplazar libremente, por haberle impuesto ningún tipo de condición de contorno.

<sup>&</sup>lt;sup>189</sup> Ver gráfico (51).

<sup>&</sup>lt;sup>190</sup> Debido al empotramiento que impide el desplazamiento lateral.

<sup>&</sup>lt;sup>191</sup> Que es la zona con libertad de movimiento.

<sup>&</sup>lt;sup>193</sup> Ver gráfico (52).

<sup>&</sup>lt;sup>194</sup> Que dan lugar a tracciones pequeñas.

# 3.5.3.1.2 Desplazamientos en "z''<sup>195</sup>



### 6. En el modelo con la base apoyada (BA) podemos observar que<sup>196</sup>:

- t. La pared tiene poca rigidez<sup>197</sup>.
- u. La zona de desplazamientos máximos<sup>198</sup> se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos se puede observar que<sup>199</sup>:
- v. Las paredes son más rígidos<sup>200</sup>.
- w. Los desplazamientos son más homogéneos, aunque tienden a aproximarse a las claves de los arcos.
- x. Las máximas deformaciones llegan al nivel de las claves de los  $\arccos^{201}.$
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- y. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- z. La pared con la base apoyada es más deformable.
- aa. Los modelos restantes se comportan de modo similar.

 $<sup>^{\</sup>rm 195}$  Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>196</sup> Ver gráfico (53).

<sup>&</sup>lt;sup>197</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>198</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>199</sup> Ver gráfico (54), (55) y (56).

<sup>&</sup>lt;sup>200</sup> Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

<sup>&</sup>lt;sup>201</sup> Aunque en menor grado que el modelo con la base apoyada.

3.5.3.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 202-203



### 9. En el modelo simplemente apoyado (BA) se puede apreciar<sup>204</sup>:

- bb. En la punta del arco existen vectores de tracción<sup>205</sup>.
- cc. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones casi imperceptibles<sup>206</sup>.

**10.** En el momento en que le imponemos restricciones laterales (BA-RL) podemos distinguir que<sup>207</sup>:

- dd. En la punta del arco desaparecen parcialmente las fuerzas de tracción<sup>208</sup>.
- ee. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones bajas.
- 11. <u>Si la base del modelo se empotra (BE)</u> observamos que<sup>209</sup>:
- ff. La clave del arco existen pequeñas tracciones<sup>210</sup>,

<sup>&</sup>lt;sup>202</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>rm 203}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>204</sup> Ver gráfico (57).

 $<sup>^{\</sup>rm 205}$  Los vectores de color rojo son de rango superior a los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>206</sup> Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>207</sup> Ver gráfico (58).

<sup>&</sup>lt;sup>208</sup> Existen vectores de color rojo, aunque muy pequeños.

<sup>&</sup>lt;sup>209</sup> Ver gráfico (59).

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 210}}$  Poco concentración de los vectores de color rojo.

**12.** <u>Si limitamos los movimientos de las caras laterales del modelo</u> empotrado (*BE-RL*) vemos que<sup>211</sup>:

- gg. La parte superior del arco se comprime considerablemente.
- 13. De modo general podríamos decir que:
- hh. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>212</sup>.
- ii. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

<sup>&</sup>lt;sup>211</sup> Ver gráfico (60).

<sup>&</sup>lt;sup>212</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de la fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

3.5.3.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)  $^{\rm 213-214}$ 



# 14. En el modelo simplemente apoyado (BA) se observa que<sup>215</sup>:

- jj. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>216</sup> que tienden a reducirse a medida que se aleja de ella.
- kk. En la parte superior de la clave del arco se aprecian con mayor claridad las fuerzas de tracción de valores muy pequeños $^{217}$ .
- 15. <u>En los tres modelos restantes podemos disting</u>uir que<sup>218</sup>:
- ll. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>219</sup> que tienden a reducirse a medida que se aleja de ella.
- mm. En la punta del arco disminuyen las fuerzas de tracción<sup>220</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>213</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>214</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>215</sup> Ver gráfico (61).

<sup>&</sup>lt;sup>216</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>217</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>218</sup> Ver gráfico (62), (63) y (64).

<sup>&</sup>lt;sup>219</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

 $<sup>^{\</sup>rm 220}$  No existen zonas de colores fríos.

	3.5.3.4	Vectores	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(Sii)	221-222									

(CUADRO 31) ARCO DE MEDIO PUNTO: "SI"									
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.									
	4444								
(GRAF.3: 27) A. Medio punto: BA	(GRAF. pi	.3: 32) A. Medio unto: BA-RL			(GRAF.3: 37) A. M punto: BE	ledio	(GRAF.3: 41) A. ideal: BE-RL		
		Main Ax. Fc	prce(N/M).	"Si″ fac	tor-8.1e-6.				
(65) 3.4.1.3.C		(66) 3.4.2	.3.c	(67	) 3.4.3.3.c		(68) 3.4.4.3.c		

### 16. En el caso del modelo con la base apoyada (BA) vemos que<sup>223</sup>:

- nn. En la clave del arco se concentran<sup>224</sup> fuerzas de tracción<sup>225</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- oo. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran fuerzas de compresión y tienden a reducir a medida que se alejan de ella.

17. <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL) se observa que<sup>226</sup>:</u>

- pp. En la zona superior del arco disminuyen considerablemente las tracciones<sup>227</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- qq. En las partes laterales del hueco aparecen unas pequeñas fuerzas de tracción  $^{\rm 228}.$
- rr. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión.
- ss. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>229</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>221</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>&</sup>lt;sup>222</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>223</sup> Ver gráfico (65).

<sup>&</sup>lt;sup>224</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja.

<sup>&</sup>lt;sup>225</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>226</sup> Ver gráfico (66).

 $<sup>^{227}</sup>$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>228</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

- 18. <u>Cuando la base está empotrada (BE) se apre</u>cia que<sup>230</sup>:
- tt. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran pequeñas fuerzas de tracción $^{231}$ .
- uu. En la zona alejada de la parte superior del arco existen pequeñas fuerzas de tracción.
- vv. En las caras laterales del hueco aparecen pequeñas fuerzas de tracción  $^{\rm 232}.$
- ww. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>233</sup>.
- xx. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente $^{234}$ .

### **19.** <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (*BE-RL*) se observa que<sup>235</sup>:

- yy. En la zona superior del arco disminuyen considerablemente las tracciones<sup>236</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- zz. En las partes laterales del hueco no llegan a desaparecer las pequeñas fuerzas de tracción existentes<sup>237</sup>.
- aaa. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>238</sup>.
- bbb. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente.
- ccc. La pared está prácticamente comprimida<sup>239</sup> en su totalidad.
- 20. De modo general podríamos decir que:
- ddd. Las fuerzas de compresión se concentran en el inicio de la parte curva de los huecos.
- eee. Las fuerzas de tracción se concentran en la zona superior de los arcos.
- fff. La pared con la base simplemente apoyada es más desfavorable.
- ggg. Si lo restringimos lateralmente el comportamiento mejora considerablemente.

<sup>222</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>238</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>229</sup> La pared contiene vectores de color azul prácticamente en toda la superficie.

<sup>&</sup>lt;sup>230</sup> Ver gráfico (67).

 $<sup>^{\</sup>rm 231}$  Aunque menores en comparación con los del modelo simplemente apoyado.

 $<sup>^{\</sup>rm 233}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>234</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>235</sup> Ver gráfico (68).

 $<sup>^{236}</sup>$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>237</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>239</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul.

SIN INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIO	ATH THEFT AND ALL AND AND A CONFULTÓN
--------------------------------------	---------------------------------------

	3.5.3.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(N11)	240-241									

(CUADRO 32) ARCO DE MEDIO PUNTO: "N11"									
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.									
		N11 1.7321e+05 1.3472e+05 9.6227 5.7736 1.19245 -19245 -57736 -65227 -1.3472e+05	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,						
(GRAF.3: 27) A. Medio punto: BA	(GRAF.3: 32) A. Medio punto: BA-RL	-1.7321e+05	(GRAF.3: 37) A. Me punto: BE	dio (GRAF.3: 41) A. ideal: BE-RL					
	Maii	n Ax. Force(N/M). ".	N11″.						
(69) 3.4.1.3.e	(70) 3.4	.2.3.e (7	1) 3.4.3.3.e	(72) 3.4.4.3.e					

**21.** <u>En el caso del modelo con la base apoyada (BA) podemos notar</u> <u>que<sup>242</sup>:</u>

- hhh. En la clave del arco se concentran $^{243}$  fuerzas de tracción $^{244}$ , las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- iii. En el inicio de la parte curva de los huecos se concentran las fuerzas de compresión.
- 22. En los modelos con restricciones laterales se observa que<sup>245</sup>:
- jjj. En la zona superior del arco disminuyen notoriamente las tracciones<sup>246</sup>, aunque no llegan a desaparecer.
- 23. Cuando la base está empotrada (BE) se aprecia que<sup>247</sup>:
- kkk. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran pequeñas fuerzas de tracción $^{\rm 248}.$
- 111. Las zonas de compresión aumentan considerablemente.

<sup>247</sup> Ver gráfico (71).

<sup>&</sup>lt;sup>240</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>241</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>242</sup> Ver gráfico (69).

 $<sup>^{\</sup>rm 243}$  Zona con tonalidades de color verde.

<sup>&</sup>lt;sup>244</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>245</sup> Ver gráfico (70) y (72).

<sup>&</sup>lt;sup>246</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>248</sup> Con mucha diferencia en relación con los del modelo simplemente apoyado; comparar gráficos (69) con (71).

### 3.5.4 <u>Hueco con arco carpanel</u>

### 3.5.4.1 Comparación de los desplazamientos

# 3.5.4.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>249</sup>



# 1. <u>En el modelo con la base apoyada (BA)</u> se puede observar que<sup>250</sup>:

- a. Los desplazamientos laterales son superiores<sup>251</sup>.
- Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base y disminuyen considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>252-253</sup>.
- c. La base del hueco es más rígida<sup>254</sup>, por ello los desplazamientos son menores.
- d. La pared se dilata libremente en ambos extremos<sup>255</sup>.
- e. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos<sup>256</sup>.

### 2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales impuestas (*BA-RL*) se aprecia que<sup>257</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>249</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>250</sup> Ver gráfico (73).

<sup>&</sup>lt;sup>251</sup> En comparación con los otros modelos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 252}$  Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>253</sup> Dado el mayor grado de rigidez que le aporta la forma.

<sup>&</sup>lt;sup>254</sup> Por estar constituida por aristas con ángulos de 90º, dando como resultado ser más complicado abrir el hueco.

<sup>&</sup>lt;sup>255</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

<sup>&</sup>lt;sup>256</sup> A diferencia de los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>257</sup> Ver gráfico (74).

- f. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base tienden a disminuir considerablemente.
- g. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- h. La zona libre para deformarse se localizará en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- i. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario  $(\checkmark \rightarrow)^{258}$ , dando lugar a tracciones muy pequeñas.
- j. El hueco tiene tendencia a cerrarse en la base<sup>259</sup>.
- 3. <u>En el caso del modelo con la base empotrada (BE)</u> vemos que<sup>260</sup>:
- k. En la base los desplazamientos son nulos<sup>261</sup>.
- Los máximos desplazamientos se producen en las partes laterales del modelo, específicamente en las zonas centrales<sup>262</sup>.
- m. Los desplazamientos se van prolongando hasta llegar al arco.
- n. En la parte superior del arco se desarrollan desplazamientos que estiran el material $^{263}$ .

### 4. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> laterales impuestas (*BE-RL*) se aprecia que<sup>264</sup>:

- o. Los desplazamientos se anulan tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- p. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte superior del hueco.
- q. En la clave del arco comienzan a aparecer desplazamientos en sentido opuesto<sup>265</sup>.
- r. En la parte central de las caras laterales del hueco también se producen desplazamientos aunque muy pequeños.
- 5. De modo general podemos decir que:
- s. La pared con la base apoyada (73) tiene un comportamiento desfavorable.
- t. El modelo con la base empotrada y restricciones laterales (76) tiene una mejor función estructural.

<sup>260</sup> Ver gráfico (75).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 258}$  Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la derecha y el izquierdo hacia la izquierda.

<sup>&</sup>lt;sup>259</sup> Esto se debe a que es más fácil cerrar un hueco cuya base está formada por aristas con ángulos de 90°.

 $<sup>^{\</sup>rm 261}$  Debido al empotramiento que impide el desplazamiento lateral.

<sup>&</sup>lt;sup>262</sup> Que es la zona con libertad de movimiento.

<sup>263</sup> Que originan pequeñas tracciones en dicha zona. Hay que tener en cuenta que esta zona también puede desplazar libremente, por haberle impuesto ningún tipo de condición de contorno.

<sup>&</sup>lt;sup>264</sup> Ver gráfico (76).

<sup>&</sup>lt;sup>265</sup> Que dan lugar a tracciones pequeñas.



# 3.5.4.1.2 Desplazamientos en "z"<sup>266</sup>

- 6. En el modelo con la base apoyada (BA) observamos que<sup>267</sup>:
- u. La pared tiene poca rigidez<sup>268</sup>.
- v. La zona de desplazamientos máximos<sup>269</sup> se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos se puede distinguir que<sup>270</sup>:
- w. Las paredes son más rígidos<sup>271</sup>.
- x. Los desplazamientos son más homogéneos en los extremos.
- y. Las máximas deformaciones llegan al nivel de las claves de los arcos<sup>272</sup>.
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- z. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- aa. La pared con la base apoyada es más deformable.
- bb. Los modelos restantes se comportan de modo similar.

<sup>&</sup>lt;sup>266</sup> Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>267</sup> Ver gráfico (77).

<sup>&</sup>lt;sup>268</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>269</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>270</sup> Ver gráfico (78), (79) y (80).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 271}$  Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 272}$  Aunque en menor grado que el modelo con la base apoyada.

(CUADRO 35) ARCO CARPANEL: "SII"								
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.								
	87 89 88 87 89 88							
(GRAF.3: 28) A. carpanel: BA	( c	GRAF.3: 33) A. arpanel: BA-RL			(GRAF.3: 38) A carpanel: BE	•	(GRAF.3: 43) A. carpanel: BE-RL	
		Main Ax. Fo	rce(N/M).	"Sii″ fac	tor-8.1e-6.			
(81) 3.4.1.4.b		(82) 3.4.2	2.4.b	(83	) 3.4.3.4.b		(84) 3.4.4.4.b	

# 3.5.4.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 273-274

### 9. En el modelo simplemente apoyado (BA) se puede apreciar<sup>275</sup>:

- cc. En la parte recta del arco existen vectores de tracción<sup>276</sup>.
- dd. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones casi imperceptibles<sup>277</sup>.

### **10.** En el momento en que le imponemos restricciones laterales (*BA*-*RL*) podemos distinguir que<sup>278</sup>:

- ee. En la parte recta del arco desaparecen parcialmente las fuerzas de tracción<sup>279</sup>.
- ff. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones bajas.
- 11. Si la base del modelo se empotra (BE) observamos que<sup>280</sup>:
- gg. En la parte recta del arco existen pequeñas tracciones<sup>281</sup>.

<sup>280</sup> Ver gráfico (83).

<sup>&</sup>lt;sup>273</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>rm 274}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>275</sup> Ver gráfico (81).

 $<sup>^{\</sup>rm 276}$  Los vectores de color rojo son de rango superior a los otros modelos.

 $<sup>^{\</sup>rm 277}$  Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>278</sup> Ver gráfico (82).

<sup>&</sup>lt;sup>279</sup> Existen vectores de color rojo, aunque muy pequeños.

<sup>&</sup>lt;sup>281</sup> Poco concentración de los vectores de color rojo.
**12.** <u>Si limitamos los movimientos de las caras laterales del modelo</u> empotrado (*BE-RL*) vemos que<sup>282</sup>:

- hh. La parte superior del arco se comprime considerablemente.
- 13. De modo general podríamos decir que:
- ii. Las diferencias son casi son casi imperceptibles<sup>283</sup>.
- jj. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

<sup>&</sup>lt;sup>282</sup> Ver gráfico (84).

<sup>&</sup>lt;sup>283</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de la fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

3.5.4.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)  $^{\rm 284-285}$ 



## 14. En el modelo simplemente apoyado (BA) se observa que<sup>286</sup>:

- kk. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>287</sup> que tienden a reducirse a medida que se aleja de ella.
- 11. En la parte superior de la clave del arco se aprecian con mayor claridad las fuerzas de tracción de valores muy pequeños<sup>288</sup>.
- 15. <u>En los tres modelos restantes podemos distinguir que<sup>289</sup>:</u>
- mm. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>290</sup> que tienden a reducirse a medida que se aleja de ella.
- nn. En la parte recta del arco disminuyen las fuerzas de tracción  $^{\rm 291}.$

<sup>&</sup>lt;sup>284</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>285</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>286</sup> Ver gráfico (85).

<sup>&</sup>lt;sup>287</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>288</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>289</sup> Ver gráfico (86), (87) y (88).

<sup>&</sup>lt;sup>290</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>291</sup> No existen zonas de colores fríos.

# 3.5.4.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii) 292-293

	(CUADRO 3	37) ARC	O CARPAN	NEL: "SI"				
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.								
(GRAF.3: 28) A. carpanel: BA	(GRAF.3: 33) A. carpanel: BA-RL			(GRAF.3: 38) A carpanel: BE		(GRAF.3: 43) A. carpanel: BE-RL		
	Main Ax. Fo	prce(N/M).	"Si″ fac	tor-8.1e-6.	<u>I</u>			
(89) 3.4.1.4.C	(90) 3.4.2	2.4.C	(91	) 3.4.3.4.c	(	92) 3.4.4.4.C		

**16.** <u>En el caso del modelo con la base apoyada (BA) apreciamos</u> <u>que<sup>294</sup>:</u>

- oo. En la línea de la parte superior del arco se concentran<sup>295</sup> fuerzas de tracción<sup>296</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- pp. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran fuerzas de compresión y tienden a reducir a medida que se alejan de ella.

17. <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL) se observa que<sup>297</sup>:</u>

- qq. En la línea de la parte superior del arco disminuyen considerablemente las tracciones<sup>298</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- rr. En las partes laterales del hueco aparecen unas pequeñas fuerzas de tracción  $^{\rm 299}.$
- ss. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión.

<sup>292</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>293</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>294</sup> Ver gráfico (89).

<sup>&</sup>lt;sup>295</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja.

<sup>&</sup>lt;sup>296</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>297</sup> Ver gráfico (90).

 $<sup>^{298}</sup>$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>299</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

- tt. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>300</sup>.
- 18. Cuando la base está empotrada (BE) se aprecia que<sup>301</sup>:
- uu. En la línea de la parte superior del arco se concentran pequeñas fuerzas de tracción $^{302}$ .
- vv. En la zona alejada de la parte superior del arco existen pequeñas fuerzas de tracción.
- ww. En las caras laterales del hueco aparecen pequeñas fuerzas de tracción<sup>303</sup>.
- xx. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión.
- yy. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente $^{304}$ .

**19.** <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (*BE-RL*) se observa que<sup>305</sup>:

- zz. En la línea de la parte superior del arco disminuyen considerablemente las tracciones<sup>306</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- aaa. En las partes laterales del hueco no llegan a desaparecer las pequeñas fuerzas de tracción existentes<sup>307</sup>.
- bbb. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión.
- ccc. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente.
- ddd. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad.
- 20. De modo general podríamos decir que:
- eee. Las fuerzas de compresión se concentran en el inicio de la parte curva de los huecos.
- fff. Las fuerzas de tracción se concentran en la parte recta superior de los arcos.
- ggg. La pared con la base simplemente apoyada es más desfavorable.
- hhh. Si lo restringimos lateralmente el comportamiento mejora considerablemente.

<sup>&</sup>lt;sup>300</sup> La pared contiene vectores de color azul prácticamente en toda la superficie.

<sup>&</sup>lt;sup>301</sup> Ver gráfico (91).

<sup>&</sup>lt;sup>302</sup> Aunque menores en comparación con los del modelo simplemente apoyado.

<sup>&</sup>lt;sup>303</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>304</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>305</sup> Ver gráfico (92).

<sup>&</sup>lt;sup>306</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>307</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

SIN	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIO
0111	1111 2021011	222	20110110		0011211201

	3.5.4.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(N11)	308-309									

(CUADRO 38) ARCO CARPANEL: "N11"								
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.								
		N11 1.7321e+05 96227 57736 19245 -19245 -57736 -6227						
(GRAF.3: 28) A. carpanel: BA	(GRAF.3: 33) A. carpanel: BA-RL	-1.3472e+05 -1.7321e+05	(GRAF.3: 38) A. carpanel: BE	(GRAF.3: 43) A. carpanel: BE-RL				
	Main	Ax. Force(N/M). "N	N11″.					
(93) 3.4.1.4.e	(94) 3.4.2	2.4.e (95	) 3.4.3.4.e	(96) 3.4.4.4.e				

21. <u>En el caso del modelo con la base apoyada (BA) podemos</u> apreciamos que<sup>310</sup>:

- iii. En la línea de la parte superior del arco se concentran<sup>311</sup> fuerzas de tracción<sup>312</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- jjj. En el inicio de la parte curva de los huecos se concentran las fuerzas de compresión<sup>313</sup>.
- 22. En los modelos con restricciones laterales se observa que<sup>314</sup>:
- kkk. En la línea de la parte superior del arco disminuyen notoriamente las tracciones<sup>315</sup>, aunque no llegan a desaparecer.

23. Cuando la base está empotrada (BE) se nota que<sup>316</sup>:

lll. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran pequeñas fuerzas de tracción  $^{\rm 317}.$ 

mmm. Las zonas de compresión aumentan considerablemente.

<sup>&</sup>lt;sup>308</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>309</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>310</sup> Ver gráfico (93).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 311}$  Zona con tonalidades de color verde.

<sup>&</sup>lt;sup>312</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 313}$  Concentración de gama de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>314</sup> Ver gráfico (94) y (96).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 315}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>316</sup> Ver gráfico (95).

<sup>&</sup>lt;sup>317</sup> Con mucha diferencia en relación con los del modelo simplemente apoyado; comparar gráficos (69) con (71).

#### 3.5.5 <u>Hueco con arco de ángulos rectos</u>

## 3.5.5.1 Comparación de los desplazamientos

3.5.5.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>318</sup>



- 1. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>319</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son superiores<sup>320</sup>.
- Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base y disminuyen considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>321-322</sup>.
- c. La base del hueco es más rígida<sup>323</sup>, por ello los desplazamientos son menores.
- d. La pared se dilata libremente en ambos extremos<sup>324</sup>.
- e. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos<sup>325</sup>.

2. En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales impuestas (BA-RL) se aprecia que<sup>326</sup>:

<sup>320</sup> En comparación con los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>318</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>319</sup> Ver gráfico (97).

<sup>&</sup>lt;sup>321</sup> Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>322</sup> Dado el mayor grado de rigidez que le aporta la forma.

<sup>&</sup>lt;sup>323</sup> Por estar constituida por aristas con ángulos de 90º, dando como resultado ser más complicado abrir el hueco.

<sup>&</sup>lt;sup>324</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

 $<sup>^{\</sup>rm 325}$  A diferencia de los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>326</sup> Ver gráfico (98).

- f. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base tienden a disminuir considerablemente.
- g. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- h. La zona libre para deformarse se localizará en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- i. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario  $(\checkmark \rightarrow)^{327}$ , dando lugar a tracciones muy pequeñas.
- j. El hueco tiene tendencia a cerrarse en la base<sup>328</sup>.
- 3. <u>En el caso del modelo con la base empotrada (BE)</u> vemos que<sup>329</sup>:
- k. En la base los desplazamientos son nulos<sup>330</sup>.
- Los máximos desplazamientos se producen en las partes laterales del modelo, específicamente en las zonas centrales<sup>331</sup>.
- m. Los desplazamientos se van prolongando hasta llegar al arco
- n. En la parte superior del arco se desarrollan desplazamientos que estiran el material  $^{\rm 332}.$

## 4. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> laterales impuestas (*BE-RL*) se aprecia que<sup>333</sup>:

- o. Los desplazamientos se anulan tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- p. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte superior del hueco.
- q. En la clave del arco comienzan a aparecer desplazamientos en sentido opuesto<sup>334</sup>.
- r. En la parte central de las caras laterales del hueco también se producen desplazamientos aunque muy pequeños.
- 5. De modo general podemos decir que:
- s. La pared con la base apoyada (1) tiene un comportamiento desfavorable.
- t. El modelo con la base empotrada y restricciones laterales (4) tiene una mejor función estructural.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 327}$  Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la derecha y el iuierdo hacia la izquierda.

<sup>&</sup>lt;sup>328</sup> Esto se debe a que es más fácil cerrar un hueco cuya base está formada por aristas con ángulos de 90°.

<sup>&</sup>lt;sup>329</sup> Ver gráfico (99).

<sup>&</sup>lt;sup>330</sup> Debido al empotramiento que impide el desplazamiento lateral.

<sup>&</sup>lt;sup>331</sup> Que es la zona con libertad de movimiento.

<sup>&</sup>lt;sup>332</sup> Que originan pequeñas tracciones en dicha zona. Hay que tener en cuenta que esta zona también puede desplazar libremente, por haberle impuesto ningún tipo de condición de contorno.

<sup>&</sup>lt;sup>333</sup> Ver gráfico (100).

<sup>&</sup>lt;sup>334</sup> Que dan lugar a tracciones pequeñas.

## 3.5.5.1.2 Desplazamientos en "z''<sup>335</sup>



## 6. En el modelo con la base apoyada (BA) podemos observar que<sup>336</sup>:

- u. La pared tiene poca rigidez<sup>337</sup>.
- v. La zona de desplazamientos máximos<sup>338</sup> se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos vemos que<sup>339</sup>:
- w. Las paredes son más rígidos<sup>340</sup>.
- x. Los desplazamientos son más homogéneos en los extremos.
- y. Las máximas deformaciones llegan al nivel de las claves de los  $\arccos^{341}.$
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- z. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- aa. La pared con la base apoyada es más deformable.
- bb. Los modelos restantes se comportan de modo similar.

<sup>&</sup>lt;sup>335</sup> Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>336</sup> Ver gráfico (101).

<sup>&</sup>lt;sup>337</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>338</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>339</sup> Ver gráfico (102), (103) y (104).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 340}$  Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

<sup>&</sup>lt;sup>341</sup> Aunque en menor grado que el modelo con la base apoyada.

# 3.5.5.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) $^{\rm 342-343}$



### 9. En el modelo simplemente apoyado (BA) se puede apreciar<sup>344</sup>:

- cc. En la parte recta del arco existen vectores de tracción<sup>345</sup>.
- dd. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones casi imperceptibles<sup>346</sup>.

**10.** En el momento en que le imponemos restricciones laterales (BA-RL) podemos distinguir que<sup>347</sup>:

- ee. En la parte recta del arco desaparecen parcialmente las fuerzas de tracción<sup>348</sup>.
- ff. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones bajas.
- 11. Si la base del modelo se empotra (BE) observamos que<sup>349</sup>:
- gg. En la parte recta del arco existen pequeñas tracciones<sup>350</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>342</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>rm 343}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>344</sup> Ver gráfico (105).

 $<sup>^{\</sup>rm 345}$  Los vectores de color rojo son de rango superior a los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>346</sup> Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>347</sup> Ver gráfico (106).

 $<sup>^{\</sup>rm 348}$  Existen vectores de color rojo, aunque muy pequeños.

<sup>&</sup>lt;sup>349</sup> Ver gráfico (107).

<sup>&</sup>lt;sup>350</sup> Poco concentración de los vectores de color rojo.

|--|

**12.** <u>Si limitamos los movimientos de las caras laterales del modelo</u> empotrado (*BE-RL*) vemos que<sup>351</sup>:

- hh. La parte superior del arco se comprime considerablemente.
- 13. De modo general podríamos decir que:
- ii. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>352</sup>.
- jj. La formación de arcos de descarga se aprecia con más claridad.
- kk. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

<sup>&</sup>lt;sup>351</sup> Ver gráfico (108).

<sup>&</sup>lt;sup>352</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de la fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

# 3.5.5.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{\rm 353-354}$



### 14. En el modelo simplemente apoyado (BA) se observa que<sup>355</sup>:

- ll. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>356</sup> que tienden a reducirse a medida que se aleja de ella.
- mm. En la parte superior de la clave del arco se aprecian con mayor claridad las fuerzas de tracción de valores muy pequeños<sup>357</sup>.
- 15. En los tres modelos restantes podemos distinguir que<sup>358</sup>:
- nn. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>359</sup> que tienden a reducirse a medida que se aleja de ella.
- oo. En la parte recta del arco disminuyen las fuerzas de tracción  $^{360}. \label{eq:mass_star}$

<sup>&</sup>lt;sup>353</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>354</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>355</sup> Ver gráfico (109).

<sup>&</sup>lt;sup>356</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>357</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>358</sup> Ver gráfico (110), (111) y (112).

 $<sup>^{\</sup>rm 359}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>360</sup> No existen zonas de colores fríos.

	3.5.5.4	Vectores	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(Sii)	361-362									



**16.** <u>En el caso del modelo con la base apoyada (BA) apreciamos</u> <u>que<sup>363</sup>:</u>

- pp. En la línea de la parte superior del arco se concentran<sup>364</sup> fuerzas de tracción<sup>365</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- qq. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran fuerzas de compresión<sup>366</sup> y tienden a reducir a medida que se alejan de ella.

17. <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL</u>) se observa que<sup>367</sup>:

- rr. En la línea de la parte superior del arco disminuyen considerablemente las tracciones<sup>368</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- ss. En las partes laterales del hueco aparecen unas pequeñas fuerzas de tracción<sup>369</sup>.
- tt. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>370</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>361</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 362}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>363</sup> Ver gráfico (113).

<sup>&</sup>lt;sup>364</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja. La zona que abarca es más grande que los otros tipos de arcos.

<sup>&</sup>lt;sup>365</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>366</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>367</sup> Ver gráfico (114).

<sup>&</sup>lt;sup>368</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>369</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

- uu. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>371</sup>.
- 18. Cuando la base está empotrada (BE) se aprecia que<sup>372</sup>:
- vv. En la línea de la parte superior del arco se concentran pequeñas fuerzas de tracción<sup>373</sup>.
- ww. En la zona alejada de la parte superior del arco existen pequeñas fuerzas de tracción.
- xx. En las caras laterales del hueco aparecen pequeñas fuerzas de tracción  $^{374}. \label{eq:rescale}$
- yy. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión.
- zz. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente $^{375}$ .

**19.** <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (*BE-RL*) se observa que<sup>376</sup>:

- aaa. En la línea de la parte superior del arco disminuyen considerablemente las tracciones<sup>377</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- bbb. En las partes laterales del hueco no llegan a desaparecer las pequeñas fuerzas de tracción existentes<sup>378</sup>.
- ccc. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión.
- ddd. Las zonas de compresión de la base aumentan considerablemente.
- eee. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad.
- 20. De modo general podríamos decir que:
- fff. Las fuerzas de compresión se concentran en el inicio de la parte curva de los huecos.
- ggg. Las fuerzas de tracción se concentran en la parte recta superior de los arcos.
- hhh. La pared con la base simplemente apoyada es más desfavorable.
- iii. Si lo restringimos lateralmente el comportamiento mejora considerablemente.

<sup>&</sup>lt;sup>370</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>371</sup> La pared contiene vectores de color azul prácticamente en toda la superficie.

<sup>&</sup>lt;sup>372</sup> Ver gráfico (115).

<sup>&</sup>lt;sup>373</sup> Aunque menores en comparación con los del modelo simplemente apoyado.

<sup>&</sup>lt;sup>374</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>375</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>376</sup> Ver gráfico (116).

<sup>&</sup>lt;sup>377</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>378</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

	3.5.5.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>"11"</u>
(N11)	379-380									

(CUADRO 44) ARCO DE ÁNGULOS RECTOS: "N11"									
Represent	Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.								
		N11 1.7321e+05 9.6627 57736 1.9245 -19245 -57736 -96227 -57736 -96227 -13272e+05							
(GRAF.3: 29) A. A. rectos: BA	(GRAF.3: 34) A. A. rectos: BA-RL	-1.7321e+05	(GRAF.3: 39) A rectos: BE	. A. (GRAF.3: 44) A. A. rectos: BE-RL					
	Mair	n Ax. Force(N/M).	"N11".						
			¥						
(117) 3.4.1.5.e	(118) 3.4	.2.5.e	(119) 3.4.3.5.e	(120) 3.4.4.5.e					

## 21. En el caso del modelo con la base apoyada (BA) vemos que<sup>381</sup>:

- jjj. En la línea de la parte superior del arco se concentran<sup>382</sup> fuerzas de tracción<sup>383</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos.
- kkk. En el inicio de la parte curva de los huecos se concentran las fuerzas de compresión.
- 22. En los modelos con restricciones laterales se observa que<sup>384</sup>:
- lll. En la línea de la parte superior del arco disminuyen notoriamente las tracciones<sup>385</sup>, aunque no llegan a desaparecer.
- 23. Cuando la base está empotrada (BE) se puede apreciar que<sup>386</sup>:
- mmm. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran pequeñas fuerzas de tracción<sup>387</sup>.
- nnn. Las zonas de compresión aumentan considerablemente.

<sup>386</sup> Ver gráfico (119).

<sup>&</sup>lt;sup>379</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>380</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>381</sup> Ver gráfico (117).

<sup>&</sup>lt;sup>382</sup> Zona con tonalidades de color verde.

<sup>&</sup>lt;sup>383</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>384</sup> Ver gráfico (118) y (120).

<sup>&</sup>lt;sup>385</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>387</sup> Con mucha diferencia en relación con los del modelo simplemente apoyado; comparar gráficos (69) con (71).

 МЛС
<u>CAPÍTULO-3</u>
1 ASPECTOS GENERALES
2 CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS
3 PRESENTACIÓN DE UN MODELO INTRODUCTORIO
4 ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
5 INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO
6 INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO
7 CONCLUSIONES



### 3.6 INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS SIN ZUNCHO

A partir de diferentes condiciones de contorno vamos a determinar en qué situación la pared presenta el mejor comportamiento a nivel estructural<sup>388</sup>.

## 3.6.1 Modelo con la base apoyada

### 3.6.1.1 Comparación de los desplazamientos

3.6.1.1.1 Desplazamientos en "x" 389



### 1. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>390</sup>:

a. De modo general son superiores los desplazamientos laterales.

- b. En la parte inferior de las caras laterales del hueco se concentran mayores deformaciones<sup>391</sup>.
- c. La pared es más deformable.

## 2. <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia</u> <u>que<sup>392</sup>:</u>

- d. Los desplazamientos laterales son menores en comparación con los del modelo anterior.
- e. En la parte inferior de las caras laterales del hueco se comienzan a reducir los desplazamientos.

<sup>&</sup>lt;sup>388</sup> En este apartado se realizan las comparaciones incluyendo únicamente el arco ideal y se deja de lado el arco ojival. Esta selección responde a dos aspectos escenciales: la similitud del comportamiento entre ambos arcos (como se pudo observar en el apartado anterior) y la utilidad del arco ideal en obras reales en comparación con el arco ojival (que en la actualida está en desuso).

<sup>&</sup>lt;sup>389</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>390</sup> Ver gráfico (121).

<sup>&</sup>lt;sup>391</sup> En comparación con los modelos restantes. En esta zona se concentran gamas de colores más intensos en comparación con los otros modelos en los cuales los colores son más claros.

<sup>&</sup>lt;sup>392</sup> Ver gráfico (122).

- f. La pared es mucho menos deformable<sup>393</sup>.
- 3. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>394</sup>:
- g. Los desplazamientos laterales son menores en comparación con los del modelo anterior.
- h. En la parte inferior de las caras laterales del hueco es más notoria la reducción de las deformaciones.
- i. La pared es mucho menos deformable.

4. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u> que<sup>395</sup>:

- j. De modo general, los desplazamientos laterales disminuyen.
- k. En la parte inferior de las caras laterales del hueco disminuyen considerablemente las deformaciones.
- 1. La pared es mucho menos deformable.
- 5. De modo general podemos decir que:
- m. Los desplazamientos son bastante parecidos<sup>396</sup>.
- n. La concentración de desplazamientos se localiza en los extremos externos de la base.
- o. Mientras más plana sea la clave del arco, menores serán los desplazamientos localizados en las caras laterales del hueco.
- p. En los tres últimos modelos<sup>397</sup> se observa como poco a poco se van reduciendo los desplazamientos en las caras laterales de los huecos.
- q. En la parte superior de la pared<sup>398</sup> se invierte<sup>399</sup> el sentido de los desplazamientos.
- r. El arco ideal es el que presenta el comportamiento más desfavorable<sup>400</sup>.
- s. La pared con el arco de ángulos rectos tiene el mejor comportamiento<sup>401</sup>.

 $^{397}$  Que tienen en común que las bases de los arcos forman ángulos de 90°.

<sup>&</sup>lt;sup>393</sup> Al formar 90° con la base.

<sup>&</sup>lt;sup>394</sup> Ver gráfico (123).

<sup>&</sup>lt;sup>395</sup> Ver gráfico (124).

<sup>&</sup>lt;sup>396</sup> Aunque un poco mayores en el modelo con el arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>398</sup> A la altura del último forjado.

<sup>&</sup>lt;sup>399</sup> Es decir, en vez de abrirse, como ocurre en la base, se une. Esto es real ya que al deformar la pieza en esta zona, se comprime.

<sup>&</sup>lt;sup>400</sup> Esto es razonable ya que el arco ideal forma con la base un ángulo mayor a 90°, lo cual es más fácil de abrir.

<sup>401</sup> Por ser una forma más rígida.

(CUADRO 46)	MODELOS	CON LA BASE	APOYADA	(BA): DESPL	AZAMIENTO EN "Z"
Represer	tación gráfic	ca de los mode	los sin inf	luencia del zuo	cho de borde.
		A Disp	Z -5.8835e-05 -0.001767 -0.00023534 -0.00023534 -0.000239417 -0.00035301 -0.00035301		
(GRAF.3: 26) A. ideal: BA	(GRAF.3: 27) A. punto: BA	Medio	-0.00047068 -0.00052951	(GRAF.3: 28) A carpanel: BA	A. (GRAF.3: 29) A. A. A rectos: BA
		Desplazam	ientos en "	Ζ″	
(125) 3.4.1.2.a	( 1	20/ 3.4.1.3.a	(12)	() 3.4.1.4.a	(⊥∠¤) 3.4.1.5.a

## 3.6.1.1.2 <u>Desplazamientos en "z"<sup>402</sup></u>

- 6. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>403</sup>:
- t. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco son inferiores.
- 7. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>404</sup>:
- u. En la parte superior del arco se comienzan a intensificar las deformaciones.
- 8. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>405</sup>:
- v. En la parte superior del arco se intensifican las deformaciones.
- 9. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>406</sup>:
- w. En la parte superior del arco es más notorio el crecimiento de los desplazamientos.
- x. La concentración de las deformaciones abarca toda la longitud de la línea superior del arco
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- y. Mientras más plano es el arco, las máximas deformaciones cubren más parte de la clave del mismo y aumenta de intensidad.
- z. Los máximos desplazamientos<sup>407</sup> se localizan en la parte central.
- aa. Los desplazamientos descienden hasta la clave de los arcos.

 $<sup>^{\</sup>rm 402}$  Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>403</sup> Ver gráfico (125).

<sup>&</sup>lt;sup>404</sup> Ver gráfico (126).

<sup>&</sup>lt;sup>405</sup> Ver gráfico (127).

<sup>406</sup> Ver gráfico (128).

<sup>407</sup> En el modelo con el hueco de ángulos rectos los desplazamientos son mayores.

# 3.6.1.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>408-409</sup>



## 11. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>410-411</sup>:

- bb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona muy reducida del modelo.
- cc. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de menor intensidad.

# **12.** <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia</u> <u>que<sup>412-413</sup>:</u>

- dd. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona mayor de la pared.
- ee. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco tienen una intensidad mayor.
- ff. En la clave del arco se comienza a distinguir la formación del arco de descarga.

# 13. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>414-415</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>408</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".
<sup>409</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>410</sup> Ver gráfico (129).

<sup>&</sup>lt;sup>411</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>412</sup> Ver gráfico (130).

<sup>413</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>414</sup> Ver gráfico (131).

- gg. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- hh. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco van subiendo de intensidad.
- ii. La formación del arco de descarga<sup>416</sup> se aprecia con más claridad.

**14.** En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia gue<sup>417-418</sup>:

- jj. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- kk. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de mayor intensidad.
- 11. La formación del arco de descarga<sup>419</sup> es muy clara.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- mm. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas, e incluso se intensifican.
- nn. La parte superior del arco se descomprime, teniendo lugar la desviación de las cargas a las partes laterales de los huecos<sup>420</sup>.
- oo. Esta zona descomprimida aumenta en la medida que el arco pierde curvatura.
- pp. La zona descomprimida representa la formación del arco de descarga.
- qq. A medida que la clave del arco va perdiendo curvatura, el arco de descarga<sup>421</sup> se va formando con mayor claridad.
- rr. En la clave del arco se produce una concentración de vectores de tracción.
- ss. El arco ideal es el que presenta el mejor comportamiento.
- tt. El arco de ángulos rectos es aquel que tiene el comportamiento más desfavorable.

<sup>417</sup> Ver gráfico (132).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 415}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>416</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Se observa que el triángulo no ocupa el total de la clave.

<sup>&</sup>lt;sup>418</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>419</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Además, forma un triángulo perfecto cuya base abarca el total de la clave del arco de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 420}$  En menor medida en el arco carpanel y mayor en el arco de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>421</sup> Se puede observar mejor en el último de los arcos (el de ángulos rectos).

# 3.6.1.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{\rm 422-423}$

(CUADRO 48) MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): "N22"									
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.									
		N22 6.15566+05 4.7877+05 3.4196+05 2.0519++05 -68396 -68396 -2.05196+05 -3.4196++05 -4.7877re+05							
(GRAF.3: 26) A. ideal: BA	(GRAF.3: 27) A. Medio punto: BA	-6.1556e+05	(GRAF.3: 28) A carpanel: BA	(GRAF.3: 29) A. A. rectos: BA					
	Main	Ax. Force(N/M).	"N22″.						
(133) 3.4.1.2.d	(134) 3.4.	1.3.d (	135) 3.4.1.4.d	(136) 3.4.1.5.d					

## 16. En el modelo con el arco ideal se puede observar que $^{424-425}$ :

uu. La intensidad de la fuerzas de compresión son superiores.

- vv. Las máximas fuerzas de compresión se localizan en la base del arco
- 17. En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>426</sup>:
- ww. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>427</sup>:
- xx. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- **19.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u> <u>que<sup>428</sup>:</u>
  - yy. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
  - zz. En la zona de máximas compresiones<sup>429</sup> se colocan dados de hormigón<sup>430</sup>.

<sup>426</sup> Ver gráfico (134).

<sup>427</sup> Ver gráfico (135).

<sup>&</sup>lt;sup>422</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>423</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>424</sup> Ver gráfico (133).

 $<sup>^{\</sup>rm 425}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>428</sup> Ver gráfico (136).

	3.6.1.4	Vectores	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(Sii)	431-432									

(CUADRO 49) MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): "SI"											
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.											
(GRAF.3: 26) A. ideal: BA	(GRA	F.3: 27) A. Medio punto: BA			(GRAF.3: 28) A carpanel: BA	•	(GRAF.3: 29) A. A. rectos: BA				
		Main Ax. Fo	prce(N/M).	"Si″ fac	tor-8.1e-6.		•				
(137) 3.4.1.2.c		(138) 3.4.	1.3.c	(139	9) 3.4.1.4.c	(140) 3.4.1.5.c					

### 20. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>433-434</sup>:

- aaa. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona amplia del modelo.
- bbb. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco tienen una menor intensidad.
- ccc. Las máximas compresiones se localizan en la base del modelo y son de mayor intensidad.
- 21. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>435-436</sup>:
- ddd. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona relativamente menor.
- eee. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco tienen una intensidad relativamente mayor.
- fff. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad  $^{\rm 437}.$
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>438-439</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>429</sup> Estas fuerzas son superiores, en comparación con los dos modelos anteriores: arco de medio punto y el carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>430</sup> El dado de hormigón tiene la finalidad de resistir las compresiones de mayor rango de valores, esto se debe a que en muchas ocasiones estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

<sup>&</sup>lt;sup>431</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 432}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>433</sup> Ver gráfico (137).

 $<sup>^{\</sup>rm 434}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>435</sup> Ver gráfico (138).

 $<sup>^{\</sup>rm 436}$  En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>437</sup> En comparación con el arco ideal.

- ggg. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia.
- hhh. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco van subiendo de intensidad.
- iii. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse  $^{440}.$
- 23. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia<sup>441-442</sup>:
- jjj. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- kkk. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son relativamente de mayor intensidad.
- 111. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>443</sup>.
- mmm. La parte superior del hueco se comporta como una viga<sup>444</sup>.
- 24. De modo general podríamos decir que:
- nnn. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en la clave del mismo.
- ooo. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas, e incluso se intensifican.
- ppp. En todos los modelos hay concentración de tracciones en la parte superior de los huecos.
- qqq. En la edificación se utilizan vigas<sup>445</sup> que sean capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en los modelos<sup>446</sup>.
- rrr. En la parte superior de los modelos<sup>447</sup> se desarrollan vectores de compresión.
- sss. El arco ideal es el que presenta el mejor comportamiento estructural.
- ttt. El comportamiento más desfavoble es el del arco de ángulos rectos<sup>448</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>438</sup> Ver gráfico (139).

<sup>&</sup>lt;sup>439</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>440</sup> Cuya intensidad es menor que el arco ideal, aunque superior a los arcos de medio punto y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>441</sup> Ver gráfico (140).

<sup>&</sup>lt;sup>442</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>443</sup> Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>444</sup> Es decir, compresiones en la parte superior y tracciones en la parte inferior. Este comportamiento sería más notorio si el ancho del hueco fuera mayor.

 $<sup>^{\</sup>rm 445}$  Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

 $<sup>^{\</sup>rm 446}$  Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.

 $<sup>^{\</sup>rm 447}$  A la altura de la última planta.

<sup>448</sup> Por ser el modelo con más tracciones.

	3.6.1.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>"11"</u>
(N11)	449-450									

(CUADRO 50) MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): "N11"										
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.										
		N11 1.7321e+05 96227 57736 19245 -19245 -57736 96227 -13245 -57736 96227 -13472e+05								
(GRAF.3: 26) A. ideal: BA	(GRAF.3: 27) A. Medio punto: BA	-1.7321e+05	(GRAF.3: 28) A. carpanel: BA	(GRAF.3: 29) A. A. rectos: BA						
Main Ax. Force(N/M). "N11".										
(141) 3.4.1.2.e	(142) 3.4.	.1.3.e (14	13) 3.4.1.4.e	(144) 3.4.1.5.e						

## 25. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>451</sup>:

- uuu. Las máximas compresiones se localizan en la base del modelo y son de mayor intensidad.
- vvv. Las tracciones que desarrolla el modelo son inferiores si se compara con los otros modelos.
- 26. En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>452</sup>:
- www. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>453</sup>:
- xxx. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificars $\rm e^{454}.$
- 28. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>455</sup>:
- yyy. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación con los modelos restantes.
- zzz. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos.

<sup>455</sup> Ver gráfico (144).

<sup>&</sup>lt;sup>449</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>450</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>451</sup> Ver gráfico (141).

<sup>&</sup>lt;sup>452</sup> Ver gráfico (142).

<sup>&</sup>lt;sup>453</sup> Ver gráfico (143).

<sup>&</sup>lt;sup>454</sup> Cuya intensidad es menor que el arco ideal, aunque superior a los arcos de medio punto y de ángulos rectos.

#### 3.6.2 Modelo con la base apoyada y restricción Lateral

## 3.6.2.1 Comparación de los desplazamientos

## 3.6.2.1.1 Desplazamientos en "x" $^{456}$



- 1. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>457</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son inferiores<sup>458</sup>.
- b. En la parte superior de las caras laterales del hueco se concentran mayores deformaciones.
- c. La clave del arco tiende a cerrarse y en cambio la base tiende a abrirse.
- d. El trazado del arco es menos deformable<sup>459</sup>.
- 2. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>460</sup>:
- e. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con los del modelo anterior.
- f. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte inferior de las caras laterales del hueco.
- g. La base del hueco tiende a cerrarse, a diferencia con la clave que se abre<sup>461</sup>.
- h. La pared comienza a ser más deformable<sup>462</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>456</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desaplazameintos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>457</sup> Ver gráfico (145).

<sup>&</sup>lt;sup>458</sup> En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>459</sup> También al ser menos deformable, la franja de desplazamientos casi nulos es más amplia en comparación con los otros modelos.

<sup>460</sup> Ver gráfico (146).

<sup>&</sup>lt;sup>461</sup> La abertura de la clave del arco es menor que en el caso de los modelos con: los arcos carpanel y el de ángulos rectos.

- 3. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>463</sup>:
- i. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con los del modelo anterior.
- j. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte inferior de las caras laterales del hueco y de mayor intensidad.
- k. La base del hueco tiende a cerrarse, a diferencia con la clave que se  $\mbox{abre}^{464}.$
- 1. La pared es más deformable<sup>465</sup>.
- 4. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>466</sup>:
- m. Los desplazamientos laterales se aumentan considerablemente<sup>467</sup>.
- n. En la parte inferior de las caras laterales del hueco se sitúan las máximas deformaciones.
- o. La base del hueco tiende a cerrarse  $^{468},\,$  a diferencia con la clave que se abre  $^{469}.$
- 5. De modo general podemos decir que:
- p. Cuando el hueco forma 90° con la base: las máximas deformaciones se localizan en la base y tienden a cerrar el hueco<sup>470</sup>.
- q. A medida que la curvatura de los arcos se aplanan se intensifican los desplazamientos tanto de la base como de la clave.
- r. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>471</sup>. Notemos como en éste caso es más difícil cerrar el arco en comparación con los otros modelos; comparar gráficos (1)-(5).
- s. La pared con el arco de ángulos rectos tiene el comportamiento más desfavorable<sup>472</sup>.

466 Ver gráfico (148).

<sup>469</sup> La abertura de la clave del arco es mayor que en el caso de los modelos con: el arco de medio punto y del carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>462</sup> Más que el arco ideal, aunque menos que el carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>463</sup> Ver gráfico (147).

<sup>&</sup>lt;sup>464</sup> La abertura de la clave del arco es menor que en el caso del modelo con el arco de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 465}$  Más que los dos arcos anteriores, aunque menos que el de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>467</sup> Más que los dos arcos anteriores.

<sup>&</sup>lt;sup>468</sup> La abertura se cierra más en comparación con los modelos: arco de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>470</sup> Ésto se debe, a que la base con ángulos rectos es fácil de cerrarse. También al ser más deformable, la franja de desplazamientos casi nulos es más delgada.

<sup>&</sup>lt;sup>471</sup> Comparar el arco ideal (145) y el de ángulos rectos (148).

<sup>472</sup> Comparar el arco ideal (145) y el de ángulos rectos (148).

# 3.6.2.1.2 Desplazamientos en "z''<sup>473</sup>



- 6. <u>En el modelo con el arco ideal se puede obser</u>var que<sup>474</sup>:
- t. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco son inferiores<sup>475</sup> y no tocan la clave del arco.
- 7. En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>476</sup>:
- u. En la parte superior del arco se comienzan a intensificar las deformaciones y comienzan a descender hacia la clave del arco.
- 8. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>477</sup>:
- v. En la parte superior del arco se intensifican las deformaciones y en toda la línea superior del hueco $^{478-479}$ .
- 9. <u>En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>480</sup>:</u>
- w. En la parte superior del arco es más notorio el crecimiento de los desplazamientos y cubren toda la línea superior del arco
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- x. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de los modelos<sup>481</sup>.
- y. A medida que las curvas de los arcos pierden curvatura, los desplazamientos descienden hasta la clave de los arcos, incluso pueden llegar a cubrirla por completo.

<sup>&</sup>lt;sup>473</sup> Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>474</sup> Ver gráfico (149).

<sup>&</sup>lt;sup>475</sup> En comparación con los modelos restantes.

<sup>476</sup> Ver gráfico (150).

<sup>&</sup>lt;sup>477</sup> Ver gráfico (151).

 $<sup>^{\</sup>rm 478}$  No tocan ninguna de las dos semi-circunferencias que forman el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>479</sup> No tocan ninguna de las dos semi-circunferencias que forman el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>480</sup> Ver gráfico (152).

<sup>&</sup>lt;sup>481</sup> Siendo mayores en el modelo con el hueco de ángulos rectos.

3.6.2.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 482-483



- 11. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>484-485</sup>:
- z. La pared está completamente comprimido.

**12.** <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia</u> <u>que<sup>486-487</sup>:</u>

- aa. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona casi imperceptible.
- 13. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>488-489</sup>:
- bb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una pequeña zona del elemento.
- cc. El arco de descarga<sup>490</sup> se comienza a formar.

<sup>&</sup>lt;sup>482</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 483}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>484</sup> Ver gráfico (153).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 485}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>486</sup> Ver gráfico (154).

 $<sup>^{\</sup>rm 487}$  En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>488</sup> Ver gráfico (155).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 489}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>490</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Se observa que el triángulo no ocupa el total de la clave.

14.	En	el	caso	del	modelo	con	el	arco	de	ángulos	rectos	se	aprecia
que <sup>491-492</sup> :													

- dd. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- ee. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de mayor intensidad.
- ff. La formación del arco de descarga<sup>493</sup> es muy clara.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- gg. En el momento en que se restringen los desplazamientos laterales, los modelos se comprimen considerablemente. Como resultado de ello disminuyen de modo considerable las tracciones de las paredes.
- hh. La parte superior de los arcos se descomprimen<sup>494</sup>.
- ii. Esta zona descomprimida aumenta en la medida que el arco pierde curvatura.
- jj. La zona descomprimida representa la formación del arco de descarga.
- kk. El arco de descarga se forma por completo únicamente en el arco de ángulos rectos.
- En la clave del arco se produce una concentración de vectores de tracción<sup>495</sup>.
- mm. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>496</sup>.
- nn. El arco de ángulos rectos es aquel que tiene el comportamiento más desfavorable<sup>497</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>491</sup> Ver gráfico (156).

<sup>&</sup>lt;sup>492</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>493</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Además, forma un triángulo perfecto cuya base abarca el total de la clave del arco de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>494</sup> Las descompresiones son mayores en los arcos carpanel y de ángulos rectos, mientras que en el arco ideal y de medio punto son casi imperceptibles.

<sup>&</sup>lt;sup>495</sup> No se aprecian ni en el arco ideal y en el medio punto. Comienzan a ser notorios en el arco carpanel y mucho más claras en el arco de ángulos rectos.

<sup>496</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (153) con (156) y (157) con (160).

<sup>&</sup>lt;sup>497</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (153) con (156) y (157) con (160).

3.6.2.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) 498-499



# 16. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>500-501</sup>:

- oo. La intensidad de la fuerzas de compresión son superiores
- pp. Las máximas fuerzas de compresión se localizan en la base del arco
- 17. En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>502</sup>:
- qq. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>503</sup>:
- rr. Las máximas zonas comprimidas se localizan en los lados superiores del hueco.
- 19. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>504</sup>:
- ss. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco y son de mayor intensidad.
- tt. En la zona de máximas compresiones<sup>505</sup> se colocan dados de hormigón<sup>506</sup>.

<sup>502</sup> Ver gráfico (158).

<sup>503</sup> Ver gráfico (159).

<sup>&</sup>lt;sup>498</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>499</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>500</sup> Ver gráfico (157).

<sup>&</sup>lt;sup>501</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>504</sup> Ver gráfico (160).



## 20. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>509-510</sup>:

uu. La pared está comprimida casi en su totalidad.

vv. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco y son de mayor intensidad.

# **21.** En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia gue<sup>511-512</sup>:

- ww. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona muy pequeña.
- xx. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>513-514</sup>:
- yy. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia.

<sup>&</sup>lt;sup>505</sup> Estas fuerzas son superiores, en comparación con los dos modelos anteriores: arco de medio punto y el carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>506</sup> El dado de hormigón tiene la finalidad de resistir las compresiones de mayor rango de valores, esto se debe a que en muchas ocasiones estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

<sup>&</sup>lt;sup>507</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 508}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>509</sup> Ver gráfico (161).

 $<sup>^{\</sup>rm 510}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>511</sup> Ver gráfico (162).

 $<sup>^{\</sup>rm 512}$  En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>513</sup> Ver gráfico (163).

 $<sup>^{\</sup>rm 514}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

- zz. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son un poco más intensos.
- aaa. Las compresiones ubicadas en la parte alta de los huecos base lasvalores superiores<sup>515</sup>.

23. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u> que<sup>516-517</sup>:

- bbb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- ccc. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son relativamente de mayor intensidad.
- ddd. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>518</sup>.
- eee. En la edificación se utilizan vigas<sup>519</sup> que sean capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en el modelo<sup>520</sup>.
- fff. La parte superior del hueco se comporta como una viga<sup>521</sup>.
- 24. De modo general podríamos decir que:
- ggg. Cuando se restringen lateralmente los modelos, las tracciones se reducen de modo notorio, es decir, que las paredes se comprimen.
- hhh. En las caras laterales de los huecos aparecen pequeñas tracciones casi imperceptibles.
- iii. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en la clave del mismo.
- jjj. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas, e incluso se intensifican.
- kkk. En la edificación se utilizan vigas<sup>522</sup> que sean capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en los modelos<sup>523</sup>.
- lll. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared $^{524}$ .
- mmm. El comportamiento más desfavoble es el del arco de ángulos rectos  $^{\rm 525-526}.$

<sup>&</sup>lt;sup>515</sup> Cuya intensidad es menor que el arco ideal, aunque superior a los arcos de medio punto y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>516</sup> Ver gráfico (164).

 $<sup>^{\</sup>rm 517}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 518}$  Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>519</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

 $<sup>^{\</sup>rm 520}$  Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>521</sup> Es decir, compresiones en la parte superior y tracciones en la parte inferior. Este comportamiento sería más notorio si el ancho del hueco fuera mayor.

 $<sup>^{\</sup>rm 522}$  Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>523</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>524</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (161) con (164) y (165) con (168)

# 3.6.2.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11) $^{\rm 527-528}$

(CUADRO 56) MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL): "N11"										
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.										
	D G D G D G D G D G G D G G G D G G G D G G G G G G	N11 (1.7214+05 - 1.3472+05 - 96227 - 57736 - 19246 - 19245 - 57736 - 96227 - 1.3472e+05								
(GRAF.3: 31) A. Ideal: BA-RL	(GRAF.3: 32) A. Medio punto: BA-RL	-1.7321e+05		(GRAF.3: 33) A. carpanel: BA-RL	(GRAF.3: 34) A. A. rectos: BA-RL					
Main Ax. Force(N/M). "N11".										
(165) 3.4.2.2.e	) 3.4.2.4.e	(168) 3.4.2.5.e								

## 25. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>529</sup>:

- nnn. Las máximas compresiones se localizan en la base del modelo y son de mayor intensidad.
- 000. No existen tracciones en la pared<sup>530</sup>.
- 26. En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>531</sup>:
- ppp. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>532</sup>:
- qqq. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse.
- 28. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>533</sup>:
- rrr. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación con los modelos restantes  $^{534}$ .
- sss. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de intensidad superior a los demás modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>525</sup> Por ser el modelo con más tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>526</sup> Comparar el arco ideal (161) y el de ángulos rectos (164).

<sup>&</sup>lt;sup>527</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>528</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

 $<sup>^{\</sup>rm 529}$  Ver gráfico (165).

 $<sup>^{\</sup>rm 530}$  Comparar el arco ideal con el de ángulos rectos: (165) con (168).

<sup>&</sup>lt;sup>531</sup> Ver gráfico (166).

<sup>&</sup>lt;sup>532</sup> Ver gráfico (167).

<sup>&</sup>lt;sup>533</sup> Ver gráfico (168).

 $<sup>^{\</sup>rm 534}$  Comparar el arco de ángulos rectos con el ideal: (168) con (165).

#### 3.6.3 Modelo con la base empotrada

## 3.6.3.1 Comparación de los desplazamientos

3.6.3.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>535</sup>



- 1. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>536</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son inferiores<sup>537</sup>.
- b. La clave del arco tiende a cerrars $e^{538}$ .
- c. La pared es menos deformable.

2. <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia</u> gue<sup>539</sup>:

- d. Los desplazamientos laterales son mayores<sup>540</sup>.
- e. La clave del arco tiende a abrirse<sup>541</sup>.
- f. La pared es más deformable.

## 3. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>542</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>535</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desaplazameintos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>536</sup> Ver gráfico (169).

 $<sup>^{\</sup>rm 537}$  En relación con los otros modelos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 538}$  Los valores de los desplazamientos son inferiores en comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>539</sup> Ver gráfico (170).

 $<sup>^{\</sup>rm 540}$  En comparación con los del modelo anterior.

 $<sup>^{\</sup>rm 541}$  En menor grado que los siguientes modelos.

- g. Los desplazamientos laterales son mayores<sup>543</sup>.
- h. La clave del arco tiende a abrirse en mayor grado<sup>544</sup>.
- i. La pared es más deformable que el anterior.

4. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u> <u>que<sup>545</sup>:</u>

- j. Los desplazamientos laterales son mayores<sup>546</sup>.
- k. La clave del arco tiende a abrirse en mayor grado.
- 1. La pared es más deformable.

### 5. De modo general podemos decir que:

- m. El comportamiento de todos los modelos es bastante parecido.
- n. Las diferencias que existen dependen únicamente de la forma de los arcos y no de los ángulos con que llega a la base.
- o. Las caras laterales de los modelos se deforman libremente<sup>547</sup>.
- p. Cuando las claves de los arcos son abiertas<sup>548</sup> tienden a abrirse.
- q. Cuando la clave del arco es muy pronunciada<sup>549</sup> tienen propensión a cerrarse.
- r. Indistintamente de la forma de la clave de los arcos, las caras laterales de los huecos se cierran<sup>550</sup>.
- s. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>551</sup>.
- t. El comportamiento más desfavoble es el del arco de ángulos rectos  $^{\rm 552}.$

<sup>&</sup>lt;sup>542</sup> Ver gráfico (171).

 $<sup>^{\</sup>rm 543}$  En comparación con los modelos anteriores.

<sup>&</sup>lt;sup>544</sup> En menor grado que el modelo con los ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>545</sup> Ver gráfico (172).

 $<sup>^{\</sup>rm 546}$  En comparación con los modelos anteriores.

<sup>&</sup>lt;sup>547</sup> Esto se debe a que la base al estar empotrada tiene restringidos los movimientos horizontale de la base y libres los lados.

<sup>&</sup>lt;sup>548</sup> Arco de medio punto, carpanel y de ángulos rectos: (170), (171) y (172) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 549}$  Como el caso del arco ideal (169).

 $<sup>^{\</sup>rm 550}$  Lógicamente por ser la zona en la que puede deformarse libremente.

 $<sup>^{\</sup>rm 551}$  Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (169) con (172).

<sup>&</sup>lt;sup>552</sup> Comparar el arco de ángulos rectos (172) y el arco ideal (169).
SIN	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

(CUADRO 58)	MODI	ELOS CON LA	. BASE EN	IPOTRADA	(BE): DESPI	LAZAI	MIENTO EN "Z"				
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.											
	,		Disp Z	35e-05 01767 023534 023534 035301 041184 047068							
(GRAF.3: 36) A. ideal: BE	(GRAF	.3: 37) A. Medio punto: BE	-0.00	052951	(GRAF.3: 38) A carpanel: BE	ι.	(GRAF.3: 39) A. A. rectos: BE				
		De	esplazamie	ntos en "z	Ζ″						
(173) 3.4.3.2.a		(174) 3.4.	3.3.a	(175	) 3.4.3.4.a		(176) 3.4.3.5.a				

# 3.6.3.1.2 Desplazamientos en "z" 553



- u. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco son inferiores<sup>555</sup> y no tocan la clave del arco.
- 7. <u>En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>556</sup>:</u>
- v. En la parte superior del arco se comienzan a intensificar las deformaciones y comienzan a descender hacia la clave del arco.
- 8. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>557</sup>:
- w. En la parte alta del arco se intensifican las deformaciones y en toda la línea superior del hueco<sup>558</sup>.
- 9. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>559</sup>:
- x. En la parte superior del hueco es más notorio el crecimiento de los desplazamientos y cubren toda la línea superior del arco
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- y. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de los modelos<sup>560</sup>.
- z. A medida que las curvas de los arcos pierden curvatura, los desplazamientos descienden hasta la clave de los arcos, incluso pueden llegar a cubrirla por completo<sup>561</sup>.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 553}$  Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>554</sup> Ver gráfico (173).

 $<sup>^{\</sup>rm 555}$  En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>556</sup> Ver gráfico (174).

<sup>&</sup>lt;sup>557</sup> Ver gráfico (175).

 $<sup>^{\</sup>rm 558}$  No tocan ninguna de las dos semi-circunferencias que forman el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>559</sup> Ver gráfico (176).

<sup>&</sup>lt;sup>560</sup> Siendo mayores en el modelo con el hueco de ángulos rectos.

3.6.3.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)  $^{\rm 562-563}$ 



- 11. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>564-565</sup>:
- aa. La pared está completamente comprimido.

**12.** En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>566-567</sup>:

- bb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona casi imperceptible.
- 13. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>568-569</sup>:
- cc. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una pequeña zona del elemento, aunque mayor a la anterior.
- dd. El arco de descarga<sup>570</sup> se comienza a formar.

<sup>&</sup>lt;sup>561</sup> Como es el caso del arco de ángulos rectos (196).

<sup>&</sup>lt;sup>562</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>rm 563}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>564</sup> Ver gráfico (177).

 $<sup>^{\</sup>rm 565}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>566</sup> Ver gráfico (178).

 $<sup>^{\</sup>rm 567}$  En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>568</sup> Ver gráfico (179).

 $<sup>^{\</sup>rm 569}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>570</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Se observa que el triángulo no ocupa el total de la clave.

14.	En	el	caso	del	modelo	con	el	arco	de	ángulos	rectos	se	aprecia
que <sup>571-572</sup> :													

- ee. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- ff. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de mayor intensidad.
- gg. La formación del arco de descarga<sup>573</sup> es muy clara.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- hh. En el momento en que se empotra la base, los modelos se comprimen considerablemente. Como resultado de ello disminuyen de modo considerable las tracciones de las paredes.
- ii. La parte superior de los arcos se descomprimen<sup>574</sup>.
- jj. Esta zona descomprimida aumenta en la medida que el arco pierde curvatura.
- kk. La zona descomprimida representa la formación del arco de descarga.
- El arco de descarga se forma por completo únicamente en el arco de ángulos rectos.
- mm. En la clave del arco se produce una concentración de vectores de tracción<sup>575</sup>.
- nn. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>576</sup>.
- oo. El arco de ángulos rectos es aquel que tiene el comportamiento más desfavorable $^{577}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>571</sup> Ver gráfico (180).

<sup>&</sup>lt;sup>572</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>573</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Además, forma un triángulo perfecto cuya base abarca el total de la clave del arco de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>574</sup> Las descompresiones son mayores en los arcos carpanel y de ángulos rectos, mientras que en el arco ideal y de medio punto son casi imperceptibles.

<sup>&</sup>lt;sup>575</sup> No se aprecian ni en el arco ideal y en el medio punto. Comienzan a ser notorios en el arco carpanel y mucho más claras en el arco de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 576}$  Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (177) con (180) y (181) con (184).

<sup>&</sup>lt;sup>577</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (177) con (180) y (181) con (184).

	3.6.3.3	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>22″</u>
(N22)	578-579									

(CUADRO 60) MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): "N22"											
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.											
			N22 6.11 4.74 2.00 663 663 - 60 - 2.0 - 3.4 - 4.4	555e+05 177e+05 198e+05 199e+05 88 396 519e+05 186e+05 186e+05 187e+05							
(GRAF.3: 36) A. ideal: BE	(GRAF.3: pur	37) A. Medio nto: BE	-6.1	556e+05	(GRAF.3: 38) A carpanel: BE		(GRAF.3: 39) A. A. rectos: BE				
		Main	Ax. Force	e(N/M). "N	22″.						
(181) 3.4.3.2.d		(182) 3.4.	3.3.d	(183	) 3.4.3.4.d		(184) 3.4.3.5.d				

# 16. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>580-581</sup>:

- pp. La intensidad de la fuerzas de compresión son superiores.
- qq. Las máximas fuerzas de compresión se localizan en la base del arco
- 17. <u>En el modelo con el arco de medio punto s</u>e aprecia que<sup>582</sup>:
- rr. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>583</sup>:
- ss. Las máximas zonas comprimidas se localizan en los lados superiores del hueco.

**19.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u> <u>que<sup>584</sup>:</u>

- tt. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco y son de mayor intensidad.
- uu. En la zona de máximas compresiones<sup>585</sup> se colocan dados de hormigón<sup>586</sup>.

<sup>582</sup> Ver gráfico (182).

<sup>583</sup> Ver gráfico (183).

<sup>&</sup>lt;sup>578</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>579</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>580</sup> Ver gráfico (181).

<sup>&</sup>lt;sup>581</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>584</sup> Ver gráfico (184).

	3.6.3.4	Vectores	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>"11"</u>
(Sii)	587-588									

(CUA	DRO 61) MODEL(	OS CON LA BASE	EMPOTRADA (BE)	: "SI"							
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.											
(GRAF.3: 36) A. ideal: BE	(GRAF.3: 37) A. Medio punto: BE		(GRAF.3: 38) A. carpanel: BE	(GRAF.3: 39) A. A. rectos: BE							
	Main Ax. F	Force(N/M). "Si" f	actor-8.1e-6.								
(185) 3.4.3.2.c	(186) 3.4	.3.3.c (	187) 3.4.3.4.C	(188) 3.4.3.5.c							

# 20. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>589</sup>:

vv. La pared está comprimida casi en su totalidad<sup>590</sup>.

ww. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco y son de mayor intensidad<sup>591</sup>.

21. <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia</u> que<sup>592</sup>:

- xx. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona reducida.
- yy. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad<sup>593</sup>.
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>594</sup>:
- zz. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia.

<sup>&</sup>lt;sup>585</sup> Estas fuerzas son superiores, en comparación con los dos modelos anteriores: arco de medio punto y el carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>586</sup> El dado de hormigón tiene la finalidad de resistir las compresiones de mayor rango de valores, esto se debe a que en muchas ocasiones estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

<sup>&</sup>lt;sup>587</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 588}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>589</sup> Ver gráfico (185).

<sup>&</sup>lt;sup>590</sup> Ya que la única zona en aparecen tracciones muy pequeñas es en los lados del hueco.

<sup>&</sup>lt;sup>591</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>592</sup> Ver gráfico (186).

 $<sup>^{\</sup>rm 593}$  En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>594</sup> Ver gráfico (187).

- aaa. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son un poco más intensos<sup>595</sup>.
- bbb. Las compresiones ubicadas en la parte alta de los huecos adquieren valores superiores<sup>596</sup>.
- 23. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>597</sup>:
- ccc. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento<sup>598</sup>.
- ddd. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son relativamente de mayor intensidad.
- eee. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>599</sup>.
- fff. En la edificación se utilizan vigas<sup>600</sup> que sean capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en el modelo<sup>601</sup>.
- ggg. La parte superior del hueco se comporta como una viga<sup>602</sup>.
- 24. De modo general podríamos decir que:
- hhh. Cuando se restringen lateralmente los modelos las tracciones disminuyen de modo notorio, es decir, que las paredes se comprimen.
- iii. En las caras laterales de los huecos aparecen pequeñas tracciones casi imperceptibles.
- jjj. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en la clave del mismo.
- kkk. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas, e incluso se intensifican.
- 111. En la edificación se utilizan vigas<sup>603</sup> que sean capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en los modelos<sup>604</sup>.
- mmm. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>605</sup>.
- nnn. El comportamiento más desfavoble es el del arco de ángulos rectos<sup>606-607</sup>.

- $^{\rm 601}$  Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.
- <sup>602</sup> Es decir, compresiones en la parte superior y tracciones en la parte inferior. Este comportamiento sería más notorio si el ancho del hueco fuera mayor.

<sup>&</sup>lt;sup>595</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>596</sup> Cuya intensidad es menor que el arco ideal, aunque superior a los arcos de medio punto y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>597</sup> Ver gráfico (188).

 $<sup>^{\</sup>rm 598}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 599}$  Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>600</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 603}$  Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>604</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de tracciones.

<sup>605</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (161) con (164) y (165) con (168)

	3.6.3.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>"11"</u>
(N11)	608-609									

(CUADRO 62) MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): "N11"											
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zucho de borde.											
		N11 1.3472e+05 99227 57736 -19245 -57736 -9227									
(GRAF.3: 36) A. ideal: BE	(GRAF.3: 37) A. Medio punto: BE	-1.3472e+05 -1.7321e+05	(GRAF.3: 38) A. carpanel: BE	(GRAF.3: 39) A. A. rectos: BE							
	Main	Ax. Force(N/M). "N	I11″.	·							
(189) 3.4.3.2.e	(190) 3.4.	.3.3.e (191	1) 3.4.3.4.e	(192) 3.4.3.5.e							

25. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>610</sup>:

- ooo. Las máximas compresiones se localizan en la base del modelo y son de mayor intensidad.
- ppp. No existen tracciones en la pared<sup>611</sup>.
- 26. En el del modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>612</sup>:
- qqq. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>613</sup>:
- rrr. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse y son de intensidad superior a los demás modelos.
- 28. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>614</sup>:
- sss. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación con los modelos restantes<sup>615</sup>.
- ttt. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos.

<sup>&</sup>lt;sup>606</sup> Por ser el modelo con más tracciones.

 $<sup>^{607}</sup>$  Comparar el arco ideal (161) y el de ángulos rectos (164).

<sup>&</sup>lt;sup>608</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>609</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>610</sup> Ver gráfico (189).

<sup>&</sup>lt;sup>611</sup> Comparar el arco ideal con el de ángulos rectos: (165) con (168).

<sup>&</sup>lt;sup>612</sup> Ver gráfico (190).

<sup>&</sup>lt;sup>613</sup> Ver gráfico (191).

<sup>&</sup>lt;sup>614</sup> Ver gráfico (192).

<sup>&</sup>lt;sup>615</sup> Comparar el arco de ángulos rectos con el ideal: (168) con (165).

- 3.6.4 Modelo con la base empotrada y restricción lateral
- 3.6.4.1 Comparación de los desplazamientos
- 3.6.4.1.1 Desplazamientos en "x"



- 1. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>616</sup>:
- a. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte superior lateral del hueco<sup>617</sup>.
- b. La clave del arco tiende a cerrarse.
- c. El trazado del arco es más deformable<sup>618</sup>.

```
2. <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia</u>
<u>que<sup>619</sup>:</u>
```

- d. Los desplazamientos laterales son inferiores.
- e. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte central de las caras laterales del hueco.
- f. La clave se abre en un grado muy bajo, casi imperceptible.

<sup>&</sup>lt;sup>616</sup> Ver gráfico (193).

<sup>&</sup>lt;sup>617</sup> Cuya intensidad es mayor al arco de medio punto; comparar (193) con (194). Aunque inferior al arco carpanel y de ángulos rectos; comparar (193) con (195) y (193) con (196) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>618</sup> También al ser menos deformable, la franja de desplazamientos casi nulos es más amplia en comparación con los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>619</sup> Ver gráfico (194).

з.

- En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>620</sup>:
- g. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con los del modelo anterior.
- h. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte central de las caras laterales del hueco.
- i. La clave tiende a abrirse<sup>621</sup>.
- j. La pared es menos deformable.

```
4. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u>
```

- Las máximas deformaciones se sitúan en la parte central de las caras laterales del hueco.
- 1. La clave se abre en mayor grado<sup>623</sup>.
- m. La pared es menos deformable.
- 5. De modo general podemos decir que:
- n. A medida que la curvatura de los arcos se aplanan se intensifican los desplazamientos tanto de la base como de la clave del arco.
- o. Se observa con claridad el efecto desfavorable del arco ideal en la pared.
- p. La pared con el arco de ángulos rectos tiene el comportamiento más favorable.

<sup>&</sup>lt;sup>620</sup> Ver gráfico (195).

<sup>&</sup>lt;sup>621</sup> La abertura de la clave del arco es menor que en el caso del modelo con el arco de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>622</sup> Ver gráfico (196).

<sup>&</sup>lt;sup>623</sup> La abertura de la clave del arco es mayor que en el caso de los modelos con: el arco de medio punto y del carpanel.

# 3.6.4.1.2 Desplazamientos en "z''<sup>624</sup>



# 6. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>625</sup>:

- q. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco son inferiores<sup>626</sup> y no tocan la clave del arco.
- 7. En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>627</sup>:
- r. En la parte superior del arco se comienzan a intensificar las deformaciones y comienzan a descender hacia la clave del arco.
- 8. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>628</sup>:
- s. En la parte superior del arco se intensifican las deformaciones y en toda la línea superior del hueco $^{629}$ .
- 9. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>630</sup>:
- t. En la parte superior del arco es más notorio el crecimiento de los desplazamientos y cubren toda la línea superior del arco
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- u. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de los modelos<sup>631</sup>.
- v. A medida que las curvas de los arcos pierden curvatura, los desplazamientos descienden hasta la clave de los arcos, incluso pueden llegar a cubrirla por completo.

 $<sup>^{\</sup>rm 624}$  Los desplazamietos aumentan de valor a medida que el color se aproxima al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>625</sup> Ver gráfico (197).

 $<sup>^{\</sup>rm 626}$  En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>627</sup> Ver gráfico (198).

<sup>&</sup>lt;sup>628</sup> Ver gráfico (199).

<sup>&</sup>lt;sup>629</sup> No tocan ninguna de las dos semi-circunferencias que forman el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>630</sup> Ver gráfico (200).

 $<sup>^{\</sup>rm 631}$  Siendo mayores en el modelo con el hueco de ángulos rectos.

3.6.4.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 632-633



- 11. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>634-635</sup>:
- w. La pared está completamente comprimido.

**12.** En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>636-637</sup>:

- x. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona casi imperceptible.
- 13. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>638-639</sup>:
- y. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una pequeña zona del elemento.
- z. El arco de descarga<sup>640</sup> se comienza a formar.

<sup>636</sup> Ver gráfico (202).

<sup>&</sup>lt;sup>632</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 633}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>634</sup> Ver gráfico (201).

 $<sup>^{\</sup>rm 635}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 637}$  En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>638</sup> Ver gráfico (203).

 $<sup>^{\</sup>rm 639}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>640</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Se observa que el triángulo no ocupa el total de la clave.

SIN INFLUENCIA DEL Z	UNCHO DE CONEXIÓN
----------------------	-------------------

14.	En	el	caso	del	modelo	con	el	arco	de	ángulos	rectos	se	aprecia
que <sup>641-642</sup> :													

- aa. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- bb. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de mayor intensidad.
- cc. La formación del arco de descarga<sup>643</sup> es muy clara.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- dd. En el momento en que se restringen los desplazamientos laterales, los modelos se comprimen considerablemente. Como resultado de ello disminuyen de modo considerable las tracciones de las paredes.
- ee. La parte superior de los arcos se descomprimen<sup>644</sup>.
- ff. Esta zona descomprimida aumenta en la medida que el arco pierde curvatura.
- gg. La zona descomprimida representa la formación del arco de descarga.
- hh. El arco de descarga se forma por completo únicamente en el arco de ángulos rectos.
- ii. En la clave del arco se produce una concentración de vectores de tracción<sup>645</sup>.
- jj. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>646</sup>.
- kk. El arco de ángulos rectos es aquel que tiene el comportamiento más desfavorable<sup>647</sup>.

<sup>641</sup> Ver gráfico (204).

 $<sup>^{\</sup>rm 642}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>643</sup> Zona blanca localizada en la parte alta del hueco. Además, forma un triángulo perfecto cuya base abarca el total de la clave del arco de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>644</sup> Las descompresiones son mayores en los arcos carpanel y de ángulos rectos, mientras que en el arco ideal y de medio punto son casi imperceptibles.

<sup>&</sup>lt;sup>645</sup> No se aprecian ni en el arco ideal y en el medio punto. Comienzan a ser notorios en el arco carpanel y mucho más claras en el arco de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>it 646}$  Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (153) con (156) y (157) con (160).

<sup>&</sup>lt;sup>647</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (153) con (156) y (157) con (160).

# 3.6.4.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{\rm 648-649}$

(CUADRO 66) MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): "N22"							
Represen	ntación gráfica de	los modelos	sin infl	uencia del zucl	ho de borde.		
b         1           b         3           b         3           b         3	8 8 4 4 8 8 4 4 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	N22 (6, 1556) 4, 7877 3, 4199 - 2, 0519 - 68396 - 68396 - 2, 0511 - 3, 4199 - 4, 555 - 2, 0511 - 3, 4199 - 4, 555 - 4, 555 - 5, 555	e+05 e+05 e+05 e+05 be+05 be+05 be+05 be+05 be+05				
(GRAF.3: 41) A. ideal: BE-RL	(GRAF.3: 42) A. Medio punto: BE-RL	-6.1556e+05		(GRAF.3: 43) A. carpanel: BE-RL	. (GRAF.3: 44) A. A. L rectos: BE-RL		
Main Ax. Force(N/M). "N22".							
(205) 3.4.4.2.d	(206) 3.4	.4.3.d	(207	) 3.4.4.4.d	(208) 3.4.4.5.d		

### 16. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>650-651</sup>:

- 11. La intensidad de la fuerzas de compresión son superiores.
- mm. Las máximas fuerzas de compresión se localizan en la base del arco.
- 17. En el modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>652</sup>:
- nn. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>653</sup>:
- oo. Las máximas zonas comprimidas se localizan en los lados superiores del hueco.
- 19. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>654</sup>:
- pp. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco y son de mayor intensidad.
- qq. En la zona de máximas compresiones  $^{\rm 655}$  se colocan dados de hormigón  $^{\rm 656}.$

<sup>&</sup>lt;sup>648</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del apartado anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>649</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>650</sup> Ver gráfico (205).

<sup>&</sup>lt;sup>651</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>652</sup> Ver gráfico (206).

<sup>&</sup>lt;sup>653</sup> Ver gráfico (207).

<sup>&</sup>lt;sup>654</sup> Ver gráfico (208).

<sup>&</sup>lt;sup>655</sup> Estas fuerzas son superiores, en comparación con los dos modelos anteriores: arco de medio punto y el carpanel.

# 3.6.4.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Sii) 657-658



# 20. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>659-660</sup>:

rr. La pared está comprimida casi en su totalidad.

ss. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco y son de mayor intensidad.

**21.** En el caso del modelo con el arco de medio punto se aprecia que<sup>661-662</sup>:

- tt. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona muy pequeña.
- uu. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>663-664</sup>:
- vv. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia.

<sup>&</sup>lt;sup>656</sup> El dado de hormigón tiene la finalidad de resistir las compresiones de mayor rango de valores, esto se debe a que en muchas ocasiones estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

<sup>&</sup>lt;sup>657</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado, son completamente válidas para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 658}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>659</sup> Ver gráfico (209).

<sup>&</sup>lt;sup>660</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>661</sup> Ver gráfico (210).

<sup>662</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>663</sup> Ver gráfico (211).

 $<sup>^{\</sup>rm 664}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

- ww. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son un poco más intensos.
- xx. Las compresiones ubicadas en la parte alta de los huecos adquieren valores superiores  $^{665}$ .
- 23. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>666-667</sup>:
- yy. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- zz. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son relativamente de mayor intensidad.
- aaa. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>668</sup>.
- bbb. En la edificación se utilizan vigas<sup>669</sup> que sean capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en el modelo<sup>670</sup>.
- ccc. La parte superior del hueco se comporta como una viga<sup>671</sup>.
- 24. De modo general podríamos decir que:
- ddd. Cuando se restringen lateralmente los modelos las tracciones disminuyen de modo notorio, es decir, que las paredes se comprimen.
- eee. En las caras laterales de los huecos aparecen pequeñas tracciones casi imperceptibles.
- fff. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en la clave del mismo.
- ggg. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas, e incluso se intensifican.
- hhh. En la edificación se utilizan vigas<sup>672</sup> que sean capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en los modelos<sup>673</sup>.
- iii. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>674</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>665</sup> Cuya intensidad es menor que el arco ideal, aunque superior a los arcos de medio punto y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>666</sup> Ver gráfico (212).

 $<sup>^{\</sup>rm 667}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 668}$  Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

<sup>669</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

 $<sup>^{\</sup>rm 670}$  Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>671</sup> Es decir, compresiones en la parte superior y tracciones en la parte inferior. Este comportamiento sería más notorio si el ancho del hueco fuera mayor.

<sup>672</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

 $<sup>^{\</sup>rm 673}$  Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de tracciones.

<sup>674</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (209) con (212) y (213) con (216)

# 3.6.4.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11) 675-676

(CUADRO 68) MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): "N11"							
Represen	tación gráfica de l	los modelos	s sin inf.	luencia del zuci	ho de borde.		
S         D         G         N11         D         G         D         G           S         D         G         1.3472+05         D         G         D         G           S         D         G         1.3472+05         D         G         D         G           S         D         G         1.3472+05         D         G         D         G           J         S         D         G         1.3472+05         D         G         D         G           J         S         D         G         1.3472+05         D         G							
(GRAF.3: 41) A. ideal: BE-RL	(GRAF.3: 42) A. Medio	-1.347	2e+05 1e+05	(GRAF.3: 43) A. carpanel: BE-RI	(GRAF.3: 44) A. A. rectos: BE-RL		
Main Ax. Force(N/M). "N11".							
(213) 3.4.4.2.e	(214) 3.4.	4.3.e	(215	) 3.4.4.4.e	(216) 3.4.4.5.e		

# 25. En el modelo con el arco ideal podemos notar que<sup>677</sup>:

- jjj. Las máximas compresiones se localizan en la base del modelo y son de mayor intensidad.
- kkk. No existen tracciones en la pared<sup>678</sup>.
- 26. En el modelo con el arco de medio punto se puede observar<sup>679</sup>:
- 111. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>680</sup>:
- mmm. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse.
- 28. En el modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia que<sup>681</sup>:
- nnn. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación con los modelos restantes $^{682}$ .
- ooo. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de intensidad superior a los demás modelos.

<sup>681</sup> Ver gráfico (216).

<sup>&</sup>lt;sup>675</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos en el anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las Fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>676</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>677</sup> Ver gráfico (213).

<sup>678</sup> Comparar el arco ideal con el de ángulos rectos: (213) con (216).

<sup>&</sup>lt;sup>679</sup> Ver gráfico (214).

<sup>&</sup>lt;sup>680</sup> Ver gráfico (215).

<sup>682</sup> Comparar el arco de ángulos rectos con el ideal: (216) con (213).



# 3.7 CONCLUSIONES

A continuación, se presentan algunas conclusiones que se obtienen como resultado de analizar algunas formas de arcos con diferentes condiciones de contorno. Se clasifican de acuerdo a estas últimas.

### 3.7.1 Base simplemente apoyada

- 1. Desplazamientos en "x":
- a. Origina que los arcos-huecos tiendan a abrirse.
- Es más deformable el arco ideal, por ser más fácil de abrir la base.
- c. Los huecos que forman 90° con la base son más favorables, por ser más difíciles de abrir, en especial si el arco es curvo.
- 2. Desplazamientos en "z":
- d. El nivel de deformación del arco ideal tiende a alejarse de la clave del arco.
- e. A medida que el arco se va aplanando los desplazamientos llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.
- 3. Fuerzas en el sentido de la direción principal "22" (N22):
- f. El arco ideal tiene mejor comportamiento ya que el grado de tracciones que tiene en la clave del arco son muy pequeñas.
- g. En el arco ideal se concentran las tensiones de compresión en la base del hueco.
- A medida que el arco se va aplanando las fuerzas de tracción llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.
- A medida que el arco se va perdiendo curvatura se nota con claridad la formación de arcos de descarga, en especial el arco de ángulos rectos.
- j. A medida que el arco se va aplanando las fuerzas se concentran en la parte superior de los huecos, en especial el arco de ángulos rectos.
- 4. Fuerzas en el sentido de la direción principal "11" (N11):
- k. El arco ideal tiene mejor comportamiento ya que el grado de tracciones que tiene en la clave del arco son muy pequeñas.
- 1. En el arco ideal, se concentran las tensiones de compresión en la base del modelo próximas al arco.
- m. A medida que el arco se va aplanando las fuerzas de tracción llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.
- n. A medida que el arco se va perdiendo curvatura las fuerzas de compresión se van reduciendo, aunque se localizan en la parte

superior de los huecos, el arco carpanel es el que presenta mayor grado de compresiones.

#### 3.7.2 Base simplemente apoyada con restricciones laterales

- 5. Desplazamientos en "x":
- o. Invierte el sentido de los desplazamientos. Origina que los arcos-huecos tiendan a cerrarse.
- p. Es más favorable el arco ideal, por ser más difícil de cerrar la base.
- q. Los huecos que forman 90° con la base son más desfavorables, por ser más fácil de cerrar las bases, y en especial si el arco es recto.
- 6. Desplazamientos en "z":
- r. El nivel de deformación del arco ideal tiende a alejarse de la clave del arco.
- s. A medida que el arco se va aplanando los desplazamientos llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.
- 7. Fuerzas en el sentido de la direción principal "22" (N22):
- t. Ayuda a la reducción de las fuerzas de tracción de los arcos.
- u. El arco ideal tiene mejor comportamiento, ya que las tracciones desaparecen por completo.
- v. En el arco ideal se concentran las tensiones de compresión en la base del hueco.
- w. A medida que el arco se va perdiendo curvatura las fuerzas de tracción llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos, aunque en menor grado que en el caso anterior.
- x. A medida que el arco se va aplanando se nota con claridad la formación de arcos de descarga, en especial el arco de ángulos rectos.
- y. A medida que el arco se va perdiendo curvatura las fuerzas se concentran en la parte superior de los huecos, en especial el arco de ángulos rectos.
- 8. Fuerzas en el sentido de la direción principal "11" (N11):
- z. Reducen considerablemente las tracciones de los modelos.
- aa. El arco ideal tiene mejor comportamiento en el cual las tracciones de la clave desaparecen por completo.
- bb. En el arco ideal se concentran las tensiones de compresión en la base del modelo próximas al arco.
- cc. A medida que el arco se va aplanando las fuerzas de tracción aumentan, en especial el arco de ángulos rectos, aunque de menor intensidad.

- SIN INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- dd. A medida que el arco se va perdiendo curvatura las fuerzas de compresión aumentan y se localizan en la parte superior de los huecos.

### 3.7.3 Base empotrada

- 9. Desplazamientos en "x":
- ee. La concentración de los máximos desplazamientos se localizan en las caras laterales de los modelos.
- ff. El arco ideal tiende a cerrarse, a largo de todo el trazado del arco, alejado de la base. Es más deformable.
- gg. Los huecos que forman 90° con la base, tiende a cerrarse en el centro de las caras laterales del hueco, aunque tienden a abrirse en la zona de las claves de los arcos, acentuándose éste comportamiento a medida que el arco se aplana.
- hh. Los huecos que forman 90° con la base, son más desfavorables, en especial si el arco es recto.
- 10. Desplazamientos en "z":
- ii. El nivel de deformación del arco ideal, tiende a alejarse de la clave del arco.
- jj. A medida que el arco se va aplanando, los desplazamientos llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.
- 11. Fuerzas en el sentido de la direción principal "22" (N22):
- kk. El arco ideal tiene mejor comportamiento, no hay tracciones.
- ll. En el arco ideal se concentran las tensiones de compresión en La base del hueco.
- mm. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas de tracción llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.
- nn. A medida que el arco se va aplanando, se nota con claridad la formación de arcos de descarga, en especial el arco de ángulos rectos.
- oo. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas se concentran en la parte superior de los huecos, en especial el arco de ángulos rectos.
- 12. Fuerzas en el sentido de la direción principal "11" (N11):
- pp. El arco ideal tiene mejor comportamiento.
- qq. En el arco ideal, se concentran las tensiones de compresión en la base del modelo, próximas al arco más comprimido.
- rr. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas de tracción aumentan en la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.

ss. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas de compresión van reduciendo, aunque se localizan en la parte superior de los huecos, el arco carpanel es el que presenta mayor grado de compresiones.

#### 3.7.4 Base empotrada con restricciones laterales

Se obtienen mayor reducción de tracciones de los modelos.

- 13. Desplazamientos en "x":
- tt. Los arcos tienden a cerrarse de modo general, aunque a medida que se van aplanando los arcos, comienzan a aparecer pequeñas deformaciones que abren la clave del arco, en especial el recto.
- uu. El arco de medio punto es el que tiene mejor comportamiento en comparación con los otros modelos.
- 14. Desplazamientos en "z":
- vv. El nivel de deformación del arco ideal, tiende a alejarse de la clave del arco.
- ww. A medida que el arco se va aplanando, los desplazamientos llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.
- 15. Fuerzas en el sentido de la direción principal "22" (N22):
- xx. El arco ideal tiene mejor comportamiento, ya que el grado de tracciones que tiene en la clave del arco es muy pequeña que las condiciones de contorno anteriores.
- yy. En el arco ideal se concentran las tensiones de compresión en la base del hueco.
- zz. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas de tracción llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos, aunque en menor cantidad que en las condiciones de contorno anteriores.
- aaa. A medida que el arco se va aplanando, se nota con claridad la formación de arcos de descarga, en especial el arco de ángulos rectos.
- bbb. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas se concentran en la parte superior de los huecos, en especial el arco de ángulos rectos.
- 16. Fuerzas en el sentido de la direción principal "11" (N11):
- ccc. El arco ideal tiene mejor comportamiento, ya que el grado de tracciones que tiene en la clave del arco son muy pequeñas.
- ddd. En el arco ideal, se concentran las tensiones de compresión en la base del modelo, próxima al arco
- eee. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas de tracción llegan a la clave del arco, en especial el arco de ángulos rectos.

- fff. A medida que el arco se va aplanando, las fuerzas de compresión van reduciendo, aunque se localizan en la parte superior de los huecos, el arco carpanel es el presenta mayor grado de compresiones.
- ggg. El arco de ángulos rectos presenta mayor concentración de compresiones.

# ÍNDICE DE CUADROS

(CUADRO 1)	DIMENSIONES GENERALES
(CUADRO 2)	TIPOLOGÍA DE ARCOS A ESTUDIAR
(CUADRO 3)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE LOS DESPLAZAMIENTOS Y GIROS
(CUADRO 4)	ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERENTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZAR
(CUADRO 5)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE LOS RESULTADOS NUMÉRICOS
(CUADRO 6)	VALORES MÁXIMOS ABSOLUTOS
(CUADRO 7)	MANIPULACIÓN DE DATOS
(CUADRO 8)	MÁXIMOS ABSOLUTOS CONSIDERADOS EN EL ANÁLISIS
(CUADRO 9)	FUERZAS Y DESPLAZAMIENTO EN "X" 3-26
(CUADRO 10)	DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO 11)	MODELOS: BASE APOYADA
(CUADRO 12)	MODELOS: BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES
(CUADRO 13)	MODELOS: BASE EMPOTRADA
(CUADRO 14)	MODELOS: BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES
(CUADRO 15)	ARCO OJIVAL: DESPLAZAMIENTO EN "X"
(CUADRO 16)	ARCO OJIVAL: DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO 17)	ARCO OJIVAL: "SII"
(CUADRO 18)	ARCO OJIVAL: "N22"
(CUADRO 19)	ARCO OJIVAL: "SI"
(CUADRO 20)	ARCO OJIVAL: "N11"
(CUADRO 21)	ARCO IDEAL: DESPLAZAMIENTO EN "X"
(CUADRO 22)	ARCO IDEAL: DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO 23)	ARCO IDEAL: "SII"
(CUADRO 24)	ARCO IDEAL: "N22"
(CUADRO 25)	ARCO IDEAL: "SI"
(CUADRO 26)	ARCO IDEAL: "N11"
(CUADRO 27)	ARCO DE MEDIO PUNTO: DESPLAZAMIENTO EN "X"
(CUADRO 28)	ARCO DE MEDIO PUNTO: DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO 29)	ARCO DE MEDIO PUNTO: "SII"
(CUADRO 30)	ARCO DE MEDIO PUNTO: "N22"
(CUADRO 31)	ARCO DE MEDIO PUNTO: "SI"
(CUADRO 32)	ARCO DE MEDIO PUNTO: "N11"
(CUADRO 33)	ARCO CARPANEL: DESPLAZAMIENTO EN "X"
(CUADRO 34)	ARCO CARPANEL: DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO 35)	ARCO CARPANEL: "SII"
(CUADRO 36)	ARCO CARPANEL: "N22"

( CUADRO	37)	ARCO CARPANEL: "SI"
( CUADRO	38)	ARCO CARPANEL: "N11"
( CUADRO	39)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS: DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	40)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS: DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	41)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS: "SII"
( CUADRO	42)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS: "N22"
( CUADRO	43)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS: "SI"
( CUADRO	44)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS: "N11"
( CUADRO	45)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	46)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	47)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): "SII"
( CUADRO	48)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): "N22" 3-117
( CUADRO	49)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): "SI"
( CUADRO	50)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA): "N11"
( CUADRO	51)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES       (BA-RL):         DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	52)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO	53)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL): "SII"
(CUADRO	54)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL): "N22"
( CUADRO	55)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL): "SI"
(CUADRO	56)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL): "N11"
( CUADRO	57)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	58)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	59)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): "SII" Y "N22"
( CUADRO	60)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): "N22"
( CUADRO	61)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): "SI"
( CUADRO	62)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE): "N11"
( CUADRO	63)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	64)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	65)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): "SII" Y "N22"
(CUADRO	66)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): "N22"
CUADRO 6	57)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): "SI"
(CUADRO	68)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL): "N11"

# ÍNDICE DE GRÁFICOS

(GRAF.3:	1) HUECO CON ARCO OJIVAL
(GRAF.3:	2) HUECO CON ARCO IDEAL
(GRAF.3:	3) HUECO CON ARCO DE MEDIO PUNTO
(GRAF.3:	4) HUECO CON ARCO CARPANEL
(GRAF.3:	5) HUECO CON ARCO DE ÁNGULOS RECTOS
(GRAF.3:	6) HUECO CON ARCO OJIVAL
(GRAF.3:	7) REPRESENTACIÓN DE LAS CARGAS LINEALES
(GRAF.3:	8) ESPECIFICACIÓN GEOMÉTRICA DE LA VIGA
(GRAF.3:	9) DEFORMADA DEL MODELO INFORMÁTICO
(GRAF.3:	10) MATERIALES UTILIZADOS EN EL EJEMPLO PRÁCTICO
(GRAF.3:	11) DEFORMADA CON PESO PROPIO DE LA CADENA
(GRAF.3:	12) DEFORMADA AUMENTANDO EL PESO DE LOS CLIPS
(GRAF.3:	13) MONTAJE DE LAS TRES DEFORMACIONES
(GRAF.3:	14) MOD INFORMÁTICO INVERTIDO
(GRAF.3:	15) MODELO PASADO A AUTOCAD
(GRAF.3:	16) HUECO CON FORMA DE ARCO DE MEDIO PUNTO
(GRAF.3:	17) HUECO CON FORMA DE ARCO CARPANEL
(GRAF.3:	18) HUECO EN FORMA DE ARCO DE ÁNGULOS RECTOS
(GRAF.3:	19) REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-X ( $\delta$ X)
(GRAF.3:	20) REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-Y ( $\delta$ Y)
(GRAF.3:	21) REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-Z ( $\delta$ Z)
(GRAF.3:	22) REPRESENTACIÓN DEL GIRO-X ( $\theta$ X)
(GRAF.3:	23) REPRESENTACIÓN DEL GIRO-Υ (θΥ)
(GRAF.3:	24) REPRESENTACIÓN DEL GIRO-Ζ (θΖ)
(GRAF.3:	25) A. OJIVAL: BA
(GRAF.3:	26) A. IDEAL: BA
(GRAF.3:	27) A. MEDIO PUNTO: BA
(GRAF.3:	28) A. CARPANEL: BA
(GRAF.3:	29) A. A. RECTOS: BA
(GRAF.3:	30) A. OJIVAL: BA-RL
(GRAF.3:	31) A. IDEAL: BA-RL
(GRAF.3:	32) A. MEDIO PUNTO: BA-RL
(GRAF.3:	33) A. CARPANEL: BA-RL
(GRAF.3:	34) A. A. RECTOS: BA-RL
(GRAF.3:	35) A. OJIVAL: BE
(GRAF.3:	36) A. IDEAL: BE

|--|

(GRAF.3:	37)	A. MEDIO PUNTO: BE
(GRAF.3:	38)	A. CARPANEL: BE
(GRAF.3:	39)	A. A. RECTOS: BE
(GRAF.3:	40)	A. OJIVAL: BE-RL
(GRAF.3:	41)	A. IDEAL: BE-RL
(GRAF.3:	42)	A. MEDIO PUNTO: BE-RL
(GRAF.3:	43)	A. CARPANEL: BE-RL
(GRAF.3:	44)	A. A. RECTOS: BE-RL
(GRAF.3:	45)	"SII": DIRECCIÓN DE LOS VECTORES PRINCIPALES (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22=Y"). LOS VECTORES ROJOS REPRESENTAN TRACCIONES Y LOS VECTORES AZULES COMPRESIONES
(GRAF.3:	46)	"N22": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22=Y" (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "Y")
(GRAF.3:	47)	"NYY=NY'": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN "YY=Y'" (EN EL EJE LOCAL "Y'")3-24
(GRAF.3:	48)	"SI": DIRECCIÓN DE LOS VECTORES PRINCIPALES (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11=X"). LOS VECTORES ROJOS REPRESENTAN TRACCIONES Y LOS VECTORES AZULES COMPRESIONES
(GRAF.3:	49)	"N11": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11=X" (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "X")
(GRAF.3:	50)	"NXX=NX'": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN "XX=X'" (EN EL EJE LOCAL "X'")3-24
(GRAF.3:	51)	DATOS INICIALES DEL PROGRAMA. VALOR MÁXIMO ABSOLUTO (MÁX. ABS.)3-25
(GRAF.3:	52)	DATOS MANIPULADOS: IGUALDAD ENTRE MÁXIMOS Y MÍNIMOS. VALOR DE REFERENCIA 1.5424E+05 (MÁX. ABS.)
(GRAF.3:	53)	DESPLAZAMIENTO EN "X" MÁXIMO ABSOLUTO: 0,00017383M
(GRAF.3:	54)	DESPLAZAMIENTO EN "Z" MÁXIMO ABSOLUTO:
(GRAF.3:	55)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22″ ES "N22″: 615562N/M
(GRAF.3:	56)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN "YY" ES "NYY=NY'": 614076N/M
(GRAF.3:	57)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11″ ES "N11″: 173209N/M
(GRAF.3:	58)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN "XX″ ES "NXX=NX′″: 156236N/M
(GRAF.3:	59)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE LOS VECTORES "SI"

CAPÍTULO-4

# ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

MJIG

#### CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

### CAPÍTULOS GENERALES

- 1.- INTRODUCCIÓN
- 2.- ESTADO DEL CONOCIMIENTO
- 3.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES SIN CONSIDERAR LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

# 4.- ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

- 5.- INFLUENCIA DEL ANCHO Y POSICIÓN DE LOS HUECOS QUE FORMAN LOS APEOS
- 6.- APLICACIÓN DEL MÉTODO EN LA RESOLUCIÓN DE EJEMPLOS PRÁCTICOS
- 7.- DESARROLLO DEL ARCO DE DESCARGA PARA DIFERENTES MODELOS
- 8.- CONCLUSIONES Y PROPUESTAS DE FUTURAS INVESTIGACIONES

# CAPITULO-4

4	ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES
4.1	ASPECTOS GENERALES4-13
4.2	CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS4-17
4.2.1	Tipología de los arcos a utilizar4-17
4.2.2	Parámetros utilizados4-18
4.2.2.1	Estado de carga4-18
4.2.2.2	Características mecánicas del material4-18
4.2.2.3	Programas utilizados4-19
4.2.2.4	Características del mallado de los modelos4-19
4.2.2.5	Características de los Zunchos Perimetrales4-19
4.2.2.6	Condiciones de Contorno4-20
4.2.2.6.1	Representación gráfica de los desplazamientos y giros4-20
4.2.2.6.2	Representación esquemática de las condiciones de contorno de los diferentes modelos4-21
4.2.3	Estudio a realizar4-22
4.2.3.1	Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo4-22
4.2.3.2	Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales4-23
4.2.3.3	Análisis comparativos4-27
4.3	ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS4-30
4.3.1	Influencia de la base apoyada4-31
4.3.1.1	Hueco con arco ideal4-33
4.3.1.2	Hueco con arco de medio punto4-34
4.3.1.3	Hueco con arco carpanel4-35
4.3.1.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-36
4.3.2	Influencia de los apoyos en base y restricción lateral4-37
4.3.2.1	Hueco con arco ideal

4.3.2.2

4.3.2.3

4.3.2.4

4.3.3.3

Hueco

Hueco

Hueco

to4-40
ectos4-42

- 4.3.3 Influencia del empotramiento de la base.....4-43 Hueco con arco ideal......4-45 4.3.3.1
- 4.3.3.2 Hueco con arco de medio punto.....4-46
- Hueco con arco carpanel......4-47 4.3.3.4 Hueco con arco de ángulos rectos......4-48
- Influencia del empotramiento de la base y 4.3.4 restricción lateral.....4-49
- 4.3.4.1 4.3.4.2 Hueco con arco de medio punto......4-52 4.3.4.3 Hueco con arco carpanel......4-53
- Hueco con arco de ángulos rectos......4-54 4.3.4.4

#### 4.4 INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO......4-57

- 4.4.1 Comparación de los Desplazamientos......4-57 4.4.1.1
- 4.4.1.1.1 4.4.1.1.2 Desplazamientos en "z".....4-59
- 4.4.1.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)......4-60 4.4.1.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal
- 4.4.1.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)......4-62
- Fuerzas en el sentido de la dirección principal 4.4.1.5 4.4.2 Hueco con arco de medio punto.....4-65
- 4.4.2.1 Comparación de los Desplazamientos......4-65 Desplazamientos en "x".....4-65 4.4.2.1.1 4.4.2.1.2 Desplazamientos en "z".....4-67
- Vectores en el 4.4.2.2 sentido de la dirección

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

4.4.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-69
4.4.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-70
4.4.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-72
4.4.3	Hueco con arco carpanel4-73
4.4.3.1	Comparación de los Desplazamientos4-73
4.4.3.1.1	Desplazamientos en "x"4-73
4.4.3.1.2	Desplazamientos en "z"4-75
4.4.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-76
4.4.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-77
4.4.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-78
4.4.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-80
4.4.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-81
4.4.4.1	Comparación de los Desplazamientos4-81
4.4.4.1.1	Desplazamientos en "x"4-81
4.4.4.1.2	Desplazamientos en "z"4-83
4.4.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-84
4.4.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-85
4.4.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-86
4.4.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-88
4.5	INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
4.5.1	Modelo con la base Apoyada4-91
4.5.1.1	Comparación de los Desplazamientos4-91
4.5.1.1.1	Desplazamientos en "x"4-91
4.5.1.1.2	Desplazamientos en "z"4-93

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

4.5.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-94
4.5.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-96
4.5.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-97
4.5.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-99
4.5.2	Modelo con la base Apoyada y Restricción Lateral4-100
4.5.2.1	Comparación de los Desplazamientos4-100
4.5.2.1.1	Desplazamientos en "x"4-100
4.5.2.1.2	Desplazamientos en "z"4-102
4.5.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-103
4.5.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-105
4.5.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-106
4.5.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal
	"11" (N11)
4.5.3	"11" (N11)
<b>4.5.3</b> 4.5.3.1	"11" (N11)
<b>4.5.3</b> 4.5.3.1 4.5.3.1.1	<pre>"11" (N11)</pre>
<b>4.5.3</b> 4.5.3.1 4.5.3.1.1 4.5.3.1.2	<pre>"11" (N11)</pre>
<b>4.5.3</b> 4.5.3.1 4.5.3.1.1 4.5.3.1.2 4.5.3.2	<pre>"11" (N11)</pre>
<pre>4.5.3 4.5.3.1 4.5.3.1.1 4.5.3.1.2 4.5.3.2 4.5.3.3</pre>	<pre>"11" (N11)</pre>
<pre>4.5.3 4.5.3.1 4.5.3.1.1 4.5.3.1.2 4.5.3.2 4.5.3.3 4.5.3.4</pre>	<pre>"11" (N11)</pre>
<ul> <li>4.5.3</li> <li>4.5.3.1</li> <li>4.5.3.1.1</li> <li>4.5.3.1.2</li> <li>4.5.3.2</li> <li>4.5.3.3</li> <li>4.5.3.4</li> <li>4.5.3.5</li> </ul>	<pre>"11" (N11)</pre>
<ul> <li>4.5.3</li> <li>4.5.3.1</li> <li>4.5.3.1.1</li> <li>4.5.3.1.2</li> <li>4.5.3.2</li> <li>4.5.3.3</li> <li>4.5.3.4</li> <li>4.5.3.5</li> <li>4.5.4</li> </ul>	<pre>"11" (N11)</pre>
<ul> <li>4.5.3</li> <li>4.5.3.1</li> <li>4.5.3.1.1</li> <li>4.5.3.1.2</li> <li>4.5.3.2</li> <li>4.5.3.3</li> <li>4.5.3.4</li> <li>4.5.3.5</li> <li>4.5.4.1</li> </ul>	<pre>"11" (N11)</pre>
<ul> <li>4.5.3</li> <li>4.5.3.1</li> <li>4.5.3.1.1</li> <li>4.5.3.1.2</li> <li>4.5.3.2</li> <li>4.5.3.3</li> <li>4.5.3.4</li> <li>4.5.3.5</li> <li>4.5.4.1</li> <li>4.5.4.1.1</li> </ul>	"11" (N11)

C	CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

4.5.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-121
4.5.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-123
4.5.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-124
4.5.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-126
4.6	ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO4-129
4.6.1	Hueco con arco ideal4-129
4.6.1.1	Comparación de los Desplazamientos4-129
4.6.1.1.1	Desplazamientos en "x"4-129
4.6.1.1.2	Desplazamientos en "z"4-131
4.6.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-133
4.6.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-135
4.6.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-137
4.6.1.5	<i>Fuerzas en el sentido de la dirección principal</i> <i>"11" (N11)4-139</i>
4.6.2	Hueco con arco de medio punto4-141
4.6.2.1	Comparación de los Desplazamientos4-141
4.6.2.1.1	Desplazamientos en "x"4-141
4.6.2.1.2	Desplazamientos en "z"4-143
4.6.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-145
4.6.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-147
4.6.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-149
4.6.2.5	<i>Fuerzas en el sentido de la dirección principal</i> <i>"11" (N11)4-151</i>
4.6.3	Hueco con arco carpanel4-153
4.6.3.1	Comparación de los Desplazamientos4-153

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

4.6.3.1.1	Desplazamientos en "x"4-153
4.6.3.1.2	Desplazamientos en "z"4-155
4.6.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-157
4.6.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-159
4.6.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-161
4.6.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-163
4.6.4	Hueco con arco de ángulos rectos4-165
4.6.4.1	Comparación de los Desplazamientos4-165
4.6.4.1.1	Desplazamientos en "x"4-165
4.6.4.1.2	Desplazamientos en "z"4-167
4.6.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-169
4.6.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-171
4.6.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-173
4.6.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-175
4.7	CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO4-179
4.7.1	Modelo con la base Apoyada4-179
4.7.1.1	Comparación de los Desplazamientos:
4.7.1.1.1	Desplazamientos en "x"4-179
4.7.1.1.2	Desplazamientos en "z"4-180
4.7.1.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-181
4.7.1.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-182
4.7.1.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-183
4.7.1.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-184

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

4.7.2	Modelo con la base Apoyada y Restricción Lateral4-185
4.7.2.1	Comparación de los Desplazamientos4-185
4.7.2.1.1	Desplazamientos en "x"4-185
4.7.2.1.2	Desplazamientos en "z"4-186
4.7.2.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-187
4.7.2.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-188
4.7.2.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-189
4.7.2.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-190
4.7.3	Modelo con la base Empotrada4-191
4.7.3.1	Comparación de los Desplazamientos4-191
4.7.3.1.1	Desplazamientos en "x"4-191
4.7.3.1.2	Desplazamientos en "z"4-192
4.7.3.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-193
4.7.3.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-194
4.7.3.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-195
4.7.3.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-196
4.7.4	Modelo con la base Empotrada y Restricción Lateral4-197
4.7.4.1	Comparación de los Desplazamientos4-197
4.7.4.1.1	Desplazamientos en "x"4-197
4.7.4.1.2	Desplazamientos en "z"4-198
4.7.4.2	Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)4-199
4.7.4.3	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)4-200
4.7.4.4	Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)4-201
4.7.4.5	Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)4-202

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

4.8	CONCLUSIONES DEL CAPÍTULO-44-204
4.8.1	Modelos con la base apoyada (BA)4-204
4.8.2	Modelos con la base apoyada y restricciones laterales4-206
4.8.3	Modelos con la base empotrada4-209
4.8.4	Modelos con la base empotrada y restricciones laterales4-212
# MJIG CAPÍTULO-4 1.- ASPECTOS GENERALES 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS 3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS 4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO 5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO 6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN **ZUNCHO** 7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO

8.- CONCLUSIONES

MJIG

CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

# CAPÍTULO-4

### 1.- ASPECTOS GENERALES

- 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS
- 3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
- 4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 8.- CONCLUSIONES

### 4 ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES CONSIDERANDO LA INFLUENCIA DE LOS ZUNCHOS PERIMETRALES

### 4.1 ASPECTOS GENERALES

En la actualidad, se recomienda que los forjados lleguen a la pared y sean rematados por medio de zunchos.

Los zunchos son piezas lineales de hormigón armado hechos "in situ". Se disponen transversalmente a las viguetas que constituyen el forjado y quedan embebidos en la pared de obra de fábrica sobre la cual se apoyan.

La influencia de estos elementos es fundamental para el forjado y para la pared de carga:

- Arriostra y encadena perimetralmente el conjunto, tanto paredes-forjados como paredes-paredes.
- Mejora el reparto de las cargas verticales sobre los muros inferiores.
- Ayuda a uniformar los asientos de las viguetas que ata.
- Aumenta la rigidez de la pared<sup>1</sup>.

Dada esta influencia, el "CTE"<sup>2</sup> excluye de su aplicación a las paredes que no tengan dicho elemento de atado.

La finalidad de este capítulo es determinar las repercusiones estructurales de los zunchos perimetrales en los forjados.

Para realizar dicho estudio se desarrollan 16 modelos con diferentes formas de los huecos y condiciones de contorno. Sus características más relevantes se clasifican en dos grupos:

**1.** <u>Parámetros conocidos (ya utilizados en el capítulo anterior<sup>3</sup>),</u> que se incluyen en los nuevos modelos:

- a. Los arcos utilizados para formar los huecos de las paredes<sup>4</sup> son: ideal, de medio punto, carpanel y recto.
- b. Las condiciones de contorno que se utilizan tienen cuatro variantes: base apoyada, base apoyada y restricciones laterales, base empotrada y base empotrada con restricciones laterales<sup>5</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Mejorando el comportamiento frente a los desplazamientos horizontales, tan peligrosos para las fábricas. En el desarrollo de la Tesis no se incluye el análisis de dichos desplazamientos.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> CTE (Código Técnico de la Edificación); Parte-5; Apartado-1; Párrafo-2, dice: "Quedan excluidos de este DB los muros de carga que carecen de elementos destinados a asegurar la continuidad de los forjados (encadenado), tanto los que confían la estabilidad al rozamientos de los extremos de las viguetas, como los que confían la estabilidad exclusivamente a su grueso o a su vinculación a otros muros perpendiculares sin colaboración de los forjados. También, quedan excluidas aquellas fábricas construidas con piezas colocadas "en seco" (sin mortero en las juntas horizontales) y las de piedra cuyas piezas no son regulares (mampuestos) o no se asientan sobre tendeles horizontales, y aquellas en las que su grueso se consigue a partir de rellenos amorfos entre dos hojas de sillares".

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Con la finalidad de poder realizar las comparaciones entre los modelos con zuncho y sin zuncho se usan los mismos parámetros considerados en el Capítulo-3, tanto geométricos como mecánicos.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Dichas formas también son utilizadas en el Capítulo-3. En el presente análisis no se incluye el arco ojival por las razones indicadas en el capítulo citado.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Se prevé que: por un lado, el caso más desfavorable corresponde a los modelos que tienen la base apoyada (por tener libres los movimientos horizontales que da como resultado mayores deformaciones); por otro, el comportamiento mejora cuando se empotran las bases (al tener impedido el desplazamiento horizontal) y por último, los casos con restricciones laterales son aún más favorables.

- c. Las características mecánicas de la obra de fábrica se toman del "CTE"<sup>6</sup>.
- d. En el (*CUADRO 1*) se indican las características geométricas generales de los modelos<sup>7</sup>.



- 2. Parámetro nuevo a tener en cuenta en los modelos<sup>8</sup>:
- e. Los zunchos de forjado embebidos en la pared de obra de fábrica se incluyen en las paredes.

A lo largo del desarrollo del capítulo se hacen comparaciones entre todos los modelos analizados. Los incluimos en dos grupos:

- 1. Comparaciones entre los modelos con zuncho:
- f. En el apartado "4.4" se realizan comparaciones entre los modelos de un mismo tipo de arco con sus diferentes condiciones de contorno.
- g. En el apartado "4.5" se hacen comparaciones entre todos los tipos de arcos utilizados, aunque con una misma condición de contorno.
- 2. Comparaciones entre los modelos sin zuncho<sup>9</sup> y con zuncho:
- h. En el apartado "4.6" se realizan comparaciones entre los modelos de un mismo tipo de arco con sus diferentes condiciones de contorno.
- i. En el apartado "4.7" se hacen comparaciones gráficas entre todos los tipos de arcos utilizados, aunque con una misma condición de contorno. No se ve necesario indicar conclusiones escritas porque en el apartado anterior se ven con claridad las diferencias entre ambos grupos de modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Las conclusiones de los "Capítulos 3 y 4" ayudan a validar los parámetros mecánicos del material, utilizados en todos los modelos.

 $<sup>^{7}\,</sup>$  La dimensión de cada uno de los huecos se puede apreciar en el (CUADRO 2).

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Este parámetro es el más importante de este capítulo.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Analizados en el capítulo anterior.

MJIG

CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

# <u>CAPÍTULO-4</u>

### 1.- ASPECTOS GENERALES

## 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS

- 3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
- 4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 8.- CONCLUSIONES

MJIG 4.2 CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS 1.- TIPOLOGÍA DE LOS ARCOS A UTILIZAR 2.- PARÁMETROS UTILIZADOS 3.- ESTUDIO A REALIZAR

### CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS 4.2

### <u>Tipología de los arcos a utilizar<sup>10</sup></u> 4.2.1

Para determinar la influencia de la forma de los huecos, se seleccionan cinco tipos de arcos que se exponen en el (CUADRO 2). La finalidad es abarcar la mayor cantidad posible de formas usadas en la edificación cuyo comportamiento presente una cierta evolución estructural<sup>11</sup>.



<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Con el fin de facilitar las comparaciones entre los modelos con zuncho y sin zuncho, se considera la tipología de zunchos utilizados en el capítulo anterior (análisis de los modelos sin zuncho de borde).

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Es decir, de una forma favorable estructuralmente hacia una desfavorable.

# 4.2.2 Parámetros utilizados

### 4.2.2.1 Estado de carga

El modelo representa una pared medianera de un edificio de tres plantas: planta baja, planta primera, planta segunda y terraza (sin uso público). Su estado de carga es el siguiente:

Estado de carga en zonas de vivienda:

Pp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

Estado de carga en terraza (sólo de mantenimiento):

Pp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Su	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000

pp=Peso propio cp=cargas permanentes su + N=sobrecargas de uso + nieve

### 4.2.2.2 Características mecánicas del material

Las características mecánicas utilizadas en los diferentes modelos analizados se calculan en base al "CTE".

γ	N/m3	18.000
E	N/m2	5,70E09
G	N/m2	2,30E+09
υ	_	0,20
f <sub>d</sub>	N/m2	3,2E+06
f <sub>t</sub>	N/m2	0,1E+06

Para el cálculo de estos valores se desarrolla una hoja de cálculo que se presenta a continuación.

CTE – SE-F				
Valores	de "k"	1Hoja	2Hojas	
Macizas		0,6	0,5	
Perforadas		0,55	0,45	
Aligeradas		0,5	0,4	
Huecas		0,4	_	
k	0,6			
fь	25		N/mm2	
<b>f</b> m	15	OK	N/mm2	
fk	9,57		N/mm2	
<b>γ</b> ™	3			
<b>f</b> d	3,19		N/mm2	
Valor de "E" teniendo "fk"				
fĸ	9,57	N/mm2	9,57E+06	N/1
Е	9570	N/mm2	9,57E+09	N/
${f E}$ est lim serv	5,742	N/mm2	5,74E+09	N/
G	3828	N/mm2	2,30E+09	N/r

### 4.2.2.3 Programas utilizados

Los modelos se analizan por medio del programa de cálculo "Rambshell"<sup>12</sup> y usando como pre y post-procesador el programa "GID", los cuales se emplean a lo largo de toda la Tesis.

### 4.2.2.4 Características del mallado de los modelos

La malla utilizada incorpora elementos finitos triangulares de seis grados de libertad, con una longitud de cada lado de 0,20m.

### 4.2.2.5 Características de los Zunchos Perimetrales

En el estudio se considera la influencia de los zunchos embebidos en el forjado. La dimensión de los zunchos es de 0,25m x 0,25m.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 12}$  En el Capítulo-2 se presentan características de estos dos programas.

### 4.2.2.6 Condiciones de Contorno

### 4.2.2.6.1 Representación gráfica de los desplazamientos y giros

En el estudio se tienen en cuenta cuatro grupos de condiciones de contorno: base apoyada, base apoyada y restricciones laterales, base empotrada y base empotrada con restricciones laterales. Con el fin de aclarar la terminología, a continuación, en el (CUADRO 3), se presentan de modo gráfico los desplazamientos y giros, indicando únicamente su sentido positivo:



Representación esquemática de las condiciones de contorno de los diferentes modelos 4.2.2.6.2

En el (CUADRO 4) se presentan las diferentes condiciones de contorno de cada uno de los modelos. Estos esquemas se incluirán a lo largo del proceso para identificar el modelo que se analiza y son:

a. Base apoyada: en la base se restringe el desplazamiento vertical  $(\delta z)$ .

- Base apoyada y restricción lateral: en la base se coarta el desplazamiento vertical ( $\delta z$ ) y en las caras laterales se tasa el desplazamiento horizontal ( $\delta x$ ). b.
- Base empotrada: en la base se limitan todos los desplazamientos ( $\delta x$ ,  $\delta y$ ,  $\delta z$ ) y los giros ( $\theta x$ ,  $\theta y$ ,  $\theta z$ ). c.

Base empotrada y restricción lateral: en la base se restringen todos los desplazamientos ( $\delta x$ ,  $\delta y$ ,  $\delta z$ ) y los giros ( $\theta x$ ,  $\theta y$ ,  $\theta z$ ) y en las caras laterales se impide el d. desplazamiento horizontal  $(\delta x)$ .

	(CUADRO 4)	ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERE	NTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZ	AR
	ARCO IDEAL (A.I)	ARCO DE MEDIO PUNTO (A.M.P)	ARCO CARPANEL (A.CP)	
BASE APOYADA (BA)				
BASE APOYADA Y RESTRICCIONES ATERALES(BA-RL)	Image: GRAF.4: 11) A. Ideal: BA     Image: GRAF.4: 1	Image: Second	Image: GRAP.4: 13) A. Calpanel: BA       Image: GRAP.4	
BASE EMPOTRADA (BE)	(GRAF.4: 15) A. Ideal: BA-RL	(GRAF.4: 16) A. Medio punto: BA-RL	(GRAF.4: 17) A. Carpanel: BA-RL	
BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES(BE-RL)	(GRAF.4: 23) A. Ideal: BE-RL	(GRAF.4: 24) A. Medio punto: BE-RL	(GRAF.4: 25) A. Carpanel: BE-RL	



### 4.2.3 Estudio a realizar

### Representación gráfica de los resultados obtenidos en el programa de cálculo 4.2.3.1

En el (CUADRO 5) se exponen, de modo gráfico, los resultados que se obtienen de los modelos de cálculo tales como: "Sii", "N22", "Nyy=Ny'", "Si", "N11" y "Nxx=Nx'". La representación gráfica de los desplazamientos se puede ver en el apartado "4.2.2.6.1".



# 4.2.3.2 Especificación de criterios de interpretación de los modelos individuales

En primer lugar, obtenemos los resultados de cada uno de los modelos  $^{\rm 13}.$ 

Con el fin de mejorar la interpretación de los datos se tienen en cuenta los siguientes criterios:

### 1. Obtención del valor máximo absoluto.

De cada modelo se selecciona el máximo absoluto de los diferentes tipos de resultados ("N11", "Nyy=Ny'", "N22"...). Posteriormente, se comparan y se selecciona, de entre todos, el máximo. Este último valor es el que se aplica en el paso 2.

En el (CUADRO 6), se presenta un ejemplo hipotético que aclara el proceso explicado en el párrafo anterior. Se resaltan, en color verde, los valores a considerar en el paso siguiente:

(CUADRO 6) VALORES MÁXIMOS ABSOLUTOS				
Modelo Resultado	Mod-1	Mod-2	Mod-3	Mod-4
"N11"	715295	872347	809283	45345
"Nyy=Ny'"	695295	852347	789283	43345
"N22″	-85295	-82347	-89283	-4345
"Nxx=Nx'"	-83295	-80347	-87283	-4145
δχ	0,0001	-0,00012	-0,00028	0,0034
δΖ	-0,000012	-0,000013	-0,000025	-0,000045

### 2. Igualación de los valores máximos y mínimos.

Para facilitar la lectura de los resultados, se igualan los valores máximos y mínimos<sup>14,15</sup> de los datos obtenidos. Gracias a esta igualación de datos se obtiene una escala gráfica simétrica<sup>16</sup>, como se aprecia en el (*GRAF.4: 34*). En el (*CUADRO 7*) se presenta un ejemplo aclaratorio:



<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> Es una información necesaria para desarrollar la fase posterior de comparación de los modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup> La igualación se realiza en el módulo post-procesador de "GID" (comandos "set maximum value" y "set minimum value").

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup> Utilizando el valor máximo obtenido en el paso anterior.

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup> Gracias a dicha simetría mejora la interpretación de los valores positivos y negativos.

En nuestro caso, los valores a incluir en los diferentes modelos son los que se indican en el (CUADRO 8):



**3.** Especificación de la escala cromática utilizada para las fuerzas y para los desplazamientos en "x".

Para la representación gráfica de las fuerzas y del desplazamiento en "x" se utiliza la misma escala cromática. En el (CUADRO 9) se incluyen los números de los colores<sup>17</sup> utilizados en los modelos:

( כז	JADRO 9)	FUERZAS Y DI	SPLAZAMIENT	O EN "X"	
153	0	240	30	79	168
156	2	236	27	119	251
122	0	240	231	114	242
62	106	240	236	111	0
40	255	240	255	221	233
40	240	240	240	113	0
31	233	238	181	110	1
234	243	238	1	115	37
0	149	240	0	70	0

<sup>17</sup> Estos números se introducen en el módulo post-procesador de "GID" (comando option/contour/colour Windows/user defined).

En el caso de los esfuerzos, las fuerzas de tracción se representan con una gama de colores fríos<sup>18</sup> y los de compresión con una gama de colores cálidos<sup>19</sup>.



En el caso de los desplazamientos en "x" vemos dos situaciones: cuando el movimiento es hacia el lado derecho, se representan con la gama de colores fríos y cuando es hacia el lado izquierdo, con una gama de colores cálidos.



Para facilitar la interpretación se incluyen flechas que indican, visualmente, el sentido del desplazamiento $^{20}$ .

4. <u>Especificación de la escala cromática utilizada para la</u> representación gráfica de los desplazamientos en "z".

En el caso de los desplazamientos en "z" se selecciona una escala cromática de colores cálidos<sup>21</sup>, la misma que se indica en el (CUADRO 10):

		(CUADRO 1	0) DESPLAZ	LAMIENTO EN	₩Z″	
	40	255	240	255	221	233
Ξ	0	255	240	151	191	151
	0	149	240	0	70	0

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 18}}$  Los colores fríos corresponden a una gama de verde y azul.

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup> Los colores cálidos corresponden a una gama de amarillo y rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup> Hay que indicar que el movimiento horizontal no se debe a fuerzas laterales externas (fuerzas aplicadas en la dirección "x"). Se debe más bien al efecto de Poisson que origina que la pieza cargada se deforme en todas las direcciones. Dicho efecto depende del sentido de fuerza, en el caso en que sea de compresión la pieza se ensancha y se acorta.

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> Los desplazamientos tienden a mínimos cuando se aproximan a colores claros y a máximos cuando se acercan a tonos oscuros.

Para una mayor claridad de los resultados se incluye una flecha que indica el sentido del desplazamiento. Veamos un ejemplo:



### 5. Definición del factor de escala: "Si" y "Sii".

El factor de escala es el valor que se utiliza para ampliar o reducir la representación gráfica de los vectores ("Si" y "Sii").

Con la finalidad de facilitar la comparación de los modelos se tiene en cuenta que el factor de escala es igual para todos ellos, tanto para la representación de "Si" como para "Sii". En el presente estudio utilizamos como factor: "1,00E-05".

Gracias a esta igualdad se puede demostrar fácilmente que los vectores "Sii" son siempre superiores a los "Si"<sup>22</sup>.

En los resultados gráficos de ambos vectores<sup>23</sup> se distinguen dos tipologías: los vectores de color rojo<sup>24</sup> que simbolizan tracciones y los de color azul<sup>25</sup> que representan compresiones. Por ejemplo:



(GRAF.4: 41) Representación gráfica de los vectores "Si".

 $<sup>^{22}</sup>$  Los vectores "Sii" deben ser superiores a los "Si" dado que las fuerzas de compresión son superiores.

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup> Los vectores de las direcciones principales "Sii" y "Si".

 $<sup>^{\</sup>rm 24}$  Flechas que se separan = tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup> Flechas que se unen = compresiones.

### 4.2.3.3 Análisis comparativos

Se realiza el análisis comparativo de la influencia de los siguientes aspectos:

- a. Condiciones de contorno de los modelos con zuncho.
- **b.** Forma de los arcos de los modelos con zuncho.
- c. Condiciones de contorno entre los modelos con y sin zuncho.
- d. Forma de los arcos entre los modelos con y sin zuncho.

MJIG

4-28

CAPÍTULO-4

1.- ASPECTOS GENERALES

ARCOS

ZUNCHO

8.- CONCLUSIONES

2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS

3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE

4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE

5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN

6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN

7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO

LOS MODELOS CON ZUNCHO

CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN





Para el análisis, los modelos se clasifican de acuerdo a sus condiciones de contorno:

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup> Indicados en los primeros apartados.

### 4.3.1 Influencia de la base apoyada

### FICHA DEL MODELO

### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Hueco con arco-con zuncho-def-apoy=30<sup>27</sup> (Hueco con arco, con zuncho, con la base apoyada, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=2,50m Espesor de la pared =0,30m

### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Pp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

### 3.- DATOS DE LA PARED DE FÁBRICA:

γ=18.000N/m3
E=5,70E09N/m2
G=2,38E+09N/m2
v=0,20

4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

El zuncho de conexión con el muro es de 0,25m x 0,25m.

### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con apoyo deslizante en la base y libre lateralmente.

<sup>27</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F\modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-4-con zuncho\hueco con arcocon zuncho-def-apoy=30.gid











4.3.1.2





b.- Main Ax. Force (N/M). Sii factor -8.1e-6.



a'.- Displacement (m).Disp-X

c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force (N/M). N22.

e.- Main Ax. Force (N/M). N11.









a.- Displacement (m).Disp-Z

a'.- Displacement (m).Disp-X Desplazamientos





c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force (N/M). N22.

e.- Main Ax. Force (N/M). N11.









a.- Displacement (m).Disp-Z

a'.- Displacement (m).Disp-X Desplazamientos





c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.



### 4.3.2 Influencia de los apoyos en base y restricción lateral

### FICHA DEL MODELO

### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Hueco con arco-con zuncho-def-apoy-restring-lat-30<sup>28</sup> (Hueco con arco, con zuncho, con la base apoyada y restringido lateralmente, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=3,00m Espesor de la pared =0,30m

### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Рр	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Cp	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

## 3.- DATOS DE LA PARED DE FÁBRICA:

γ=18.000N/m3 E=5,70E09N/m2 G=2,38E+09N/m2 v=0,20

### 4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

El zuncho de conexión con el muro es de 0,25m x 0,25m.

### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con apoyado deslizante en la base y apoyado lateralmente.

<sup>28</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F\modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-4-con zuncho\hueco con arcocon zuncho-def-apoy-restring-lat-30.gid













c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force (N/M). N22.

e.- Main Ax. Force (N/M). N11.

















Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"





b.- Main Ax. Force (N/M). Sii factor 8.1e-6.



c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force (N/M). N22.





Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"



919/ 4000 (419/17/19



b.- Main Ax. Force (N/M). Sii factor 8.1e-6.



c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

### 4.3.3 Influencia del empotramiento de la base

### FICHA DEL MODELO

### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Hueco con arco-con zuncho-def-emp-30<sup>29</sup> (Hueco con arco, con zuncho, con la base empotrada, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=3,00m Espesor de la pared =0,30m

### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Pp	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Ср	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

### 3.- DATOS DE LA PARED DE FÁBRICA:

γ=18.000N/m3
E=5,70E09N/m2
G=2,38E+09N/m2
v=0,20

### 4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

El zuncho de conexión con el muro es de 0,25m x 0,25m.

### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con empotramiento en la base y libre lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F \modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-4-con zuncho\hueco con arcocon zuncho-def-emp-30.gid





Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

g.- Axial Force (N/M). Nx'.

f.- Axial Force  $(\mathit{N}/\mathit{M})$  . Ny'.








Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"







b.- Main Ax. Force (N/M). Sii factor 8.1e-6.

c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

#### 4.3.4 Influencia del empotramiento de la base y restricción lateral

### FICHA DEL MODELO

#### 1.- NOMBRE DEL MODELO:

Hueco con arco-zuncho-def-emp-restring-lat-30<sup>30</sup> (Hueco con arco, con zuncho, con la base empotrada y restringido lateralmente, e=30)

Número de plantas (a)=3 Altura de las plantas (b)=3,00m Longitud del tramo de pared (c)=12,00m Ancho de la zona de influencia de carga (d)=4,00m Ancho de la abertura (f)=3,00m Espesor de la pared =0,30m

#### 2.- ESTADO DE CARGA CONSIDERADO:

Рр	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000
Cp	Tn/m2	0,15
	N/m	6.000
Su	Tn/m2	0,30
	N/m	12.000

3.- Datos de la pared de fábrica:

γ=18.000N/m3
E=5,70E09N/m2
G=2,38E+09N/m2
v=0,20

4.- DATOS DE LOS FORJADOS:

El zuncho de conexión con el muro es de 0,25m x 0,25m.

### 5.- DATOS DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO:

Con empotramiento en la base y apoyado lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup> Nombre del modelo que aparece en el CD entregado. Ruta F \modelos-cálc\mod-capítulos-def\cap-4-con zuncho\hueco con arcozuncho-def-emp-restring-lat-30.gid







b.- Main Ax. Force (N/M). Sii factor 8.1e-6.

c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



Fuerzas en el sentido de las direcciones principales.



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

đ



Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"

f.- Axial Force (N/M). Ny'.

4-52

g.- Axial Force (N/M). Nx'.









b.- Main Ax. Force (N/M). Sii factor 8.1e-6.

c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.







Fuerzas en las direcciones "xx" e "yy"





b.- Main Ax. Force (N/M). Sii factor 8.1e-6.



c.- Main Ax. Force (N/M). Si factor 8.1e-6.

Desarrollo de los vectores correspondientes a las direcciones principales.



d.- Main Ax. Force (N/M). N22.

e.- Main Ax. Force (N/M). N11.







MJIG

CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

# <u>CAPÍTULO-4</u>

- 1.- ASPECTOS GENERALES
- 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS
- 3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS

#### 4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO

- 5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 8.- CONCLUSIONES



#### 4.4 INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO

A partir de distintas tipologías de los arcos vamos a determinar en qué situación la pared presenta el mejor comportamiento estructural<sup>31</sup>.

#### 4.4.1 <u>Hueco con arco ideal</u>

#### 4.4.1.1 Comparación de los Desplazamientos

4.4.1.1.1 Desplazamientos en "x"<sup>32</sup>



#### 1. En el modelo con la base apoyada (BA), puede observarse que<sup>33</sup>:

- a. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con los otros modelos.
- Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base, mientras que tienden a disminuir considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>34-35</sup>.
- c. La pared se dilata libremente por ambos lados del modelo<sup>36</sup>.
- d. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos, a diferencia de los modelos restantes.
- e. El arco tiende a abrirse.

<sup>&</sup>lt;sup>31</sup> Es decir, que esté solicitada a menores fuerzas de tracción, teniendo en cuenta su poca resistencia a dichos esfuerzos.

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup> Ver gráfico (1).

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup> Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup> Dada la mayor rigidez que le aporta la forma.

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y, por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales impuestas (BA-RL) observamos que<sup>37</sup>:

- f. La pared es menos deformable<sup>38</sup>.
- g. Los desplazamientos localizados en las caras laterales y en la base del modelo se anulan.
- La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en el centro del modelo, de modo especial en la parte superior de la abertura.
- i. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario (  $\rightarrow \leftarrow$  )<sup>39</sup> y dan lugar a fuerzas de compresión en la pieza.
- j. El arco tiene tendencia de cerrarse.
- 3. En el modelo con la base empotrada (BE) se distingue que<sup>40</sup>:
- k. Los desplazamientos son prácticamente nulos en la zona próxima a la base.
- l. Las deformaciones se concentran en las zonas centrales de los lados del modelo $^{41}$ .
- m. El arco tiende a cerrarse un poco en la clave $^{42}$ .

#### 4. En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (BE-RL) apreciamos que<sup>43</sup>:

- n. La pared es menos deformable<sup>44</sup>.
- o. Los desplazamientos se anulan tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- p. Los máximos desplazamientos laterales tienden a concentrarse en la clave del arco.
- q. El arco tiende a cerrarse al igual que en el punto-2.
- 5. Además podemos decir que:
- r. La pared con la base apoyada tiene un comportamiento estructural desfavorable.
- s. La pared con la base empotrada y restricciones laterales tiene una mejor función estructural.

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup> Ver gráfico (2).

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup> Esto se puede constatar si observamos que es más amplia la franja de los "desplazamientos casi nulos" (gama de colores muy claros, casi tendiendo a blanco).

 $<sup>^{39}</sup>$  Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la izquierda y el izquierdo hacia la derecha.

<sup>40</sup> Ver gráfico (3).

 $<sup>^{\</sup>rm 41}\,$  Dada la carencia de restricciones laterales en dichos extremos.

<sup>&</sup>lt;sup>42</sup> De acuerdo al sentido de la deformada.

<sup>43</sup> Ver gráfico (4).

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup> Se puede constatar si observamos que es mayor la franja de los "desplazamientos casi nulos" (colores muy claros, casi tendiendo a blanco).

#### 4.4.1.1.2 Desplazamientos en "z"<sup>45</sup>

(CUADRO	16) ARCO IDE	al (Con Zu	JNCHO)	: DESPLAZAM	IENTO	) EN "Z"
Represent	ación gráfica de l	os modelos c	on infl	uencia del zun	cho de	e borde.
(GRAF.4: 11) A. Ideal:	(GRAF. 4: 15) A. Ideal:	Disp Z	5 7 4 1 4 8 1	(GRAF, 4; 19) A. II	deal:	(GRAF. 4: 23) A.
BA	BA-RL	-0.0003233		BE	acar.	Ideal: BE-RL
	De	esplazamiento	os en "z	2″		
(5) 4.3.1.1.a	(6) 4.3.2	.1.a	(7)	4.3.3.1.a		(8) 4.3.4.1.a

#### 6. En el modelo con la base apoyada (BA) observamos que<sup>46</sup>:

- t. La pared tiene poca rigide $z^{47}$ .
- u. La zona de los desplazamientos máximos  $^{48}$  se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos podemos apreciar que<sup>49</sup>:
- v. Las paredes son más rígidos $^{50}$ .
- w. Los desplazamientos son más homogéneos.
- x. Las máximas deformaciones llegan a nivel de las claves de los  $\arccos^{51}.$
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- y. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- z. La pared con la base apoyada es más deformable.
- aa. Los modelos restantes tienen un comportamiento bastante parecido entre sí.

<sup>48</sup> Tonos de color rojo más intensos.

 $<sup>^{\</sup>rm 45}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>46</sup> Ver gráfico (5).

<sup>&</sup>lt;sup>47</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>49</sup> Ver gráfico (6), (7) y (8): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 50}~$  Por lo tanto, menos deformables al tener más impedidos sus movimientos.

<sup>&</sup>lt;sup>51</sup> Aunque son menores que el modelo con la base simplemente apoyada.

# 4.4.1.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) $^{\rm 52-53}$



#### 9. En el modelo simplemente apoyado (BA) puede apreciarse que<sup>54</sup>:

- bb. La pared está prácticamente comprimido en su totalidad<sup>55</sup>.
- cc. En la punta del arco existen vectores de tracción a diferencia de los otros modelos  $^{56}. \ \ \,$
- 10. En los tres modelos restantes distinguimos que<sup>57</sup>:
- dd. Las paredes están comprimidos por completo.
- ee. En la punta del arco desaparecen del todo las fuerzas de tracción.
- 11. De modo general podríamos decir que:
- ff. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>58</sup>.
- gg. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

 $^{\rm 55}\,$  A excepción de la punta del hueco.

<sup>&</sup>lt;sup>52</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>rm 53}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>54</sup> Ver gráfico (9).

<sup>&</sup>lt;sup>56</sup> Vectores de color rojo casi imperceptibles.

<sup>&</sup>lt;sup>57</sup> Ver gráfico (10), (11) y (12): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>58</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

4.4.1.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)  $^{59\text{-}60}$ 



### 12. En el modelo simplemente apoyado (BA) observamos que<sup>61</sup>:

- hh. En la clave del arco se aprecian fuerzas de tracción, aunque de intensidad casi imperceptible $^{62}$ .
- ii. En la parte inferior se concentran las compresiones con mayor intensidad que en las otras paredes.
- 13. En los tres modelos restantes podemos distinguir que<sup>63</sup>:
- jj. En la punta del arco desaparecen por completo las fuerzas de tracción $^{64}.$
- kk. En la base de los modelos se concentran fuerzas de compresión.
- 14. De modo general podríamos decir que:
- 11. En la base del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>65</sup> que disminuye a medida que se aleja de la abertura.

<sup>&</sup>lt;sup>59</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>60</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>61</sup> Ver gráfico (13).

<sup>&</sup>lt;sup>62</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>63</sup> Ver gráfico (14), (15) y (16): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>64</sup> No existen zonas de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>65</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

4.4.1.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 66-67



#### **15.** <u>Si la base del modelo está simplemente apoyada (BA) podemos</u> <u>apreciar que<sup>68</sup>:</u>

- mm. En la clave del arco se concentran<sup>69</sup> fuerzas de tracción<sup>70</sup>, las mismas que tienden a disminuir a medida que se aproximan a los extremos de la pared del modelo.
- nn. En la zona de la base próxima al hueco se produce una concentración de compresiones<sup>71</sup> importantes.

**16.** <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-RL) observamos que<sup>72</sup>:</u>

- oo. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las tracciones<sup>73</sup>.
- pp. En las caras laterales del hueco se mantienen las fuerzas de tracción $^{74}$ .
- qq. La pared prácticamente está toda comprimida<sup>75</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>66</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>&</sup>lt;sup>67</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>68</sup> Ver gráfico (17).

<sup>&</sup>lt;sup>69</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja.

<sup>&</sup>lt;sup>70</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>71</sup> En el gráfico de los vectores: zona azul.

<sup>&</sup>lt;sup>72</sup> Ver gráfico (18).

 $<sup>^{\</sup>rm 73}\,$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>74</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>75</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul.

**17.** <u>Si la base del modelo está empotrada (BE) se puede apreciar</u> <u>que<sup>76</sup>:</u>

- rr. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran fuerzas de compresión.
- ss. En las caras laterales del arco aparecen pequeñas fuerzas de tracción  $^{77}. \ \ \,$
- tt. En la base aumentan considerablemente las fuerzas de compresión  $^{78}. \label{eq:compression}$

18. <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (BE-RL) puede notarse que<sup>79</sup>:

- uu. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las tracciones<sup>80</sup>.
- vv. En las caras laterales del hueco no llegan a desaparecer las fuerzas de tracción de baja intensidad<sup>81</sup>.
- ww. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>82</sup>.
- 19. De modo general podríamos decir que:
- xx. En la base junto a los huecos se localizan las máximas concentraciones de compresión.
- yy. En el modelo con la base simplemente apoyada los resultados son desfavorables.
- zz. El comportamiento mejora si empotramos la base.
- aaa. El comportamiento es mucho mejor si restringimos lateralmente los modelos.

<sup>76</sup> Ver gráfico (19).

<sup>&</sup>lt;sup>77</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>78</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Se observa que el modelo contiene prácticamente en su totalidad vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>79</sup> Ver gráfico (20).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 80}\,$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>81</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>82</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul.

	4.4.1.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(N11)	83-84									



# **20.** En el caso del modelo con la base apoyada (BA) se puede apreciar que<sup>85</sup>:

- bbb. En la clave del arco se concentran fuerzas de tracción<sup>86</sup>, las mismas que tienden a aminorar a medida que se aproximan a los extremos de la pared.
- ccc. En la zona de la base próxima al hueco se produce una concentración de compresiones.
- 21. <u>En los modelos con restricciones laterales not</u>amos que<sup>87</sup>:
- ddd. En la zona superior del arco desaparecen por completo todas las tracciones<sup>88</sup>.
- 22. Cuando la base está empotrada (BE) se observa que<sup>89</sup>:
- eee. En la zona más próxima a la clave del arco desaparecen las tracciones más intensas.
- fff. Las zonas de compresión aumentan considerablemente<sup>90</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>83</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>84</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>85</sup> Ver gráfico (21).

<sup>&</sup>lt;sup>86</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>87</sup> Ver gráficos (22) y (24): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 88}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>89</sup> Ver gráfico (23).

<sup>&</sup>lt;sup>90</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base se observa que el modelo está casi en su totalidad de color amarillo.

#### 4.4.2 Hueco con arco de medio punto

#### 4.4.2.1 Comparación de los Desplazamientos

4.4.2.1.1 Desplazamientos en "x"  $^{91}$ 



- 1. En el modelo con la base apoyada (BA) podemos observar que<sup>92</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son superiores<sup>93</sup>.
- b. Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base y tienden a menguar considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>94-95</sup>.
- c. La base del hueco tiende a abrirse.
- d. La pared se dilata libremente por ambos lados del modelo<sup>96</sup>.
- e. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos<sup>97</sup>.

2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales impuestas (BA-RL) se puede apreciar que<sup>98</sup>:

- <sup>93</sup> En comparación con los otros modelos.
- <sup>94</sup> Es decir, en los extremos internos de la base.
- <sup>95</sup> Dada la mayor rigidez que le aporta la forma.

<sup>96</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

<sup>98</sup> Ver gráfico (26).

<sup>&</sup>lt;sup>91</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>92</sup> Ver gráfico (25).

<sup>&</sup>lt;sup>97</sup> A diferencia de los modelos restantes.

- f. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base disminuyen considerablemente sin llegar a desaparecer.
- g. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- h. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario (  $\checkmark \rightarrow$  )<sup>99</sup> y dan lugar a tracciones de pequeña intensidad.
- i. El hueco tiende a cerrarse en la base.

3. <u>En el caso del modelo con la base empotrada (BE) se distingue</u>

- j. En la base los desplazamientos son nulos<sup>101</sup>.
- k. Los máximos desplazamientos se producen en las caras laterales del modelo, aproximadamente en sus zonas centrales<sup>102</sup>.
- 1. Los desplazamientos se van prolongando hasta llegar a la clave del arco.
- m. En la parte superior del arco se desarrollan desplazamientos que estiran el material $^{103}$ .

4. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> laterales impuestas (BE-RL) puede notarse que<sup>104</sup>:

- n. Los desplazamientos se anulan tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- o. Los máximos desplazamientos se localizan en las caras laterales del hueco.
- 5. De modo general podemos decir que:
- p. La pared con la base apoyada tiene un comportamiento desfavorable.
- q. La pared con la base empotrada y restricciones laterales tiene una mejor función estructural.

<sup>&</sup>lt;sup>99</sup> Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la derecha y el izquierdo hacia la izquierda.

<sup>&</sup>lt;sup>100</sup> Ver gráfico (27).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 101}$  Debido al empotramiento, que impide el desplazamiento lateral.

<sup>&</sup>lt;sup>102</sup> Que es la zona con libertad de movimiento.

<sup>&</sup>lt;sup>103</sup> Que originan pequeñas tracciones en dicha zona. Hay que tener en cuenta que esta zona también puede desplazar libremente, por haberle impuesto ningún tipo de condición de contorno.

<sup>&</sup>lt;sup>104</sup> Ver gráfico (28).

# 4.4.2.1.2 <u>Desplazamie</u>ntos en "z"<sup>105</sup>

(CUADRO 22)	ARCO DE MEDIC	) PUNTO (CC	ON ZUN	CHO): DESPLA	AZAMIENTO EN "Z"
Representa	ación gráfica de l	los modelos c	on infl	uencia del zuno	cho de borde.
		Disp Z 0 -5.88358-05 -0.00011767 -0.000123534 -0.00023534 -0.00023501 -0.00041184 -0.00041184 -0.00041184	÷		
(GRAF.4: 12) A. Medio punto: BA	(GRAF.4: 16) A. Medio punto: BA-RL	-0.00052951		(GRAF.4: 20) A. M punto: BE	edio (GRAF.4: 23) A. Ideal: BE-RL
	De	esplazamiento	os en "2	<i>;"</i>	
(29) 4.3.1.2.a	(30) 4.3.	2.2.a	(31,	4.3.3.2.a	(32) 4.3.4.2.a

### 6. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede notar que<sup>106</sup>:

- r. La pared tiene poca rigidez<sup>107</sup>.
- s. La zona de desplazamientos máximos<sup>108</sup> se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos podemos apreciar que<sup>109</sup>:
- t. Las paredes son más rígidos<sup>110</sup>.
- u. Los desplazamientos son más homogénea.
- v. Las máximas deformaciones llegan a nivel de las claves de los  $\arccos^{111}.$
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- w. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- x. La pared con la base apoyada es más deformable.
- y. Los modelos restantes tienen un comportamiento bastante parecido entre sí.

 $<sup>^{\</sup>rm 105}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>106</sup> Ver gráfico (29).

<sup>&</sup>lt;sup>107</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>108</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>109</sup> Ver gráficos (30), (31) y (32): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 110}}$  Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

<sup>&</sup>lt;sup>111</sup> Aunque en menor grado que el modelo con la base apoyada.

	4.4.2.2	Vectores	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>22″</u>
(Sii)	112-113									

(CUA	DRO 23)	ARCO	DE MEDIC	) PUNTO	(CON ZUNCHO):	: "SII"					
Represent	Representación gráfica de los modelos con influencia del zuncho de borde.										
	8 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	3 3 3 4 4 4 4				2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 3 2 3 3 3 3 3 3 3 3					
(GRAF.4: 12) A. Medio punto: BA	(GRAF.4: 1 punto:	6) A. Medio BA-RL			(GRAF.4: 20) A. Med punto: BE	lio (GRAF.4: 23) A. Ideal: BE-RL					
	Ма	in Ax. Foi	ce (N/M).	"Sii″ fa	ctor 8.1e-6.						
(33) 4.3.1.2.b		(34) 4.3.2	2.2.b	( 35	) 4.3.3.2.b	(36) 4.3.4.2.b					

# 9. <u>En el modelo simplemente apoyado (BA) podemos apreciar<sup>114</sup>:</u>

z. En la punta del arco existen vectores de tracción<sup>115</sup>.

aa. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones con magnitudes casi imperceptibles<sup>116</sup>.

# **10.** En los modelos con restricciones laterales se puede observar que<sup>117</sup>:

- bb. En la punta del arco desaparecen parcialmente las fuerzas de tracción  $^{\rm 118}.$
- 11. Si la base del modelo está empotra (BE) se distinguir que<sup>119</sup>:
- cc. En la clave del arco existen tracciones de baja intensidad.
- 12. De modo general podríamos decir que:
- dd. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>120</sup>.
- ee. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

<sup>114</sup> Ver gráfico (33).

<sup>&</sup>lt;sup>112</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 113}}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>115</sup> Vectores de color rojo son de rango superior a los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>116</sup> Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>117</sup> Ver gráfico (34) y (36): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>118</sup> Existen vectores de color rojo de pequeña magnitud.

<sup>&</sup>lt;sup>119</sup> Ver gráfico (35).

<sup>&</sup>lt;sup>120</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

# 4.4.2.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) 121-122



# 13. En el modelo simplemente apoyado (BA) se observa que<sup>123</sup>:

- ff. En la parte superior de la clave del arco se aprecian mayor las fuerzas de tracción, las mismas que tienen magnitudes insignificantes<sup>124</sup>.
- 14. En los tres modelos restantes podemos distinguir que<sup>125</sup>:
- gg. En la punta del arco se reducen las fuerzas de tracción<sup>126</sup>.

#### 15. De modo general podríamos decir que:

hh. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran las fuerzas de compresión<sup>127</sup>, las mismas que tienden a disminuir a medida que se alejan de dicha posición.

<sup>&</sup>lt;sup>121</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>122</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>123</sup> Ver gráficos (37).

<sup>&</sup>lt;sup>124</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>125</sup> Ver gráficos (38), (39) y (40): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 126}$  No existen zonas de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>127</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

	4.4.2.4	Vectores	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(Si)	128-129									

(CUA)	DRO 25) ARCO	DE MEDIO	PUNTO	(CON ZUNCHO	): "SI"			
Representa	ación gráfica de l	os modelos c	con infl	uencia del zuno	cho de borde.			
						333		
(GRAF.4: 12) A. Medio punto: BA	(GRAF.4: 16) A. Medio punto: BA-RL			(GRAF.4: 20) A. M punto: BE	fedio (GRAF.4: 23) A Ideal: BE-RL	۱.		
	Main Ax. Fo	rce (N/M). "	'Si″ fac	tor 8.1e-6.				
(41) 4.3.1.2.c	(42) 4.3.2	2.2.C	(43)	) 4.3.3.2.c	(44) 4.3.4.2.c			

**16.** <u>Si consideramos el modelo con la base apoyada (BA) puede</u> <u>apreciarse que<sup>130</sup>:</u>

- ii. En la clave del arco se concentran fuerzas de tracción<sup>131</sup>, las mismas que disminuyen cuando se aproximan a los extremos de la pared.
- jj. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran fuerzas de compresión<sup>132</sup> que decrecen a medida que se alejan de dicha posición.

17. <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> RL) observamos que<sup>133</sup>:

- kk. En la zona superior del arco se reducen considerablemente las fuerzas de tracción  $^{134}. \label{eq:kk}$
- En las caras laterales del hueco aparecen fuerzas de tracción<sup>135</sup> casi imperceptibles.
- mm. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión  $^{136}. \label{eq:mm}$

<sup>&</sup>lt;sup>128</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 129}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>130</sup> Ver gráficos (41).

<sup>&</sup>lt;sup>131</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>132</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>133</sup> Ver gráficos (42).

 $<sup>^{\</sup>rm 134}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>135</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>136</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

nn. La pared está prácticamente toda comprimida<sup>137</sup>.

- 18. Cuando la base está empotrada (BE) se aprecia que<sup>138</sup>:
- oo. En la zona próxima a la clave del arco se concentran fuerzas de tracción casi imperceptibles.
- pp. En la zona alejada de la parte superior del arco existen fuerzas de tracción insignificantes.
- qq. En las caras laterales del hueco aparecen fuerzas de tracción<sup>139</sup> inapreciables.
- rr. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión  $^{140}$ .
- ss. En la base aumentan considerablemente las fuerzas de compresión  $^{141}. \label{eq:compression}$

**19.** <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (BE-RL) vemos que<sup>142</sup>:

- tt. En la zona superior del arco se reducen considerablemente las tracciones  $^{\rm 143}.$
- uu. En las caras laterales del hueco no llegan a desaparecer las fuerzas de tracción  $^{144}. \label{eq:eq:entropy}$
- vv. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión  $^{145}$ .
- ww. En la base aumentan considerablemente las fuerzas de compresión.
- xx. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>146</sup>.
- 20. De modo general podríamos decir que:
- yy. Las fuerzas de tracción se concentran en la zona superior de los arcos.
- zz. La pared con la base simplemente apoyada es más desfavorable.
- aaa. El comportamiento mejora si empotramos la base.

bbb. El comportamiento mejora considerablemente si lo restringimos lateralmente los modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>137</sup> La pared contiene vectores de color azul prácticamente en toda la superficie.

<sup>&</sup>lt;sup>138</sup> Ver gráficos (43).

<sup>&</sup>lt;sup>139</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.
<sup>140</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>141</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Apreciar que el modelo contiene prácticamente en su totalidad vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>142</sup> Ver gráficos (44).

<sup>&</sup>lt;sup>143</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>144</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

 $<sup>^{\</sup>rm 145}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>146</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul.

	4.4.2.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>"11"</u>
(N11)	147-148									

( CUAI	DRO 26) ARCO	DE MEDIO PUNTO	(CON ZUNCHO)	: "N11"
Represent	cación gráfica de l	los modelos con ini	fluencia del zuno	cho de borde.
		N11 1.3472e+05 96227 57736 -19245 -57736 -96227 -13472e+05		
(GRAF.4: 12) A. Medio punto: BA	(GRAF.4: 16) A. Medio punto: BA-RL	-1.7321e+05	(GRAF.4: 20) A. Me punto: BE	edio (GRAF.4: 23) A. Ideal: BE-RL
	Main	Ax. Force (N/M).	"N11″.	
(45) 4.3.1.2.e	(46) 4.3.	2.2.e (·	47) 4.3.3.2.e	(48) 4.3.4.2.e

**21.** En el caso del modelo con la base apoyada (BA) podemos apreciar que<sup>149</sup>:

- ccc. En la clave del arco se concentran fuerzas de tracción<sup>150</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos de la pared.
- ddd. En el inicio de la parte curva de los huecos se concentran las fuerzas de compresión.
- 22. En los modelos con restricciones laterales se puede ver que<sup>151</sup>:
- eee. En la zona superior del arco se reducen las tracciones<sup>152</sup>.
- 23. Cuando la base está empotrada(BE) observamos que<sup>153</sup>:
- fff. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran fuerzas de tracción  $^{154}$  de insignificante intensidad.
- ggg. Las zonas de compresión aumentan considerablemente<sup>155</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>147</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>148</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>149</sup> Ver gráficos (45).

<sup>&</sup>lt;sup>150</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>151</sup> Ver gráficos (46) y (48): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 152}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>153</sup> Ver gráficos (47).

<sup>&</sup>lt;sup>154</sup> Con mucha diferencia en relación con el modelo simplemente apoyado; comparar gráficos (45) con (47).

<sup>&</sup>lt;sup>155</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base se observa que el modelo está casi en su totalidad de color amarillo.

4.4.3

# 4.4.3.1 Comparación de los Desplazamientos

# 4.4.3.1.1 Desplazamientos en "x" $^{156}$

Hueco con arco carpanel



- 1. <u>En el modelo con la base apoyada (BA)</u> puede observarse que<sup>157</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son superiores<sup>158</sup>.
- Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base y disminuyen considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>159-160</sup>.
- c. La pared se dilata libremente por ambos lados del modelo<sup>161</sup>.
- d. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos<sup>162</sup>.
- e. El arco tiene tendencia a abrirse.

2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales impuestas (BA-RL) apreciamos que<sup>163</sup>:

f. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base disminuyen considerablemente.

<sup>161</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

<sup>&</sup>lt;sup>156</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>157</sup> Ver gráficos (49).

<sup>&</sup>lt;sup>158</sup> En comparación con los otros modelos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 159}$  Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>160</sup> Dada la mayor rigidez que le aporta la forma.

 $<sup>^{\</sup>rm 162}$  A diferencia de los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>163</sup> Ver gráficos (50).

- g. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- h. La zona libre para deformarse se localizará en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- i. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario (  $\checkmark$   $\rightarrow$  )^{164}, dando lugar a tracciones de reducida intensidad.
- j. El hueco tiene tendencia a cerrarse en la base<sup>165</sup>.
- 3. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>166</sup>:
- k. En la base los desplazamientos son nulos.
- Los máximos desplazamientos se producen en las caras laterales del modelo, aproximadamente en sus zonas centrales<sup>167</sup>.
- m. Los desplazamientos se van prolongando hasta llegar al arco.
- n. En la parte superior del arco se desarrollan desplazamientos que estiran el material  $^{168}. \label{eq:estiran}$

**4.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (BE-RL) se puede notar que<sup>169</sup>:

- o. Los desplazamientos se anulan tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- p. Los máximos desplazamientos se localizan en las caras laterales del hueco.
- q. En la clave del arco comienzan a aparecer desplazamientos en sentido opuesto<sup>170</sup>.
- 5. De modo general podemos decir que:
- r. La pared con la base apoyada tiene un comportamiento desfavorable.
- s. La pared con la base empotrada y restricciones laterales tiene una mejor función estructural.

<sup>&</sup>lt;sup>164</sup> Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la derecha y el izquierdo hacia la izquierda.

<sup>&</sup>lt;sup>165</sup> Esto se debe a que es más fácil cerrar un hueco cuya base está formada por aristas con ángulos de 90°.

<sup>&</sup>lt;sup>166</sup> Ver gráficos (51).

<sup>&</sup>lt;sup>167</sup> Que es la zona con libertad de movimiento.

<sup>&</sup>lt;sup>168</sup> Que originan pequeñas tracciones en dicha zona. Hay que tener en cuenta que esta zona también puede desplazar libremente, por haberle impuesto ningún tipo de condición de contorno.

<sup>&</sup>lt;sup>169</sup> Ver gráficos (52).

<sup>&</sup>lt;sup>170</sup> Que dan lugar a tracciones de poca intensidad.

# 4.4.3.1.2 Desplazamientos en "z''<sup>171</sup>

(CUADRO 28)	) ARCO CARPAN	IEL (CON ZUNCH	O): DESPLAZAN	MIENTO EN "Z"
Representa	ción gráfica de lo:	s modelos con inf	luencia del zun	cho de borde.
(GRAF.4: 13) A.	( <i>GRAF.4: 17</i> ) A.	Disp Z - 0 - 55.8836-05 5.0001767 - 0.0001765 - 0.00023834 - 0.0002301 - 0.0003301 - 0.00041184 - 0.00052951	(GRAF.4: 21) A (arnanel: BE	(GRAF. 4: 25) A. (GRAF. 4: 25) A.
	Des	splazamientos en	" <i>Z</i> "	
(53) 4.3.1.3.a	(54) 4.3.2.	3.a (5	5) 4.3.3.3.a	(56) 4.3.4.3.a

- 6. En el modelo con la base apoyada (BA) notamos que<sup>172</sup>:
- t. La pared tiene poca rigidez<sup>173</sup>.
- u. La zona de desplazamientos máximos<sup>174</sup> se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos se puede apreciar que<sup>175</sup>:
- v. Las paredes son más rígidos  $^{176}$ .
- w. Los desplazamientos son más homogéneos.
- x. Las máximas deformaciones llegan a nivel de las claves de los  $\arccos^{177}.$
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- y. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- z. La pared con la base apoyada es más deformable.
- aa. Los modelos restantes tienen un comportamiento bastante parecido entre sí.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 171}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>172</sup> Ver gráficos (53).

<sup>&</sup>lt;sup>173</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>174</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>175</sup> Ver gráficos (54), (55) y (56): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 176}$  Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

<sup>&</sup>lt;sup>177</sup> Aunque en menor grado que el modelo con la base apoyada.

# 4.4.3.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 178-179



#### 9. En el modelo simplemente apoyado (BA) podemos apreciar que<sup>180</sup>:

- bb. En la parte recta del arco existen vectores de tracción<sup>181</sup>.
- cc. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones de baja intensidad<sup>182</sup>.
- 10. En los tres modelos restantes observamos que<sup>183</sup>:
- dd. En la parte recta del arco desaparecen parcialmente las fuerzas de tracción  $^{184}.$
- ee. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones con magnitudes muy reducidas.
- 11. De modo general podríamos decir que:
- ff. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>185</sup>.
- gg. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

 $^{\scriptscriptstyle 182}$  Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>178</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 179}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>180</sup> Ver gráfico (57).

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 181}}$  Vectores de color rojo son de rango superior a los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>183</sup> Ver gráficos (58), (59) y (60): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>184</sup> Existen vectores de color rojo de pequeña magnitud.

<sup>&</sup>lt;sup>185</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

4.4.3.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) 186-187



#### 12. En el modelo simplemente apoyado (BA) observamos que<sup>188</sup>:

- hh. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>189</sup> que tienden a reducirse a medida que se alejan de dicha zona.
- ii. En la parte superior de la clave del arco se aprecian fuerzas de tracción con magnitudes insignificantes<sup>190</sup>.
- 13. En los siguientes tres modelos podemos distinguir que<sup>191</sup>:
- jj. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran fuerzas de compresión<sup>192</sup> que disminuyen a medida que se alejan de dicha posición.
- kk. En la parte recta del arco se debilitan las fuerzas de tracción  $^{193}. \label{eq:kk}$

<sup>&</sup>lt;sup>186</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>187</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>188</sup> Ver gráficos (61).

<sup>&</sup>lt;sup>189</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>190</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>191</sup> Ver gráficos (62), (63) y (64): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 192}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>193</sup> No existen zonas de colores fríos.

	4.4.3.4	Vectores	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(Si)	194-195									

(CUADRO 31) ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): "SI"								
Represent	Representación gráfica de los modelos con influencia del zuncho de borde.							
(GRAF.4: 13) A. Carpanel: BA	(GRAF.4: 17) A. Carpanel: BA-RL		(GRAF.4: 21) Carpanel: Bi	A. (GRAF.4: 25) A. E Carpanel: BE-RL				
Main Ax. Force (N/M). "Si" factor 8.1e-6.								
(65) 4.3.1.3.C	(65) 4.3.1.3.c (66) 4.3.2.3.c			(68) 4.3.4.3.c				

#### 14. Si vemos el modelo con la base apoyada (BA) apreciamos que<sup>196</sup>:

- 11. En la línea superior del arco se concentran<sup>197</sup> fuerzas de tracción<sup>198</sup>, las mismas que tienden a debilitarse a medida que se aproximan a los extremos de la pared.
- mm. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran fuerzas de compresión<sup>199</sup> que disminuyen a medida que se alejan de ella.

### 15. <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL) observamos que<sup>200</sup>:</u>

- nn. En la línea superior del arco se atenúan considerablemente las tracciones  $^{\rm 201}.$
- oo. En las caras laterales del hueco aparecen unas fuerzas de tracción de escasa magnitud $^{202}$ .
- pp. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>203</sup>.
- qq. La pared prácticamente está toda comprimida<sup>204</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>194</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>&</sup>lt;sup>195</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>196</sup> Ver gráficos (65).

<sup>&</sup>lt;sup>197</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja.

<sup>&</sup>lt;sup>198</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>199</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>200</sup> Ver gráficos (66).

<sup>&</sup>lt;sup>201</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>202</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>203</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

- 16. <u>Cuando la base está empotrada (BE)</u> podemos apreciar que<sup>205</sup>:
- rr. En la línea superior del arco se concentran fuerzas de tracción de reducida intensidad<sup>206</sup>.
- ss. En la zona alejada de la parte superior del arco existen fuerzas de tracción insignificantes.
- tt. En las caras laterales del hueco aparecen fuerzas de tracción casi imperceptibles<sup>207</sup>.
- uu. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>208</sup>.
- vv. En la base aumentan considerablemente las fuerzas de compresión<sup>209</sup>.

#### 17. <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (BE-RL) se observa que<sup>210</sup>:

- ww. En la línea superior del arco se reducen considerablemente las tracciones<sup>211</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- xx. En las caras laterales del hueco no llegan a desaparecer las fuerzas de tracción $^{212}$ .
- yy. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>213</sup>.
- zz. En la base aumentan considerablemente las fuerzas de compresión.
- aaa. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad<sup>214</sup>.
- 18. De modo general podríamos decir que:
- bbb. Las fuerzas de compresión se concentran en el inicio de la parte curva de los huecos.
- ccc. Las fuerzas de tracción se concentran en la parte recta superior de los arcos.
- ddd. La pared con la base simplemente apoyada es más desfavorable y mejora su comportamiento de modo considerable si se lo restringe lateralmente.

<sup>207</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>204</sup> La pared contiene vectores de color azul prácticamente en toda la superficie.

<sup>&</sup>lt;sup>205</sup> Ver gráficos (67).

<sup>&</sup>lt;sup>206</sup> Menores en comparación con el modelo simplemente apoyado y superiores a los modelos con restricciones laterales.

<sup>&</sup>lt;sup>208</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>209</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Apreciar que el modelo contiene prácticamente en su totalidad vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>210</sup> Ver gráficos (68).

 $<sup>^{211}</sup>$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>212</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

 $<sup>^{\</sup>rm 213}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>214</sup> Toda la pared contiene vectores de color azul.

	4.4.3.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(N11)	215-216									

(CUADRO 32) ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): "N11"							
Representación gráfica de los modelos con influencia del zuncho de borde.							
		N11 1.73210+05 96227 97736 19245 -9736 -9245 -57736 -96227 -1.3472e105					
(GRAF.4: 13) A. Carpanel: BA	(GRAF.4: 17) A. Carpanel: BA-RL	-1.7321e+05	(GRAF.4: 21) A. Carpanel: BE	(GRAF.4: 25) A. Carpanel: BE-RL			
Main Ax. Force (N/M). "N11".							
(69) 4.3.1.3.e	(70) 4.3.2.3.e	(71	) 4.3.3.3.e	(72) 4.3.4.3.e			

# 19. En el caso del modelo con la base apoyada (BA) vemos que<sup>217</sup>:

- eee. En la línea superior del arco se concentran fuerzas de tracción<sup>218</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos de la pared.
- fff. En el inicio de la parte curva de los huecos se concentran las fuerzas de compresión.
- 20. En los modelos con restricciones laterales observamos que<sup>219</sup>:
- ggg. En la línea superior del arco se reducen notoriamente las tracciones<sup>220</sup>, aunque no desaparecen.
- 21. Cuando la base está empotrada (BE) se puede notar que<sup>221</sup>:
- hhh. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran fuerzas de tracción de reducida intensidad<sup>222</sup>.
- iii. Las zonas de compresión aumentan considerablemente<sup>223</sup>.

<sup>221</sup> Ver gráficos (71).

<sup>&</sup>lt;sup>215</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>216</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>217</sup> Ver gráficos (69).

<sup>&</sup>lt;sup>218</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>219</sup> Ver gráficos (70) y (72): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>220</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>222</sup> Con mucha diferencia en relación con el modelo simplemente apoyado; comparar gráficos (69) con (71).

<sup>&</sup>lt;sup>223</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base.

#### 4.4.4 <u>Hueco con arco de ángulos rectos</u>

#### 4.4.4.1 Comparación de los Desplazamientos

4.4.4.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>224</sup>



- 1. <u>En el modelo con la base apoyada (BA) puede observarse</u> que<sup>225</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son superiores<sup>226</sup>.
- b. Las máximas deformaciones se localizan en los extremos externos de la base y tienden a debilitarse considerablemente cuando se aproximan a la abertura<sup>227-228</sup>.
- c. La base del hueco se tiende a abrir.
- d. La pared se dilata libremente por ambos lados del modelo<sup>229</sup>.
- e. En la clave del arco no se produce una concentración de desplazamientos<sup>230</sup>.

2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales impuestas (BA-RL) apreciamos que<sup>231</sup>:

f. Los desplazamientos en las caras laterales del modelo se anulan, mientras que en la base disminuyen considerablemente.

<sup>229</sup> Por un lado, por la falta de restricciones laterales y por otro, por la existencia del efecto de Poisson (que origina la deformación en todos los sentidos del modelo donde no se aplique la carga).

<sup>&</sup>lt;sup>224</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>225</sup> Ver gráficos (73).

<sup>&</sup>lt;sup>226</sup> En comparación con los otros modelos.

 $<sup>^{\</sup>rm 227}$  Es decir, en los extremos internos de la base.

<sup>&</sup>lt;sup>228</sup> Dada la mayor rigidez que le aporta la forma.

<sup>&</sup>lt;sup>230</sup> A diferencia de los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>231</sup> Ver gráficos (74).

- g. La mayor concentración de desplazamientos se sitúa en la parte inferior del hueco y en menor grado en la clave del arco.
- h. Las deformaciones ubicadas en la clave del arco son de sentido contrario ( $\leftarrow \rightarrow$ )<sup>232</sup>, las mismas que desarrollan tracciones de escasa intensidad en dicha zona.
- i. El hueco tiene tendencia a cerrarse en la base<sup>233</sup>.

3. <u>En el caso del modelo con la base empotrada (BE) podemos ver</u> <u>que<sup>234</sup>:</u>

- j. En la base los desplazamientos son nulos<sup>235</sup>.
- k. Los máximos desplazamientos se producen en las caras laterales del modelo, aproximadamente en sus zonas centrales<sup>236</sup>.
- 1. Los desplazamientos se van prolongando hasta llegar al arco.
- m. En la parte superior del arco se desarrollan desplazamientos que estiran el material $^{237}$ .

**4.** <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> <u>laterales impuestas (BE-RL) apreciamos que<sup>238</sup>:</u>

- n. Los desplazamientos se anulan tanto en la base como en las caras laterales del modelo.
- o. En la clave del arco comienzan a aparecer desplazamientos en sentido opuesto<sup>239</sup>.
- p. En la parte central de las caras laterales del hueco se localizan los máximos desplazamientos.
- 5. De modo general podemos decir que:
- q. La pared con la base apoyada tiene un comportamiento desfavorable.
- r. El modelo con la base empotrada y restricciones laterales tiene una mejor función estructural.

<sup>&</sup>lt;sup>232</sup> Es decir, el lado derecho se desplaza hacia la derecha y el izquierdo hacia la izquierda.

<sup>&</sup>lt;sup>233</sup> Esto se debe a que es más fácil cerrar un hueco cuya base está formada por aristas con ángulos de 90°.

<sup>&</sup>lt;sup>234</sup> Ver gráficos (75).

 $<sup>^{\</sup>rm 235}$  Debido al empotramiento, que impide el desplazamiento lateral.

<sup>&</sup>lt;sup>236</sup> Que es la zona con libertad de movimiento.

<sup>237</sup> Que originan pequeñas tracciones en dicha zona. Hay que tener en cuenta que esta zona también puede desplazar libremente, por haberle impuesto ningún tipo de condición de contorno.

<sup>&</sup>lt;sup>238</sup> Ver gráficos (76).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 239}$  Que dan lugar a tracciones de poca intensidad.


(CUADRO 34)	ARC	O DE ÁNGULOS	5 RECTOS	(CON ZU	JNCHO): DESP	LAZAM	IIENTO EN "Z"
Represent	tació	n gráfica de l	os modelos	s con infl	uencia del zun	cho de	borde.
(GRAF.4: 14) A. A. Recto: BA	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	CAF.4: 18) A. A. Recto: BA-RL	Disp Z 0	335e-05 017767 002785 023534 0235301 041184 047068 0052951	(GRAF.4: 22) A. Recto: BE	А.	(GRAF.4: 26) A. A. Recto: BE-FL
		De	esplazamie	ntos en "z	Ζ″		
(77) 4.3.1.4.a		(78) 4.3.2	2.4.a	(79	) 4.3.3.4.a		(80) 4.3.4.4.a

## 6. En el modelo con la base apoyada (BA) podemos ver que 241:

- s. La pared tiene menos rigidez<sup>242</sup>.
- t. La zona de desplazamientos máximos  $^{243}$  se aproxima más a la parte superior de la abertura.
- 7. En los tres últimos modelos se observa que<sup>244</sup>:
- u. Las paredes son más rígidos<sup>245</sup>.
- v. Los desplazamientos son más homogéneos.
- w. Las máximas deformaciones llegan a nivel de las claves de los arcos<sup>246</sup>.
- 8. Adicionalmente podemos indicar que:
- x. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte central de todos los modelos.
- y. La pared con la base apoyada es más deformable.
- z. Los modelos restantes tienen un comportamiento bastante parecido entre sí.

<sup>&</sup>lt;sup>240</sup> Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>241</sup> Ver gráficos (77).

<sup>&</sup>lt;sup>242</sup> Es decir, más capacidad de deformación. Este comportamiento se debe a la libertad de movimiento de su base.

<sup>&</sup>lt;sup>243</sup> Tonos de color rojo más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>244</sup> Ver gráficos (78), (79) y (80): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 245}$  Por lo tanto menos deformables, al tener más impedidos sus movimientos.

 $<sup>^{\</sup>rm 246}$  Aunque en menor grado que el modelo con la base apoyada.

## 4.4.4.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 247-248



### 9. En el modelo simplemente apoyado (BA) podemos apreciar que<sup>249</sup>:

- aa. En la parte recta del arco existen vectores de tracción de magnitud insignificante $^{250}$ .
- bb. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones de baja intensidad $^{251}$ .
- 10. En los modelos restantes se puede ver que<sup>252</sup>:
- cc. En la parte recta del arco desaparecen parcialmente las fuerzas de tracción<sup>253</sup>.
- dd. En la parte superior de la clave del arco se producen compresiones con magnitudes muy reducidas.
- 11. De modo general podríamos decir que:
- ee. Las diferencias son casi imperceptibles<sup>254</sup>.
- ff. El comportamiento más desfavorable se produce cuando la base está simplemente apoyada.

<sup>251</sup> Zona menos densa de vectores.

<sup>&</sup>lt;sup>247</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

 $<sup>^{\</sup>rm 248}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>249</sup> Ver gráficos (81).

 $<sup>^{\</sup>rm 250}$  Vectores de color rojo son de rango superior a los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>252</sup> Ver gráficos (82), (83) y (84): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>253</sup> Existen vectores de color rojo de pequeña magnitud.

<sup>&</sup>lt;sup>254</sup> Mientras que influye considerablemente en el caso de fuerza contraria "N11", como se aprecia en el siguiente apartado.

## 4.4.4.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{255-256}$



## 12. En el modelo simplemente apoyado (BA) observamos que<sup>257</sup>:

- gg. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>258</sup> que tienden a reducirse a medida que se alejan de dicha zona.
- hh. En la parte superior de la clave del arco se aprecian fuerzas de tracción con magnitudes casi imperceptibles<sup>259</sup>.
- 13. <u>En los tres modelos restantes po</u>demos distinguir que<sup>260</sup>:
- ii. En el inicio de la parte curva del hueco se produce una concentración de fuerzas de compresión<sup>261</sup> que tienden a disminuir a medida que se alejan de dicha posición.
- jj. En la parte recta del arco se debilitan las fuerzas de tracción<sup>262</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>255</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>256</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>257</sup> Ver gráficos (85).

 $<sup>^{\</sup>rm 258}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>259</sup> Zona reducida de colores fríos.

<sup>&</sup>lt;sup>260</sup> Ver gráficos (86), (87) y (88): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL), base empotrada (BE) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>261</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>262</sup> No existen zonas de colores fríos.

. .

. .

. . . .

CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

.

. .

4.4.4.4 (Si) <sup>263-264</sup>	vectores en	el sent	ldo de	la direcci	ion principa	<u> </u>
(CUAD	RO 37) ARCO I	DE ÁNGULO	OS RECTO	OS (CON ZUNC	CHO): "SI"	
Represent	ación gráfica de l	os modelos	con infl	uencia del zun	ncho de borde.	
					\$ \$ \$	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
(GRAF.4: 14) A. A. Recto: BA	(GRAF.4: 18) A. A. Recto: BA-RL			(GRAF.4: 22) A. Recto: BE	A. (GRAF.4: 20 Recto: 1	5) A. A. BE-RL
	Main Ax. Fo	rce (N/M).	"Si″ fac	tor 8.1e-6.		
(89) 4.3.1.4.c	(90) 4.3.2	2.4.C	(91)	4.3.3.4.c	(92) 4.3.4.	4.C

. . .

## 14. Si el modelo tiene la base apoyada (BA) podemos apreciar que<sup>265</sup>:

- kk. En la línea superior del arco se concentran<sup>266</sup> fuerzas de tracción<sup>267</sup>, las mismas que disminuyen a medida que se aproximan a los extremos de la pared.
- 11. En el inicio de la parte curva del hueco se concentran fuerzas de compresión que tienden a debilitarse a medida que se alejan de ella.

15. <u>Si al modelo apoyado le imponemos restricciones laterales (BA-</u> <u>RL) se observa que<sup>268</sup>:</u>

- mm. En la línea superior del arco se reducen considerablemente las tracciones  $^{\rm 269}.$
- nn. En las caras laterales del hueco aparecen fuerzas de tracción insignificantes<sup>270</sup>.
- oo. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>271</sup>.
- pp. La pared prácticamente está toda comprimida<sup>272</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>263</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 264}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>265</sup> Ver gráficos (89).

<sup>&</sup>lt;sup>266</sup> En el gráfico de los vectores: zona roja. La zona que abarca es más grande que los otros tipos de arcos.

<sup>&</sup>lt;sup>267</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza. Cabe indicar que las tracciones que aparecen son pequeñas, en comparación con las compresiones en la otra dirección "SII".

<sup>&</sup>lt;sup>268</sup> Ver gráficos (90).

 $<sup>^{\</sup>rm 269}$  Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>270</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

 $<sup>^{\</sup>rm 271}$  Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

16. <u>Cuando la base está empotrada (BE)</u> pude apreciarse que<sup>273</sup>:

- qq. En la línea superior del arco se concentran fuerzas de tracción<sup>274</sup>.
- rr. En la zona alejada de la parte superior del arco existen fuerzas de tracción  $^{\rm 275}$  de baja intensidad.
- ss. En las caras laterales del hueco aparecen fuerzas de tracción<sup>276</sup> casi imperceptibles.
- tt. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión<sup>277</sup>.
- uu. En la base aumentan considerablemente las fuerzas de compresión  $^{\rm 278}.$

17. <u>Si al modelo empotrado le imponemos restricciones laterales</u> (BE-RL) podemos ver que<sup>279</sup>:

- vv. En la línea superior del arco se reducen considerablemente las tracciones<sup>280</sup>, aunque no llegan a desaparecer por completo.
- ww. En las caras laterales del hueco no llegan a desaparecer las fuerzas de tracción $^{\rm 281}.$
- xx. En el inicio de la parte curva del hueco se intensifican las fuerzas de compresión.
- yy. En la base aumentan considerablemente las fuerzas de compresión.
- zz. La pared está prácticamente comprimida en su totalidad.
- 18. De modo general podríamos decir que:
- aaa. Las fuerzas de compresión se concentran en el inicio de la parte curva de los huecos.
- bbb. Las fuerzas de tracción se concentran en la parte recta superior de los arcos.
- ccc. La pared con la base simplemente apoyada es más desfavorable.
- ddd. El comportamiento mejora considerablemente si lo restringimos lateralmente los modelos.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 272}$  La pared contiene vectores de color azul prácticamente en toda la superficie.

<sup>&</sup>lt;sup>273</sup> Ver gráficos (91).

 $<sup>^{\</sup>rm 274}$  Aunque menores en comparación con el modelo simplemente apoyado.

<sup>275</sup> Dichas fuerzas son menores en comparación con el modelo simplemente apoyado y superiores a los modelos con restricciones laterales.

<sup>&</sup>lt;sup>276</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.
<sup>277</sup> Zona con tonalidades más oscuras de colores cálidos.

<sup>&</sup>lt;sup>278</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base. Apreciar que el modelo contiene prácticamente en su totalidad vectores de color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>279</sup> Ver gráficos (92).

<sup>&</sup>lt;sup>280</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>281</sup> Debido a que los bordes del arco no están con ningún tipo de restricción, con lo cual tiende a deformarse lateralmente.

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXI

	4.4.4.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(N11)	282-283									

(CUADRO 3	8) ARCO DE	ÁNGULOS RECTO	OS (CON ZUNCHO	D): "N11"
Representacio	ón gráfica de lo	s modelos con inf	luencia del zunc	cho de borde.
		N11 1.7321e+05 - 1.3472e+05 - 96227 - 57736 - 19245 57736 - 96227 - 3472e+05		
(GRAF.4: 14) A. A. (G Recto: BA	RAF.4: 18) A. A. Recto: BA-RL	-1.7321e+05	(GRAF.4: 22) A. Recto: BE	A. (GRAF.4: 26) A. A. Recto: BE-RL
	Main A	Ax. Force (N/M).	" <i>N11″</i> .	
(93) 4.3.1.4.e	(94) 4.3.2.	4.e (9	5) 4.3.3.4.e	(96) 4.3.4.4.e

## 19. En el modelo con la base apoyada (BA) podemos ver que<sup>284</sup>:

- eee. En la línea superior del arco se concentran fuerzas de tracción<sup>285</sup>, las mismas que tienden a reducirse a medida que se aproximan a los extremos de la pared.
- fff. En el inicio de la parte curva de los huecos se concentran las fuerzas de compresión.
- 20. En los modelos con restricciones laterales se observa que<sup>286</sup>:
- ggg. En la línea superior del arco se reducen las tracciones<sup>287</sup>.
- 21. Cuando la base está empotrada (BE) apreciamos que<sup>288</sup>:
- hhh. En la zona más próxima a la clave del arco se concentran fuerzas de tracción de reducida intensidad<sup>289</sup>.
- iii. Las zonas de compresión aumentan considerablemente<sup>290</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>282</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>283</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>284</sup> Ver gráficos (93).

<sup>&</sup>lt;sup>285</sup> Estos esfuerzos tienen lugar cuando los lados de la base de la abertura se separan por efecto de la deformación de la pieza.

<sup>&</sup>lt;sup>286</sup> Ver gráficos (94) y (96): base apoyada con restricciones laterales (BA-RL) y base empotrada con restricciones laterales (BE-RL) respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>287</sup> Lo cual es absolutamente razonable ya que le estamos impidiendo que se desplace lateralmente.

<sup>&</sup>lt;sup>288</sup> Ver gráficos (95).

<sup>289</sup> Con mucha diferencia en relación con el modelo simplemente apoyado; comparar gráficos (93) con (95).

<sup>&</sup>lt;sup>290</sup> Al estar limitados por completo los desplazamientos en la base.

## CAPÍTULO-4:

1.- ASPECTOS GENERALES

- 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS

- 3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
- 4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 8.- CONCLUSIONES

MJIG



#### 4.5 INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO

A partir de diferentes condiciones de contorno vamos a determinar en qué situación la pared presenta el mejor comportamiento a nivel estructural<sup>291</sup>.

### 4.5.1 Modelo con la base Apoyada

#### 4.5.1.1 Comparación de los Desplazamientos

4.5.1.1.1 <u>Desplazamientos</u> en "x"<sup>292</sup>



## 1. <u>En el modelo con el arco ideal podemos observar</u> que<sup>293</sup>:

- a. De modo general, los desplazamientos laterales son superiores.
- b. En la parte inferior de las caras laterales del hueco se concentran mayores deformaciones<sup>294</sup>.
- c. La pared es más deformable<sup>295</sup>.

<sup>291</sup> En este apartado se realizan las comparaciones incluyendo únicamente el arco ideal y se deja de lado el arco ojival. Esta selección responde a dos aspectos esenciales: la similitud del comportamiento entre ambos arcos (como se pudo observar en el apartado anterior) y la utilidad del arco ideal en obras reales en comparación con el arco ojival (que en la actualidad está en desuso).

<sup>&</sup>lt;sup>292</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>293</sup> Ver gráficos (97).

<sup>&</sup>lt;sup>294</sup> En comparación con los modelos restantes. En esta zona se concentran gamas de colore fríos más intensos en comparación con los otros modelos en los cuales los colores son más claros.

<sup>&</sup>lt;sup>295</sup> Por estar constituida por aristas con ángulos mayores de 90º que facilitan la apertura del hueco.

CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXI	0	)	)	)	)		2	(	(	(	1	1	1	(	(	(	1	1	(	(	(	(	(	(	(	(	(	(	1	1	ì					ì	ì	ì		Ì								[	I	1	1	1	1	1	1	ļ	1					2	Ś	2			1	ī	5	1	1	J	l	)	2	ί	1	2	(		1	3	1	)	2	1			)	C	Į	H	1	2	C	T	V	1	5	J		ι	3	2			2	Γ	1	£	F	F	)]	).	D	I			ł	1	2	4		I	7	!	2	2	(	I	V	Ŋ	1	7	7	F	ŀ	ľ	J.	J	Ĵ	ε	τ	ıl		4
-------------------------------------	---	---	---	---	---	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	---	---	---	--	---	--	--	--	--	--	--	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	---	---	---	--	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	---	---	---	---	---	---	--	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--	---	---	---	--	--	---	---	---	---	---	---	----	----	---	---	--	--	---	---	---	---	--	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	---	---	---	---	----	--	---

2.	En	el	caso	del	modelo	con	el	arco	de	medio	punto	apreciamos
que <sup>296</sup> :												

- d. Los desplazamientos laterales son menores en comparación con el modelo anterior.
- e. En la parte inferior de las caras laterales del hueco se comienzan a reducir los desplazamientos.
- f. La pared es mucho menos deformable<sup>297</sup>.
- 3. En el caso del modelo con el arco carpanel se puede ver que<sup>298</sup>:
- g. Los desplazamientos laterales son menores en comparación con el modelo anterior.
- h. En la parte inferior de las caras laterales del hueco es más notoria la reducción de las deformaciones.
- i. La pared es mucho menos deformable<sup>299</sup>.

**4.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos puede</u> <u>distinguirse que<sup>300</sup>:</u>

- j. De modo general se reducen los desplazamientos laterales.
- k. En la parte inferior de las caras laterales del hueco se reducen considerablemente las deformaciones.
- 1. La pared es mucho menos deformable<sup>301</sup>.
- 5. De modo general podemos decir que:
- m. La concentración de desplazamientos se localiza en los extremos externos de la base.
- n. Mientras más plana sea la clave del arco serán inferiores los desplazamientos localizados a las caras laterales del hueco.
- En los tres últimos modelos<sup>302</sup> se observa como poco a poco van reduciendo los desplazamientos en las caras laterales de los huecos.
- p. El arco ideal presenta el comportamiento más desfavorable<sup>303</sup>.
- q. La pared con el arco de ángulos rectos tiene el mejor comportamiento<sup>304</sup>.

<sup>300</sup> Ver gráficos (100).

<sup>304</sup> Por ser una forma más rígida.

<sup>&</sup>lt;sup>296</sup> Ver gráficos (98).

 $<sup>^{\</sup>rm 297}$  Por estar constituida por aristas con ángulos de 90° que dificultan la apertura del hueco.

<sup>&</sup>lt;sup>298</sup> Ver gráficos (99).

 $<sup>^{\</sup>rm 299}$  Por estar constituida por aristas con ángulos de 90° que dificultan la apertura del hueco.

<sup>&</sup>lt;sup>301</sup> Por estar constituida por aristas con ángulos de 90º que dificultan la apertura del hueco.

 $<sup>^{\</sup>rm 302}$  Que tienen en común que las bases de los arcos forman ángulos de 90°.

<sup>&</sup>lt;sup>303</sup> Esto es razonable ya que el arco ideal forma con la base un ángulo mayor a 90°, lo cual es más fácil de abrir.

## 4.5.1.1.2 Desplazamientos en "z"<sup>305</sup>



## 6. <u>En el modelo con el arco ideal se puede obser</u>var que<sup>306</sup>:

r. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco<sup>307</sup>.

## 7. En el caso del modelo con el arco de medio punto podemos apreciar que<sup>308</sup>:

- s. En la parte superior del arco empiezan a intensificarse las deformaciones.
- 8. En el modelo con el arco carpanel vemos que<sup>309</sup>:
- t. Las deformaciones se intensifican en mayor magnitud en la parte superior del arco.
- 9. <u>En el modelo con el arco de ángulos rectos se apr</u>ecia que<sup>310</sup>:
- u. En la parte superior del arco se observa con mayor claridad el aumento de los desplazamientos.
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- v. Mientras más plano es el arco, las máximas deformaciones cubren más parte de su clave y aumenta de intensidad.
- w. La pared con el arco de ángulos rectos es aquel que presenta el comportamiento más desfavorable.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 305}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>306</sup> Ver gráficos (101).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 307}$  Y son de magnitud inferior en comparación con los casos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>308</sup> Ver gráficos (102).

<sup>&</sup>lt;sup>309</sup> Ver gráficos (103).

<sup>&</sup>lt;sup>310</sup> Ver gráficos (104).

4.5.1.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>311-312</sup>



#### En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>313</sup>: 11.

- Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona x. muy reducida del modelo y son de baja intensidad.
- La pared ubicada en la parte superior del hueco se descomprime, у٠ aunque de modo insignificante.

12. En el caso del modelo con el arco de medio punto apreciamos <u>que</u><sup>314</sup>:

- Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una 7. . mayor zona de la pared, cuya intensidad es un poco mayor.
- la pared ubicada en la parte superior del hueco se descomprime aa. en mayor magnitud que en el caso anterior.
- 13. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>315</sup>:
- bb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento y con una intensidad superior.
- La pared ubicada en la parte superior del hueco se descomprime CC. más, en comparación con los casos anteriores.

<sup>&</sup>lt;sup>311</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>&</sup>lt;sup>312</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>313</sup> Ver gráficos (105).

<sup>&</sup>lt;sup>314</sup> Ver gráficos (106).

<sup>&</sup>lt;sup>315</sup> Ver gráficos (107).

14. En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos apreciamos que<sup>316</sup>:

- dd. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona relativamente más amplia del elemento, cuya magnitud es mayor que los casos anteriores<sup>317</sup>.
- ee. La pared ubicada en la parte superior del hueco se descomprime un poco más, en comparación con los casos anteriores.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- ff. El arco de descarga que se forma nunca alcanza a llegar al primer forjado.
- gg. La zona que se descomprime se localiza siempre por debajo del primer forjado<sup>318</sup>.
- hh. El arco ideal presenta el mejor comportamiento.
- ii. La pared con el arco de ángulos rectos presenta el comportamiento más desfavorable.

<sup>&</sup>lt;sup>316</sup> Ver gráficos (108).

 $<sup>^{317}</sup>$  Sin embargo, las diferencias de las magnitudes con los modelos anteriores no son tan relevantes.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 318}$  Esto ocurre en todos los modelos.

	4.5.1.3	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>22″</u>
(N22)	319-320									

(CUADRO 42	) MODELOS CON	LA BASE APOYAI	DA (BA) (CON Z	UNCHO): "N22"
Represen	tación gráfica de l	los modelos con int	luencia del zunc.	ho de borde.
(GRAF.4: 11) A. Ideal: BA	(GRAF.4: 12) A. Medio punto: BA	N22 6.1556e+05 4.7877e+05 3.4198e+05 4.20519e+05 6.6336 -68336 -2.0519e+05 -3.4198e+05 -3.4198e+05 -4.7877e+05 -6.1556e+05	(GRAF.4: 13) A. Carpanel: BA	(GRAF.4: 14) A. A. Recto: BA
	Main	Ax. Force (N/M).	"N22" .	

### 16. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>321</sup>:

- jj. La intensidad de la fuerzas de compresión es superior<sup>322</sup> y se localizan en la base de la abertura.
- 17. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>323</sup>:
- kk. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel se aprecia que<sup>324</sup>:
- ll. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.

## **19.** En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos apreciamos <u>que<sup>325</sup>:</u>

- mm. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- nn. En la zona donde se localizan las máximas compresiones se colocan dados de hormigón<sup>326</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>319</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>320</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>321</sup> Ver gráficos (109).

<sup>&</sup>lt;sup>322</sup> En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>323</sup> Ver gráficos (110).

<sup>&</sup>lt;sup>324</sup> Ver gráficos (111).

<sup>&</sup>lt;sup>325</sup> Ver gráficos (112).

<sup>&</sup>lt;sup>326</sup> El dado de hormigón tiene la finalidad de resistir las compresiones mayores debido a que, en muchas ocasiones, estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

4.5.1.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 327-328



## 20. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>329-330</sup>:

- oo. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona reducida del modelo.
- pp. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco tienen una menor magnitud.
- qq. Las máximas compresiones se localizan en la base del arco y son de mayor intensidad.

- rr. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona mayor.
- ss. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco tienen una intensidad mayor.
- tt. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor magnitud<sup>333</sup>.
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>334-335</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>327</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 328}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>329</sup> Ver gráficos (113).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 330}$  En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>331</sup> Ver gráficos (114).

<sup>&</sup>lt;sup>332</sup> En comparación con el arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>333</sup> Aunque de intensidad superior al modelo con el arco de ángulos rectos.

- uu. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia.
- vv. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco van subiendo de intensidad.
- ww. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse<sup>336</sup>.

**23.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos apreciamos</u> <u>que<sup>337-338</sup>:</u>

- xx. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- yy. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son, relativamente, de mayor intensidad.
- zz. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>339</sup>.
- aaa. En la edificación se utilizan vigas $^{340}$  que son capaces de soportar las tracciones $^{341}$ .
- 24. De modo general podríamos decir que:
- bbb. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en su clave.
- ccc. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas.
- ddd. En todos los modelos hay concentración de tracciones en la parte superior de los huecos.
- eee. En la edificación se utilizan vigas<sup>342</sup> que son capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en los modelos<sup>343</sup>.
- fff. El arco ideal presenta el mejor comportamiento estructural.
- ggg. El arco de ángulos rectos tiene el comportamiento más desfavorable<sup>344</sup>.

<sup>337</sup> Ver gráficos (116).

<sup>&</sup>lt;sup>334</sup> Ver gráficos (115).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 335}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>336</sup> Cuya intensidad es menor que la del arco ideal, aunque mayor que la de los arcos de medio punto y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>338</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 339}$  Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>340</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

 $<sup>^{\</sup>rm 341}$  Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>342</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>343</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>344</sup> Por ser el modelo con más tracciones.

CON I	NFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN
-------	-----------	-----	--------	----	----------

	4.5.1.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>"11"</u>
(N11)	345-346									

(CUADRO 44	) MODELOS CON	I LA BASE APOYAI	DA (BA) (CON ZI	UNCHO): "N11"
Represent	tación gráfica de l	os modelos con inf.	luencia del zuncho	o de borde.
	a a a a a a	N11 1.3321e+05 1.3472e+05 96227 57736 -19245 -19245 -57736 -57736 -57736 -57736 -57736 -13472e+05		
(GRAF.4: 11) A. Ideal: BA	(GRAF.4: 12) A. Medio punto: BA	-1.7321e+05	(GRAF.4: 13) A. Carpanel: BA	(GRAF.4: 14) A. A. Recto: BA
	Main	Ax. Force (N/M). "	N11″.	
(117) 4.3.1.1.e	(118) 4.3.	1.2.e (11	9) 4.3.1.3.e	(120) 4.3.1.4.e

### 25. En el modelo con el arco ideal observamos que<sup>347</sup>:

- hhh. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco y son de mayor intensidad.
- iii. Las tracciones que aparecen en la parte superior del arco son de magnitudes inferiores en comparación con los otros modelos.
- 26. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>348</sup>:
- jjj. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>349</sup>:
- kkk. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse.

**28.** En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos podemos apreciar que<sup>350</sup>:

lll. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación a los modelos restantes.

mmm. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos.

<sup>&</sup>lt;sup>345</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>346</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>347</sup> Ver gráficos (117).

<sup>&</sup>lt;sup>348</sup> Ver gráficos (118).

<sup>&</sup>lt;sup>349</sup> Ver gráficos (119).

<sup>&</sup>lt;sup>350</sup> Ver gráficos (120).

#### 4.5.2 Modelo con la base Apoyada y Restricción Lateral

### 4.5.2.1 Comparación de los Desplazamientos

## 4.5.2.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>351</sup>



- 1. En el modelo con el arco ideal observamos que<sup>352</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son inferiores<sup>353</sup>.
- b. En la parte superior de las caras laterales del hueco se concentran las mayores deformaciones.
- c. La clave del arco tiende a cerrarse.
- d. El trazado del arco es menos deformable<sup>354</sup>.
- 2. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>355</sup>:
- e. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con el modelo anterior.
- f. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte inferior de las caras laterales del hueco.
- g. La base del hueco tiende a cerrarse, mientras que la clave se abre<sup>356</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>351</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>352</sup> Ver gráficos (121).

<sup>&</sup>lt;sup>353</sup> En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>354</sup> También, al ser menos deformable, la franja de desplazamientos casi nulos es más amplia en comparación con los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>355</sup> Ver gráficos (122).

<sup>&</sup>lt;sup>356</sup> La abertura de la clave del arco es menor que en el caso de los modelos con: el arco carpanel y el de ángulos rectos.

- h. La pared comienza a ser más deformable<sup>357</sup>.
- 3. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>358</sup>:
- i. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con los modelos anteriores.
- j. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte inferior de las caras laterales del hueco y son de mayor intensidad.
- k. La base del hueco tiende a cerrarse y la clave se abre<sup>359</sup>.
- 1. La pared es más deformable<sup>360</sup>.

4. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos notamos</u>

- m. Los desplazamientos laterales aumentan considerablemente.
- n. En la parte inferior de las caras laterales del hueco se sitúan las máximas deformaciones.
- La base del hueco tiende a cerrarse<sup>362</sup>, mientras que la clave se abre<sup>363</sup>.
- p. La pared es mucho más deformable<sup>364</sup>.
- 5. De modo general podemos decir que:
- q. Cuando el vano forma 90° con la base las máximas deformaciones se localizan en el arranque del hueco y tienden a cerrarlo<sup>365</sup>.
- r. A medida que la curvatura de los arcos se aplana, se intensifican los desplazamientos tanto de la base como de la clave del arco.
- s. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>366</sup>.
- La pared con el arco de ángulos rectos tiene el comportamiento más desfavorable<sup>367</sup>.

<sup>361</sup> Ver gráficos (124).

- <sup>363</sup> La abertura de la clave del arco es mayor que en el caso de los modelos con el arco de medio punto y el carpanel.
- <sup>364</sup> Más que los dos arcos anteriores.
- <sup>365</sup> Esto se debe a que la base con ángulos rectos es fácil de cerrarse. También, al ser más deformable, la franja de desplazamientos casi nulos es más delgada.

 $<sup>^{\</sup>rm 357}$  Más que el arco ideal, aunque menos que el carpanel y el de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>358</sup> Ver gráficos (123).

<sup>&</sup>lt;sup>359</sup> La abertura de la clave del arco es menor que en el caso del modelo con el arco de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 360}$  Más que los dos arcos anteriores, aunque menos que el de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>362</sup> La abertura se cierra más en comparación con los modelos: arco de medio punto y carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 366}$  Comparar el arco ideal (121) y el de ángulos rectos (124).

<sup>&</sup>lt;sup>367</sup> Comparar el arco ideal (121) y el de ángulos rectos (124).

## 4.5.2.1.2 Desplazamientos en "z''<sup>368</sup>



## 6. En el modelo con el arco ideal observamos que<sup>369</sup>:

- u. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco son inferiores y no tocan la clave del arco.
- 7. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>370</sup>:
- v. En la parte superior del arco empiezan a intensificarse las deformaciones y comienzan a descender hacia la clave del arco.
- 8. En el modelo con el arco carpanel apreciamos que<sup>371</sup>:
- w. En la parte superior del arco se intensifican las deformaciones, llegando a cubrir la línea superior del hueco<sup>372</sup>.

## 9. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos notamos</u> <u>que<sup>373</sup>:</u>

- x. En la parte superior del arco aumentan los desplazamientos en mayor magnitud, llegando a cubrir la línea superior del arco.
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- y. A medida que la parte superior de los arcos pierde curvatura, los desplazamientos descienden hasta la clave, incluso pueden llegar a cubrirla por completo<sup>374</sup>.

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 368}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>369</sup> Ver gráficos (125).

<sup>&</sup>lt;sup>370</sup> Ver gráficos (126).

<sup>&</sup>lt;sup>371</sup> Ver gráficos (127).

<sup>&</sup>lt;sup>372</sup> No tocan ninguna de las dos semi-circunferencias que forman el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>373</sup> Ver gráficos (128).

<sup>&</sup>lt;sup>374</sup> Como es el caso del arco de ángulos rectos.

4.5.2.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 375-376



## 11. En el modelo con el arco ideal observamos que<sup>377-378</sup>:

- z. La pared está completamente comprimida.
- aa. No existen zonas descomprimidas encima de la abertura.
- 12. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>379-380</sup>:
- bb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona casi imperceptible.
- cc. Encima del hueco, las zonas descomprimidas son casi insignificantes.
- 13. En el caso del modelo con el arco carpanel notamos que<sup>381-382</sup>:
- dd. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una pequeña zona del elemento.
- ee. El arco de descarga comienza a formarse.

<sup>&</sup>lt;sup>375</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>376</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>377</sup> Ver gráficos (129).

<sup>&</sup>lt;sup>378</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>379</sup> Ver gráficos (130).

<sup>&</sup>lt;sup>380</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>381</sup> Ver gráficos (131).

 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 382}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

14.	En	el	caso	del	modelo	con	el	arco	de	ángulos	rectos	apreciamos
que <sup>383-384</sup> :												

- ff. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- gg. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de mayor intensidad.
- hh. El arco de descarga no llega a formarse por completo.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- ii. La parte superior de los arcos se descomprime<sup>385</sup>.
- jj. En la medida en que el arco pierde curvatura aumenta la zona menos cargada.
- kk. La zona descomprimida representa la formación del arco de descarga. Dicha zona no llega nunca al nivel del primer forjado.
- 11. El arco de descarga no llega a formarse por completo.
- mm. En la clave del arco se produce una concentración de vectores de tracción<sup>386</sup>.
- nn. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>387</sup>.
- oo. El arco de ángulos rectos es aquel que tiene el comportamiento más desfavorable<sup>388</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>383</sup> Ver gráficos (132).

<sup>&</sup>lt;sup>384</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>385</sup> Las descompresiones son mayores en los arcos carpanel y de ángulos rectos. En el arco de medio punto éstas son casi imperceptibles. En el arco ideal no existen.

<sup>&</sup>lt;sup>386</sup> Las descompresiones son mayores en los arcos carpanel y de ángulos rectos. En el arco de medio punto éstas son casi imperceptibles. En el arco ideal no existen.

 $<sup>^{\</sup>rm 387}$  Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (129) con (132) y (133) con (136).

<sup>388</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (129) con (132) y (133) con (136).





### 16. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>391</sup>:

- pp. Las máximas compresiones se localizan en la base del arco cuya intensidad es superior a los modelos restantes.
- 17. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>392</sup>:
- qq. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel podemos notar que<sup>393</sup>:
- rr. Las máximas zonas comprimidas se localizan en los lados superiores del hueco.

### **19.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u> <u>que<sup>394</sup>:</u>

- ss. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores del hueco y con mayor intensidad que los dos modelos anteriores.
- tt. En la zona donde se localizan las máximas compresiones se colocan dados de hormigón<sup>395</sup>.

- <sup>392</sup> Ver gráficos (134).
- <sup>393</sup> Ver gráficos (135).
- <sup>394</sup> Ver gráficos (136).

<sup>&</sup>lt;sup>389</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>390</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>391</sup> Ver gráficos (133).

<sup>&</sup>lt;sup>395</sup> El dado de hormigón tiene como finalidad resistir compresiones mayores debido a que, en muchas ocasiones, estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

4.5.2.4 (Si) <sup>396-397</sup>

.2.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11"



### 20. En el modelo con el arco ideal observamos que<sup>398-399</sup>:

uu. La pared está comprimida casi en su totalidad.

vv. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco y son de mayor intensidad.

**21.** En el caso del modelo con el arco de medio punto podemos apreciar que<sup>400-401</sup>:

- ww. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona muy pequeña.
- xx. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>402-403</sup>:
- yy. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona relativamente más amplia.
- zz. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son un poco más intensos.

<sup>&</sup>lt;sup>396</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>&</sup>lt;sup>397</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>398</sup> Ver gráficos (137).

<sup>&</sup>lt;sup>399</sup> En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>400</sup> Ver gráficos (138).

<sup>&</sup>lt;sup>401</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>402</sup> Ver gráficos (139).

 $<sup>^{\</sup>rm 403}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

- CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- aaa. Las compresiones ubicadas en la parte alta de los huecos adquieren valores superiores<sup>404</sup>.

**23.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos apreciamos</u> <u>que<sup>405-406</sup>:</u>

- bbb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- ccc. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son, relativamente, de mayor intensidad.
- ddd. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>407</sup>.
- eee. En la edificación se utilizan vigas  $^{408}$  que son capaces de soportar las tracciones  $^{409}.$
- 24. De modo general podríamos decir que:
- fff. Cuando se restringen lateralmente los modelos, las tracciones se reducen notoriamente.
- ggg. En las caras laterales de los huecos aparecen pequeñas tracciones casi imperceptibles.
- hhh. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en su clave.
- iii. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas.
- jjj. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de compresión en la parte superior lateral de las aberturas.
- kkk. En la edificación se utilizan vigas<sup>410</sup> que son capaces de soportar las tracciones<sup>411</sup>.
- lll. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared $^{412}$ .
- mmm. El comportamiento más desfavorable es el del arco de ángulos rectos<sup>413-414</sup>.

<sup>405</sup> Ver gráficos (140).

<sup>&</sup>lt;sup>404</sup> Cuya intensidad es menor que la del arco ideal, aunque mayor que la de los arcos de medio punto y de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 406}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>407</sup> Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 408}$  Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>409</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.

 $<sup>^{\</sup>rm 410}$  Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>411</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>412</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (137) con (140) y (141) con (144)

<sup>&</sup>lt;sup>413</sup> Por ser el modelo con más tracciones.

<sup>414</sup> Comparar el arco ideal (137) y el de ángulos rectos (140).

4.5.2.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11)  $^{415-416}$ 



25. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>417</sup>:

nnn. Las máximas compresiones se localizan en la base del arco.

- ooo. No existen tracciones en la pared.
- 26. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>418</sup>:
- ppp. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel se aprecia que<sup>419</sup>:
- qqq. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse.
- **28.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos notamos</u> <u>que<sup>420</sup>:</u>
  - rrr. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación a los modelos restantes  $^{\rm 421}.$
  - sss. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de intensidad superior a los demás modelos.

<sup>420</sup> Ver gráficos (144).

<sup>&</sup>lt;sup>415</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>416</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>417</sup> Ver gráficos (141).

<sup>&</sup>lt;sup>418</sup> Ver gráficos (142).

<sup>&</sup>lt;sup>419</sup> Ver gráficos (143).

<sup>421</sup> Comparar el arco de ángulos rectos con el ideal: (141) con (144).

#### 4.5.3 Modelo con la base Empotrada

### 4.5.3.1 Comparación de los Desplazamientos

## 4.5.3.1.1 Desplazamientos en "x" $^{422}$



- 1. <u>En el modelo c</u>on el arco ideal observamos que<sup>423</sup>:
- a. Los desplazamientos laterales son inferiores<sup>424</sup>.
- b. La clave del arco tiende a cerrarse<sup>425</sup>.
- c. La pared es más deformable<sup>426</sup>.

```
2. <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto apreciamos</u>
que<sup>427</sup>:
```

- d. Los desplazamientos laterales son menores<sup>428</sup>.
- e. La clave del arco tiende a abrirse<sup>429</sup>.
- f. La pared es menos deformable.
- 3. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>430</sup>:

<sup>430</sup> Ver gráficos (147).

<sup>&</sup>lt;sup>422</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>423</sup> Ver gráficos (145).

<sup>&</sup>lt;sup>424</sup> En relación con el modelo del arco de ángulos rectos y superiores en comparación con el arco de medio punto y el carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 425}$  Mientras que los modelos restantes tienen tendencia a abrirse.

<sup>&</sup>lt;sup>426</sup> En relación con el modelo del arco de ángulos rectos y superiores en comparación con el arco de medio punto y el carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>427</sup> Ver gráficos (146).

<sup>428</sup> En comparación con el modelo anterior.

<sup>&</sup>lt;sup>429</sup> En menor grado que en los modelos posteriores: arco carpanel y de ángulos rectos.

- g. Los desplazamientos laterales son mayores<sup>431</sup>.
- h. La clave del arco tiende a abrirse un poco más<sup>432</sup>.
- i. La pared es más deformable que en el caso anterior.

- j. Los desplazamientos laterales son mayores<sup>434</sup>.
- k. La clave del arco tiende a abrirse en mayor magnitud.
- 1. La pared es más deformable.
- 5. De modo general podemos decir que:
- m. El comportamiento del arco ideal es bastante parecido al del arco de ángulos rectos $^{435}$ .
- n. Las diferencias que existen dependen únicamente de la forma de los arcos y no de los ángulos con que llegan a la base.
- o. Las caras laterales de los modelos se deforman libremente<sup>436</sup>.
- p. Cuando la clave de los arcos son abiertas<sup>437</sup> tiende a separarse.
- q. Cuando la clave del arco es muy pronunciada<sup>438</sup> tiende a cerrarse.
- r. Independientemente de la forma de la clave de los arcos, las caras laterales de los huecos se cierran<sup>439</sup>.
- s. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared  $^{440}.$
- t. El comportamiento más desfavorable es el del arco de ángulos rectos  $^{\rm 441}.$

- <sup>436</sup> Esto se debe a que la base, al estar empotrada, tiene restringidos los movimientos horizontales y libres los lados.
- $^{437}$  Arco de medio punto, carpanel y de ángulos rectos: (146), (147) y (148) respectivamente.
- $^{\rm 438}$  Como el caso del arco ideal (145).

440 Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (145) con (148).

<sup>4. &</sup>lt;u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos podemos</u> apreciar que<sup>433</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>431</sup> En comparación con el modelo del arco de medio punto, aunque inferiores que el modelo con el arco ideal.

<sup>432</sup> En menor grado que el modelo con los ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>433</sup> Ver gráficos (148).

<sup>434</sup> En comparación con los modelos anteriores.

 $<sup>^{\</sup>rm 435}$  Comparar (145) y (148), arcos ideal y de ángulos rectos respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 439}$  Lógicamente por ser la zona en la que puede deformarse libremente.

<sup>441</sup> Comparar el arco de ángulos rectos (148) y el arco ideal (145).

#### 4.5.3.1.2 Desplazamientos en "z'' 442



### 6. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>443</sup>:

- u. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco son inferiores<sup>444</sup> y no tocan la clave del arco.
- 7. <u>En el caso del modelo con el arco de</u> medio punto vemos que<sup>445</sup>:
- v. En la parte superior del arco empiezan a intensificarse las deformaciones y comienzan a descender hacia la clave del arco.
- 8. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>446</sup>:
- w. En la parte alta del arco se intensifican las deformaciones y cubren toda la línea superior del hueco<sup>447</sup>.

9. En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos podemos notar que<sup>448</sup>:

- x. En la parte superior del hueco es más notorio el crecimiento de los desplazamientos y cubren toda la línea superior del arco.
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- y. A medida que la parte superior de los arcos pierde curvatura, los desplazamientos descienden hasta la clave, incluso pueden llegar a cubrirla por completo.

<sup>442</sup> Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>443</sup> Ver gráficos (149).

<sup>&</sup>lt;sup>444</sup> En comparación con los modelos restantes.

<sup>445</sup> Ver gráficos (150).

<sup>446</sup> Ver gráficos (151).

<sup>&</sup>lt;sup>447</sup> No tocan ninguna de las dos semi-circunferencias que forman el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>448</sup> Ver gráficos (152).

# 4.5.3.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)



## 11. <u>En el modelo con el arco ideal</u> vemos que<sup>451-452</sup>:

- z. La pared está completamente comprimida.
- aa. Encima del arco no existen zonas descomprimidas.

**12.** <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto podemos notar</u> <u>que<sup>453-454</sup>:</u>

- bb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona casi imperceptible.
- cc. La intensidad de las tracciones que se desarrollan en el modelo son insignificantes.
- 13. En el caso del modelo con el arco carpanel apreciamos que<sup>455-456</sup>:
- dd. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una pequeña zona del elemento, aunque mayor que la anterior.
- ee. El arco de descarga<sup>457</sup> comienza a formarse.

<sup>453</sup> Ver gráficos (154).

<sup>&</sup>lt;sup>449</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>&</sup>lt;sup>450</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>451</sup> Ver gráficos (153).

 $<sup>^{\</sup>rm 452}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>454</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>455</sup> Ver gráficos (155).

 $<sup>^{\</sup>rm 456}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

 $<sup>^{\</sup>rm 457}$  Zona blanca localizada en la parte alta del hueco.

**14.** En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos podemos apreciar que<sup>458-459</sup>:

- ff. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- gg. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de mayor intensidad.
- hh. El arco de descarga no se llega a desarrollar por completo, igual que ocurre en los casos anteriores.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- ii. En el momento en el que se empotra la base, los modelos se comprimen considerablemente. Como resultado de ello, se reducen de modo considerable las tracciones de las paredes.
- jj. La parte superior de los arcos se descomprime<sup>460</sup>.
- kk. Esta zona descomprimida aumenta en la medida en que el arco pierde curvatura.
- ll. La zona descomprimida representa la formación del arco de descarga.
- mm. El arco de descarga no se forma por completo en ninguno de los modelos.
- nn. En la clave del arco se produce una concentración de vectores de tracción  $^{\rm 461}.$
- oo. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>462</sup>.
- pp. El arco de ángulos rectos es aquel que tiene el comportamiento más desfavorable<sup>463</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>458</sup> Ver gráficos (156).

<sup>&</sup>lt;sup>459</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>460</sup> Las descompresiones son mayores en los arcos carpanel y de ángulos rectos, mientras que en el de medio punto es casi imperceptible y en el ideal no existe.

<sup>&</sup>lt;sup>461</sup> No se aprecian ni en el arco ideal ni en el de medio punto. Comienzan a ser notorios en el arco carpanel y mucho más claras en el arco de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 462}$  Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (153) con (156) y (157) con (160).

<sup>463</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (153) con (156) y (157) con (160).

|--|

	4.5.3.3	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>22″</u>
(N22)	464-465									

(CUADRO 54)	MODELOS CON	LA BASE EMPOTR	ADA (BE) (CON	ZUNCHO): "N22"						
Representación gráfica de los modelos con influencia del zuncho de borde.										
(GRAF.4: 19) A. Ideal:	(GRAF.4: 20) A. Medio	N22 6.1556e+05 4.7877e+05 3.4199e+05 - 66396 - 663396 - 2.0519e+05 - 3.4198e+05 - 4.7877e+05 - 6.1556e+05	(GRAF.4: 21) A. Carnarel - BF	(GRAF.4: 22) A. A. Pecto: PE						
Main Ax. Force (N/M). "Sii" factor 8.1e-6.										
	Main Ax. Force (N/M). "N22".									
(157) 4.3.3.1.d	(158) 4.3	.3.2.d (1	59) 4.3.3.3.d	(160) 4.3.3.4.d						

### 16. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>466</sup>:

- qq. La intensidad de la fuerzas de compresión es superior<sup>467</sup> y se localizan en la base del arco.
- 17. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>468</sup>:
- rr. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel se aprecia que<sup>469</sup>:
- ss. Las máximas zonas comprimidas se localizan en los lados superiores del hueco.

**19.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos podemos</u> notar que<sup>470</sup>:

tt. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco y son de mayor intensidad<sup>471</sup>. En esta zona se colocan dados de hormigón<sup>472</sup>.

469 Ver gráficos (159).

<sup>&</sup>lt;sup>464</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>465</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>466</sup> Ver gráficos (157).

 $<sup>^{\</sup>rm 467}$  En comparación con los modelos restantes.

<sup>468</sup> Ver gráficos (158).

<sup>&</sup>lt;sup>470</sup> Ver gráficos (160).

<sup>&</sup>lt;sup>471</sup> En comparación con los dos modelos anteriores: arco carpanel y de medio punto. Sin embargo son inferiores si lo comparamos con el arco ideal; comparar (160) y (157).

<sup>&</sup>lt;sup>472</sup> El dado de hormigón tiene como finalidad resistir compresiones mayores debido a que, en muchas ocasiones, estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

## 4.5.3.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 473-474



#### 20. En el modelo con el arco ideal observamos que<sup>475</sup>:

- uu. La pared está comprimida casi en su totalidad<sup>476</sup>.
- vv. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco y son de mayor intensidad<sup>477</sup>.

## **21.** <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto apreciamos</u> <u>que<sup>478</sup>:</u>

- ww. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona reducida.
- xx. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad<sup>479</sup>.
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>480</sup>:
- yy. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia.
- zz. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son un poco más intensos  $^{481}.$

<sup>&</sup>lt;sup>473</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>474</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>475</sup> Ver gráficos (161).

 $<sup>^{476}</sup>$  Ya que la única zona en que aparecen tracciones casi imperceptibles es en los lados del hueco.

 $<sup>^{\</sup>rm 477}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>478</sup> Ver gráficos (162).

<sup>&</sup>lt;sup>479</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>480</sup> Ver gráficos (163).

- CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- aaa. Las compresiones ubicadas en la parte alta de los huecos adquieren valores superiores<sup>482</sup>.

23. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos notamos</u> <u>que<sup>483</sup>:</u>

- bbb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento  $^{484}.$
- ccc. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son, relativamente, de mayor intensidad.
- ddd. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>485</sup>.
- eee. En la edificación se utilizan vigas  $^{486}$  que son capaces de soportar las tracciones  $^{487}.$
- 24. De modo general podríamos decir que:
- fff. Cuando se empotran las bases de los modelos, las tracciones se reducen notoriamente.
- ggg. En las caras laterales de los huecos aparecen pequeñas tracciones casi imperceptibles.
- hhh. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en su clave, aunque sus magnitudes son casi imperceptible.
- iii. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas.
- jjj. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de compresión en la parte superior lateral de las aberturas.
- kkk. En la edificación se utilizan vigas<sup>488</sup> que son capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en los modelos<sup>489</sup>.
- lll. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared  $^{490}.$
- mmm. El comportamiento más desfavorable es el del arco de ángulos rectos<sup>491-492</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>481</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

<sup>&</sup>lt;sup>482</sup> Cuya intensidad es menor que la del arco ideal, aunque mayor que la de los arcos de medio punto y de ángulos rectos.
<sup>483</sup> Ver gráficos (164).

<sup>&</sup>lt;sup>484</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>485</sup> Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 486}$  Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>487</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.

<sup>488</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>489</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>490</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (161) con (164) y (165) con (168).

<sup>&</sup>lt;sup>491</sup> Por ser el modelo con más tracciones.

<sup>492</sup> Comparar el arco ideal (161) y el de ángulos rectos (164).

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

	4.5.3.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
(N11)	493-494									

(CUADRO 56)	MODELOS CON	LA BASE EMPOTR	ADA (BE) (CON	N ZUNCHO): "N11"						
Representación gráfica de los modelos con influencia del zuncho de borde.										
(GRAF.4: 19) A. Ideal:	(GRAF.4: 20) A. Medio	N11 1.3321e+05 1.3472e+05 9.0227 + 57736 - 19245 - 19245 - 57786 - 6227 1342e+05 - 1.7321e+05	(GRAF.4; 21) A	. (GRAF. 4: 22) A. A.						
BE	punto: BE	Av Forgo (N/M)	Carpanel: BE	Recto: BE						
(165) 4.3.3.1.e	(166) 4.3.	3.2.e (1	67) 4.3.3.3.e	(168) 4.3.3.4.e						

## 25. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>495</sup>:

nnn. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco<sup>496</sup>.

26. <u>En el caso del modelo con el arco de</u> medio punto vemos que<sup>497</sup>:

- ooo. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad<sup>498</sup>.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel podemos ver que<sup>499</sup>:
- ppp. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse<sup>500</sup>.

## **28.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos notamos</u> <u>que<sup>501</sup>:</u>

- qqq. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación a los modelos restantes<sup>502</sup>.
- rrr. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos.

<sup>&</sup>lt;sup>493</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>494</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>495</sup> Ver gráficos (165).

 $<sup>^{\</sup>rm 496}$  La pared se encuentra completamente comprimida.

<sup>&</sup>lt;sup>497</sup> Ver gráficos (166).

 $<sup>^{\</sup>mbox{\tiny 498}}$  Con respecto al resto de modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>499</sup> Ver gráficos (167).

<sup>&</sup>lt;sup>500</sup> Son de intensidad superior a los demás modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>501</sup> Ver gráficos (168).

<sup>&</sup>lt;sup>502</sup> Comparar el arco de ángulos rectos con el ideal: (165) con (168).

#### 4.5.4 Modelo con la base Empotrada y Restricción Lateral

- 4.5.4.1 Comparación de los Desplazamientos
- 4.5.4.1.1 Desplazamientos en "x"



- 1. En el modelo con el arco ideal podemos observar que<sup>503</sup>:
- a. Los máximos desplazamientos se localizan en la parte superior lateral del hueco<sup>504</sup>.
- b. La clave del arco tiende a cerrarse.
- c. El trazado del arco es más deformable<sup>505</sup>.

2. <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto podemos</u> apreciar que<sup>506</sup>:

- d. Los desplazamientos laterales son inferiores<sup>507</sup>.
- e. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte central de las caras laterales del hueco.
- f. La clave se abre en un grado muy bajo, casi imperceptible.
- 3. En el caso del modelo con el arco carpanel podemos ver que<sup>508</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>503</sup> Ver gráficos (169).

<sup>&</sup>lt;sup>504</sup> Cuya intensidad es mayor al arco de medio punto; comparar (169) con (170) y al arco carpanel; comparar (169) con (171). Aunque menor que el arco de ángulos rectos; comparar (169) con (172).

<sup>&</sup>lt;sup>505</sup> También, al ser menos deformable, la franja de desplazamientos casi nulos es más amplia en comparación con los otros modelos.

<sup>&</sup>lt;sup>506</sup> Ver gráficos (170).

 $<sup>^{\</sup>rm 507}$  En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>508</sup> Ver gráficos (171).
- CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- g. Los desplazamientos laterales son superiores en comparación con el modelo anterior.
- h. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte central de las caras laterales del hueco.
- i. La clave tiende a abrirse<sup>509</sup>.
- j. La pared es menos deformable.

4. En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos apreciamos que<sup>510</sup>:

- k. Las máximas deformaciones se sitúan en la parte central de las caras laterales del hueco.
- 1. La clave se abre en mayor magnitud<sup>511</sup>.
- m. La pared es más deformable que los modelos restantes.
- 5. De modo general podemos decir que:
- n. A medida que la curvatura de los arcos se aplana se intensifican los desplazamientos en la clave de los huecos.
- o. Se observa con claridad el efecto desfavorable del arco ideal en la pared.
- p. La pared con el arco de medio punto tiene el comportamiento más favorable.

<sup>&</sup>lt;sup>509</sup> La abertura de la clave del arco es menor que en el caso del modelo con el arco de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>510</sup> Ver gráficos (172).

<sup>&</sup>lt;sup>511</sup> La abertura de la clave del arco es mayor que en el caso de los modelos con el arco de medio punto y el carpanel.

## 4.5.4.1.2 Desplazamientos en "z''<sup>512</sup>



### 6. En el modelo con el arco ideal se puede notar que<sup>513</sup>:

- q. Los desplazamientos que se localizan en la parte superior del arco son inferiores<sup>514</sup> y no tocan la clave del arco.
- 7. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>515</sup>:
- r. En la parte superior del arco empiezan a intensificarse las deformaciones y comienzan a descender hacia la clave del arco.
- 8. <u>En el caso del modelo con el arco carpanel distinguimo</u>s que<sup>516</sup>:
- s. En la parte superior del arco se intensifican las deformaciones y cubren toda la línea superior del hueco<sup>517</sup>.

## 9. <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos observamos</u>

- t. En la parte superior del arco se observa con mayor claridad el aumento de los desplazamientos y cubren toda la línea superior del arco.
- 10. Adicionalmente podemos indicar que:
- u. A medida que la parte superior de los arcos pierde curvatura, los desplazamientos descienden hasta la clave, incluso pueden llegar a cubrirla por completo.

 $<sup>^{\</sup>rm 512}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>513</sup> Ver gráficos (173).

<sup>&</sup>lt;sup>514</sup> En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>515</sup> Ver gráficos (174).

<sup>&</sup>lt;sup>516</sup> Ver gráficos (175).

<sup>&</sup>lt;sup>517</sup> No tocan ninguna de las dos semi-circunferencias que forman el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>518</sup> Ver gráficos (176).

# 4.5.4.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 519-520



### 11. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>521-522</sup>:

- v. La pared está completamente comprimida.
- w. Encima del arco no existen zonas descomprimidas.

# **12.** <u>En el caso del modelo con el arco de medio punto apreciamos</u> <u>que<sup>523-524</sup>:</u>

- x. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona casi imperceptible.
- y. Las fuerzas de tracción son insignificantes.
- 13. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>525-526</sup>:
- z. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una pequeña zona del elemento.
- aa. El arco de descarga comienza a formarse.

<sup>525</sup> Ver gráficos (179).

<sup>&</sup>lt;sup>519</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>&</sup>lt;sup>520</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>521</sup> Ver gráficos (177).

 $<sup>^{\</sup>rm 522}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>523</sup> Ver gráficos (178).

<sup>&</sup>lt;sup>524</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

 $<sup>^{\</sup>rm 526}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

**14.** En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos podemos notar que<sup>527-528</sup>:

- bb. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- cc. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son de mayor intensidad.
- dd. El arco de descarga no llega a formarse por completo.
- 15. De modo general podríamos decir que:
- ee. En el momento en que se restringen los desplazamientos laterales, los modelos se comprimen considerablemente. Como resultado de ello, se reducen las tracciones de las paredes.
- ff. La parte superior de los arcos se descomprime<sup>529</sup>.
- gg. Esta zona descomprimida aumenta en la medida en que el arco pierde curvatura.
- hh. La zona descomprimida representa la formación del arco de descarga.
- ii. El arco de descarga no se forma en ninguno de los modelos.
- jj. En la clave del arco se produce una concentración de vectores de tracción<sup>530</sup>.
- kk. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared  $^{\rm 531}.$
- ll. El arco de ángulos rectos es aquel que tiene el comportamiento más desfavorable $^{532}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>527</sup> Ver gráficos (180).

<sup>&</sup>lt;sup>528</sup> En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>529</sup> Las descompresiones son mayores en los arcos carpanel y de ángulos rectos. En el arco de medio punto es casi imperceptible, mientras que no existe en el modelo con el arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>530</sup> No se aprecian ni en el arco ideal ni en el de medio punto. Comienzan a ser notorios en el arco carpanel y mucho más claras en el arco de ángulos rectos.

 $<sup>^{\</sup>rm 531}$  Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (177) con (180) y (181) con (184).

 $<sup>^{\</sup>rm 532}$  Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (177) con (180) y (181) con (184).

# 4.5.4.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{\rm 533-534}$

(CUADRO 60) MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON ZUNCHO): "N22"							
Representación gráfica de los modelos con influencia del zuncho de borde.							
	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	N22 6.15566+05 4.7877e+05 3.4198e+05 2.0519e+05 6.8396 83396 2.0519e+05 3.4198e+05					
(GRAF.4: 23) A. Ideal: BE-RL	(GRAF.4: 24) A. Medio punto: BE-RL	-4.7877e+05 -6.1556e+05	(GRAF.4: 25) A. Carpanel: BE-RL	(GRAF.4: 26) A. A. Recto: BE-RL			
Main Ax. Force (N/M). "N22".							
(181) 4.3.4.1.d	(182) 4.3.	4.2.d (18	3) 4.3.4.3.d	(184) 4.3.4.4.d			

## 16. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>535</sup>:

- mm. La intensidad de la fuerzas de compresión es superior $^{536}$  y se localizan en la base del arco.
- 17. En el caso del modelo con el arco de medio punto notamos que<sup>537</sup>:
- nn. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco.
- 18. En el caso del modelo con el arco carpanel podemos ver que<sup>538</sup>:
- oo. Las máximas zonas comprimidas se localizan en los lados superiores del hueco.

### **19.** <u>En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se aprecia</u> <u>que<sup>539</sup>:</u>

- pp. Las máximas zonas comprimidas se sitúan en los lados superiores del hueco y son de mayor intensidad<sup>540</sup>.
- qq. En la zona donde se localizan las máximas compresiones se colocan dados de hormigón<sup>541</sup>.

<sup>539</sup> Ver gráficos (184).

<sup>&</sup>lt;sup>533</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>534</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>535</sup> Ver gráficos (181).

<sup>&</sup>lt;sup>536</sup> En comparación con los modelos: arco de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>537</sup> Ver gráficos (182).

<sup>&</sup>lt;sup>538</sup> Ver gráficos (183).

<sup>&</sup>lt;sup>540</sup> En comparación con los modelos: arco de medio punto y carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>541</sup> El dado de hormigón tiene como finalidad resistir compresiones mayores debido a que, en muchas ocasiones, estas fuerzas superan la resistencia de la fábrica.

4.5.4.4 (Si) 542-543

4.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11"



- 20. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>544-545</sup>:
- rr. La pared está comprimida casi en su totalidad.
- ss. Las máximas compresiones se localizan en la base del hueco y son de mayor intensidad.

**21.** En el caso del modelo con el arco de medio punto podemos apreciar que<sup>546-547</sup>:

- tt. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona muy pequeña.
- uu. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad.
- 22. En el caso del modelo con el arco carpanel vemos que<sup>548-549</sup>:
- vv. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia.

<sup>&</sup>lt;sup>542</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 543}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>544</sup> Ver gráficos (185).

 $<sup>^{\</sup>rm 545}$  En consideración con los modelos restantes: de medio punto, carpanel y de ángulos rectos.

<sup>&</sup>lt;sup>546</sup> Ver gráficos (186).

<sup>&</sup>lt;sup>547</sup> En consideración con el caso anterior: arco ideal.

<sup>&</sup>lt;sup>548</sup> Ver gráficos (187).

 $<sup>^{\</sup>rm 549}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal y de medio punto.

- ww. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son un poco más intensos.
- xx. Las compresiones ubicadas en la parte alta de los huecos adquieren valores superiores $^{550}$ .

```
23. En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos se nota que<sup>551-552</sup>:
```

- yy. Las tracciones localizadas en la clave del arco ocupan una zona más amplia del elemento.
- zz. Los vectores de tracción ubicados en la parte superior del arco son, relativamente, de mayor intensidad.
- aaa. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos<sup>553</sup>.
- bbb. En la edificación se utilizan vigas  $^{554}$  que son capaces de soportar las tracciones  $^{555}.$
- ccc. La parte superior del hueco se comporta como una viga<sup>556</sup>.
- 24. De modo general podríamos decir que:
- ddd. Cuando se restringen lateralmente los modelos, las tracciones se reducen notoriamente.
- eee. En las caras laterales de los huecos aparecen pequeñas tracciones casi imperceptibles.
- fff. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de tracción en su clave.
- ggg. Cuando el hueco forma ángulos de 90° con la base las máximas compresiones se localizan en la parte superior lateral de las aberturas.
- hhh. A medida que el arco se aplana se intensifican las fuerzas de compresión en la parte superior lateral de las aberturas.
- iii. En la edificación se utilizan vigas<sup>557</sup> que son capaces de soportar las tracciones que tienen lugar en los modelos<sup>558</sup>.
- jjj. Se observa con claridad el efecto favorable del arco ideal en la pared<sup>559</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>550</sup> Cuya intensidad es menor que la del arco ideal, aunque mayor que la de los arcos de medio punto y de ángulos rectos.
<sup>551</sup> Ver aráficos (188).

 $<sup>^{\</sup>rm 552}$  En comparación con los casos anteriores: arco ideal, de medio punto y carpanel.

 $<sup>^{\</sup>rm 553}$  Y su intensidad se reduce en comparación con el arco carpanel.

<sup>&</sup>lt;sup>554</sup> Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>555</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de esfuerzos de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>556</sup> Es decir, compresiones en la parte superior y tracciones en la parte inferior. Este comportamiento sería más notorio si el ancho del hueco fuera mayor.

 $<sup>^{\</sup>rm 557}$  Las vigas pueden ser de hormigón, metal, prefabricadas, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>558</sup> Evitando así que la fábrica se fisure por exceso de tracciones.

<sup>&</sup>lt;sup>559</sup> Comparar el arco ideal y el de ángulos rectos: (185) con (188) y (189) con (192).





### 25. En el modelo con el arco ideal se puede observar que<sup>562</sup>:

- kkk. Las máximas compresiones se localizan en la base del modelo y son de mayor intensidad  $^{563}.$
- 26. En el caso del modelo con el arco de medio punto vemos que<sup>564</sup>:
- 111. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de menor intensidad<sup>565</sup>.
- 27. En el caso del modelo con el arco carpanel apreciamos que<sup>566</sup>:
- mmm. Las máximas compresiones situadas en los lados superiores de los huecos tienden a intensificarse.

**28.** En el caso del modelo con el arco de ángulos rectos podemos notar que $^{567}$ :

- nnn. Las tracciones localizadas en la clave del arco son superiores en relación a los modelos restantes.
- ooo. Las máximas compresiones se sitúan en los lados superiores de los huecos y son de intensidad superior a los demás modelos.

<sup>566</sup> Ver gráficos (191).

<sup>&</sup>lt;sup>560</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>561</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>562</sup> Ver gráficos (189).

<sup>&</sup>lt;sup>563</sup> El modelo está completamente comprimido; comparar el arco ideal con el de ángulos rectos: (189) con (192).

<sup>&</sup>lt;sup>564</sup> Ver gráficos (190).

 $<sup>^{\</sup>rm 565}$  En comparación con los modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>567</sup> Ver gráficos (192).

## CAPÍTULO-4:

ARCOS

**ZUNCHO** 

8.- CONCLUSIONES

- 1.- ASPECTOS GENERALES
- 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS

3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE

4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO

5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN

6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN

7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO

LOS MODELOS CON ZUNCHO

ANÁLISIS DE MODELOS SIMPLES, EN RÉGIMEN ELÁSTICO CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

MJIG



## 4.6 ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO

Sólo se indican las deferencias que se observan al considerar la influencia de los zunchos embebidos en el forjado.

### 4.6.1 Hueco con arco ideal

### 4.6.1.1 Comparación de los Desplazamientos

4.6.1.1.1 Desplazamientos en "x"<sup>568</sup>



### 1. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>570</sup>:

- a. La pared se deforma de un modo más homogéneo.
- b. Los desplazamientos laterales se reducen considerablemente.
- c. Los desplazamientos con sentido contrario localizados en la parte superior del modelo sin zuncho desaparecen.

<sup>&</sup>lt;sup>568</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>569</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>570</sup> Comparar (197) y (193): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>571</sup>:

- d. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- e. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- f. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos.
- 3. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>572</sup>:
- g. Las diferencias no son tan relevantes.
- h. Las deformaciones tienden a reducirse<sup>573</sup>.
- i. En la clave del arco se produce una concentración relativamente mayor de desplazamientos.
- j. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

**4.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>574</sup>:

- k. El resultado que se obtiene es el mismo que en el modelo apoyado con restricciones laterales.
- 1. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- m. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- n. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 5. Además podemos decir que:
- o. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- p. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- q. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- r. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

 $<sup>^{\</sup>rm 571}$  Comparar (198) y (194): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>572</sup> Comparar (199) y (195): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>573</sup> Aunque en menor grado que en los casos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>574</sup> Comparar (200) y (196): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.





- s. La pared se deforma de un modo más homogéneo.
- t. Los desplazamientos verticales tienden a alejarse de la clave del arco.

## 7. En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (BA-RL) se aprecia que<sup>578</sup>:

u. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.

 $<sup>^{\</sup>rm 575}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>576</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>rm 577}$  Comparar (205) y (201): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 578}$  Comparar (206) y (202): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

- v. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- w. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 8. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>579</sup>:
- x. Las diferencias no son tan relevantes.
- y. Las deformaciones tienden a reducirse<sup>580</sup>.
- z. En la clave del arco se produce una concentración relativamente mayor de desplazamientos.
- aa. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

9. En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>581</sup>:

- bb. El resultado que se obtiene es el mismo que en el modelo apoyado con restricciones laterales.
- cc. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- dd. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- ee. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 10. Además podemos decir que:
- ff. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- gg. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- hh. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- ii. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

<sup>&</sup>lt;sup>579</sup> Comparar (207) y (203): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>580</sup> Aunque en menor grado que en los casos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>581</sup> Comparar (208) y (204): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

# 4.6.1.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 582-583



- 11. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>585</sup>:
- jj. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- kk. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- ll. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>&</sup>lt;sup>582</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>&</sup>lt;sup>583</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>584</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>585</sup> Comparar (213) y (209): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**12.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>586</sup>:

- mm. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- nn. La pared está comprimida por completo.
- oo. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 13. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>587</sup>:
- pp. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- qq. La pared está comprimida por completo.
- rr. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

14. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> <u>laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>588</sup>:</u>

- ss. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- tt. La pared está comprimida por completo.
- uu. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 15. Además podemos decir que:
- vv. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de los vectores de las direcciones principales "Sii".
- ww. Los zunchos introducen un efecto de confinamiento en las paredes.
- xx. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- yy. La influencia del zuncho es más visible en el modelo apoyado, aunque también es apreciable en los tres modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>586</sup> Comparar (214) y (210): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>587</sup> Comparar (215) y (211): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>588</sup> Comparar (216) y (212): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

4.6.1.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) 589-590



- 16. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>592</sup>:
- zz. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- aaa. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- bbb. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>&</sup>lt;sup>589</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>590</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>591</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>592</sup> Comparar (221) y (217): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**17.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>593</sup>:

- ccc. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- ddd. La pared está comprimida por completo.
- eee. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 18. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>594</sup>:
- fff. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- ggg. La pared está comprimida por completo.
- hhh. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

**19.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>595</sup>:

- iii. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- jjj. La pared está comprimida por completo.
- kkk. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 20. Además podemos decir que:
- 111. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de las fuerzas "N22".
- mmm. Las paredes están más comprimidos, aunque es poco notorio.
- nnn. En el modelo con la base apoya es más importante la influencia de la presencia del zuncho<sup>596</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>593</sup> Comparar (222) y (218): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>594</sup> Comparar (223) y (219): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 595}$  Comparar (224) y (220): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>596</sup> Al reducir las tracciones de la clave del arco.

# 4.6.1.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 597-598



- 21. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>600</sup>:
- 000. La pared se comprime claramente.
- ppp. Las tracciones se reducen de modo considerable.
- qqq. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.

<sup>&</sup>lt;sup>597</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

<sup>&</sup>lt;sup>598</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>599</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>rm 600}$  Comparar (229) y (225): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

- CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- rrr. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

**22.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>601</sup>:

- sss. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- ttt. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 23. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>602</sup>:
- uuu. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- vvv. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado<sup>603</sup>.

**24.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>604</sup>:

- www. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- xxx. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 25. Además podemos decir que:
- yyy. En el sentido de los vectores "Si" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- zzz. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- aaaa. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- bbbb. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>605</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared<sup>606</sup>.
- cccc. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>607</sup>.
- dddd. En el modelo con la base empotrada<sup>608</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>609</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 601}$  Comparar (230) y (226): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 602}$  Comparar (231) y (227): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>603</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

<sup>604</sup> Comparar (232) y (228): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>605</sup> Comparar (229) y (225): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>606</sup> Por ser un modelo con libertad de movimientos horizontales.

<sup>&</sup>lt;sup>607</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{608}</sup>$  Comparar (231) y (227): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

	4.6.1.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	<u>"11"</u>
(N11)	610-611									



### 26. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>613</sup>:

eeee. La pared se comprime claramente.

ffff. Las tracciones se reducen de modo considerable.

gggg. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.

<sup>&</sup>lt;sup>609</sup> Es importante advertir que esta influencia no es tan notoria al tener restringido el movimiento horizontal en la base.

<sup>&</sup>lt;sup>610</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>611</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>612</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>613</sup> Comparar (237) y (233): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

hhhh. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

**27.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>614</sup>:

- iiii. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- jjjj. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 28. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>615</sup>:
- kkkk. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- llll. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado<sup>616</sup>.

**29.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>617</sup>:

- mmmm. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- nnnn. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 30. Además podemos decir que:
- oooo. En el sentido de las fuerzas "N11" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- pppp. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- qqqq. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- rrrr. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>618</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared<sup>619</sup>.
- ssss. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>620</sup>.
- tttt. En el modelo con la base empotrada<sup>621</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>622</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 614}$  Comparar (238) y (234): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>615</sup> Comparar (239) y (235): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>616</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

 $<sup>^{\</sup>rm 617}$  Comparar (240) y (236): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>618</sup> Comparar (229) y (225): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>619</sup> Comparar (237) y (233): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>620</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{\</sup>rm 621}$  Comparar (239) y (235): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

#### 4.6.2 <u>Hueco con arco de medio punto</u>

### 4.6.2.1 Comparación de los Desplazamientos

### 4.6.2.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>623</sup>



- 1. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>625</sup>:
- a. La pared se deforma de un modo más homogéneo.
- b. Los desplazamientos laterales se reducen considerablemente.
- c. Los desplazamientos con sentido contrario localizados en la parte superior del modelo sin zuncho desaparecen.

<sup>&</sup>lt;sup>622</sup> Es importante advertir que esta influencia no es tan notoria al tener restringido el movimiento horizontal en la base.

<sup>&</sup>lt;sup>623</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>624</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>625</sup> Comparar (245) y (241): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

2. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>626</sup>:

- d. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- e. Las deformaciones laterales se concentran en la base del arco y tienen una magnitud, relativamente, mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- f. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 3. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>627</sup>:
- g. Las diferencias no son tan relevantes.
- h. Las deformaciones tienden a reducirs $e^{628}$ .
- i. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

**4.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>629</sup>:

- j. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- Las deformaciones laterales se concentran en las caras laterales del hueco y tienen una magnitud, relativamente, mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 5. Además podemos decir que:
- m. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- n. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- o. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- p. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

 $<sup>^{\</sup>rm 626}$  Comparar (246) y (242): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>627</sup> Comparar (247) y (243): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>628</sup> Aunque en menor grado que en los casos restantes.

<sup>629</sup> Comparar (248) y (244): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.



### 4.6.2.1.2 Desplazamientos en "z" 630

- 6. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>632</sup>:
- q. La pared se deforma de un modo más homogéneo.
- r. Los desplazamientos verticales tienden a alejarse de la clave del arco.

### 7. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>633</sup>:

s. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.

 $<sup>^{\</sup>rm 630}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>631</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>rm 632}$  Comparar (253) y (249): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 633}$  Comparar (254) y (250): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

- t. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- u. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 8. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>634</sup>:
- v. Las diferencias no son tan relevantes.
- w. Las deformaciones tienden a reducirs $e^{635}$ .
- x. En la clave del arco se produce una concentración relativamente mayor de desplazamientos.
- y. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

9. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>636</sup>:

- z. El resultado que se obtiene es el mismo que en el modelo apoyado con restricciones laterales.
- aa. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- bb. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- cc. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 10. Además podemos decir que:
- dd. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- ee. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- ff. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- gg. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

 $<sup>^{\</sup>rm 634}$  Comparar (255) y (251): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 635}$  Aunque en menor grado que en los casos restantes.

 $<sup>^{\</sup>rm 636}$  Comparar (256) y (252): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

4.6.2.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 637-638



- 11. <u>En el modelo con la base apoyada (BA)</u> se puede observar que<sup>640</sup>:
- hh. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- ii. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- jj. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>&</sup>lt;sup>637</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>638</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>639</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>640</sup> Comparar (261) y (257): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**12.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>641</sup>:

- kk. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- 11. La pared está comprimida por completo.
- mm. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 13. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>642</sup>:
- nn. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- oo. La pared está comprimida por completo.
- pp. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

14. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> <u>laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>643</sup>:</u>

- qq. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- rr. La pared está comprimida por completo.
- ss. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 15. Además podemos decir que:
- tt. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de los vectores de las direcciones principales "Sii".
- uu. Los zunchos introducen un efecto de confinamiento en las paredes.
- vv. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- ww. La influencia del zuncho es más visible en el modelo apoyado, aunque también es apreciable en los tres modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>641</sup> Comparar (262) y (258): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>642</sup> Comparar (263) y (259): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>643</sup> Comparar (264) y (260): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

# 4.6.2.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{644-645}$



- 16. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>647</sup>:
- xx. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- yy. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- zz. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>&</sup>lt;sup>644</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>645</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>646</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>647</sup> Comparar (269) y (265): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**17.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>648</sup>:

- aaa. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- bbb. La pared está comprimida por completo.
- ccc. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 18. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>649</sup>:
- ddd. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- eee. La pared está comprimida por completo.
- fff. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

**19.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>650</sup>:

- ggg. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- hhh. La pared está comprimida por completo.
- iii. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 20. Además podemos decir que:
- jjj. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de las fuerzas "N22".
- kkk. Las paredes están más comprimidos, aunque es poco notorio.
- lll. En el modelo con la base apoya es más importante la influencia de la presencia del zuncho $^{651}$ .

 $<sup>^{\</sup>rm 648}$  Comparar (270) y (266): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>649</sup> Comparar (271) y (267): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>650</sup> Comparar (272) y (268): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>651</sup> Al reducir las tracciones de la clave del arco.

4.6.2.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 652-653



- 21. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>655</sup>:
- mmm. La pared se comprime claramente.
- nnn. Las tracciones se reducen de modo considerable.
- ooo. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.

<sup>&</sup>lt;sup>652</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 653}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>654</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>655</sup> Comparar (277) y (273): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

- CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- ppp. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

**22.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>656</sup>:

- qqq. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- rrr. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 23. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>657</sup>:
- sss. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- ttt. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado<sup>658</sup>.

**24.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>659</sup>:

- uuu. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- vvv. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 25. Además podemos decir que:
- www. En el sentido de los vectores "Si" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- xxx. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- yyy. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- zzz. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>660</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared.
- aaaa. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>661</sup>.
- bbbb. En el modelo con la base empotrada<sup>662</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>663</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 656}$  Comparar (278) y (274): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>657</sup> Comparar (279) y (275): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>658</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

<sup>&</sup>lt;sup>659</sup> Comparar (280) y (276): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>660</sup> Comparar (277) y (273): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>661</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{\</sup>rm 662}$  Comparar (279) y (275): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>663</sup> Es importante advertir que esta influencia no es tan notoria al tener restringido el movimiento horizontal en la base.

# 4.6.2.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11) 664-665

(CUADRO 74) ARCO DE MEDIO PUNTO (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"							
Representación gráfica de los modelos sin influencia del zuncho de borde666.							
		1.7321e+05 1.3472e+05 96227 57736 19245 -19245 -57736 -96227 -1.3472e+05 -1.7321e+05					
A. Medio punto: BA A. Medio punto: BA-RL A. Medio punto: BE A. Medio punto: BE-RL							
(281)	(282)		(283)	(284)			
Representación gráfica de los modelos con influencia del zuncho de borde.							
		1.7321e+05 1.7327e+05 16227 16227 19245 19245 57736 96227					
(GRAF.4: 12) A. Medio (GR	2) A. Medio (GRAF.4: 16) A. Medio		(GRAF.4: 20) A. M	Iedio (GRAF.4: 23) A. Ideal: BE-RL			
Main Ax. Force (N/M). "N11".							
(285) 4.3.1.2.e	(286) 4.3.2.2.e	(287	7) 4.3.3.2.e	(288) 4.3.4.2.e			

26. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>667</sup>:

cccc. La pared se comprime claramente.

dddd. Las tracciones se reducen de modo considerable.

eeee. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.

<sup>&</sup>lt;sup>664</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>665</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>666</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>rm 667}$  Comparar (285) y (281): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

ffff. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

**27.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>668</sup>:

- gggg. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- hhhh. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 28. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>669</sup>:
- iiii. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- jjjj. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado<sup>670</sup>.

**29.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>671</sup>:

- kkkk. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- llll. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 30. Además podemos decir que:
- mmmm. En el sentido de las fuerzas "N11" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- nnnn. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- oooo. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- pppp. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>672</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared.
- qqqq. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>673</sup>.
- rrrr. En el modelo con la base empotrada<sup>674</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>675</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 668}$  Comparar (286) y (282): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>669</sup> Comparar (287) y (283): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>670</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

<sup>&</sup>lt;sup>671</sup> Comparar (288) y (284): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>672</sup> Comparar (285) y (281): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>673</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{674}</sup>$  Comparar (239) y (235): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 675}$  Comparar (287) y (283): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

#### 4.6.3 <u>Hueco con arco carpanel</u>

### 4.6.3.1 Comparación de los Desplazamientos

### 4.6.3.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>676</sup>



- 1. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>678</sup>:
- a. La pared se deforma de un modo más homogéneo.
- b. Los desplazamientos laterales se reducen considerablemente.
- c. Los desplazamientos con sentido contrario localizados en la parte superior del modelo sin zuncho desaparecen.

<sup>&</sup>lt;sup>676</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>677</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>678</sup> Comparar (293) y (289): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

2. En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>679</sup>:

- d. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- e. Las deformaciones laterales se concentran en la base del arco y tienen una magnitud, relativamente, mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- f. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 3. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>680</sup>:
- g. Las diferencias no son tan relevantes.
- h. Las deformaciones tienden a reducirse<sup>681</sup>.
- i. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

**4.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>682</sup>:

- j. El resultado que se obtiene es el mismo que en el modelo apoyado con restricciones laterales.
- k. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- Las deformaciones laterales se concentran en la base del arco y tienen una magnitud, relativamente, mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- m. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 5. Además podemos decir que:
- n. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- o. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- p. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- q. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

<sup>&</sup>lt;sup>679</sup> Comparar (294) y (290): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>680</sup> Comparar (295) y (291): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>tiny 681}$  Aunque en menor grado que en los casos restantes.

<sup>682</sup> Comparar (296) y (292): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.


### 4.6.3.1.2 Desplazamientos en "z" 683

- 6. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>685</sup>:
- r. La pared se deforma de un modo más homogéneo.
- s. Los desplazamientos verticales tienden a alejarse de la clave del arco.

### 7. <u>En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones</u> laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>686</sup>:

t. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.

<sup>683</sup> Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>684</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>rm 685}$  Comparar (301) y (297): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>it 686}$  Comparar (302) y (298): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

- u. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- v. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 8. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>687</sup>:
- w. Las diferencias no son tan relevantes.
- x. Las deformaciones tienden a reducirs $e^{688}$ .
- y. En la clave del arco se produce una concentración relativamente mayor de desplazamientos de desplazamientos.
- z. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

9. En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>689</sup>:

- aa. El resultado que se obtiene es el mismo que en el modelo apoyado con restricciones laterales.
- bb. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- cc. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- dd. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 10. Además podemos decir que:
- ee. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- ff. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- gg. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- hh. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

<sup>&</sup>lt;sup>687</sup> Comparar (303) y (299): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>688</sup> Aunque en menor grado que en los casos restantes.

<sup>689</sup> Comparar (304) y (300): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

# 4.6.3.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)



- 11. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>693</sup>:
- ii. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- jj. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- kk. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>690</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>691</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>692</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>rm 693}$  Comparar (309) y (305): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**12.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>694</sup>:

- 11. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- mm. La pared está comprimida por completo.
- nn. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 13. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>695</sup>:
- oo. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- pp. La pared está comprimida por completo.
- qq. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

14. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> <u>laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>696</sup>:</u>

- rr. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- ss. La pared está comprimida por completo.
- tt. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 15. Además podemos decir que:
- uu. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de los vectores de las direcciones principales "Sii".
- vv. Los zunchos introducen un efecto de confinamiento en las paredes.
- ww. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- xx. La influencia del zuncho es más visible en el modelo apoyado, aunque también es apreciable en los tres modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>694</sup> Comparar (310) y (306): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>695</sup> Comparar (311) y (307): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>696</sup> Comparar (312) y (308): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

# 4.6.3.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{697-698}$



- 16. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>700</sup>:
- yy. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- zz. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- aaa. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>&</sup>lt;sup>697</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>698</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>699</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>700</sup> Comparar (317) y (313): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**17.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>701</sup>:

- bbb. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- ccc. La pared está comprimida por completo.
- ddd. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 18. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>702</sup>:
- eee. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- fff. La pared está comprimida por completo.
- ggg. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

**19.** <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> <u>laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>703</sup>:</u>

- hhh. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- iii. La pared está comprimida por completo.
- jjj. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 20. Además podemos decir que:
- kkk. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de las fuerzas "N22".
- 111. Las paredes están más comprimidos, aunque es poco notorio.
- mmm. En el modelo con la base apoya es más importante la influencia de la presencia del zuncho $^{704}. \label{eq:mmm}$

 $<sup>^{\</sup>rm 701}$  Comparar (318) y (314): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>702</sup> Comparar (319) y (315): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 703}$  Comparar (320) y (316): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>704</sup> Al reducir las tracciones de la clave del arco.

### 4.6.3.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 705-706



### 21. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>708</sup>:

- nnn. La pared se comprime claramente.
- ooo. Las tracciones se reducen de modo considerable.
- ppp. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.

<sup>&</sup>lt;sup>705</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 706}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>707</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>rm 708}$  Comparar (325) y (321): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

qqq. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

**22.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>709</sup>:

- rrr. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- sss. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 23. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>710</sup>:
- ttt. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- uuu. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado<sup>711</sup>.

**24.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>712</sup>:

- vvv. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- www. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 25. Además podemos decir que:
- xxx. En el sentido de los vectores "Si" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- yyy. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- zzz. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- aaaa. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>713</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared.
- bbbb. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>714</sup>.
- cccc. En el modelo con la base empotrada<sup>715</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>716</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 709}$  Comparar (326) y (322): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>710</sup> Comparar (327) y (323): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>711</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

 $<sup>^{\</sup>rm 712}$  Comparar (328) y (324): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 713}$  Comparar (325) y (321): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>714</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{\</sup>rm 715}$  Comparar (327) y (323): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>716</sup> Es importante advertir que esta influencia no es tan notoria al tener restringido el movimiento horizontal en la base.

# 4.6.3.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11" (N11) $^{717-718}$



### 26. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>720</sup>:

dddd. La pared se comprime claramente.

- eeee. Las tracciones se reducen de modo considerable.
- ffff. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.
- gggg. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

<sup>&</sup>lt;sup>717</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>718</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>719</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>720</sup> Comparar (333) y (329): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**27.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>721</sup>:

- hhhh. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- iiii. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 28. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>722</sup>:
- jjjj. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- kkkk. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado $^{723}$ .

**29.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>724</sup>:

- llll. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- mmmm. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 30. Además podemos decir que:
- nnnn. En el sentido de las fuerzas "N11" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- oooo. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- pppp. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- qqqq. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>725</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared.
- rrrr. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>726</sup>.
- ssss. En el modelo con la base empotrada<sup>727</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>728</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 721}$  Comparar (334) y (330): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>722</sup> Comparar (335) y (331): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>723</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

<sup>&</sup>lt;sup>724</sup> Comparar (336) y (332): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>725</sup> Comparar (333) y (329): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>726</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{\</sup>rm 727}$  Comparar (335) y (331): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>728</sup> Es importante advertir que esta influencia no es tan notoria al tener restringido el movimiento horizontal en la base.

#### 4.6.4 <u>Hueco con arco de ángulos rectos</u>

#### 4.6.4.1 Comparación de los Desplazamientos

### 4.6.4.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>729</sup>



- 1. <u>En el modelo con la</u> base apoyada (BA) se puede observar que<sup>731</sup>:
- a. La pared se deforma de un modo más homogéneo.
- b. Los desplazamientos laterales se reducen considerablemente.
- c. Los desplazamientos con sentido contrario localizados en la parte superior del modelo sin zuncho desaparecen.

<sup>729</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>710</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>731</sup> Comparar (341) y (337): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

2. En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>732</sup>:

- d. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- e. Las deformaciones laterales se concentran en la base del arco y tienen una magnitud, relativamente, mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- f. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 3. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>733</sup>:
- g. Las diferencias no son tan relevantes.
- h. Las deformaciones tienden a reducirse<sup>734</sup>.
- i. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

**4.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>735</sup>:

- j. El resultado que se obtiene es el mismo que en el modelo apoyado con restricciones laterales.
- k. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- Las deformaciones laterales se concentran en la base del arco y tienen una magnitud, relativamente, mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- m. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 5. Además podemos decir que:
- n. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- o. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- p. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- q. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

 $<sup>^{\</sup>rm 732}$  Comparar (342) y (338): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 733}$  Comparar (343) y (339): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 734}$  Aunque en menor grado que en los casos restantes.

 $<sup>^{\</sup>rm 735}$  Comparar (344) y (340): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.



4

88





En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>738</sup>: 6.

(351) 4.3.3.4.a

r. La pared se deforma de un modo más homogéneo.

(350) 4.3.2.4.a

Los desplazamientos verticales tienden a alejarse de la clave s. del arco.

#### En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones 7. laterales (BA-RL) se aprecia que<sup>739</sup>:

t. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.

(349) 4.3.1.4.8

 $<sup>^{\</sup>rm 736}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>737</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3). Para facilitar el estudio comparativo que se realiza en el presente apartado se les identifica sólo con un número.

 $<sup>^{\</sup>rm 738}$  Comparar (349) y (345): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>739</sup> Comparar (350) y (346): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

- u. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- v. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 8. En el caso del modelo con la base empotrada vemos que<sup>740</sup>:
- w. Las diferencias no son tan relevantes.
- x. Las deformaciones tienden a reducirse<sup>741</sup>.
- y. En la clave del arco se produce una concentración relativamente mayor de desplazamientos.
- z. Las máximas deformaciones descienden con respecto a los modelos sin la influencia del zuncho.

9. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>742</sup>:

- aa. El resultado que se obtiene es el mismo que en el modelo apoyado con restricciones laterales.
- bb. Los desplazamientos ubicados en la base del modelo se reducen de modo claro.
- cc. Las deformaciones laterales se concentran en la clave del arco y tienen una magnitud mayor en comparación con el modelo sin zuncho.
- dd. A nivel del último forjado también disminuyen los movimientos en la pared.
- 10. Además podemos decir que:
- ee. Los zunchos introducen un claro efecto de confinamiento en las paredes.
- ff. La existencia del zuncho hace que los modelos se deformen en menor grado.
- gg. La influencia del zuncho es más clara en el modelo apoyado y en los dos modelos con restricciones laterales.
- hh. El zuncho no aporta gran ayuda al modelo con la base empotrada.

 $<sup>^{740}</sup>$  Comparar (351) y (347): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>741</sup> Aunque en menor grado que en los casos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>742</sup> Comparar (352) y (348): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

# 4.6.4.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii) 743-744



- 11. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>746</sup>:
- ii. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- jj. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- kk. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>&</sup>lt;sup>743</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N22".

<sup>&</sup>lt;sup>744</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>745</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{\</sup>it 746}$  Comparar (357) y (353): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**12.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>747</sup>:

- 11. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- mm. La pared está comprimida por completo.
- nn. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 13. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>748</sup>:
- oo. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- pp. La pared está comprimida por completo.
- qq. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

14. <u>En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones</u> <u>laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>749</sup>:</u>

- rr. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- ss. La pared está comprimida por completo.
- tt. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 15. Además podemos decir que:
- uu. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de los vectores de las direcciones principales "Sii".
- vv. Los zunchos introducen un efecto de confinamiento en las paredes.
- ww. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- xx. La influencia del zuncho es más visible en el modelo apoyado, aunque también es apreciable en los tres modelos restantes.

<sup>&</sup>lt;sup>747</sup> Comparar (358) y (354): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 748}$  Comparar (359) y (355): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>749</sup> Comparar (360) y (356): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

# 4.6.4.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22) $^{750-751}$



- 16. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>753</sup>:
- yy. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, se reducen considerablemente.
- zz. Prácticamente la pared está comprimida en su totalidad.
- aaa. En la parte superior del arco tiende a disminuir la zona descomprimida de modo claro.

<sup>&</sup>lt;sup>750</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nyy=Ny'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>751</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>752</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>753</sup> Comparar (365) y (361): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**17.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>754</sup>:

- bbb. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- ccc. La pared está comprimida por completo.
- ddd. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 18. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>755</sup>:
- eee. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- fff. La pared está comprimida por completo.
- ggg. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.

**19.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>756</sup>:

- hhh. Las tracciones que se localizan encima del arco en el modelo sin zuncho, desaparecen claramente.
- iii. La pared está comprimida por completo.
- jjj. En la parte superior del arco desaparece la zona descomprimida.
- 20. Además podemos decir que:
- kkk. La influencia del zuncho en los modelos no es tan relevante al analizar los resultados de las fuerzas "N22".
- 111. Las paredes están más comprimidos, aunque es poco notorio.
- mmm. En el modelo con la base apoya es más importante la influencia de la presencia del zuncho  $^{757}.$

 $<sup>^{754}</sup>$  Comparar (366) y (362): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 755}$  Comparar (367) y (363): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

 $<sup>^{\</sup>rm 756}$  Comparar (368) y (364): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>757</sup> Al reducir las tracciones de la clave del arco.

# 4.6.4.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 758-759



- 21. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>761</sup>:
- nnn. La pared se comprime claramente.
- ooo. Las tracciones se reducen de modo considerable.
- ppp. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.

<sup>&</sup>lt;sup>758</sup> Las comparaciones que se realizan en este apartado son completamente válidas para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados. Por otro lado, todos los puntos son de aplicación para el estudio de las fuerzas "N11".

 $<sup>^{\</sup>rm 759}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>760</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

 $<sup>^{761}</sup>$  Comparar (373) y (369): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

qqq. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

**22.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>762</sup>:

- rrr. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- sss. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 23. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>763</sup>:
- ttt. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- uuu. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado<sup>764</sup>.

**24.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>765</sup>:

- vvv. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- www. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 25. Además podemos decir que:
- xxx. En el sentido de los vectores "Si" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- yyy. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- zzz. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- aaaa. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>766</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared.
- bbbb. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>767</sup>.
- cccc. En el modelo con la base empotrada<sup>768</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>769</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 762}$  Comparar (374) y (370): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>763</sup> Comparar (375) y (371): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>764</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

 $<sup>^{765}</sup>$  Comparar (376) y (372): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>766</sup> Comparar (373) y (369): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>767</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{768}</sup>$  Comparar (375) y (371): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>769</sup> Es importante advertir que esta influencia no es tan notoria al tener restringido el movimiento horizontal en la base.

CON	INFLUENCIA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXIÓN

	4.6.4.5	Fuerzas	en	el	sentido	de	la	dirección	principal	"11 <i>"</i>
N11)	770-771									



### 26. En el modelo con la base apoyada (BA) se puede observar que<sup>773</sup>:

dddd. La pared se comprime claramente.

eeee. Las tracciones se reducen de modo considerable.

ffff. Las máximas fuerzas de tracción se localizan en una zona bastante reducida.

gggg. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho aparece concentración de compresiones.

<sup>&</sup>lt;sup>770</sup> En este apartado también son válidos los puntos obtenidos del anterior. Las comparaciones del presente apartado son completamente aplicables para las fuerzas "Nxx=Nx'" de los diferentes modelos desarrollados.

<sup>&</sup>lt;sup>771</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>772</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

<sup>&</sup>lt;sup>773</sup> Comparar (381) y (377): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

**27.** En el caso del modelo con la base apoyada y restricciones laterales (*BA-RL*) se aprecia que<sup>774</sup>:

- hhhh. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- iiii. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 28. En el caso del modelo con la base empotrada (BE) vemos que<sup>775</sup>:
- jjjj. En la pared aumenta su compresión y es superior con relación al modelo anterior.
- kkkk. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran las fuerzas de compresión de un modo más asentado<sup>776</sup>.

**29.** En el caso del modelo con la base empotrada y restricciones laterales impuestas (*BE-RL*) podemos notar que<sup>777</sup>:

- llll. En la pared aumenta el grado de compresión, aunque de modo casi imperceptible.
- mmmm. En las zonas de la pared donde se localiza el zuncho se concentran más compresiones.
- 30. Además podemos decir que:
- nnnn. En el sentido de las fuerzas "N11" repercute favorablemente la presencia del zuncho en la pared.
- oooo. Los zunchos introducen en las paredes un claro efecto de confinamiento.
- pppp. La existencia del zuncho hace que los modelos se compriman en mayor magnitud.
- qqqq. La influencia del zuncho es muy clara en el modelo apoyado<sup>778</sup> ya que reduce visiblemente las tracciones de la pared.
- rrrr. En los dos modelos con los lados restringidos es casi imperceptible el efecto de confinamiento<sup>779</sup>.
- ssss. En el modelo con la base empotrada<sup>780</sup> se aprecia la influencia del zuncho, aunque en menor grado que en el modelo con la base apoyada<sup>781</sup>.

 $<sup>^{\</sup>rm 774}$  Comparar (382) y (378): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>775</sup> Comparar (382) y (378): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>776</sup> Por ser las zonas con libertad de movimiento horizontal.

<sup>&</sup>lt;sup>777</sup> Comparar (383) y (380): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>778</sup> Comparar (381) y (377): modelo con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>779</sup> Lo cual es razonable, teniendo en cuenta que dichos modelos están confinados horizontalmente con las condiciones de contorno impuestas en las caras laterales de las paredes.

 $<sup>^{780}</sup>$  Comparar (382) y (378): modelos con zuncho y sin zuncho respectivamente.

<sup>&</sup>lt;sup>781</sup> Es importante advertir que esta influencia no es tan notoria al tener restringido el movimiento horizontal en la base.

### <u>CAPÍTULO-4</u>

- 1.- ASPECTOS GENERALES
- 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS
- 3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
- 4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 8.- CONCLUSIONES

MJIG





#### 4.7 CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO

A continuación, se realizan comparaciones gráficas entre los diferentes tipos de arcos de los modelos con zuncho y sin zuncho con la misma condición de contorno.

### 4.7.1 <u>Modelo con la base Apoyada</u>

### 4.7.1.1 Comparación de los Desplazamientos:

4.7.1.1.1 Desplazamientos en "x''<sup>782</sup>



<sup>&</sup>lt;sup>782</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>783</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

### 4.7.1.1.2 Desplazamientos en " $z''^{784}$



 $<sup>^{\</sup>rm 784}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>785</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.1.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>786</sup>



 $<sup>^{\</sup>rm 786}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>787</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.1.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22"  $(N22)^{788}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>788</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>789</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.1.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)<sup>790</sup>



 $<sup>^{790}</sup>$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>791</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.1.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11"  $(N11)^{792}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>792</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>793</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

#### 4.7.2 Modelo con la base Apoyada y Restricción Lateral

### 4.7.2.1 Comparación de los Desplazamientos

4.7.2.1.1 <u>Desplazamientos en</u> "x"<sup>794</sup>



<sup>&</sup>lt;sup>794</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>795</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.2.1.2 Desplazamientos en "z" 796



 $<sup>^{\</sup>rm 796}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>797</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.2.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>798</sup>



 $<sup>^{\</sup>rm 798}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>799</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.2.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22"  $(N22)^{800}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>800</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>801</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.2.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)<sup>802</sup>



 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 802}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>803</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.2.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11"  $(N11)^{804}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>804</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>805</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.
## 4.7.3 <u>Modelo con la base Empotrada</u>

## 4.7.3.1 Comparación de los Desplazamientos

4.7.3.1.1 <u>Desplazamientos en</u> "x"<sup>806</sup>



<sup>&</sup>lt;sup>806</sup> Los desplazamientos hacia el lado derecho se representan con la gama de colores fríos (verde-azul) y los desplazamientos hacia el lado izquierdo con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo).

<sup>&</sup>lt;sup>807</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

# 4.7.3.1.2 Desplazamientos en "z" 808



 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 808}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>809</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.3.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>810</sup>



<sup>&</sup>lt;sup>810</sup> Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>811</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.3.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22"  $(N22)^{812}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>812</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>813</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.3.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)<sup>814</sup>



 $<sup>^{\</sup>rm 814}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>815</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.3.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11"  $(N11)^{816}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>816</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>817</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

## 4.7.4 Modelo con la base Empotrada y Restricción Lateral

# 4.7.4.1 Comparación de los Desplazamientos

4.7.4.1.1 Desplazamientos en "x"



<sup>&</sup>lt;sup>818</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

# 4.7.4.1.2 Desplazamientos en "z" 819



 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 819}$  Los desplazamientos aumentan de valor a medida que el color se acerca al rojo intenso.

<sup>&</sup>lt;sup>820</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.4.2 Vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>821</sup>



 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 821}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>822</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.4.3 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "22"  $(N22)^{823}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>823</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>824</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.4.4 Vectores en el sentido de la dirección principal "11" (Si)<sup>825</sup>



 $<sup>^{\</sup>scriptscriptstyle 825}$  Los vectores de compresión son de color azul y los de tracción son de color rojo.

<sup>&</sup>lt;sup>826</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

4.7.4.5 Fuerzas en el sentido de la dirección principal "11"  $(N11)^{827}$ 



<sup>&</sup>lt;sup>827</sup> Las compresiones se representan con la gama de colores cálidos (amarillo-rojo) y las tracciones con la gama de colores fríos (verde-azul). Las máximas compresiones alcanzan el color rojo y las máximas tracciones el color azul.

<sup>&</sup>lt;sup>828</sup> Todos los resultados de los modelos "sin zuncho" se analizan detalladamente en el capítulo anterior (Capítulo-3), aunque, en el caso que nos ocupa, se les identifica sólo con un número para facilitar su estudio comparativo.

MJIG

#### CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN

# CAPÍTULO-4

## 1.- ASPECTOS GENERALES

- 2.- CARACTERÍSTICAS DE LOS MODELOS
- 3.- ANÁLISIS DE DIFERENTES TIPOS DE ARCOS
- 4.- INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 5.- INFLUENCIA DE LA FORMA DEL ARCO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO
- 6.- ANÁLISIS COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LAS CONDICIONES DE CONTORNO EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 7.- CUADRO COMPARATIVO: INFLUENCIA DE LA FORMA DE LOS ARCOS EN LOS MODELOS CON ZUNCHO Y SIN ZUNCHO
- 8.- CONCLUSIONES

#### 4.8 CONCLUSIONES DEL CAPÍTULO-4

Las conclusiones que se presentan a continuación, ponen de manifiesto la influencia favorable de los zunchos cuando se ejecutan apeos.

Todos los modelos se ven favorecidos y de un modo especial aquellos que tienen la base apoyada sin movimientos laterales impedidos.

Se ve conveniente clasificar las conclusiones dependiendo de la condición de contorno que se utiliza en el estudio.

#### 4.8.1 <u>Modelos con la base apoyada (BA)</u>

El comportamiento estructural de la pared "mejora sustancialmente" cuando consideramos la influencia del zuncho de forjado perimetral en los modelos. Es mayor al no existir confinamiento ni en la base ni en las caras laterales de los modelos, como se demuestra a continuación, en los modelos que se presentan:

- 1. La pared aumenta su rigidez<sup>829</sup>.
- a. Los "desplazamientos en el sentido del eje "x"" se reducen considerablemente en los modelos:



b. Los "desplazamientos en el sentido del eje "z"" se ven poco afectados.

2. Los zunchos introducen fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje "x"<sup>831</sup>.

c. Las "fuerzas de tracción" disminuyen de modo perceptible<sup>832</sup>:

<sup>&</sup>lt;sup>829</sup> De este modo da lugar a una pieza menos deformable.

 $<sup>^{\</sup>rm 830}$  (BA) = Base Apoyada. Los otros modelos se pueden ver en el (CUADRO 87).

<sup>&</sup>lt;sup>831</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

<sup>&</sup>lt;sup>832</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

- Los vectores de tracción se minimizan en el sentido de la dirección principal "11" (Si).



- Las fuerzas de tracción disminuyen en el sentido de la dirección principal "11" (N11).



- d. Las fuerzas de compresión aumentan sustancialmente<sup>835</sup>:
  - Los vectores de compresión se intensifican en el sentido de la dirección principal "11" (Si) 836.
  - Las fuerzas de compresión aumentan en el sentido de la dirección principal "11" (N11) <sup>837</sup>.

3. Los zunchos introducen en los modelos pequeñas fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje "z"<sup>838</sup>.

e. Las fuerzas de tracción se reducen en menor magnitud en comparación con el sentido del eje "x" en<sup>839</sup>:

 $<sup>^{\</sup>rm 833}$  (BA) = Base Apoyada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 91).

<sup>&</sup>lt;sup>834</sup> (BA) = Base Apoyada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 92)

<sup>&</sup>lt;sup>835</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

<sup>&</sup>lt;sup>836</sup> Ver (CUADRO 91).

<sup>&</sup>lt;sup>837</sup> Ver (CUADRO 92).

<sup>&</sup>lt;sup>838</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

- CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- "Sii": modelo con y sin zuncho<sup>840</sup>
- Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii).

- Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22).



- f. Las fuerzas de compresión aumentan de modo casi imperceptible<sup>842</sup> en:
  - Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>843</sup>.
  - Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)<sup>844</sup>.

# 4.8.2 Modelos con la base apoyada y restricciones laterales

4. La pared aumenta su rigidez<sup>845</sup>.

<sup>843</sup> Ver (CUADRO 89).

<sup>&</sup>lt;sup>839</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

 $<sup>^{840}</sup>$  (BA) = Base Apoyada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 89).

 $<sup>^{841}</sup>$  (BA) = Base Apoyada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 90).

<sup>&</sup>lt;sup>842</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

<sup>&</sup>lt;sup>844</sup> Ver (CUADRO 90).

g. Los desplazamientos en el sentido del eje "x" se reducen en las plantas superiores de los modelos<sup>846</sup>, aunque tienden a intensificarse en las caras laterales de los huecos<sup>847</sup>.



h. Los desplazamientos en el sentido del eje "z" se ven poco afectados.

5. Los zunchos introducen en los modelos fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje " $x''^{849}$ .

- i. En la clave del arco disminuyen las fuerzas de tracción<sup>850</sup>:
  - Los vectores de tracción se minimizan de modo claro en el sentido de la dirección principal "11" (Si).



<sup>&</sup>lt;sup>845</sup> De este modo da lugar a una pieza menos deformable.

<sup>&</sup>lt;sup>846</sup> La intensificación de los desplazamientos se entiende si tenemos en cuenta el efecto de zunchado que introduce el zuncho en la pared, con lo cual aporta a la zona de los forjados mayor rigidez.

<sup>&</sup>lt;sup>847</sup> Por ser la zona que queda con mayor libertad de movimiento.

<sup>848 (</sup>BA-RL) = Base Apoyada y restricciones laterales. Los otros modelos se pueden ver en el (CUADRO 93).

<sup>&</sup>lt;sup>849</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

<sup>&</sup>lt;sup>850</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>851</sup> (BA-RL) = Base Apoyada y restricciones laterales. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 97).

- Las fuerzas de tracción disminuyen visiblemente en el sentido de la dirección principal "11" (N11).



- j. Las fuerzas de compresión son mayores<sup>853</sup>:
  - Los vectores de compresión se intensifican de modo claro en el sentido de la dirección principal "11" (Si)<sup>854</sup>.
  - Las fuerzas de compresión aumentan visiblemente en el sentido de la dirección principal "11" (N11)<sup>855</sup>.

6. Los zunchos introducen en los modelos pequeñas fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje "z"<sup>856</sup>.

- k. Las fuerzas de tracción se reducen en menor magnitud en comparación con el sentido del eje "x" en<sup>857</sup>:
  - Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii).



<sup>&</sup>lt;sup>852</sup> (BA-RL) = Base Apoyada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 98)

<sup>854</sup> Ver (CUADRO 97).

<sup>&</sup>lt;sup>853</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

<sup>&</sup>lt;sup>855</sup> Ver (CUADRO 98).

<sup>&</sup>lt;sup>856</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

<sup>&</sup>lt;sup>857</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>858</sup> (BA-RL) = Base Apoyada y restricciones laterales. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 95).

- "N22": modelo con y sin zuncho<sup>859</sup>
- Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22).

- Las fuerzas de compresión aumentan de modo casi imperceptible<sup>860</sup> en:
  - Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>861</sup>.
  - Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22"  $(N22)^{862}$ .

# 4.8.3 Modelos con la base empotrada

- 7. La pared aumenta su rigidez<sup>863</sup>.
- m. Los desplazamientos en el sentido del eje "x" disminuyen en los lados de los modelos, aunque se intensifican en las caras laterales de los huecos.



n. Los desplazamientos en el sentido del eje "z" se ven poco afectados.

 $<sup>^{859}</sup>$  (BA) = Base Apoyada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 96).

<sup>&</sup>lt;sup>860</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

<sup>&</sup>lt;sup>861</sup> Ver (CUADRO 95).

<sup>&</sup>lt;sup>862</sup> Ver (CUADRO 96).

 $<sup>^{\</sup>rm 863}$  De este modo da lugar a una pieza menos deformable.

<sup>864 (</sup>BE) = Base empotrada. Los otros modelos se pueden ver en el (CUADRO 99).

8. Los zunchos introducen en los modelos fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje "x"<sup>865</sup>.

- o. Las fuerzas de tracción disminuyen de modo perceptible<sup>866</sup>:
  - Los vectores de tracción se minimizan de modo claro en el sentido de la dirección principal "11" (Si).



- Las fuerzas de tracción disminuyen visiblemente en el sentido de la dirección principal "11" (N11).



- p. Las fuerzas de compresión se incrementan<sup>869</sup>:
  - Los vectores de compresión se intensifican de modo claro en el sentido de la dirección principal "11" (Si)<sup>870</sup>.
  - Las fuerzas de compresión aumentan visiblemente en el sentido de la dirección principal "11" (N11)<sup>871</sup>.

<sup>870</sup> Ver (CUADRO 103).

<sup>871</sup> Ver (CUADRO 104).

<sup>&</sup>lt;sup>865</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

<sup>&</sup>lt;sup>866</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

 $<sup>^{867}</sup>$  (BE) = Base empotrada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 103).

 $<sup>^{868}</sup>$  (BE) = Base empotrada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 104)

<sup>&</sup>lt;sup>869</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

9. Los zunchos introducen en los modelos pequeñas fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje "z"<sup>872</sup>.

- q. Las fuerzas de tracción se reducen en menor magnitud en comparación con el sentido en el eje "x"  $^{873}$  en:
  - Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii).



- Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22).



- r. Las fuerzas de compresión aumenta de modo casi imperceptible $^{\rm 876}$  en:
  - Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>877</sup>.
  - Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22)<sup>878</sup>.

<sup>877</sup> Ver (CUADRO 101).

 $^{\rm 878}$  Ver (CUADRO 102).

<sup>&</sup>lt;sup>872</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

<sup>&</sup>lt;sup>873</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

 $<sup>^{\</sup>it 874}$  (BE) = Base empotrada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 101).

 $<sup>^{\</sup>rm 875}$  (BE) = Base empotrada. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 102).

<sup>&</sup>lt;sup>876</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

### 4.8.4 Modelos con la base empotrada y restricciones laterales

- 10. La pared aumenta su rigidez<sup>879</sup>.
- s. Los desplazamientos en el sentido del eje "x" disminuyen en la parte superior de los modelos, aunque se intensifican en las caras laterales de los huecos.



t. Los desplazamientos en el sentido del eje "z" se ven poco afectados.

11. Los zunchos introducen en los modelos fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje "x"<sup>881</sup>.

- u. Las fuerzas de tracción disminuyen de modo perceptible<sup>882</sup>:
  - Los vectores de tracción se minimizan de modo claro en el sentido de la dirección principal "11" (Si).



<sup>&</sup>lt;sup>879</sup> De este modo da lugar a una pieza menos deformable.

<sup>&</sup>lt;sup>880</sup> (BE-RL) = Base empotrada y restricciones laterales. Los otros modelos se pueden ver en el (CUADRO 105).

<sup>&</sup>lt;sup>881</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

<sup>882</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>863</sup> (BE-RL) = Base empotrada y restricciones laterales. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 109).

- CON INFLUENCIA DEL ZUNCHO DE CONEXIÓN
- Las fuerzas de tracción disminuyen visiblemente en el sentido de la dirección principal "11" (N11).



- v. Las fuerzas de compresión se incrementan<sup>885</sup>:
  - Los vectores de compresión se intensifican de modo claro en el sentido de la dirección principal "11" (Si) <sup>886</sup>.
  - Las fuerzas de compresión aumentan visiblemente en el sentido de la dirección principal "11" (N11)<sup>887</sup>.

**12.** Los zunchos introducen en los modelos pequeñas fuerzas que comprimen la pieza en el sentido del eje "z"<sup>888</sup>.

- w. Las fuerzas de tracción se reducen en menor magnitud en comparación con el sentido en el eje "x" en<sup>889</sup>:
  - Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii).



<sup>&</sup>lt;sup>884</sup> (BE-RL) = Base empotrada y restricciones laterales. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 110)

<sup>886</sup> Ver (CUADRO 109).

<sup>&</sup>lt;sup>885</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

<sup>&</sup>lt;sup>887</sup> Ver (CUADRO 110).

<sup>&</sup>lt;sup>888</sup> Estas fuerzas se deben al efecto de zunchado que origina el zuncho al estar embebido en la pared.

<sup>&</sup>lt;sup>889</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica tiene una baja resistencia a las fuerzas de tracción.

<sup>&</sup>lt;sup>890</sup> (BE-RL) = Base empotrada y restricciones laterales. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 107).

- Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22" (N22).



- x. Las fuerzas de compresión aumentan de modo casi imperceptible<sup>892</sup> en:
  - Los vectores en el sentido de la dirección principal "22" (Sii)<sup>893</sup>.
  - Las fuerzas en el sentido de la dirección principal "22"  $(N22)^{894}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>891</sup> (BE-RL) = Base empotrada y restricciones laterales. Los modelos restantes se pueden ver en el (CUADRO 108).

<sup>&</sup>lt;sup>892</sup> Este aspecto es muy importante teniendo en cuenta que la obra de fábrica resiste de mejor forma las fuerzas de compresión.

<sup>&</sup>lt;sup>893</sup> Ver (CUADRO 107).

<sup>&</sup>lt;sup>894</sup> Ver (CUADRO 108).

# ÍNDICE DE CUADROS.

(CUADRO 1)	DIMENSIONES GENERALES
(CUADRO 2)	TIPOLOGÍA DE ARCOS A ESTUDIAR
(CUADRO 3)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE LOS DESPLAZAMIENTOS Y GIROS4-20
(CUADRO 4)	ESQUEMAS DE LOS MODELOS CON LAS DIFERENTES CONDICIONES DE CONTORNO A ANALIZAR
(CUADRO 5)	REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE LOS RESULTADOS NUMÉRICOS
(CUADRO 6)	VALORES MÁXIMOS ABSOLUTOS
(CUADRO 7)	MANIPULACIÓN DE DATOS
(CUADRO 8)	MÁXIMOS ABSOLUTOS CONSIDERADOS EN EL ANÁLISIS4-24
(CUADRO 9)	FUERZAS Y DESPLAZAMIENTO EN "X"4-24
(CUADRO 10)	DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-25
(CUADRO 11)	MODELOS: BASE APOYADA
(CUADRO 12)	MODELOS: BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES
(CUADRO 13)	MODELOS: BASE EMPOTRADA
(CUADRO 14)	MODELOS: BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES
(CUADRO 15)	ARCO IDEAL (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
(CUADRO 16)	ARCO IDEAL (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO 17)	ARCO IDEAL (CON ZUNCHO): "SII"
(CUADRO 18)	ARCO IDEAL (CON ZUNCHO): "N22"4-61
(CUADRO 19)	ARCO IDEAL (CON ZUNCHO): "SI"
(CUADRO 20)	ARCO IDEAL (CON ZUNCHO): "N11" 4-64
(CUADRO 21)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"4-65
(CUADRO 22)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-67
(CUADRO 23)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON ZUNCHO): "SII"
(CUADRO 24)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON ZUNCHO): "N22"4-69
(CUADRO 25)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON ZUNCHO): "SI"4-70
(CUADRO 26)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON ZUNCHO): "N11"4-72
(CUADRO 27)	ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
(CUADRO 28)	ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
(CUADRO 29)	ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): "SII"
(CUADRO 30)	ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): "N22"
(CUADRO 31)	ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): "SI"
(CUADRO 32)	ARCO CARPANEL (CON ZUNCHO): "N11"
(CUADRO 33)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"4-81
(CUADRO 34)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-83
(CUADRO 35)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON ZUNCHO): "SII"
(CUADRO 36)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON ZUNCHO): "N22"4-85

( CUADRO	37)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	38)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON ZUNCHO): "N11"
( CUADRO	39)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	40)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	41)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON ZUNCHO): "SII"4-94
( CUADRO	42)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON ZUNCHO): "N22"4-96
( CUADRO	43)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	44)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON ZUNCHO): "N11"
( CUADRO	45)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	46)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-102
( CUADRO	47)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON ZUNCHO): "SII"4-103
( CUADRO	48)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON ZUNCHO): "N22"4-105
( CUADRO	49)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	50)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON ZUNCHO): "N11"
(CUADRO	51)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	52)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	53)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON ZUNCHO): "SII" Y "N22"4-112
( CUADRO	54)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON ZUNCHO): "N22"
( CUADRO	55)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	56)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON ZUNCHO): "N11"
( CUADRO	57)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X″
( CUADRO	58)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z″4-120
( CUADRO	59)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON ZUNCHO): "SII″ Y "N22″4-121
( CUADRO	60)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON ZUNCHO): "N22"4-123
(CUADRO	61)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON ZUNCHO): "SI"4-124
(CUADRO	62)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON ZUNCHO): "N11″4-126
( CUADRO	63)	ARCO IDEAL (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"4-129
( CUADRO	64)	ARCO IDEAL (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-131
( CUADRO	65)	ARCO IDEAL (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"4-133
( CUADRO	66)	ARCO IDEAL (CON Y SIN ZUNCHO): "N22"4-135

CON	TNFLUENCTA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXTÓ	N
CO1.			20110110		CONTRACTOR	1 W

( CUADRO	67)	ARCO IDEAL (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	68)	ARCO IDEAL (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"
( CUADRO	69)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"4-141
( CUADRO	70)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-143
( CUADRO	71)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"
( CUADRO	72)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON Y SIN ZUNCHO): "N22"
( CUADRO	73)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	74)	ARCO DE MEDIO PUNTO (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"
( CUADRO	75)	ARCO CARPANEL (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	76)	ARCO CARPANEL (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-155
( CUADRO	77)	ARCO CARPANEL (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"
( CUADRO	78)	ARCO CARPANEL (CON Y SIN ZUNCHO): "N22"4-159
( CUADRO	79)	ARCO CARPANEL (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	80)	ARCO CARPANEL (CON Y SIN ZUNCHO): "N11" 4-163
( CUADRO	81)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"4-165
( CUADRO	82)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"4-167
( CUADRO	83)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"
( CUADRO	84)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON Y SIN ZUNCHO): "N22"4-171
( CUADRO	85)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	86)	ARCO DE ÁNGULOS RECTOS (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"
(CUADRO	87)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	88)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	89)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"
( CUADRO	90)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON Y SIN ZUNCHO): "N22" 4-182
( CUADRO	91)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	92)	MODELOS CON LA BASE APOYADA (BA) (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"
( CUADRO	93)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	94)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	95)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"4-187
(CUADRO	96)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "N22"4-188
( CUADRO	97)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"4-189
( CUADRO	98)	MODELOS CON LA BASE APOYADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BA-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"4-190
( CUADRO	99)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"

CON	TNFLUENCTA	DEL	ZUNCHO	DE	CONEXTÓ	N
0011	<b>TIL DODIOTI</b>		20110110		001101110	÷ •

( CUADRO	100)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON Y SIN ZUNCHO):
		DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	101)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"
( CUADRO	102)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON Y SIN ZUNCHO): "N22"4-194
( CUADRO	103)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	104)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA (BE) (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"
( CUADRO	105)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "X"
( CUADRO	106)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): DESPLAZAMIENTO EN "Z"
( CUADRO	107)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "SII"4-199
( CUADRO	108)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "N22"4-200
( CUADRO	109)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "SI"
( CUADRO	110)	MODELOS CON LA BASE EMPOTRADA Y RESTRICCIONES LATERALES (BE-RL) (CON Y SIN ZUNCHO): "N11"4-202

## ÍNDICE DE GRÁFICOS.

(GRAF.4:	1) HUECO CON ARCO IDEAL
(GRAF.4:	2) HUECO CON ARCO DE MEDIO PUNTO
(GRAF.4:	3) HUECO CON ARCO CARPANEL
(GRAF.4:	4) HUECO CON ARCO DE ÁNGULOS RECTOS
(GRAF.4:	5) REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-X ( $\delta$ X)4-20
(GRAF.4:	6) REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-Y ( $\delta$ Y)4-20
(GRAF.4:	7) REPRESENTACIÓN DEL DESPLAZAMIENTO-Z ( $\delta$ Z)4-20
(GRAF.4:	8) REPRESENTACIÓN DEL GIRO-X ( $\theta$ X)4-20
(GRAF.4:	9) REPRESENTACIÓN DEL GIRO-Y ( $\theta$ Y)
(GRAF.4:	10) REPRESENTACIÓN DEL GIRO-Z ( $\theta$ Z)
(GRAF.4:	11) A. IDEAL: BA
(GRAF.4:	12) A. MEDIO PUNTO: BA
(GRAF.4:	13) A. CARPANEL: BA
(GRAF.4:	14) A. A. RECTO: BA
(GRAF.4:	15) A. IDEAL: BA-RL
(GRAF.4:	16) A. MEDIO PUNTO: BA-RL
(GRAF.4:	17) A. CARPANEL: BA-RL
(GRAF.4:	18) A. A. RECTO: BA-RL
(GRAF.4:	19) A. IDEAL: BE
(GRAF.4:	20) A. MEDIO PUNTO: BE
(GRAF.4:	21) A. CARPANEL: BE
(GRAF.4:	22) A. A. RECTO: BE
(GRAF.4:	23) A. IDEAL: BE-RL
(GRAF.4:	24) A. MEDIO PUNTO: BE-RL
(GRAF.4:	25) A. CARPANEL: BE-RL
(GRAF.4:	26) A. A. RECTO: BE-RL
(GRAF.4:	27) "SII": DIRECCIÓN DE LOS VECTORES PRINCIPALES (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22=Y"). LOS VECTORES ROJOS REPRESENTAN TRACCIONES Y LOS VECTORES AZULES COMPRESIONES
(GRAF.4:	28) "N22": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22=Y" (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "Y"4-22
(GRAF.4:	29) "NYY=NY'": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN "YY=Y'" (EN EL EJE LOCAL "Y'")4-22
(GRAF.4:	30) "SI": DIRECCIÓN DE LOS VECTORES PRINCIPALES (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11=X"). LOS VECTORES ROJOS REPRESENTAN TRACCIONES Y LOS VECTORES AZULES COMPRESIONES
(GRAF.4:	31) "N11": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11=X" (EN EL EJE DE LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "X")
(GRAF.4:	32) "NXX=NX'": FUERZAS EN LA DIRECCIÓN "XX=X'" (EN EL EJE LOCAL "X'")4-22
(GRAF.4:	33) DATOS INICIALES DEL PROGRAMA. VALOR MÁXIMO ABSOLUTO (MÁX. ABS.)4-23

(GRAF.4:	34)	DATOS MANIPULADOS: IGUALDAD ENTRE MÁXIMOS Y MÍNIMOS. VALOR DE REFERENCIA 1.5424E+05 (MÁX. ABS.)
(GRAF.4:	35)	DESPLAZAMIENTO EN "X" MÁXIMO ABSOLUTO: 0,00017383M4-24
(GRAF.4:	36)	DESPLAZAMIENTO EN "Z" MÁXIMO ABSOLUTO:
(GRAF.4:	37)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "22" ES "N22": 615562N/M
(GRAF.4:	38)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN "YY" ES "NYY=NY'": 614076N/M
(GRAF.4:	39)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN PRINCIPAL "11″ ES "N11″: 173209N/M
(GRAF.4:	40)	LA FUERZA MÁXIMA ABSOLUTA EN LA DIRECCIÓN "XX" ES "NXX=NX'": 156236N/M